

# YMT219

## Veri Yapıları

Yrd.Doç.Dr. Erkan TANYILDIZI

# Ders Kitapları ve Yardımcı Kaynaklar

- Veri Yapıları ve Algoritmalar

- Dr. Rifat ÇÖLKESEN, Papatya yayıncılık



- Data Structures and Problem Solving Using Java

- Mark Allen Weiss, Pearson International Edition

- Ahmet Yesevi Üniversitesi Ders Notları

- Ayrıca internet üzerinden çok sayıda kaynağa ulaşabilirsiniz.

# Dersin Gereksinimleri

- Bu dersteki öğrencilerin Nesne tabanlı programlama dillerinden birisini(Java, C++, C#) veya yordamsal programlama dillerinden birisini(C, Pascal) bildiği varsayılmıştır.
- Bilinmesi gereken konular:
  - Temel veri türleri (int, float)
  - Kontrol yapısı (if else yapısı)
  - Döngüler
  - Fonksiyonlar(Methods)
  - Giriş çıkış işlemleri
  - Basit düzeyde diziler ve sınıflar

# Ders İşleme Kuralları

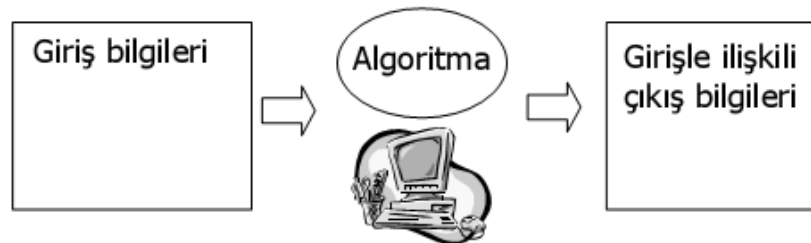
- Derse devam zorunludur. En fazla 4 hafta devamsızlık yapılabilir.
- Ders başlangıç saatlerine özen gösteriniz. Derse geç gelen öğrenci ara verilinceye kadar bekleyecektir.
- Her ders iki imza alınacaktır.
- Ödevler zamanında teslim edilecektir. Verilen tarihten sonra getirilen ödevler kabul edilmeyecektir.
- Ders esnasında lütfen kendi aranızda (veya kendi kendinize) konuşmayın, fısıldaşmayın, mesajlaşmayın v.s
- Dersi anlatan ve dinleyen kişilere lütfen saygı gösterin.
- Anlatılan, anlatılmayan, merak ettiğiniz her konuda soru sormaktan çekinmeyin.
- Cep telefonu v.b kişisel taşınabilir iletişim cihazlarınızı ders süresince mutlaka kapalı tutunuz.

# Veri Yapıları ve Modelleri

Bölüm 1

# Algoritma

- **Algoritma**, bir problemin çözümünde izlenecek yol anlamına gelir. Algoritma, bir programlama dilinde (Java, C++, C# gibi) ifade edildiğinde **program** adını alır.
- Algoritma, belirli bir problemin sonucunu elde etmek için art arda uygulanacak adımları ve koşulları kesin olarak ortaya koyar. Herhangi bir giriş verisine karşılık, çıkış verisi elde edilmesi gereklidir. Bunun dışındaki durumlar algoritma değildir.



# Algoritma

- Bilgisayar uygulamasında, bir yazılım geliştirirken birçok algoritmaya ihtiyaç duyulur. Örneğin,
  - arama algoritması
  - sıralama algoritması
  - matris veya vektörel işlem algoritması
  - graf algoritması
  - bir matematiksel modelin çözülmesi algoritması
- gibi birçok algoritma türü vardır ve uygulama geliştirirken, bunların biri veya birkaçı her zaman kullanılır.

# Veri

- **Veri**, algoritmalar tarafından işlenen en temel elemanlardır (sayısal bilgiler, metinsel bilgiler, resimler, sesler ve girdi, çıktı olarak veya ara hesaplamalarda kullanılan diğer bilgiler...).
- Bir algoritmanın etkin, anlaşılır ve doğru olabilmesi için, algoritmanın işleyeceği verilerin düzenlenmesi gerekir.



# Veri Yapısı ve Veri Modeli

- **Veri yapısı** (Data Structure) verinin veya bilginin bellekte tutulma şeklini veya düzenini gösterir.
  - Tüm programlama dillerinin, genel olarak, tamsayı, kesirli sayı, karakter ve sözcük saklanması için temel veri yapıları vardır. Bir program değişkeni bile **basit bir veri yapısı** olarak kabul edilebilir.
- **Veri modeli** (Data Model), verilerin birbirleriyle ilişkisel veya sırasal durumunu gösterir; problemin çözümü için kavramsal bir yaklaşım yöntemidir denilebilir.
  - Bilgisayar ortamında uygulanacak tüm matematik ve mühendislik problemleri bir veri modeline yaklaştırılarak veya yeni veri modelleri tanımlaması yapılarak çözülebilmektedir.

## Veri Yapılarına Neden İhtiyaç Vardır?

- Bilgisayar yazılımları gün geçtikçe daha karmaşık bir hal almaktadır.
  - Örneğin 8 milyar sayfanın indekslenmesi (Google)
- Yazılımların programlanması ve yönetimi zorlaşmaktadır.
- **Temiz kavramsal yapılar** ve bu yapıları sunan çerçeve programları, **daha etkin ve daha doğru program yazmayı sağlar.**

# Veri Yapılarına Neden İhtiyaç Vardır?

- İyi bir yazılım için gereksinimler:
  - Temiz bir tasarım
  - Kolay bakım ve yönetim
  - Güvenilir
  - Kolay kullanımlı
  - Hızlı algoritmalar
- Verimli Veri Yapıları
- Verimli Algoritmalar

# Veri Yapılarına Neden İhtiyaç Vardır?

- **Örnek**
- Her biri satır başına ortalama 10 kelimedenden ve yine ortalama 20 satırdan oluşan 3000 metin koleksiyonu olduğunu düşünelim.
  - →600,000 kelime
- Bu metinler içinde “dünya” kelimesi ile eşleşecek bütün kelimeleri bulmak isteyelim
- Doğru eşleştirme için yapılacak karşılaştırmanın 1 sn. sürdüğünü varsayalım.
- Ne yapılmalıdır?

# Veri Yapılarına Neden İhtiyaç Vardır?

- Örnek
- Çözüm. 1:
- Sıralı eşleştirme: 1 sn. x 600,000 kelime= **166 saat**
- Çözüm. 2:
- İkili Arama (Binary searching):
  - - kelimeler sıralanır
  - - sadece tek yarıda arama yapılır
  - toplam adım sayısı  $\log_2 N = \log_2 600000$  yaklaşık 20 adım (çevrim) **20 sn.**
- **20 saniye veya 166 saat!**

## Veri Yapılarına Neden İhtiyaç Vardır?

- **Örnek** :25 değerini 5 8 12 15 15 17 23 25 27 dizisinde arayalım. Kaç adımda sonuç bulunur?
  - 25 ? 15      15 17 23 25 27
  - 25 ? 23      23 25 27
  - 25 ? 25

## Veri Yapılarının Sınıflandırılması

- Veri yapıları,
  - **Temel Veri Yapıları**
  - **Tanımlamalı (Bileşik) Veri Yapıları**
- Temel veri yapıları, daha çok programlama dilleri tarafından doğrudan değişken veya sabit bildirim yapılarak kullanılır.
- Tanımlamalı veri yapıları, kendisinden önceki tanımlamalı veya temel veri yapıları üzerine kurulurlar; yani, önceden geçerli olan veri yapıları kullanılarak sonradan tanımlanırlar.

## Veri Yapılarının Sınıflandırılması

- Programlama dilinin elverdiği ölçüde, hemen her tür veri yapısı tanımlanabilir. C Programlama dilinde yeni veri yapısı tanımlamak için struct, union gibi birkaç deyim vardır.
- Aşağıdaki bildirimde göre **tam**, **kr** ve **kesirli** adlı değişkenler, C programlama dilinde birer temel veri yapısıdır; ancak, **toplam** adlı değişken ise, tanımlamalı veri yapısı şeklindedir. struct karmasik adlı veri yapısının 2 tane üyesi vardır; biri **gerçel**, diğeri **sanal** kısmı tutmak için kullanılır.

```
int tam ;  
char kr ;  
float kesirli;
```

```
struct karmasik {  
float gerçel;  
float sanal;    };  
struct karmasik toplam;
```



## Temel Veri Yapıları

- Tüm programlama dillerinin, genel olarak, karakter, tamsayı, kesirli sayı ve sözcük (karakter katarı) saklanması için temel veri yapıları vardır. Veri yapısı, aslında, ham olarak 1 ve 0'lardan oluşan verinin yorumlanmasını belirleyen biçimleme (formatting) düzenidir. Örneğin, 62 sayısının ikili tabandaki karşılığı, 111110 olarak bellekte saklanır.
- Temel veri yapıları aşağıdaki gibi sınıflanabilir:

- **Karakter** (Character) - A, B,C, @, ?, >, ∞...
- **Tamsayı** (Integer) - 1923, 19, 29, 23, 5, - 153
- **Gerçel Sayı** (Real Number) - 3.14, 2.71,  $1.53 \times 10^8$ ...
- **Katar** (String) - "Üniversite", "Oğuzhan", "Can", "A"
- **Dizi/Matris** (Array/Matrix) - [ 23 4 1923],  $\begin{bmatrix} 19 & 23 \\ 29 & 5 \end{bmatrix}$

## Tanımlamalı Veri Yapıları

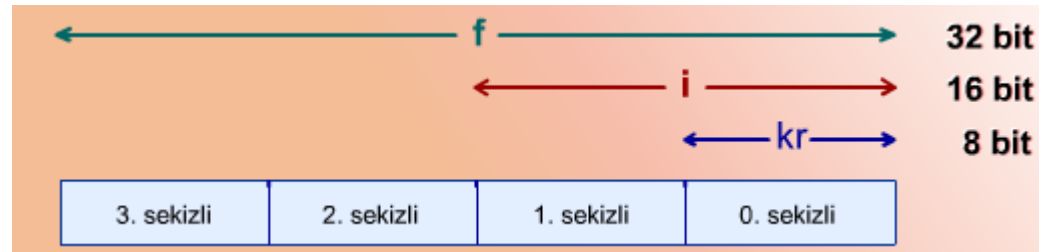
- Tanımlamalı veri yapısı, temel veya daha önceden tanımlanmış veri yapılarının kullanılıp yeni veri yapıları oluşturulmasıdır. Üç değişik şekilde yapılabilir:
  - **Topluluk (Struct) Oluşturma:** Birden çok veri yapısının bir araya getirilip yeni bir veri yapısı ortaya çıkarmaktır. (Java dilinde sınıflar)
  - **Ortaklık (Union) Oluşturma:** Birden çok değişkenin aynı bellek alanını kullanmasını sağlayan veri yapısı tanımlamasıdır. Ortaklıkta en fazla yer işgal eden veri yapısı hangisi ise, ortaklık içerisindeki tüm değişkenler orayı paylaşır.
  - **Bit Düzeyinde Erişim:** Verinin her bir bit'i üzerinde diğerlerinden bağımsız olarak işlem yapılması olanağı sunar.
- Her birinin kullanım amacı farklı farklı olup uygulamaya göre bir tanesi veya hepsi bir arada kullanılabilir. Genel olarak, en çok kullanılanı topluluk oluşturmaktır; böylece birden fazla veri yapısı bir araya getirilip/paketlenip yeni bir veri yapısı/türü ortaya çıkarılır.

## Tanımlamalı Veri Yapıları

- C dilinde tanımlamalı veri yapılarına örnek aşağıda verilmiştir.

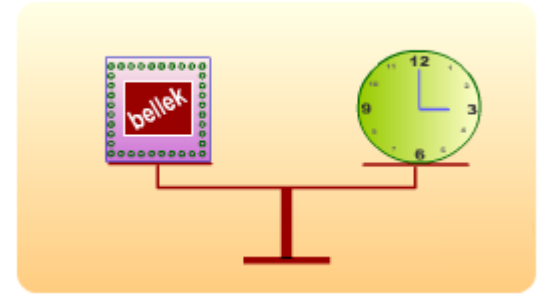
```
struct kimlik {
    char ad[15];
    char soyad[20];
    int yas;
    char adres[50];
};
```

```
union paylas {
    int i;
    flat f;
    char kr;
};_
```



## Veri Modelleri

- Veri modelleri, tasarımı yapılacak programın en uygun ve etkin şekilde olmasını sağlar ve daha baştan programın çalışma hızı ve bellek gereksinimi hakkında bilgi verir. Çoğu zaman, programın çalışma hızıyla bellek gereksinimi miktarı doğru orantılıdır denilebilir.
- Veri modeller, genel olarak, aşağıdaki gibi verilebilir:
  - **Bağlantılı Liste (Link List)**
  - **Ağaç (Tree)**
  - **Graf (Graph)**
  - **Durum Makinası (State Machine)**
  - **Veritabanı-İlişkisel (Database Relational)**
  - **Ağ Bağlantı (Network Connection)**



Hız ile Bellek Miktarı arasında denge kurulması

## Liste ve Bağlantılı Liste Veri Modeli

- Liste veri modeli, aynı kümeye ait olan verilerin bellekte art arda tutulması ilkesine dayanır. Veriler belirli bir düzen içerisinde (sıralı vs.) olabilir veya olmayabilir; önemli olan tüm verilerin art arda gelen sırada tutulmasıdır.

**Ardışıl Erişim**

**Dinamik Yaklaşım**

**Arama Maliyeti  $O(n)$**

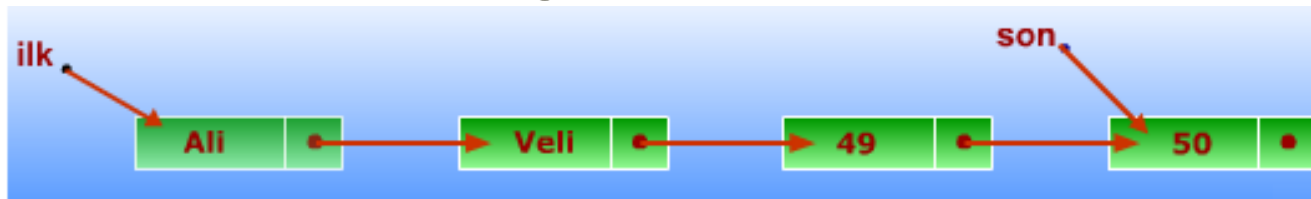
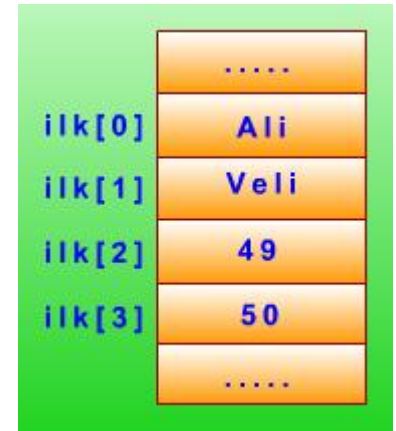
**Ekleme Maliyeti  $O(1)$**

**Silme Maliyeti  $O(1)$  veya  $O(n)$**

**Esnek Bellek Kullanımı**

## Liste ve Bağlantılı Liste Veri Modeli

- En yalın liste veri modeli bir boyutlu dizi üzerinde tutulandır. Böylesi bir listeye eleman ekleme işlemi oldukça kolaydır; genel olarak, yeni gelen elemanlar listenin sonuna eklenir. Yalın listede bir sonraki eleman hemen o elemanın işgal ettiği bellek alanından sonradır.
- Bağlantılı liste (link list) ise, elemanların kendi değerlerine ek olarak bir de bağlantı bilgisinin kullanılmasıyla sağlanır; bağlantı bilgisi bir sonraki elemanın adresi niteliğindedir.



## Ağaç Veri Modeli

- Ağaç veri modeli, düğümlerden ve dallardan oluşur; düğümlerde verilerin kendileri veya bir kısmı tutulurken, dallar diğer düğümlere olan bağlantı ilişkilerini gösterir. Ağaç veri modeli, özellikle kümenin büyük olduğu ve arama işleminin çok kullanıldığı uygulamalarda etkin bir çözüm sunar.
- En üstteki düğüm kök (root), kendisine alttan hiçbir bağlantının olmadığı düğüm yaprak (leaf), diğerleri de ara düğüm (internal node) olarak adlandırılır. Bir düğüme alttan bağlı düğümlere çocuk (child), üsten bağlı düğüme de o düğümün ailesi (parent) denilir.

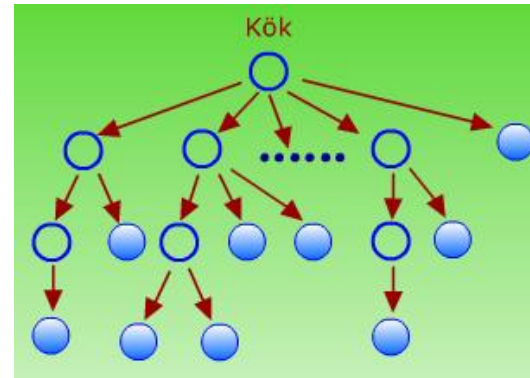
Hızlı Erişim

Esnek Bellek Kullanımı

Arama-Ekleme Maliyetleri

Tasarım Esnekliği

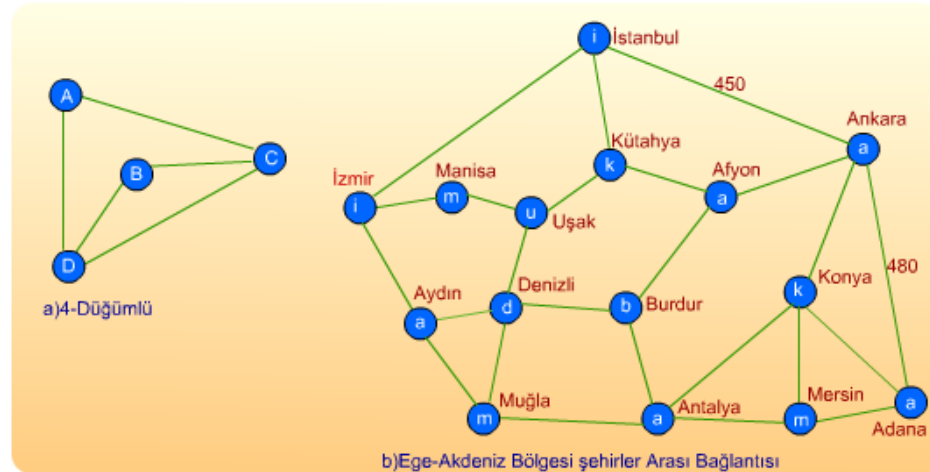
Çok Farklı problemlere Model



## Graf Veri Modeli

- Graf veri modeli, aynı kümeye ait olan verilerin şekilde görüldüğü gibi düğümler, ayrıtlar (kenarlar) ve bunların birleştirilmesinden oluşur. Düğümler birleşme noktasını ayrıtlar da düğümlerin bağlantı ilişkisini gösterir. Verilerin kendileri veya bir kısmı hem düğümlerde hem de ayrıtların bilgi kısmında tutulabilir.
  - Graflar, yazılım dünyasından önemli bir yere sahiptir. Örneğin, bir şehrin trafik altyapısından en yüksek akışın sağlanması, taşıma şirketinin en verimli taşıma şekli veya network bağlantılarında yüksek başarımla elde edilmesi gibi problemler.

Modelleme Esnekliği
Üzerine Tasarlanmış Algoritma Çokluğu
En kısa Yol (Shortest Path)
Yol Ağacı (Spanning Tree)
Greddy Yöntemi
DFS ve BFS Yaklaşımları
Kuruksal Algoritması





## Durum Makinası Veri Modeli

- Durum makinası veri modeli, bir sistemin davranışını tanımlamak ve ortaya çıkarmak için kullanılan bir yaklaşım şeklidir; işletim sistemlerinde, derleyici ve yorumlayıcılarda, kontrol amaçlı yazılımlarda sistemin davranışını durumlara indirger ve durumlar arası geçiş koşullarıyla sistemi ortaya koyar.
- Durum makinası, yazılım uygulamasında birçok alanda kullanılabilir. Örneğin bir robot kolunun hareketi, şifre çözme, gerçek zamanlı işletim sistemlerinde proses kontrolü ve genel olarak kontrol alt sistemlerinin yazılımla uygulamayı başarılı bir şekilde sonuçlandırma durumlarında çözüm olur.

## Durum Makinası Veri Modeli

- Durum makinası veri modeli şeklen yönlü graflara benzer, ancak, birleşme noktaları graflarda olduğu gibi düğüm olarak değil de **durum**, ayrıtlar da **geçiş eğrileri** olarak adlandırılır. Durumlar arasındaki geçişler, sistemin o ana kadar ki durumlarına ve giriş parametrelerine bağlıdır.

Davranış Modelleme

Ardaşıl Yaklaşım

Desen Uyuşması

Katar Arama

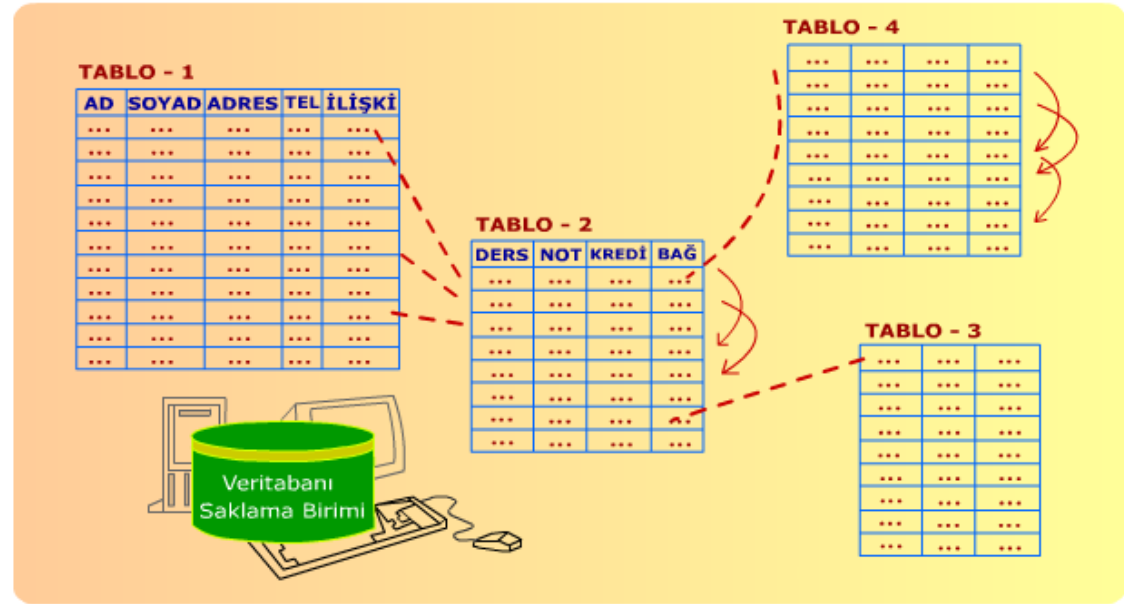
Gramer Çözümü



## Veritabanında İlişkisel Veri Modeli

- Veritabanı ilişkisel veri modeli veritabanı uygulamalarında var olan dört beş sınıftan birisidir; veriler şekilde gösterildiği gibi tablolar üzerinden kurulan ilişkilere dayanmaktadır.

Bilgilerin Düzenli Saklanması
Hızlı Arama/Sorulama
Veriler Arasında İlişki Oluşturulması
İnternet Tarayıcısı Ortamında Bilgi Sorgulama
Koruma
Verilerin Arşivlenmesi



Yukarıda tipik olarak veritabanı ilişkisel veri modelindeki tablolar ve alanların durumu görülmektedir.

## Veritabanında İlişkisel Veri Modeli

- SQL (Structured Query Language), sorgulama dili kullanılarak veritabanı üzerinde sorgulama yapılabilir. Access, Microsoft SQL, ORACLE, SYBASE, Ingres gibi birçok veritabanı yönetim sistemleri ilişkisel veri modelini desteklemektedir.
- Veritabanı yönetim sistemleri, veritabanı oluşturma, tablo yaratma, alanları tanımlama gibi işlerin başarılı bir şekilde sonuçlandırmasını ve genel olarak veritabanı yönetimini sağlarlar.

## Ağ Veri Modeli

- Ağ veri modeli, katmalı ağ mimarilerinde, bilgisayarlar arasında eş katmanlar (peer layers) düzeyinde veri alış-verişini sağlayan dilim (segment), paket (packet) ve çerçeve yapılarını ortaya koyar ve iletişim için gerekli davranışı tanımlar. Veri haberleşmesinde hemen hemen tüm mimariler katmanlı yapıdadır. Tüm mimariler örnek temsil eden OSI 1, başvuru modeli 7, TCP/IP (Transmission Control Protocol / Internet Protocol) protokol kümesi 4 katmanlıdır.



# Veri Modelleri

- Bu derste aşağıdaki veri modelleri detaylı ele alınacaktır;
- **Liste**
  - Sonlu sayıda elemandan oluşan ve elemanları **doğrusal sırada** yerleştirilmiş veri modeli. Herhangi bir elemanına erişimde sınırlama yoktur.
- **Yığıt veya Yığın**
  - Elemanlarına erişim sınırlaması olan, liste uyarlı veri modeli (Last In First Out-LIFO listesi).
- **Kuyruk**
  - Elemanlarına erişim sınırlaması olan, liste uyarlı veri modeli. (First In First Out-FIFO listesi).
- **Ağaç**
  - **Doğrusal olmayan** belirli niteliklere sahip veri modeli
- **Çizge (Graph)**
  - Köşe adı verilen düğümleri ve kenar adı verilen köşeleri birbirine bağlayan bağlantılardan oluşan **doğrusal olmayan** veri modeli

Veri Yapısı	Artıları	Eksileri
Dizi	Hızlı ekleme ve çok hızlı erişim(indis biliniyorsa).	Yavaş arama, yavaş silme ve sabit boyut.
Sıralı Dizi	Sıralanmamış diziye göre daha hızlı arama.	Yavaş arama, yavaş silme ve sabit boyut.
Yığın	Son giren, ilk çıkar(last-in, first-out) erişimi sağlar.	Diğer öğelere yavaş erişim.
Kuyruk	İlk giren, ilk çıkar(first-in, first-out) erişimi sağlar.	Diğer öğelere yavaş erişim.
Bağlı Liste	Hızlı ekleme ve silme.	Yavaş arama.
Hash Tablosu	Hızlı ekleme ve anahtar bilindiğinde çok hızlı erişim.	Yavaş silme, anahtar bilinmediğinde yavaş erişim ve verimsiz bellek kullanımı.
Küme(Heap)	Hızlı ekleme ve silme.	Diğer öğelere yavaş erişim. Başta en büyük öğeye erişim.
İkili Ağaç	Hızlı arama, ekleme ve silme(ağaç dengeli kalmışsa).	Silme algoritması karmaşık.
Graf	Gerçek-dünya problemlerini modelleyebilmesi.	Bazı algoritmaları yavaş çalışmakta ve karmaşıklığı yüksek.

# Veri Yapıları- Bölüm Özeti

- Veri modelleri ve onlara ait veri yapıları yazılım geliştirmenin temel noktalarıdır; problemlerin en etkin şekilde çözülebilmesi için ona algoritmik ifadenin doğasına yakın bulunmasıdır. Kısaca, veri yapıları, verinin saklanma kalıbını, veri modelleri de veriler arasındaki ilişkiyi gösterir.
- Bilinen ve çözümlerde sıkça başvurulan veri modelleri, genel olarak, bağlantılı liste (link list), ağaç (tree), graf (graph), durum makinası (state machine), ağ (network) ve veritabanı-ilişkisel (database-relation) şeklinde verilebilir.
- Her veri modelinin, altında duran veri yapısına bağlı olarak, işlem zaman maliyetleri ve bellek gereksinimleri farklıdır. Program geliştirilirken, zaman ve bellek alanı maliyetlerini dengeleyecek çözüm üretilmeye çalışılır. Genel olarak, RAM türü ardışıl erişimlerin yapılabildiği bellek üzerinde, maliyeti ile bellek gereksinim ters orantılı olduğu söylenebilir.



# Algoritmik Program Tasarımı ve Analizi

Bölüm 2

# Algoritmik Program Tasarımı Nedir?

- Verilen bir problemin bilgisayar ortamında çözülecek biçimde adım adım ortaya koyulması ve herhangi bir programlama aracıyla kodlanması sürecidir.
- Çözüm için yapılması gereken işlemler hiçbir alternatif yoruma izin vermeksizin sözel olarak ifade edilir.
- Verilerin, bilgisayara hangi çevre biriminden girileceğinin, problemin nasıl çözüleceğinin, hangi basamaklardan geçirilerek sonuç alınacağını, sonucun nasıl ve nereye yazılacağını sözel olarak ifade edilmesi biçiminde de tanımlanabilir.

# Algoritmanın Önemli Özellikleri

- Algoritma hazırlanırken, çözüm için yapılması gerekli işlemler, öncelik sıraları göz önünde bulundurularak ayrıntılı bir biçimde tanımlanmalıdırlar.
- Yazılan komutun tek bir anlama gelmesi ve herkes tarafından anlaşılır olması gereklidir.
- Yazılan komutların uygulanabilir olması gereklidir.
- Her algoritmanın sonlanması, çalıştırılan komut sayısının sonsuz olmaması gereklidir.

# Algoritma Süreci

- Tasarım (design)
- Doğruluğunu ispat etme (validation)
- Analiz (analysis)
- Uygulama (implementation)
- Test

## Kaba-Kod (Pseudo Code)

- Kaba-kod, bir algoritmanın yarı programlama kuralı, yarı konuşma diline dönük olarak ortaya koyulması, tanımlanması, ifade edilmesidir.
- Kaba-kod, çoğunlukla, bir veri yapısına dayandırılmadan algoritmayı genel olarak tasarlamaya yardımcı olur.

# Gerçek Kod

- Algoritmanın herhangi bir programlama diliyle, belirli bir veri yapısı üzerinde gerçekleştirilmiş halidir.
- Bir algoritmanın gerçek kodu, yalnızca, tasarlandığı veri yapısı üzerinde çalışır.
- Bir algoritma kaba-kod ile verilirse gerçek kod verilmesinden daha kolay anlaşılır.

# Kaba-kod: temel gösterim

- 1. Bir değer atamak için genellikle := kullanılır. = işareti ise eşitlik kontrolü için kullanılır.
- 2. Metot, fonksiyon, yordam isimleri:  
**Algoritma Adı ({parametre listesi})**
- 3. Program yapısı şu şekilde tanımlanır::
  - Karar yapıları: **if ... then ... else ...**
  - while döngüleri: **while ... do {döngü gövdesi}**
  - Tekrar döngüleri: **repeat {döngü gövdesi} until ...**
  - for döngüleri: **for ... do {döngü gövdesi}**
  - Dizi indeksleri: **A[i]**
- 4. Metotların çağırılması: **Metot adı ({değişken listesi})**
- 5. Metotlardan geri dönüş: **return değer**

# Algoritmaların kaba-kod olarak ifade edilmesi

- Örnek: Bir dizideki elemanların toplam ve çarpımını hesaplayan algoritmayı kaba-kod kullanarak tanımlayınız.
  - **Toplam Ve Çarpım Hesapla** (dizi, toplam, çarpım)
  - **Girdi:** n sayıdan oluşan dizi.
  - **Çıktı:** dizi elemanlarının toplam ve çarpım sonucu
  - **for i:= 1 to n do**
  - toplam:= toplam + dizi[i] toplam: toplam + dizi[i]
  - çarpım:= çarpım\* dizi[i]
  - **endfor**

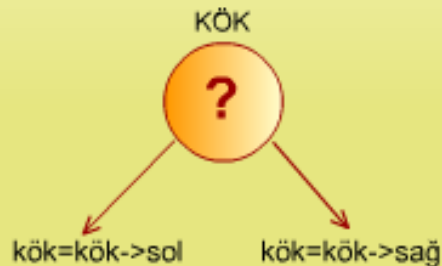


# Kaba-kod ve Gerçek Kod

*/\* İkili arama ağacına düğüm ekleme algoritmasının kaba-kodu \*/*

```

if (kök boş ağacı gösteriyorsa)
    Düğümü köke ekle;
else {
    if (eklenen kökten küçükse)
        sol altağaca dallan; (kök=kökün sol çocuğu adresi )
        başa dön;
    else
        sağ altağaca dallan; (kök=kökün sağ çocuğu adresi )
        başa dön;
    }
  
```



*/\* İkili arama ağacına düğüm ekleme fonksiyonu \*/*

```

void ekle (agacKok, eklenen )
    AGAC2 *agacKok, *eklenen;
{
    if (agacKok==NULL )
        kok=eklenen;
    else {
        if (eklenen->bilgi <= agacKok->bilgi)
        {
            if (agacKok->sol==NULL)
                agacKok->sol=eklenen;
            else ekle (agacKok->sol, eklenen );
        }
        else
        {
            if (agacKok->sağ==NULL )
                agacKok->sağ=eklenen;
            else ekle (agacKok->sağ, eklenen );
        }
    }
}
  
```

# Algoritma Analizi

- Algoritma analizi, tasarlanan program veya fonksiyonun belirli bir işleme göre matematiksel ifadesini bulmaya dayanır.
- Burada temel hesap birimi seçilir ve programın görevini yerine getirebilmesi için bu işlemde kaç adet yapılması gerektiğini bulmaya yarayan bir bağıntı hesaplanır.
- Eğer bu bağıntı zamanla ilgiliyse çalışma hızını, bellek gereksinimiyle ilgiliyse bellek gereksinimi ortaya koyar.

# Algoritma Analizi

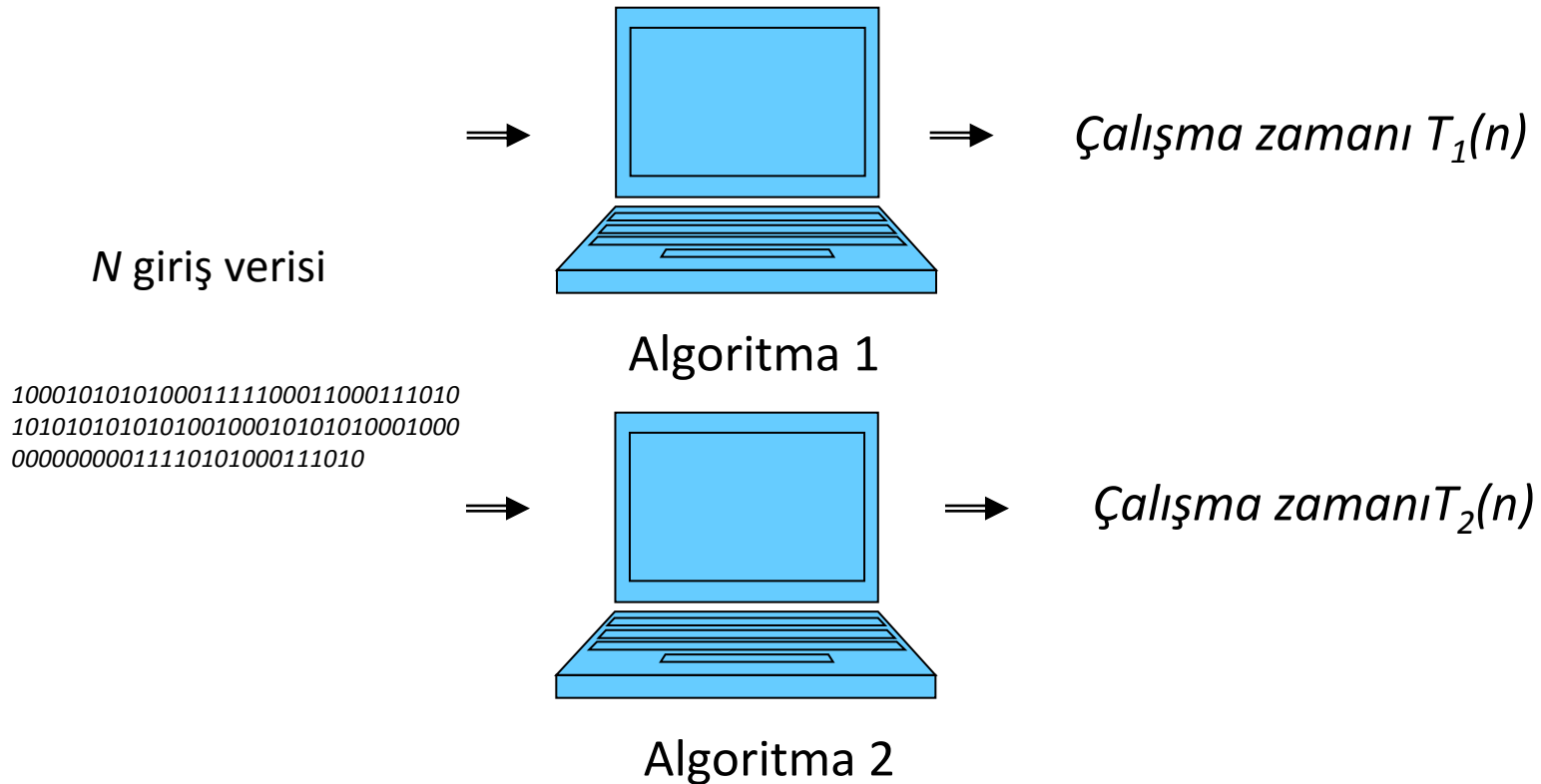
- Neden algoritmayı analiz ederiz?
  - Algoritmanın performansını ölçmek için
  - Farklı algoritmalarla karşılaştırmak için
  - Daha iyisi mümkün mü? Olabileceklerin en iyisi mi?
- Algoritmayı nasıl analiz ederiz?
  - Yürütme zamanı(Running Time)- $T(n)$
  - Karmaşıklık (Complexity) -Notasyonlar

## Yürütme Zamanı Analizi (Running Time)

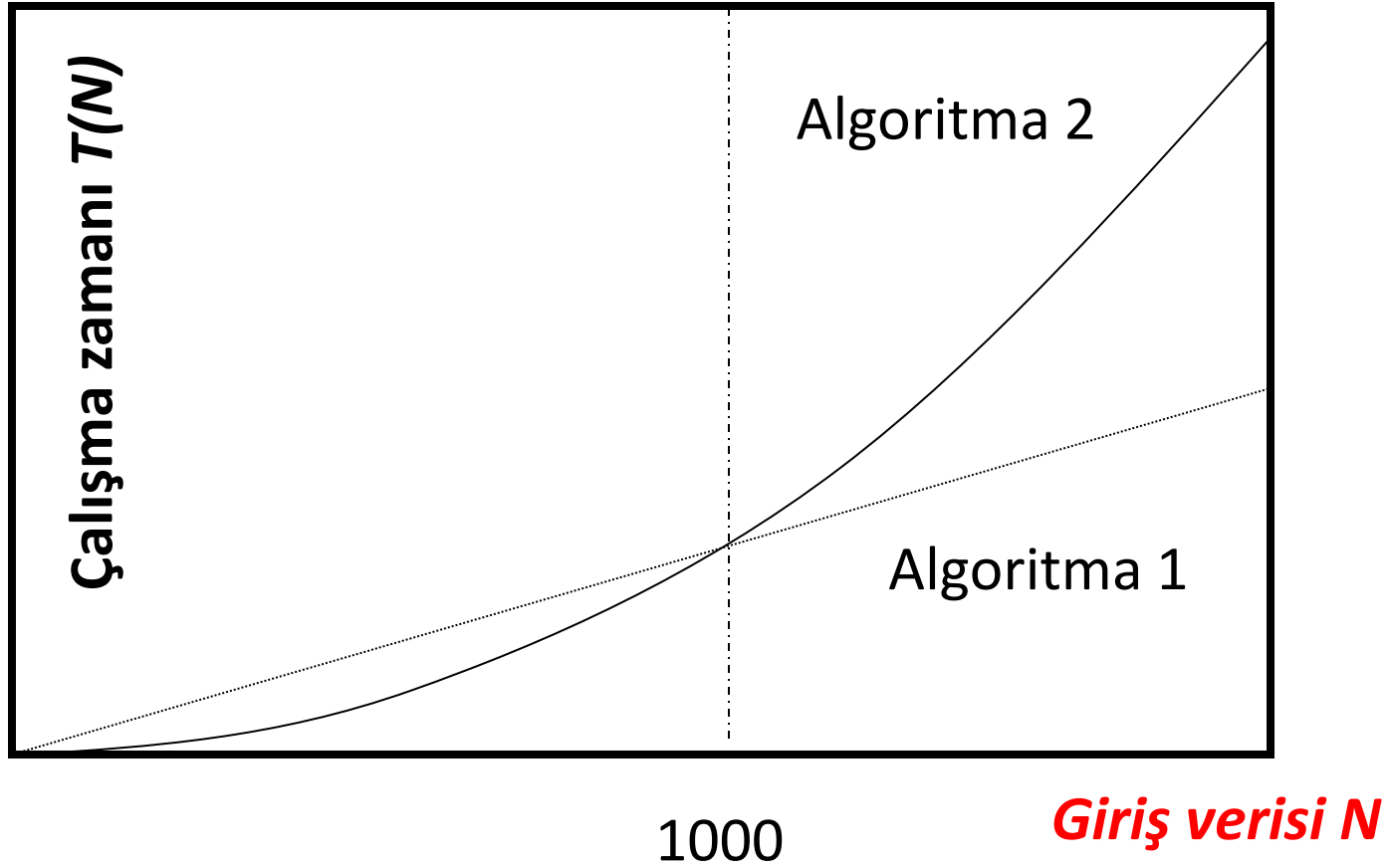
- **Yürütme Zamanı;** Bir programın veya algoritmanın işlevini yerine getirebilmesi için, temel kabul edilen işlevlerden kaç adet yürütülmesini veren bir bağıntıdır ve  $T(n)$  ile gösterilir.
- Temel hesap birimi olarak, programlama dilindeki deyimler seçilebildiği gibi döngü sayısı, toplama işlemi sayısı, atama sayısı, dosyaya erişme sayısı gibi işler de temel hesap birimi olarak seçilebilir.

## Yürütme Zamanı Analizi

- Algoritma 1,  $T_1(N)=1000N$
- Algoritma 2,  $T_2(N)=N^2$



## Yürütme (Çalışma) Zamanı Analizi



## Çalışma Zamanlarının Özeti

N	T1	T2
10	$10^{-2}$ sec	$10^{-4}$ sec
100	$10^{-1}$ sec	$10^{-2}$ sec
1000	1 sec	1 sec
10000	10 sec	100 sec
100000	100 sec	10000 sec

N değerinin 1000'den küçük olduğu durumlarda iki algoritma arasındaki çalışma zamanı ihmal edilebilir büyüklüktedir.

# Analiz

- Çalışma zamanının kesin olarak belirlenmesi zordur
  - **Giriş verilerine bağlı olan en iyi durum (best case)**
  - **Ortalama durum (average case);** hesaplanması zordur
  - **Diğerlerine göre en kötü durum (worst case);** hesaplanması kolaydır
- Bunun için çeşitli notasyonlardan faydalanılır.



## Aritmetik Ortalama için $T(n)$ Hesabı

- **Örnek 1:** Aşağıda bir dizinin aritmetik ortalamasını bulan ve sonucu çağırana gönderen **bulOrta()** fonksiyonun kodu verilmiştir. Bu fonksiyonun yürütme zamanını gösteren  **$T(n)$**  bağıntısını ayırık C dili deyimlerine göre belirleyiniz.

```
float bulOrta(float A[], int n) {  
    {  
    float ortalama, toplam=0;  
    int k ;  
    1- for(k=0;k<n;k++)  
    2-     toplam+=A[k];  
    3- ortalama=toplam/n  
    4- return ortalama;  
    }  
}
```

# Aritmetik Ortalama için $T(n)$ Hesabı

## o Çözüm 1:

Temel Hesap Birimi	Birim Zaman (Unit Time)	Frekans(Tekrar) (Frequency)	Toplam (Total)
float bulOrta(float A[], int n)	-	-	-
{	-	-	-
float ortalama, toplam=0;	-	-	-
int k ;	-	-	-
<b>1-</b> for(k=0;k<n;k++)	1,1,1	1, (n+1), n	2n+2
<b>2-</b> toplam+=A[k];	1	n	n
<b>3-</b> ortalama=toplam/n	1	1	1
<b>4-</b> return ortalama;	1	1	1
}	-	-	-
			$T(n)=3n+4$

## En Küçük Eleman Bulma için $T(n)$ Hesabı

- **Örnek 2:** Aşağıda bir dizi içerisindeki en küçük elemanı bulan **bulEnKucuk()** adlı bir fonksiyonun kodu görülmektedir. Bu fonksiyonun yürütme zamanını gösteren  $T(n)$  bağıntısı ayrık C dili deyimlerine göre belirleyiniz.
- ```
float bulEnKucuk(float A[])
{
float enkucuk;
int k ;
1- enkucuk=A[0];
2- for(k=1;k<n;k++)
3-     if (A[k]<enkucuk)
4-         enkucuk=A[k];
5- return enkucuk;
}
```

## En Küçük Eleman Bulma için $T(n)$ Hesabı

### o Çözüm 2:

| Temel Hesap Birimi            | Birim Zaman<br>(Unit Time) | Frekans(Tekrar)<br>(Frequency) | Toplam<br>(Total) |
|-------------------------------|----------------------------|--------------------------------|-------------------|
| float bulEnKucuk(float A[]) { | -                          | -                              | -                 |
| float enkucuk;                | -                          | -                              | -                 |
| int k ;                       | -                          | -                              | -                 |
| 1- enkucuk=A[0];              | 1                          | 1                              | 1                 |
| 2- for(k=1;k<n;k++)           | 1,1,1                      | 1, n, (n-1)                    | 2n                |
| 3-       if (A[k]<enkucuk)    | 1                          | n-1                            | n-1               |
| 4-       enkucuk=A[k];        | 1                          | n-1                            | n-1               |
| 5- return enkucuk;            | 1                          | 1                              | 1                 |
| }                             | -                          | -                              | -                 |
|                               |                            |                                | $T(n)=4n$         |

# Matris Toplama için $T(n)$ Hesabı

| Temel Hesap Birimi                 | Birim Zaman<br>(Unit Time) | Frekans(Tekrar)<br>(Frequency) | Toplam<br>(Total) |
|------------------------------------|----------------------------|--------------------------------|-------------------|
| void toplaMatris (A,B,C) {         | -                          | -                              | -                 |
| int A[n][m], B[n][m], C[n][m];     | -                          | -                              | -                 |
| int i,j ;                          | -                          | -                              | -                 |
| <b>1-</b> for(i=0;i<n;i++)         | 1,1,1                      | 1,(n+1),n                      | 2n+2              |
| <b>2-</b> for(j=0;j<m;j++)         | 1,1,1                      | n(1,(m+1),m)                   | n(2m+2)           |
| <b>3-</b> C[i][j]=A[i][j]+B[i][j]; | 1                          | nm                             | nm                |
| }                                  | -                          | -                              | -                 |
|                                    |                            |                                | $T(n,m)=3nm+4n+2$ |
| n=m ise                            |                            |                                | $T(n)=3n^2+4n+2$  |

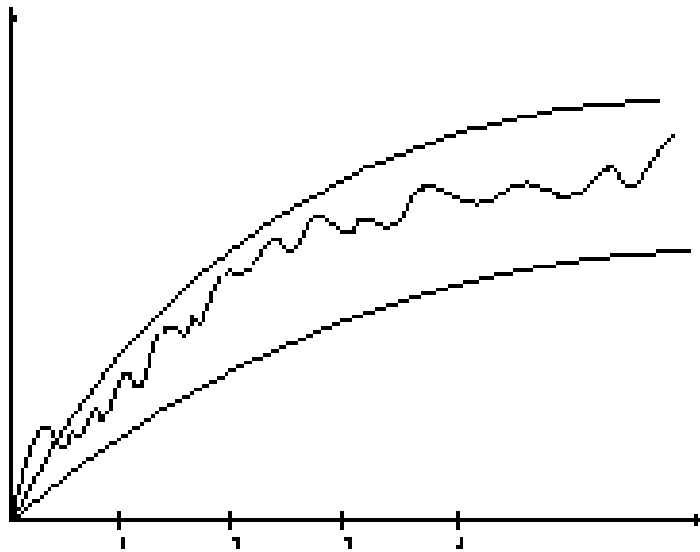
$$T(N) = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N 1 = \sum_{i=1}^N N = N * N = N^2$$

# Karmaşıklık (Complexity)

- Karmaşıklık; bir algoritmanın çok sayıda parametre karşısındaki değişimini gösteren ifadelerdir. Çalışma (Yürütme) zamanını daha doğru bir şekilde bulmak için kullanılırlar.
- Genel olarak, az sayıda parametreler için karmaşıklıkla ilgilenilmez; eleman sayısı  $n$ 'nin sonsuza gitmesi durumunda algoritmanın maliyet hesabının davranışını görmek veya diğer benzer işleri yapan algoritmalarla karşılaştırmak için kullanılır.
- Karmaşıklığı ifade edebilmek için asimtotik ifadeler kullanılmaktadır.
- Bu amaçla  $O(n)$  (O notasyonu),  $\Omega(n)$  (Omega notasyonu),  $\theta(n)$  (Teta notasyonu) gibi tanımlamalara baş vurulur.

# Karmaşıklık (Complexity)

- Strateji: Alt ve üst limitlerin bulunması



Üst limit –  $O(n)$

Algoritmanın gerçek fonksiyonu

Alt limit-  $\Omega(n)$

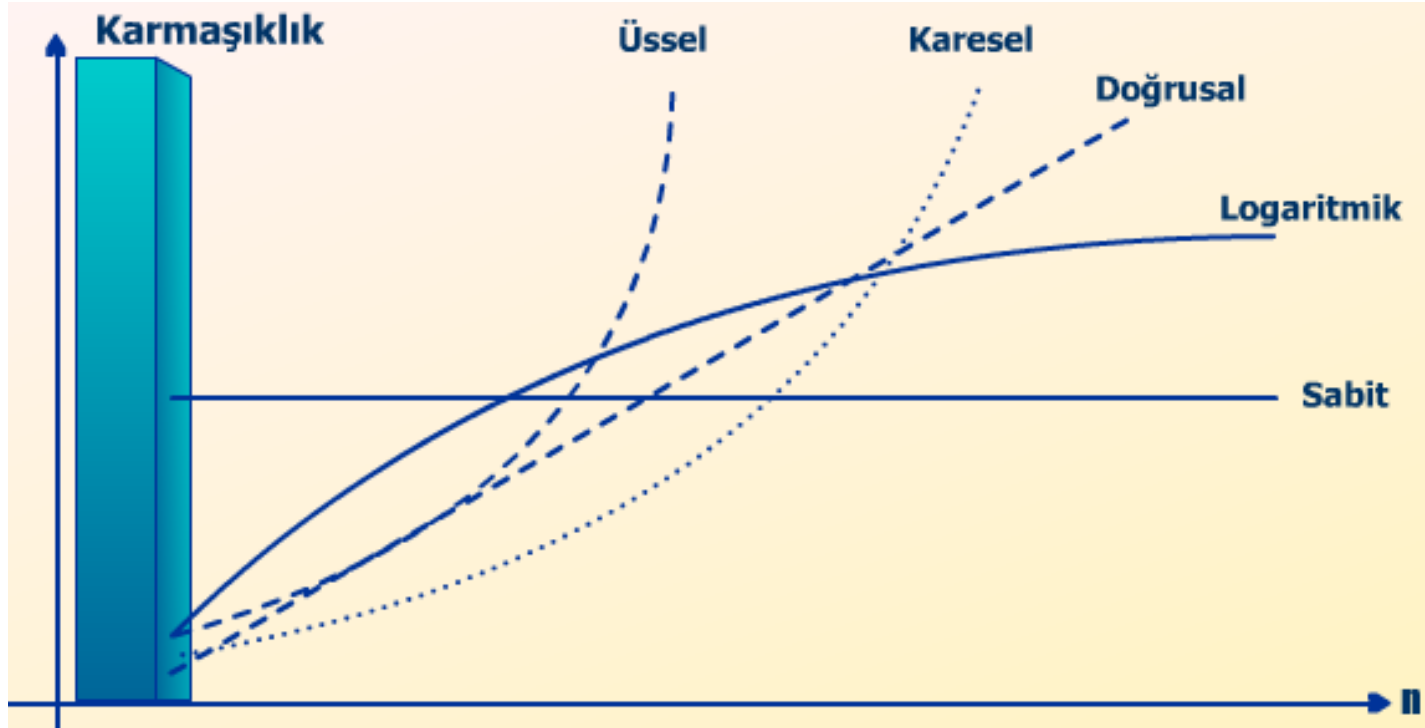
# Karşılaşılan Genel Fonksiyonlar

Maliyet artar

| Büyük O       | Değişim Şekli                                                                                                                                                                              |
|---------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| $O(1)$        | Sabit, komut bir veya birkaç kez çalıştırılır. Yenilmez!                                                                                                                                   |
| $O(\log_n)$   | Logaritmik, Büyük bir problem, her bir adımda sabit kesirler tarafından orijinal problemin daha küçük parçalara ayrılması ile çözülür. İyi hazırlanmış arama algoritmalarının tipik zamanı |
| $O(n)$        | Doğrusal, Küçük problemlerde her bir eleman için yapılır. Hızlı bir algoritmadır. N tane veriyi girmek için gereken zaman.                                                                 |
| $O(n \log_n)$ | Doğrusal çarpanlı logaritmik. Çoğu sıralama algoritması                                                                                                                                    |
| $O(n^2)$      | Karasel. Veri miktarı az olduğu zamanlarda uygun ( $N < 1000$ )                                                                                                                            |
| $O(n^3)$      | Kübik. Veri miktarı az olduğu zamanlarda uygun ( $N < 1000$ )                                                                                                                              |
| $O(2^n)$      | İki tabanında üssel. Veri miktarı çok az olduğunda uygun ( $N \leq 20$ )                                                                                                                   |
| $O(10^n)$     | On tabanında üssel                                                                                                                                                                         |
| $O(n!)$       | Faktöriyel                                                                                                                                                                                 |

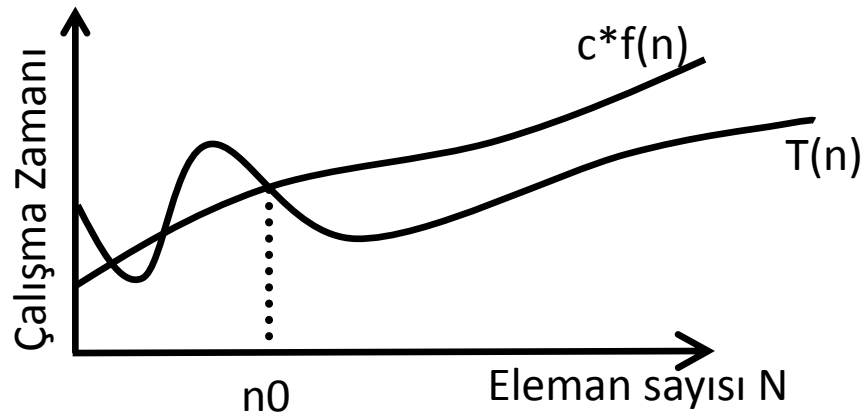


# Karmaşıklık (Complexity)



## Büyük-Oh(Big-Oh) Notasyonu: Asimptotik Üst Sınır (En kötü durum analizi)

- Bir algoritmanın çalışma süresi,
- $T(N)=O(f(n))$  **O**, bir fonksiyon değil, sadece gösterimdir.
- $T(N) \leq c f(n)$  ve  $N \geq n_0$  koşullarını sağlayan  $c$  ve  $n_0$  değerleri varsa  $T(N) \leq c f(n)$  ifadesi doğrudur.
- $f(n)$ ,  $T(N)$ 'in asimptotik üst limiti olarak adlandırılır.
- $T(N)=O(f(n))$



## O Notasyonu- Asimtotik Üst Limit

A algoritması için  $T_A(N) = 1000N$  olarak verilmiştir.  $O$  notasyonu cinsinden bu çalışma süresi  $T_A(N) = 1000N = O(N)$  dir.

Yukarıdaki ifadenin doğruluğunu ispat etmek için  $O$  notasyonunun tanımını kullanacağız. Bu tanıma göre  $1000N = O(N)$  ifadesini ispatlamak için,

$1000N \leq cN \quad \forall N \geq n_0$  eşitsizliğini belirli bir  $c$  ve  $n_0$  sabitleri için ispatlamak gerekir.

$c = 2000$  ve  $n_0 = 1$  seçildiği zaman eşitsizliğin  $n_0$  dan büyük her  $N$  değeri için sağlandığı aşıkardır.

## O Notasyonu- Asimtotik Üst Limit

B algoritması için  $T_B(N) = N^2$  olarak verilmiştir.  $O$  notasyonu cinsinden bu çalışma süresi  $T_B(N) = N^2 = O(N^2)$  dir.

Yukarıdaki ifadenin doğruluğunu ispat etmek için  $O$  notasyonunun tanımını kullanacağız. Bu tanıma göre  $N^2 = O(N^2)$  ifadesini ispatlamak için,

$N^2 \leq cN^2 \quad \forall N \geq n_0$  eşitsizliğini belirli bir  $c$  ve  $n_0$  sabitleri için

ispatlamak gerekir.

$c = 1$  ve  $n_0 = 1$  seçildiği zaman eşitsizlik  $n_0$  dan büyük her  $N$  değeri için sağlanmaktadır.

# O Notasyonu- Asimtotik Üst Limit

$7n^2 + 5 = O(n)$  ifadesinin doğru olup olmadığını ispatlayın.

O notasyonuna göre

$7n^2 + 5 \leq cn \quad \forall n \geq n_0$  olması gereklidir. Bu şartı sağlayacak  $c$  ve  $n_0$  değerleri bulabilir miyiz?

Her iki tarafı  $n$  sayısına bölersek;

$7n + \frac{5}{n} \leq c$  elde edilecektir. Buna göre eşitliğin sağlanabilmesi için  $n$  sayısı değiştikçe  $c$

de değişmelidir. Sabit bir  $c$  ve  $n_0$  çifti yoktur; dolayısıyla eşitsizlik doğru değildir.

# O Notasyonu

$7n^2 + 5 = O(n^2)$  ifadesinin doğruluğunu ispatlayın.

O notasyonu tanımına göre,

$7n^2 + 5 \leq cn^2 \quad \forall n \geq n_0$  ifadesini sağlayan bir  $c$  ve  $n_0$  değeri var mı?

$c = 12 \quad n_0 = 1$  veya

$c = 8 \quad n_0 = 5$  değerleri eşitsizliği  $n_0$  dan büyük her  $n$  değeri için sağlamaktadır.

Not: Çözüm kümesini sağlayan kaç tane  $c$  ve  $n$  çifti olduğu önemli değildir. Tek bir çift olması notasyonun doğruluğunu ispatlamak için yeterlidir.

# Büyük-Oh(Big-Oh) Notasyonu: Asimptotik Üst Sınır

- Örnek:  $T(n) = 2n+5$  is  $O(n^2)$  Neden?
  - $n \geq n_0$  şartını sağlayan tüm sayılar için  $T(n) = 2n+5 \leq c \cdot n^2$  şartını sağlayan  $c$  ve  $n_0$  değerlerini arıyoruz.
  - $n \geq 4$  için  $2n+5 \leq 1 \cdot n^2$ 
    - $c = 1, n_0 = 4$
  - $n \geq 3$  için  $2n+5 \leq 2 \cdot n^2$ 
    - $c = 2, n_0 = 3$
  - Diğer  $c$  ve  $n_0$  değerleri de bulunabilir.

## Büyük-Oh(Big-Oh) Notasyonu: Asimptotik Üst Sınır

- Örnek:  $T(n) = n(n+1)/2 \rightarrow O(?)$ 
  - $T(n) = n^2/2 + n/2 \rightarrow O(N^2)$ . Neden?
  - $n \geq 1$  iken  $n^2/2 + n/2 \leq n^2/2 + n^2/2 \leq n^2$
  - Böylece,  $T(n) = n(n+1)/2 \leq 1 * n^2$  for all  $n \geq 1$ 
    - $c=1, n_0=1$
- Not:  $T(n)$  ayrıca  $O(n^3)$  tür.



# O Notasyonunun Önemi

- İki algoritma karşılaştırılırken zaman mertebesinden konuşulur. Mertebesi büyük olanın daha yavaş olduğu kolaylıkla anlaşılır.
- Makineler arasındaki fark, katsayılar olarak düşünüldüğünde  $O(7n^2)$  yerine  $O(n^2)$  ifadesi geçerli olur. Dolayısıyla sabitler ihmal edilebilir ve birimlerden kurtulur

# O Notasyonu

- O notasyonunda yazarken en basit şekilde yazarız.
  - Örneğin
    - $3n^2+2n+5 = O(n^2)$
  - Aşağıdaki gösterimlerde doğrudur fakat kullanılmaz.
    - $3n^2+2n+5 = O(3n^2+2n+5)$
    - $3n^2+2n+5 = O(n^2+n)$
    - $3n^2+2n+5 = O(3n^2)$

# O Notasyonu-Örnek 1

- $3n^2+2n+5 = O(n^2)$  ifadesinin doğru olup olmadığını ispatlayınız.

$$\begin{aligned}10 n^2 &= 3n^2 + 2n^2 + 5n^2 \\ &\geq 3n^2 + 2n + 5 \text{ için } n \geq 1 \\ c &= 10, n_0 = 1\end{aligned}$$

Çözüm kümesini sağlayan kaç tane  $n_0$  ve  $c$  çifti olduğu önemli değildir. Tek bir çift olması notasyonun doğruluğu için yeterlidir.

## O Notasyonu-Örnek 2

- $T(N)=O(7n^2+5n+4)$  olarak ifade edilebiliyorsa,  $T(N)$  fonksiyonu aşağıdakilerden herhangi biri olabilir.
- $T(N)=n^2$
- $T(N)=4n+7$
- $T(N)=1000n^2+2n+300$
  
- $T(N)= O(7n^2+5n+4) =O(n^2)$

## O notasyonu- Örnek 3

- Fonksiyonların harcadıkları zamanları O notasyonuna göre yazınız.

- $f_1(n) = 10n + 25n^2$

- $O(n^2)$

- $f_2(n) = 20n \log n + 5n$

- $O(n \log n)$

- $f_3(n) = 12n \log n + 0.05n^2$

- $O(n^2)$

- $f_4(n) = n^{1/2} + 3n \log n$

- $O(n \log n)$

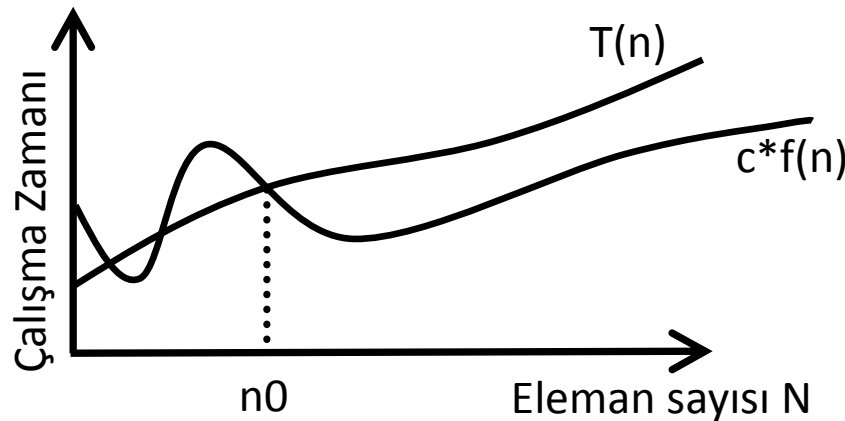
- $2n^2 = O(n^3)$ :  $2n^2 \leq cn^3 \Rightarrow 2 \leq cn \Rightarrow c = 1$  and  $n_0 = 2$
- $n^2 = O(n^2)$ :  $n^2 \leq cn^2 \Rightarrow c \geq 1 \Rightarrow c = 1$  and  $n_0 = 1$
- $1000n^2 + 1000n \neq O(n^2)$ : Şart doğrumu

- $n = O(n^2)$ :

$$n \leq cn^2 \Rightarrow cn \geq 1 \Rightarrow c = 1 \text{ and } n_0 = 1$$

# $\Omega$ Notasyonu- Asimtotik Alt Limit (En iyi durum analizi)

- $O$  notasyonun tam tersidir.
- Her durumda  $T(N) \geq c f(n)$  ve  $N \geq n_0$  koşullarını sağlayan pozitif, sabit  $c$  ve  $n_0$  değerleri bulunabiliyorsa  $T(N)=\Omega(f(n))$  ifadesi doğrudur.
- $f(n)$ ,  $T(N)$ 'in asimtotik alt limiti olarak adlandırılır.



## $\Omega$ notasyonu-Örnek

- $T(n) = 2n + 5 \rightarrow \Omega(n)$ . Neden?
  - $2n+5 \geq 2n$ , tüm  $n \geq 1$  için
- $T(n) = 5*n^2 - 3*n \rightarrow \Omega(n^2)$ . Neden?
  - $5*n^2 - 3*n \geq 4*n^2$ , tüm  $n \geq 4$  için

- $7n^2+3n+5 = O(n^4)$
- $7n^2+3n+5 = O(n^3)$
- $7n^2+3n+5 = O(n^2)$
- $7n^2+3n+5 = \Omega(n^2)$
- $7n^2+3n+5 = \Omega(n)$
- $7n^2+3n+5 = \Omega(1)$



## Examples

- $5n^2 = \Omega(n)$

$\exists c, n_0$  such that:  $0 \leq cn \leq 5n^2 \Rightarrow cn \leq 5n^2 \Rightarrow c = 1$  and  $n_0 = 1$

- $100n + 5 \neq \Omega(n^2)$

$\exists c, n_0$  such that:  $0 \leq cn^2 \leq 100n + 5$

$$100n + 5 \leq 100n + 5n \quad (\forall n \geq 1) = 105n$$

$$cn^2 \leq 105n \Rightarrow n(cn - 105) \leq 0$$

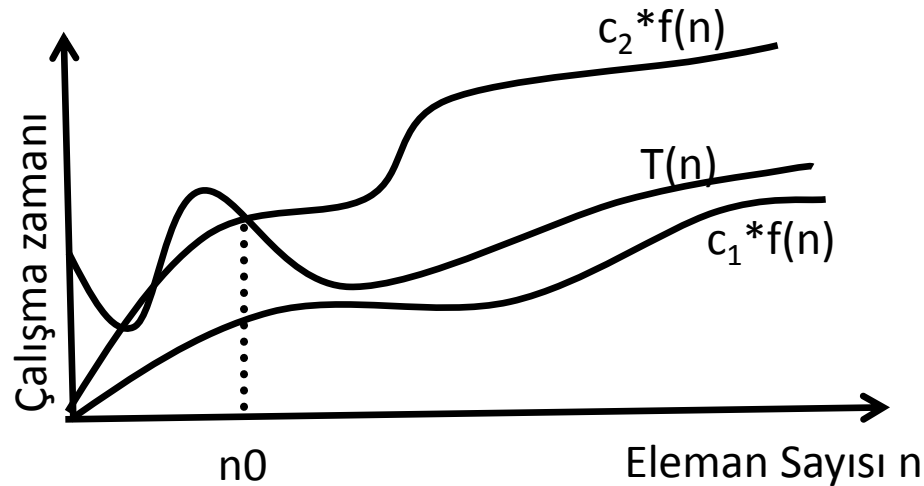
Since  $n$  is positive  $\Rightarrow cn - 105 \leq 0 \Rightarrow n \leq 105/c$

$\Rightarrow$  contradiction:  $n$  cannot be smaller than a constant

- $n = \Omega(2n), n^3 = \Omega(n^2), n = \Omega(\log n)$

## ⊕ Notasyonu (Ortalama durum analizi)

- Her durumda  $c_1 f(n) \geq T(n) \geq c_2 f(n)$  ve  $n \geq n_0$  koşullarını sağlayan pozitif, sabit  $c_1, c_2$  ve  $n_0$  değerleri bulunabiliyorsa  $T(n) = \Theta(f(n))$  ifadesi doğrudur.



## ⊕ notasyonu- Örnek

- $T(n) = 2n + 5 \rightarrow \Theta(n)$ . Neden?  
 $2n \leq 2n+5 \leq 3n$ , tüm  $n \geq 5$  için
- $T(n) = 5*n^2 - 3*n \rightarrow \Theta(n^2)$ . Neden?
  - $4*n^2 \leq 5*n^2 - 3*n \leq 5*n^2$ , tüm  $n \geq 4$  için

## Examples

- $n^2/2 - n/2 = \Theta(n^2)$

- $\frac{1}{2} n^2 - \frac{1}{2} n \leq \frac{1}{2} n^2 \quad \forall n \geq 0 \quad \Rightarrow \quad c_2 = \frac{1}{2}$

- $\frac{1}{2} n^2 - \frac{1}{2} n \geq \frac{1}{2} n^2 - \frac{1}{2} n * \frac{1}{2} n \quad (\forall n \geq 2) = \frac{1}{4} n^2 \Rightarrow \quad c_1 = \frac{1}{4}$

- $n \neq \Theta(n^2): c_1 n^2 \leq n \leq c_2 n^2 \Rightarrow$  only holds for:  $n \leq 1/c_1$

- $6n^3 \neq \Theta(n^2): c_1 n^2 \leq 6n^3 \leq c_2 n^2 \Rightarrow$  only holds for:

$$n \leq c_2 / 6$$

N değerini keyfi olarak belirlemek imkansızdır. Çünkü  $c_2$  sabittir.

## Another example

- Prove that  $\frac{1}{2}n^2 - 3n = \Theta(n^2)$

- Determine  $c_1$ ,  $c_2$  and  $n_0$  such that

$$c_1 n^2 \leq \frac{1}{2}n^2 - 3n \leq c_2 n^2$$

$$c_1 \leq \frac{1}{2} - \frac{3}{n} \leq c_2$$

$$\frac{1}{2} - \frac{3}{n} \leq c_2 \rightarrow n \geq 1, c_2 \geq \frac{1}{2}$$

$$c_1 \leq \frac{1}{2} - \frac{3}{n} \rightarrow n \geq 7, c_1 \leq \frac{1}{14}$$

- $c_1 = 1/14$ ,  $c_2 = 1/2$ ,  $n_0 = 7$

For any polynomial  $p(n) = \sum_{i=0}^d a_i n^i$   
 $p(n) = \Theta(n^d)$

# Büyük-Oh, Theta, Omega

- İpucu:
- $O(f(N))$  düşünürsek  $f(N)$  ile “eşit veya küçük”
  - Üstten sınır:  $f(N)$  ile “yavaş veya aynı hızda büyür”
- $\Omega(f(N))$  düşünürsek  $f(N)$  ile “eşit veya büyük”
  - Alttan sınır:  $f(N)$  ile “aynı hızda veya hızlı büyür”
- $\Theta(f(N))$  düşünürsek  $f(N)$  ile “eşit”
  - Alttan ve Üsten sınır : büyüme oranları eşit
- ( $N$ 'nin büyük olduğu ve sabitlerin elendiği durumlarda)

## Sıkça Yapılan Hatalar

- Karmaşıklığı bulmak için sadece döngüleri saymakla yetinmeyin.
  - 2 iç içe döngünün 1 den  $N^2$  kadar döndüğünü düşünürsek karmaşıklık  $O(N^4)$  olur.
- $O(2N^2)$  veya  $O(N^2+N)$  gibi ifadeler kullanmayın.
  - Sadece baskın terim kullanılır.
  - Öndeki sabitler kaldırılır.
- İç içe döngüler karmaşıklığı direk etkilerken art arda gelen döngüler karmaşıklığı etkilemez.

## Bazı Matematiksel İfadeler

$$S(N) = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + N = \sum_{i=1}^N i = \frac{N(N+1)}{2}$$

$$\text{Karelerin Toplamı: } \sum_{i=1}^N i^2 = \frac{N * (N+1) * (2n+1)}{6} \approx \frac{N^3}{3}$$

$$\text{Geometrik Seriler: } \sum_{i=0}^N A^i = \frac{A^{N+1} - 1}{A - 1} \quad A > 1$$

$$\sum_{i=0}^N A^i = \frac{1 - A^{N+1}}{1 - A} = \Theta(1) \quad A < 1$$



## Bazı Matematiksel İfadeler

Lineer Geometrik

seriler: 
$$\sum_{i=0}^n ix^i = x + 2x^2 + 3x^3 + \dots + nx^n = \frac{(n-1)x^{(n+1)} - nx^n + x}{(x-1)^2}$$

Harmonik seriler: 
$$H_n = \sum_{i=1}^n \frac{1}{i} = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} = (\ln n) + O(1)$$

$$\log A^B = B * \log A$$

Logaritma: 
$$\log(A * B) = \log A + \log B$$

$$\log\left(\frac{A}{B}\right) = \log A - \log B$$

## Bazı Matematiksel İfadeler

- İki sınır arasındaki sayıların toplamı:

$$\sum_{i=a}^b f(i) = \sum_{i=0}^b f(i) - \sum_{i=0}^{a-1} f(i)$$

$$\sum_{i=1}^n (4i^2 - 6i) = 4 \sum_{i=1}^n i^2 - 6 \sum_{i=1}^n i$$

## En iyi zaman (Tbest)

- Bir algoritma için, yürütme zamanı, maliyet veya karmaşıklık hesaplamalarında en iyi sonucun elde edildiği duruma “en iyi zaman” denir.
- Örneğin bir dizide yapılan aramanın en iyi durumu, aranan elemanın dizinin ilk elemanı olmasıdır.

## En iyi zaman (Tbest)

|                                                                                         | Birim Zaman<br>(Unit Time)                             | Frekans<br>(Frequency) | Toplam<br>(Total) |
|-----------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------|------------------------|-------------------|
| <b>i=1</b>                                                                              | <b>1</b>                                               | <b>1</b>               | <b>1</b>          |
| <b>while (a[i] ≠key) and (i≤ N)</b>                                                     | <b>2</b>                                               | <b>1</b>               | <b>2</b>          |
| <b>i++</b>                                                                              | <b>1</b>                                               | <b>0</b>               | <b>0</b>          |
| <b>if (a[i]=key) print found(veya return i)<br/>else print not found(veya return 0)</b> | <b>2</b>                                               | <b>1</b>               | <b>2</b>          |
|                                                                                         | <b><math>T_{\text{best}}(N) = 5 = \Theta(1)</math></b> |                        |                   |

## En kötü zaman (Tworst)

- En kötü zaman, tüm olumsuz koşulların oluşması durumunda algoritmanın çözüm üretmesi için gerekli hesaplama zamanıdır.
- Örneğin bir dizi içinde arama yapılması durumunda en kötü durum aranan elemanın dizide olmamasıdır. Çünkü aranan elemanın dizide olmadığına anlaşılması için bütün elemanlara tek tek bakılması gerekir.

## En kötü zaman ( $T_{\text{worst}}$ )

|                                                                                         | Birim Zaman<br>(Unit Time)                                                   | Frekans<br>(Frequency) | Toplam<br>(Total) |
|-----------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------|------------------------|-------------------|
| <b>i=1</b>                                                                              | <b>1</b>                                                                     | <b>1</b>               | <b>1</b>          |
| <b>while (a[i] ≠key) and (i ≤ N)</b>                                                    | <b>2</b>                                                                     | <b>N+1</b>             | <b>2N+2</b>       |
| <b>i++</b>                                                                              | <b>1</b>                                                                     | <b>N</b>               | <b>N</b>          |
| <b>if (a[i]=key) print found(veya return i)<br/>else print not found(veya return 0)</b> | <b>2</b>                                                                     | <b>1</b>               | <b>2</b>          |
|                                                                                         | $T_{\text{worst}}(N) = 3N+5 = \Theta(N)$ $T(N) \neq \Theta(N)$ $T(N) = O(N)$ |                        |                   |

## Ortalama zaman (Taverage)

- Ortalama zaman, giriş parametrelerin en iyi ve en kötü durum arasında gelmesi ile ortaya çıkan durumda harcanan zamandır.
- Bu işletim süresi, her girdi boyutundaki tüm girdilerin ortalamasıdır.  $n$  elemanın her birinin aranma olasılığının eşit olduğu varsayıldığında ve liste dışından bir eleman aranmayacağı varsayıldığında ortalama işletim süresi  $(n+1)/2$ 'dir. İkinci varsayım kaldırıldığında ortalama işletim süresi  $[(n+1)/2, n]$  aralığındadır (aranan elemanların listede olma eğilimine bağlı olarak). Ortalama durum analizi basit varsayımlar yapıldığında bile zordur ve varsayımlar da gerçek performansın iyi tahmin edilememesine neden olabilir.

## Ortalama zaman (Taverage)

|                                                                                         | Birim Zaman<br>(Unit Time) | Frekans<br>(Frequency) | Toplam<br>(Total) |
|-----------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------|------------------------|-------------------|
| <b>i=1</b>                                                                              | <b>1</b>                   | <b>1</b>               | <b>1</b>          |
| <b>while (a[i] ≠key) and (i ≤ N)</b>                                                    | <b>2</b>                   | <b>k+1</b>             | <b>2k+2</b>       |
| <b>i++</b>                                                                              | <b>1</b>                   | <b>k</b>               | <b>k</b>          |
| <b>if (a[i]=key) print found(veya return i)<br/>else print not found(veya return 0)</b> | <b>2</b>                   | <b>1</b>               | <b>2</b>          |
|                                                                                         | <b>=3k+5</b>               |                        |                   |



## Ortalama zaman ( $T_{average}$ )

$$T_{average}(N) = \sum_{k=0}^{N-1} \frac{1}{2N} (3k + 5) + \frac{1}{2} (3N + 5)$$

$$T_{average}(N) = \frac{1}{2N} 5 + \frac{1}{2N} (3 + 5) + \frac{1}{2N} (3 \cdot 2 + 5) + \dots + \frac{1}{2N} (3(N-1) + 5) + \frac{1}{2} (3N + 5)$$

$$T_{average}(N) = \frac{1}{2N} \left( 3 \frac{N(N-1)}{2} + 5N \right) + \frac{3}{2} N + \frac{5}{2}$$

$$T_{average}(N) = \frac{3}{4} N - \frac{3}{4} + \frac{5}{2} + \frac{3}{2} N + \frac{5}{2} \cong 2N + 4 = \theta(N)$$

# Algoritma Analizinde Bazı Kurallar

- **For Döngüsü:**
- Bir **For** döngüsü için yürütme zamanı en çok **For** döngüsünün içindeki (test dahil) deyimlerin yinelenme sayısı kadardır.
- **İç içe döngüler (Nested Loops)**
- İç içe döngülerde grubunun içindeki deyimın toplam yürütme zamanı, deyimlerin yürütme sürelerinin bütün **For** döngülerinin boyutlarının çarpımı kadardır. Bu durumda analiz içten dışa doğru yapılır.

$$T(N) = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^N 1 = \sum_{i=1}^N N = N * N = N^2$$

# Algoritma Analizinde Bazı Kurallar

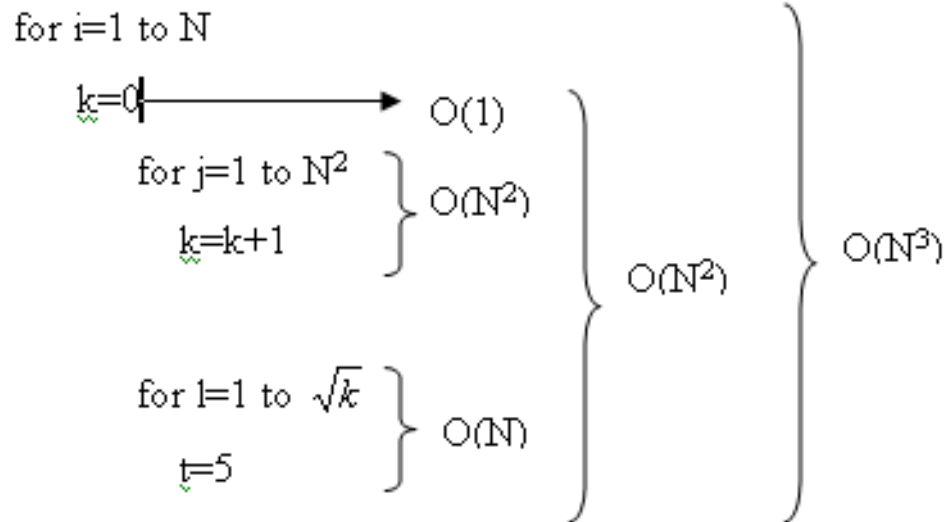
- For Döngüsü:

```
For i=1 to N
  For j=1 to N2
    k=k+1 -> O(1)  } O(N2) } O(N3)
```

# Algoritma Analizinde Bazı Kurallar

## ○ For Döngüsü:

Ardışık deyimlerin toplam yürütme zamanını bulabilmek için sadece toplama yapılır.



$$\left. \begin{array}{l} T_1 = O(1) \\ T_2 = O(N^2) \\ T_3 = O(N) \end{array} \right\} T_1 + T_2 + T_3 = O(N^2)$$

# Algoritma Analizinde Bazı Kurallar

If (Durum)

~~~~~  
 ~~~~~  
 ~~~~~ }  $T_2(N)$   
 ~~~~~

else

~~~~~  
 ~~~~~  
 ~~~~~ }  $T_1(N)$

Durumun maksimum olduğu değerle

durumu hesaplama süresinin toplamıdır.

Dolayısıyla değerlendirme zamanı  $T + \max(T_1(N), T_2(N))$

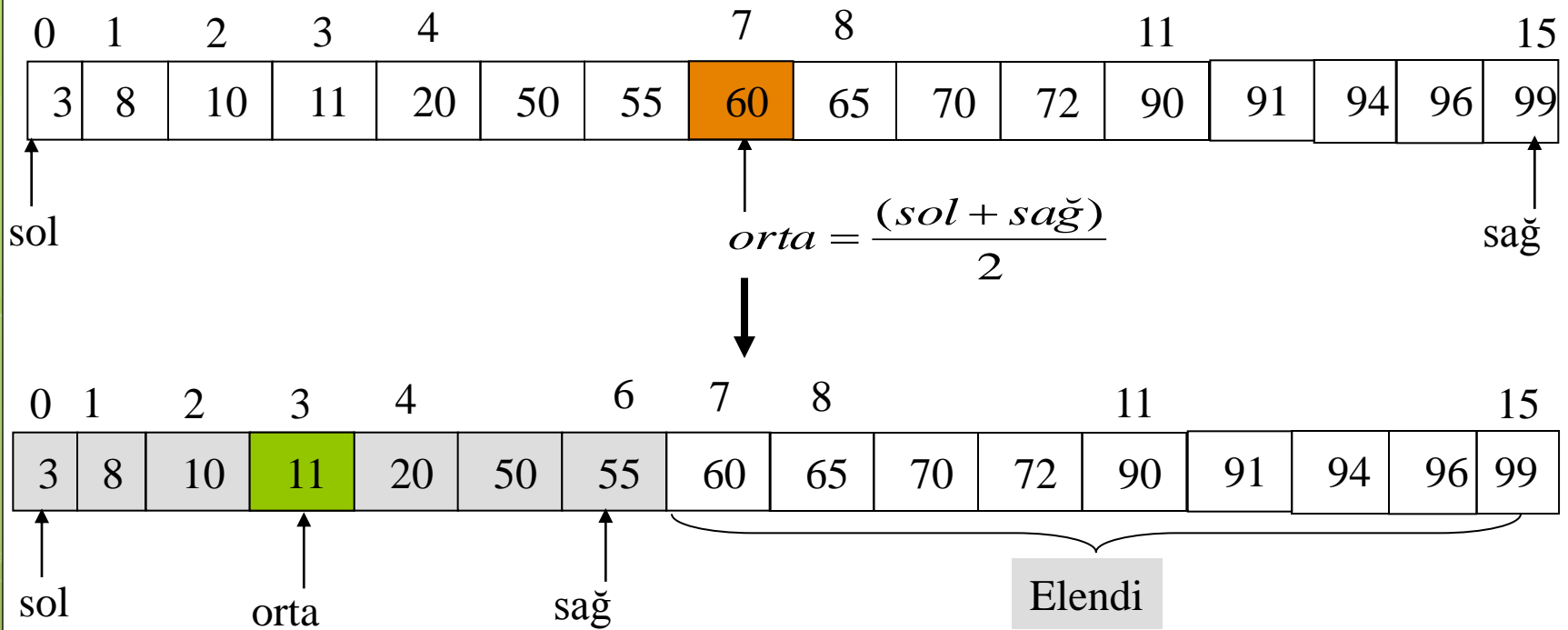
$O(\log N) + \max(O(N), O(N^2)) = O(N^2)$  olur.

# Algoritma Analizinde Bir Örnek: İkili Arama Algoritması

- İkili arama algoritması, sıralı dizilerde kullanılan bir arama metodur. Algoritma iteratif veya tekrarlamalı (recursive) olabilir.
- İterasyon ifadeleri (döngü) belirli bir koşul sağlanana kadar, verilen talimatların çalıştırılmasını sağlar. Belirlenen koşul, “for” döngüsündeki gibi, önceden belirlenebilir veya “while-do” döngüsünde olduğu gibi net olarak belirlenmemiş, uçu açık da olabilir.
- Aşağıda iteratif olarak tasarlanmış ikili arama algoritmasına bir örnek verilmiştir.

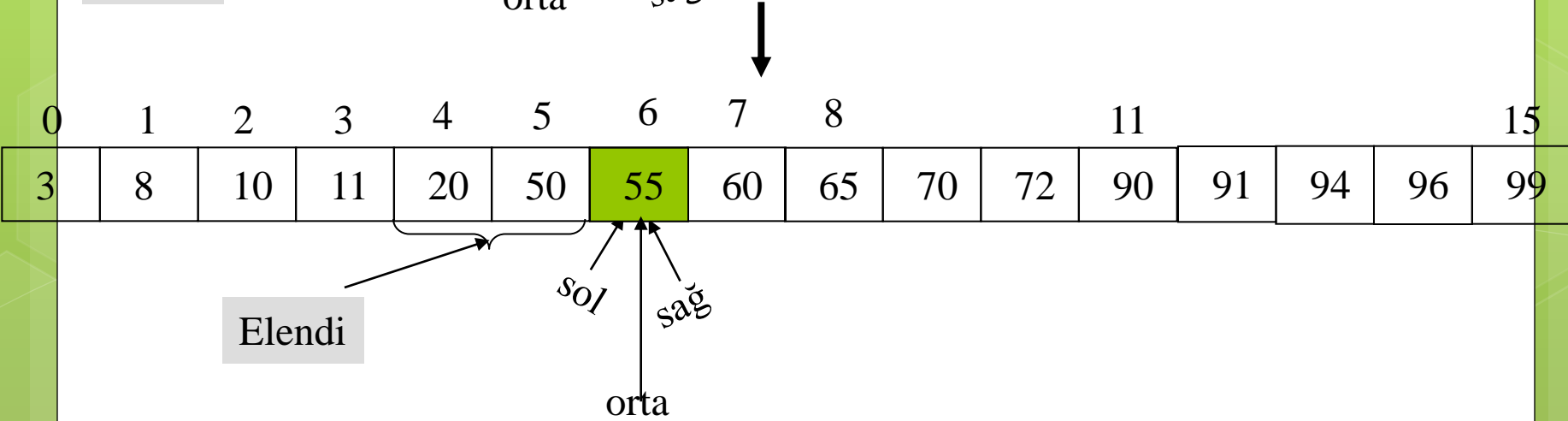
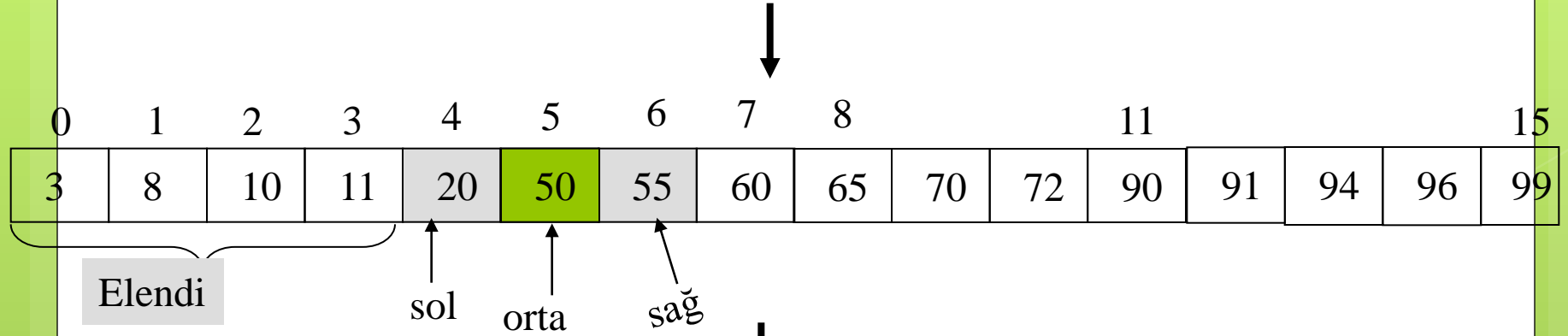
## Örnek : İkili Arama

- Dizi sıralanmış olduğundan, dizinin ortasında bulunan sayı ile aranan sayıyı karşılaştırarak arama boyutunu yarıya düşürülür ve bu şekilde devam edilir.
- Örnek: 55'i arayalım



# İkili arama (devam)

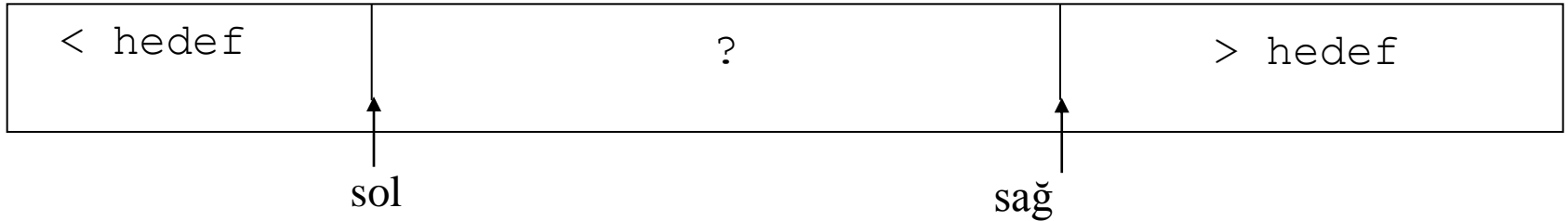
96



- 55'i bulduk → Başarılı arama
- 57'yi aradığımızda, bir sonraki işlemde başarısız bir şekilde sonlanacak.



## İkili Arama (devam)



- Hedefi ararken herhangi bir aşamada, arama alanımızı “sağ” ile “sol” arasındaki alana kısıtlamış oluyoruz.
- “sol” ’un solunda kalan alan hedeften küçüktür ve bu alan arama alanından çıkarılır.
- “sağ” in sağında kalan alan hedeften büyüktür ve bu alan arama alanından çıkarılır.

# İkili Arama - Algoritma

98

// Aranılan sayının indeksini döndürür aranılan sayı bulunamazsa -1 döndürür.

```
int ikiliArama(int A[], int N, int sayi){
```

```
    sol = 0;
```

```
    sag = N-1;
```

```
    while (sol <= sag){
```

```
        int orta = (sol+sag)/2;           // Test edilecek sayının indeksi
```

```
        if (A[orta] == sayi) return orta; // Aranılan sayı bulundu. İndeksi döndür
```

```
        else if (sayi < A[orta]) sag = orta - 1;    // Sağ tarafı ele
```

```
        else sol = orta+1;                   // Sol tarafı ele
```

```
    } //bitti-while
```

```
    return -1; // Aranılan sayı bulunamadı
```

```
} //bitti-ikiliArama
```

- En kötü çalışma zamanı:  $T(n) = 3 + 5 \cdot \log_2 N$ . Neden?

## Algoritma Analizinde Bir Örnek: İkili Arama Algoritması

```

int binary search(A, key, N)
  low=0, high=N-1 → O(1)
  while(low ≤ high)
    mid=(low+high)/2 → O(1)
    if(A[mid] < key) → O(1)
      low=mid+1
    if(A[mid] > key) → O(1)
      high=mid-1;
    if(A[mid] = key) → O(1)
      return mid
  Return not found → O(1)

```

$O(1)$

$O(\log N)$

$O(\log N)$

# Algoritma Analizinde Bir Örnek: İkili Arama Algoritması

- İlk çalışmada N eleman var.
- 2. de  $\frac{N}{2^1} \rightarrow 3.de \frac{N}{2^3} \rightarrow \dots \frac{N}{2^k} = 1 \rightarrow 0$
- Yukarıdaki ifadeden  $N=2^k$  olduğu anlaşılmaktadır. Bu durumda  $k=\log N$  olarak belirlenir.  $N=1$  için k değeri 0 olacağından,
- $T_{worst} = \log N + 1$  olacaktır.

# Ödev

- Diğer notasyonlar hakkında araştırma yapıp, ders notundaki örneklere uygulayınız.
- Farklı algoritmalara tüm notasyonları uygulayıp ( $T(n)$  hesabı) sonuçları yorumlayınız.(En az 5 algoritma)
- Ödevler gelecek hafta Word dokümanı, slayt ve çıktı olarak gelecektir. Süre dışında gelen ödevler kabul edilmeyecektir.
- Ödev raporunda hazırlayan kişi, çalışma süresi, bulunduğu kaynaklar ve katkısı yazılacaktır.
- Ödev teslimi imza ile alınacaktır.

# Örnekler

## Örnek I:

### Dizideki sayıların toplamını bulma

```
int Topla(int A[], int N)
{
    int toplam = 0;

    for (i=0; i < N; i++){
        toplam += A[i];
    } //Bitti-for

    return toplam;
} //Bitti-Topla
```

- Bu fonksiyonun yürütme zamanı ne kadardır?

## Örnek I:

### Dizideki sayıların toplamını bulma

İşlem

sayısı

```
int Topla(int A[], int N)
{
    int toplama = 0;

    for (i=0; i < N; i++){
        toplama += A[i];
    } //Bitti-for

    return toplama;
} //Bitti-Topla
```

1

N

N

1

-----  
Toplam:  $1 + N + N + 1 = 2N + 2$

- Çalışma zamanı:  $T(N) = 2N + 2$ 
  - N dizideki sayı sayısı



## Örnek II: Dizideki bir elemanın aranması

```

int Arama(int A[], int N,
           int sayi) {
    int i = 0;

    while (i < N) {
        if (A[i] == sayi) break;
        i++;
    } //bitti-while

    if (i < N) return i;
    else return -1;
} //bitti-Arama

```

İşlem  
sayısı

1

$1 \leq L \leq N$

$1 \leq L \leq N$

$0 \leq L \leq N$

1

1

-----

Toplam:  $1 + 3 * L + 1 + 1 = 3L + 3$

## Örnek II:

### Dizideki bir elemanın aranması

- En iyi çalışma zamanı nedir?
  - Döngü sadece bir kez çalıştı  $\Rightarrow T(n) = 6$
- Ortalama(beklenen) çalışma zamanı nedir?
  - Döngü **N/2 kez** çalıştı  $\Rightarrow T(n) = 3 * n/2 + 3 = 1.5n + 3$
- En kötü çalışma zamanı nedir?
  - Döngü **N kez** çalıştı  $\Rightarrow T(n) = 3n + 3$

## Örnek III: Matris Çarpımı

```

/* İki boyutlu dizi A, B, C. Hesapla C = A*B */
for (i=0; i<N; i++) {
  for (j=0; j<N; j++) {
    C[i][j] = 0;
    for (int k=0; k<N; k++){
      C[i][j] += A[i][k]*B[k][j];
    } //bitti-en içteki for
  } //bitti-içteki for
} //bitti-dıştaki for

```

$$T(N) = \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{N-1} \left(1 + \sum_{k=0}^{N-1} 1\right) = N^3 + N^2$$

# Listeler

Yrd. Doç. Dr. Aybars UĞUR,  
Yrd.Doç.Dr. M. Ali Akcayol ders  
notları ve yabancı kaynak  
derlemelerinden hazırlanmıştır.

# LİSTELER

- Günlük hayatta listeler; alışveriş listeleri, davetiye, telefon listeleri vs. kullanılır.
- Programlama açısından liste; aralarında doğrusal ilişki olan veriler topluluğu olarak görülebilir.
- Veri yapılarında değişik biçimlerde listeler kullanılmakta ve üzerlerinde değişik işlemler yapılmaktadır.

# Doğrusal Listeler (Diziler)

- Diziler(arrays), doğrusal listeleri oluşturan yapılardır. Bu yapıların özellikleri şöyle sıralanabilir:
- Doğrusal listelerde süreklilik vardır. Dizi veri yapısını ele alırsak bu veri yapısında elemanlar aynı türden olup bellekte art arda saklanırlar.
- Dizi elemanları arasında başka elemanlar bulunamaz. Diziye eleman eklemek gerektiğinde (dizinin sonu hariç) dizi elemanlarının yer değiştirmesi gerekir.
- Dizi program başında tanımlanır ve ayrılacak bellek alanı belirtilir. Program çalışırken eleman sayısı arttırılamaz veya eksiltilemez.

## Doğrusal Listeler (Diziler)

- Dizinin boyutu baştan çok büyük tanımlandığında kullanılmayan alanlar oluşabilir.
- Diziye eleman ekleme veya çıkarmada o elemandan sonraki tüm elemanların yerleri değişir. Bu işlem zaman kaybına neden olur.
- Dizi sıralanmak istendiğinde de elemanlar yer değiştireceğinden karmaşıklık artabilir ve çalışma zamanı fazlalaşır.

# BAĞLI LİSTELER

- Bellekte elemanları ardışık olarak bulunmayan listelere **bağlı liste** denir.
- Bağlı listelerde her eleman kendinden sonraki elemanın nerede olduğu bilgisini tutar. İlk elemanın yeri ise yapı türünden bir göstericide tutulur. Böylece bağlı listenin tüm elemanlarına ulaşılabilir.
- Bağlı liste dizisinin her elemanı bir yapı nesnesidir. Bu yapı nesnesinin bazı üyeleri bağlı liste elemanlarının değerlerini veya taşıyacakları diğer bilgileri tutarken, bir üyesi ise kendinden sonraki bağlı liste elemanı olan yapı nesnesinin adres bilgisini tutar.



# BAĞLI LİSTELER

- Bağlantılı liste yapıları iki boyutlu dizi yapısına benzemektedir. Aynı zamanda bir boyutlu dizinin özelliklerini de taşımaktadır.
- Bu veri yapısında bir boyutlu dizilerde olduğu gibi silinen veri alanları hala listede yer almakta veri silindiği halde listenin boyu kısalmamaktadır.
- Eleman eklemede de listenin boyutu yetmediğinde kapasiteyi arttırmak gerekmektedir. Bu durumda istenildiği zaman boyutun büyütülebilmesi ve eleman çıkarıldığında listenin boyutunun kendiliğinden küçülmesi için yeni bir veri yapısına ihtiyaç vardır.

# BAĞLI LİSTELER

- Doğrusal veri yapılarında dinamik bir yaklaşım yoktur. İstenildiğinde bellek alanı alınamaz ya da eldeki bellek alanları iade edilemez. Bağlantılı listeler dinamik veri yapılar olup yukarıdaki işlemlerin yapılmasına olanak verir. Bağlantılı listelerde düğüm ismi verilen bellek büyüklükleri kullanılır.
- Bağlantılı listeler çeşitli tiplerde kullanılmaktadır;
  - Tek yönlü doğrusal bağlı liste
  - İki yönlü doğrusal bağlı liste
  - Tek yönlü dairesel bağlı liste
  - İki yönlü dairesel bağlı liste

# BAĞLI LİSTELER

- Örnek: C dilinde bağlı liste yapısı

```
struct ListNode
{ int data;
  struct ListNode *next;
}
```

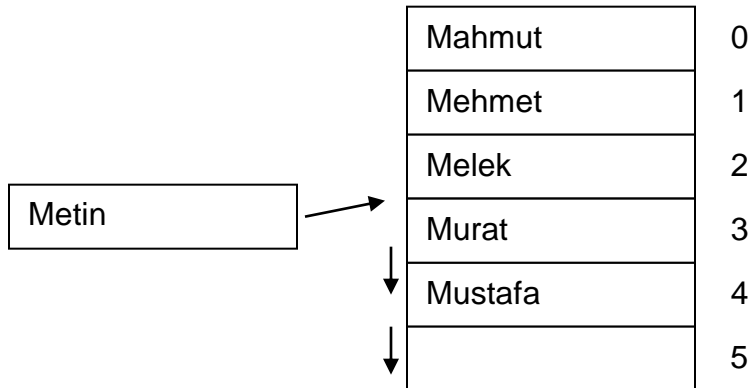
- Bağlı listenin ilk elemanının adresi **global** bir göstericide tutulabilir. Son elemanına ilişkin gösterici ise **NULL** adresi olarak bırakılır. Bağlı liste elemanları **malloc** gibi dinamik bellek fonksiyonları ile oluşturulur.

- Örnek: Java dilinde bağlı liste yapısı

```
public class ListNode
{
  int data;
  public ListNode next;
}
```

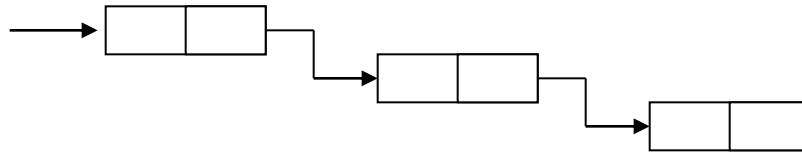
# BAĞLI LİSTELER

- **Bağlı Listelerle Dizilerin Karşılaştırılması:**
- Diziler;
  - Boyut değiştirme zordur
  - Yeni bir eleman ekleme zordur
  - Bir elemanı silme zordur
  - Dizinin tüm elemanları için hafızada yer ayrılır
- Bağlı listeler ile bu problemler çözülebilir.



# BAĞLI LİSTELER

- Ayrıca,
  - Her dizi elamanı için ayrı hafıza alanı ayrılır.
  - Bilgi kavramsal olarak sıralıdır ancak hafızada bulunduğu yer sıralı değildir.
  - Her bir eleman (node) bir sonrakinini gösterir.



# BAĞLI LİSTELER

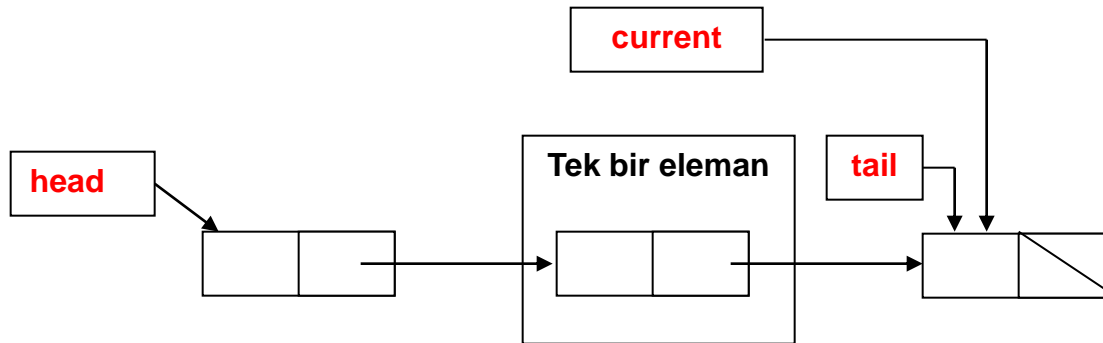
- Listeler;
  - Listedeki her bir eleman **data** (veri) ve **link** (bağlantı) kısmından oluşur. Data kısmı içerisinde saklanan bilgiyi ifade eder. Link kısmı ise kendisinden sonraki elamanı işaret eder.

```
public class ListNode  
{  
    int data;  
    public ListNode sonraki;  
}
```



# BAĞLI LİSTELER

- Listede bir başlangıç (**head**) elemanı, birde sonuncu (**tail**) elemanı vardır.
- Listede aktif (**current**) eleman şu anda bilgilerine ulaşabileceğimiz elemandır.



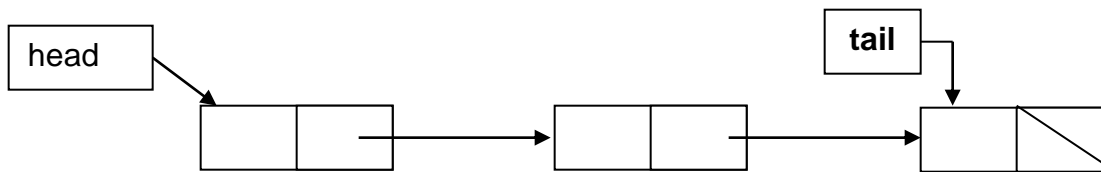
# Bağlı Liste İşlemleri

- Listeler ile yapılan işlemler,
  - Listeye eleman ekleme
    - Başa
    - Sona
    - Sıralı
  - Listeden eleman silme
    - Baştan
    - Sondan
    - Tümünü
    - Belirlenen bilgiye sahip elemanı
    - İstenen sıradaki elemanı
  - Arama
  - Listeleme
    - İstenen bilgiye göre
  - Kontrol
    - Boş liste
    - Liste boyutu



# Tek Yönlü Bağlı Listeler

- Listedeki elemanlar arasında sadece tek bir bağ vardır. Bu tür bağlı listelerde hareket yönü sadece listenin başından sonuna doğrudur.

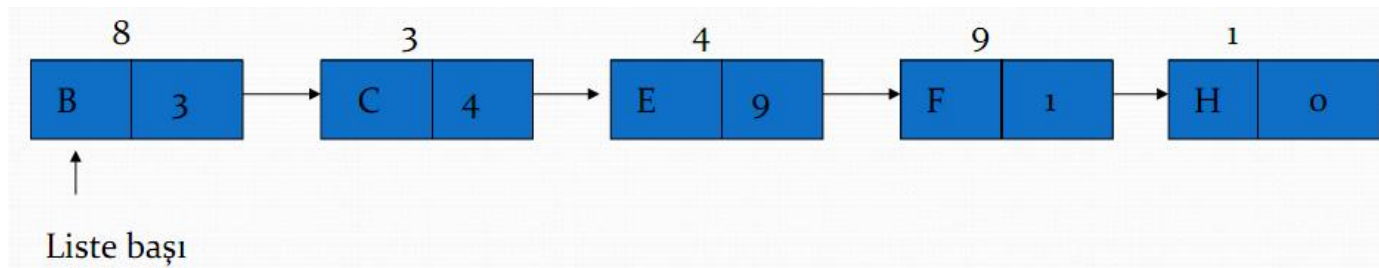


# Tek Yönlü Bağlı Liste

| Adres | Veri alanı | bağ |
|-------|------------|-----|
| 1     | H          | 0   |
| 2     |            |     |
| 3     | C          | 4   |
| 4     | E          | 8   |
| 5     |            |     |
| 6     |            |     |
| 7     | B          | 3   |
| 8     | F          | 1   |

Liste başı →

- Bağlı bir listeye eleman eklemek için önce liste tanımlanır.
- Bunun için listede tutulacak verinin türü ve listenin eleman sayısı verilir. Aşağıda verilen listeyi ele alarak bu listeye 'G' harfini eklemek isteyelim.
- Önce listede bu veri için boş bir alan bulunur ve bağ alanlarında güncelleme yapılır. 'G' verisini 6.sıraya yazarsak 'F' nin bağı 'G' yi, 'G' nin bağı da 'H' yi gösterecek şekilde bağ alanları değiştirilir.

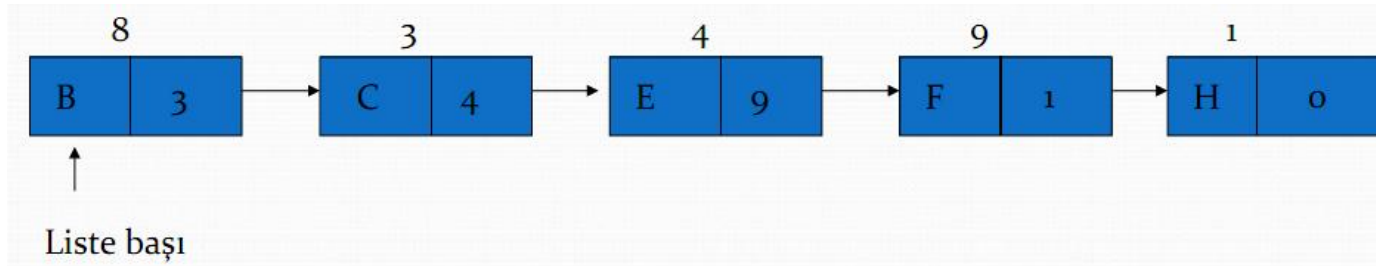


# Tek Yönlü Bağlı Liste

| Adres | Veri alanı | bağ |
|-------|------------|-----|
| 1     | H          | 0   |
| 2     |            |     |
| 3     | C          | 4   |
| 4     | E          | 8   |
| 5     |            |     |
| 6     |            |     |
| 7     | B          | 3   |
| 8     | F          | 1   |

Liste başı →

- Boşlar listesinden boş bir düğüm alınarak düğümün adresi bir değişkene atanır.



$X=5$

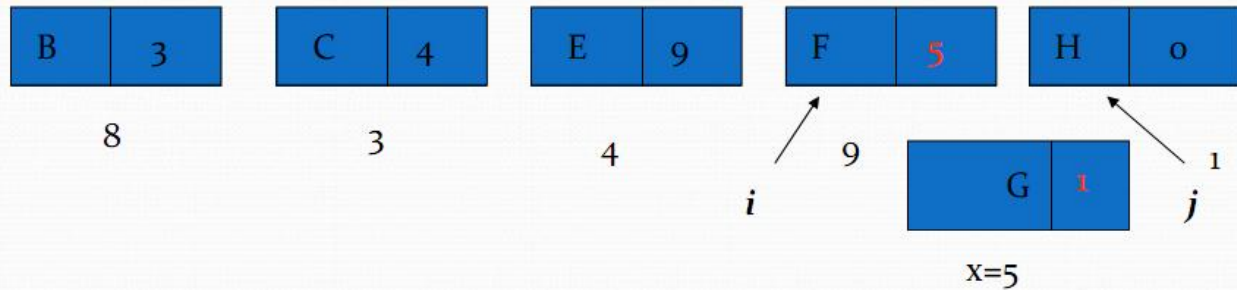
# Tek Yönlü Bağlı Liste

- Yeni düğümün veri alanına saklanması gereken 'G' değeri yazılır.



x=5

- Yeni düğümün listedeki yeri bulunur. Bunun için düğümün arasına gireceği düğümlerin adresi belirlenerek bunların adresleri **i,j** değişkenlerine atanır.



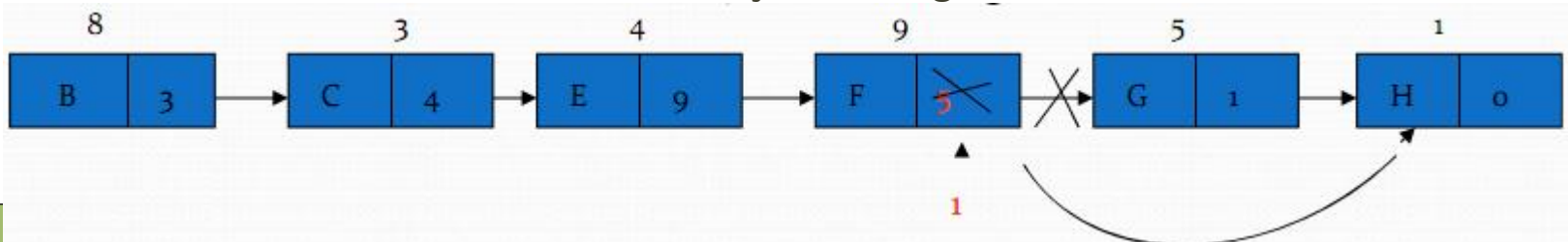
- x** adresli düğümün bağ alanına **j** düğümünün adresi yazılır. Bu şekilde yeni düğüm daha önce **i** düğümü tarafından işaretlenen **j** düğümünü gösterir. **i**, düğümünün bağ alanına da **x** düğümünün adresi yazılır ve yeni düğüm listeye eklenmiş olur.

## Tek Yönlü Bağlı Listeler: Düğüm Ekleme –Kaba Kod

- **Algorithm insert (newElement)**
- // bağlantılı listeye eklenecek yeni düğümü yarat
- **newNode = allocateNewNode (newElement)**
- // listenin başına yeni düğümü ekle
- // yeni düğüm adresi, listeye yeni eklenme noktası olsun
- **newNode** ← nextElement header
- **header** ← address (newNode)

## Tek Yönlü Bağlı Liste

- Bağlı bir listeden eleman silme; önce listeden çıkarılmak istenen eleman bulunur. Eğer silinecek eleman listede yoksa bu durum bir mesaj ile bildirilir. Eleman bulunduğunda bağ alanlarında güncelleme yapılarak eleman listeden silinir.
- Örneğimizdeki oluşturulan listeden 'G' düğümünü çıkarmak isteyelim. Bunun için yapılacak işlem, 'G' elemanından önce gelen 'F' elemanının bağ alanına çıkarılacak olan 'G' elemanının bağ alanındaki adresi yazmaktır.
- Bu durumda 'F' düğümü , 'H' düğümünü göstereceği için 'G' düğümü listeden çıkarılmış olur. 'G' elemanından sonra gelen düğümler değişmediği için herhangi bir kaydırma işlemine gerek kalmaz. Bu işlem dizi kullanılarak yapılsa idi, G den sonra gelen elemanların bir eleman sola çekilmesi gerekirdi.



## Düğüm Silme –Kaba Kod

- **Algorithm delete(element)**
- previousNode null
- nextNode header
- **while nextNode != null and nextNode.element != element**
- **do**
- previousNode nextNode // bir önceki düğümün referansını tut
- nextNode nextNode-->nextElement // bir sonraki düğüme ilerle
- **end while // yukarıdaki döngü eleman bulunduğu veya liste tamamen tarandığı halde eleman bulunamadığında sonlanır**
- **If nextNode != null // nextNode ile gösterilen düğüm silinecek düğümdür.**
- previousNode-->nextElement = nextElement-->nextElement // Önceki düğüm sonraki ile yer değiştirir
- deallocate memory used by nextElement
- **else // eğer bir düğüm bulunamadıysa bu bölüme gelinir**
- **// yapılacak bir silme işlemi yok**

## Liste Boyutu –Kaba Kod

- **Algorithm traverseList()**
- **nextNode header**
- **while nextNode != null and nextNode.element != element**
- **do**
- **// Bir sonraki düğüm null/0 olana veya bir sonraki**
- **// bileşen bulunamayana kadar yapılacak işlemler**
- **someOperation(nextNode) // bir sonraki düğüme ilerle**
- **nextNode nextNode-->nextElement**
- **end while**

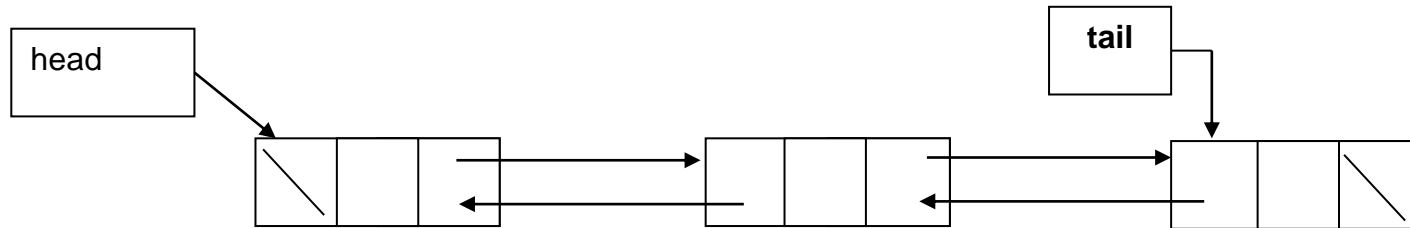


## Bağlantılı Listelerde Arama –Kaba Kod

- **Algorithm find(element)**
- nextNode header
- **while nextNode != null and nextNode.element != element**
- **do**
- **// sonraki elemana (düğüm) git**
- nextNode nextNode-->nextElement
- **end while**
- **// yukarıdaki döngü eleman bulunduğunda veya liste tamamen**
- **//tarandığı halde eleman bulunamadığında sonlanır**
- **If nextNode != null If nextNode != null**
- return nextNodeelement
- **else**
- **// bir sonraki bileşen (düğüm) bulunulamıyor ise ELSE bloğuna girilir.**
- **return null**

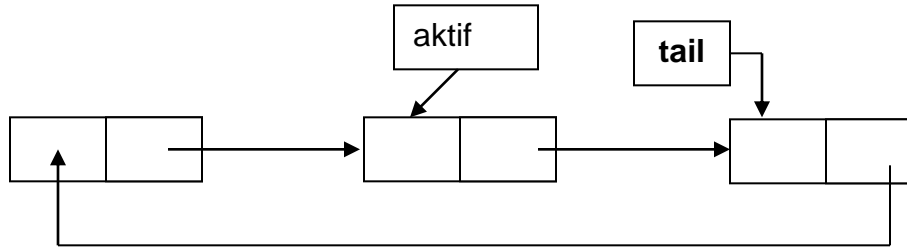
## İki Yönlü Bağlı Listeler:

- Listedeki elemanlar arasında iki yönlü bağ vardır. Elemanın bağlantı bilgisi bölümünde iki gösterici bulunur. Bu göstericinin biri kendisinden sonra gelen elemanı diğeri ise kendisinden önce gelen elemanın adres bilgisini tutar.
- Bu sayede listenin hem başından sonuna hem de listenin sonundan başına doğru hareket edilebilir. Bu yöntem daha esnek bir yapıya sahip olduğundan bazı problemlerin çözümünde daha işlevsel olabilmektedir.

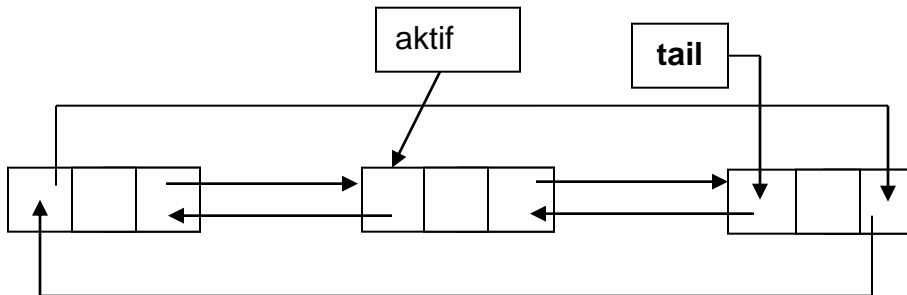


## Dairesel Bağlı Listeler:

- **Tek Yönlü Dairesel Bağlı Listeler** : Listedeki elemanlar arasında tek yönlü bağ vardır. Tek yönlü bağlı listelerden tek farkı ise son elemanın göstericisi ilk listenin ilk elemanın adresini göstermesidir. Bu sayede eğer listedeki elemanlardan birinin adresini biliyorsak listedeki bütün elemanlara erişebiliriz.



- **İki Yönlü Dairesel Bağlı Listeler** : Hem dairesellik hem de çift yönlülük özelliklerine sahip listelerdir. İlk düğümden önceki düğüm son, son düğümden sonraki düğüm de ilk düğümdür.



# Örnekler- C++

- **Örnek 1: Tek yönlü bağlı liste**

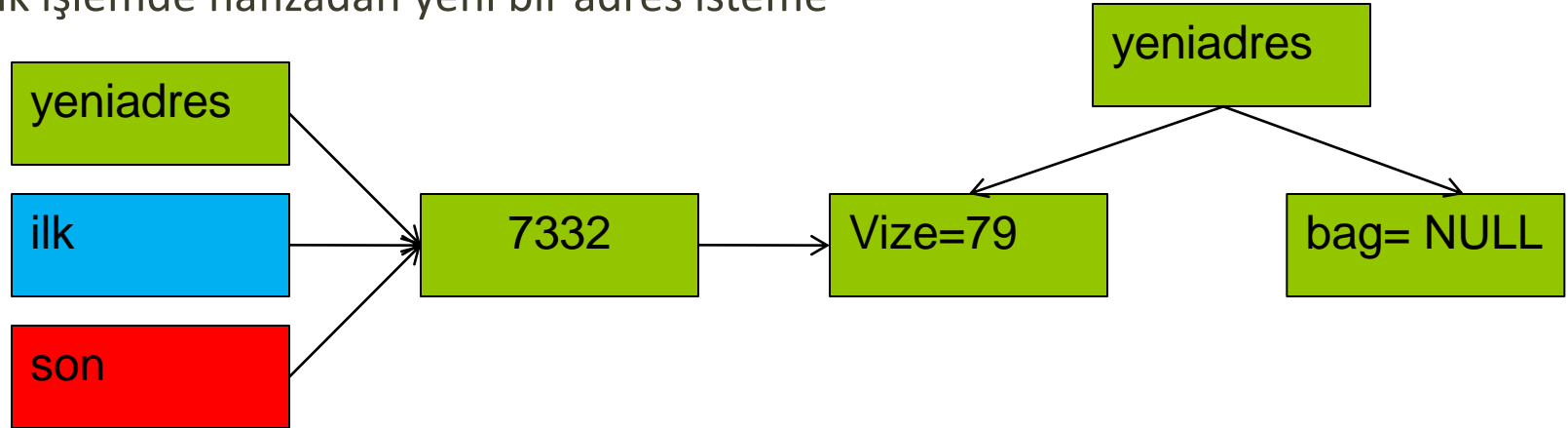
- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `main() {`
- `struct notlar {`
- `int vize1;`
- `struct notlar *bag;`
- `} *yeniadres, *ilk, *son;`
- `yeniadres=(struct notlar*) malloc(sizeof(struct notlar));`
- `printf("Yeniadres:%d\n",yeniadres);`
- `ilk=yeniadres;`
- `son=yeniadres;`
  
- `yeniadres->vize1=79;`
- `yeniadres->bag=NULL;`

# C++

- `printf("ilk:%d\n",ilk); //ilk elemanın adresini tutar`
- `printf("son:%d\n",son); //Son elemanın adresini tutar`
- `printf("T1___yeniadres->vize1:%d yeniadres->bag:%d\n",yeniadres->vize1, yeniadres->bag);`
- `//Hafızadan tekrar yer iste`
- `yeniadres=(struct notlar*) malloc(sizeof(struct notlar));`
- `printf("Yeniadres:%d\n",yeniadres);`
- `son->bag=yeniadres;`
- `yeniadres->vize1=95;`
- `yeniadres->bag=NULL;`
- `son=yeniadres;`
- `printf("ilk:%d\n",ilk);`
- `printf("son:%d\n",son);`
- `printf("T2___yeniadres->vize1:%d yeniadres->bag:%d\n", yeniadres->vize1, yeniadres->bag);}`

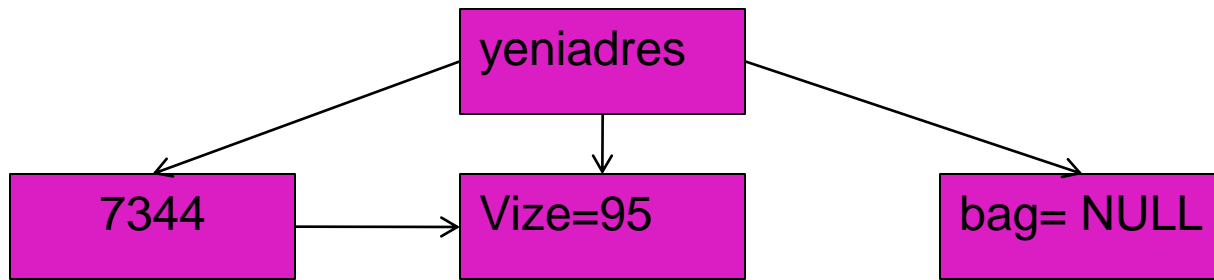
# BAĞLI LİSTELER

- İlk işlemde hafızadan yeni bir adres isteme

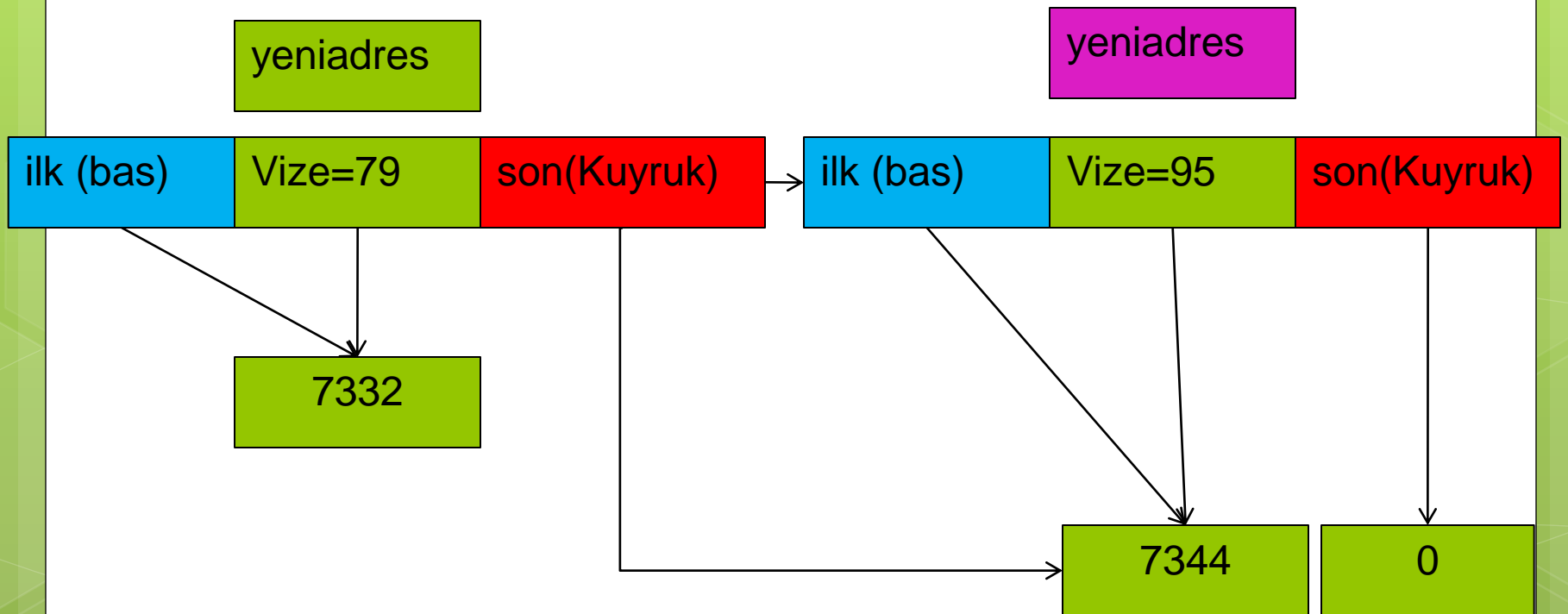


# BAĞLI LİSTELER

- İkinci işlemde hafızadan yeni bir adres isteme

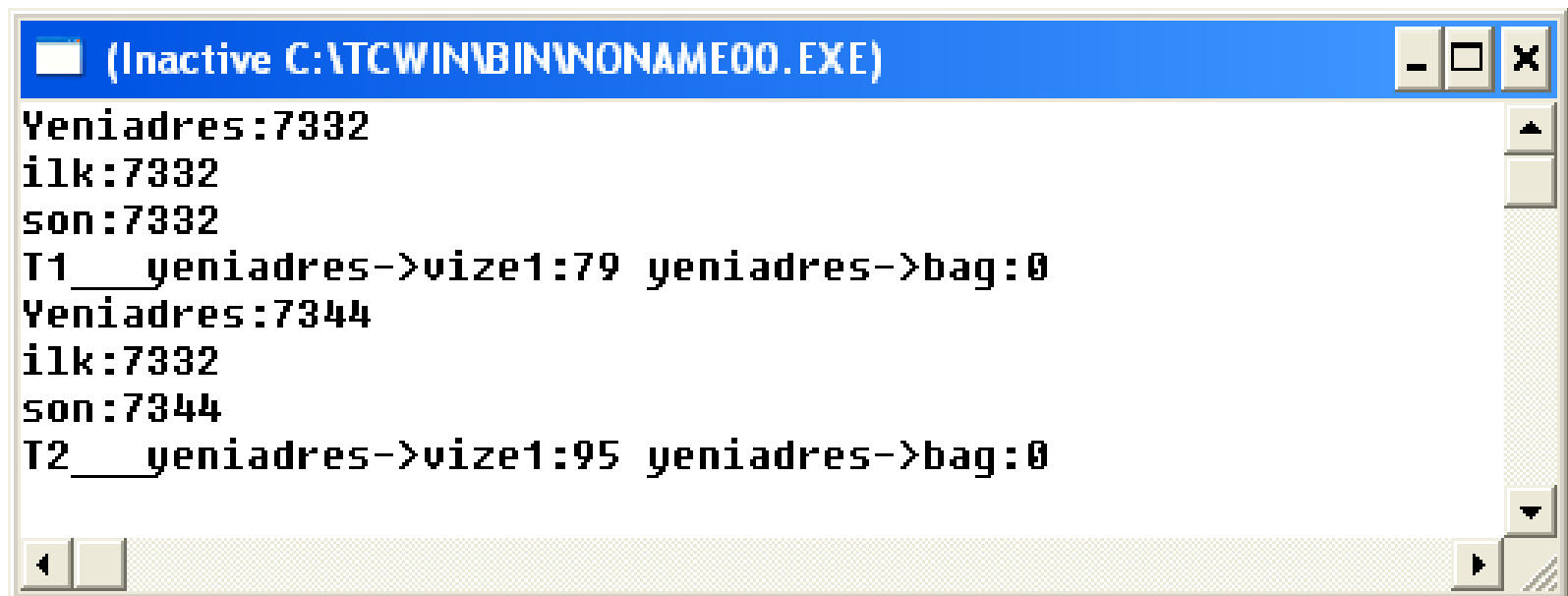


# BAĞLI LİSTELER





# C++



The screenshot shows a Windows command prompt window titled "(Inactive C:\TCWIN\BIN\NONAME00.EXE)". The window contains the following output:

```
Yeniadres:7332  
ilk:7332  
son:7332  
T1___yeniadres->vize1:79 yeniadres->bag:0  
Yeniadres:7344  
ilk:7332  
son:7344  
T2___yeniadres->vize1:95 yeniadres->bag:0
```

# Örnekler - C++

- **Örnek: 2- Çift yönlü bağlı liste ile film adlarının saklanması**
- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `#include <string.h>`
- `#define TSIZE 45`
- `struct film {`
- `char baslik[TSIZE];`
- `int rating;`
- `struct film * sonraki; };`
- `int main(void) {`
- `struct film * ilk = NULL;`
- `struct film * oncesi, * simdiki;`
- `char input[TSIZE];`
- `puts("Filimin basligini girin (sonlandirmek icin enter (boşluk) girin):");`

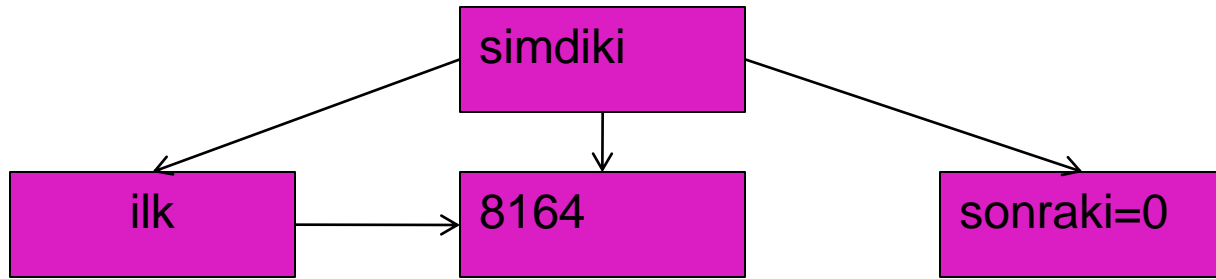
# C++

- while (gets(input) != NULL && input[0] != '\0') {
- simdiki = (struct filim \*) malloc(sizeof(struct filim));
- if (ilk == NULL)     ilk = simdiki;
- else     onceki->sonraki = simdiki;
- 
- simdiki->sonraki = NULL;
- strcpy(simdiki->baslik, input);
- puts("Ratingi girin <0-10>:");
- scanf("%d", &simdiki->rating);
- while(getchar() != '\n')     continue;
- puts("Filimin basligini girin (sonlandirmak icin bosluk girin):");
- onceki = simdiki;
- }

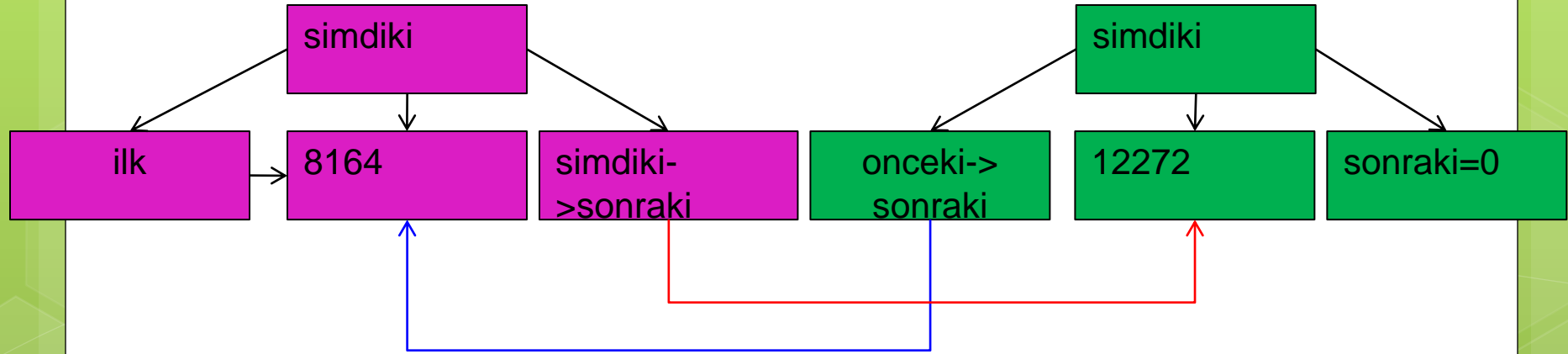
# C++

- if (ilk == NULL)
- printf("Veri girilmemistir. ");
- else
- printf ("Filim Listesi:\n");
- simdiki = ilk;
- while (simdiki != NULL)
- {
- printf("Filim: %s Rating: %d\n", simdiki->baslik, simdiki->rating);
- simdiki = simdiki->sonraki;
- }
- simdiki = ilk;
- }

# LİSTELER ve BAĞLI LİSTELER

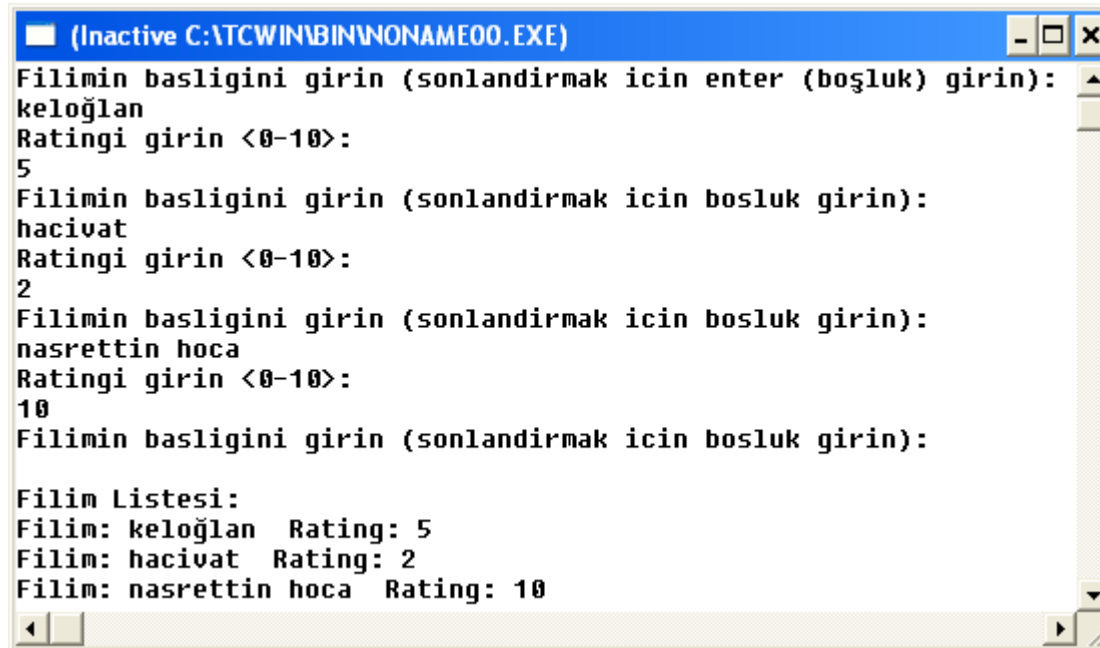


# LİSTELER ve BAĞLI LİSTELER



# LİSTELER ve BAĞLI LİSTELER

## Örnekler

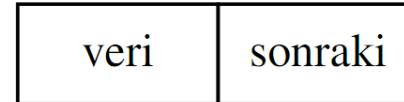


```
(Inactive C:\TCWIN\BIN\WONAME00.EXE)
Filimin basligini girin (sonlandirmak icin enter (boşluk) girin):
keloğlan
Ratingi girin <0-10>:
5
Filimin basligini girin (sonlandirmak icin bosluk girin):
hacivat
Ratingi girin <0-10>:
2
Filimin basligini girin (sonlandirmak icin bosluk girin):
nasrettin hoca
Ratingi girin <0-10>:
10
Filimin basligini girin (sonlandirmak icin bosluk girin):

Filim Listesi:
Filim: keloğlan Rating: 5
Filim: hacivat Rating: 2
Filim: nasrettin hoca Rating: 10
```

## Java Programlama Dilinde Bağlı Liste Örneği: Bağlı Listenin Düğüm Yapısı

Düğüm

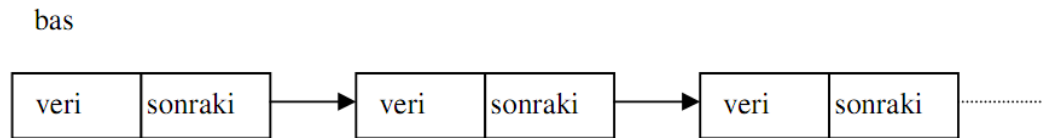


- `class Dugum`
- `{`
- `public int veri; // Değişik tiplerde çoğaltılabilir`
- `public Dugum sonraki; // Sonraki düğümün adresi`
- `public Dugum (int gelenVeri) // Yapıcı metot`
- `{ veri = gelenVeri; } // Düğüm yaratılırken değerini aktarır`
- `public void yazdir() // Düğümün verisini yazdırır`
- `{ System.out.print(" "+veri); }`
- `}`
- `}`



# Java-Bağlı Liste ve Bağlı Listede Ekleme Yapısı

- class BListe
- {
- private Dugum bas; // Listenin ilk düğümünün adresini tutar
- public BListe() // Bir BListe nesnesi yaratıldığında
- {
- bas = null; // boş liste olarak açılır.
- }
  
- public void basaEkle(int yeniEleman) // Liste başına eleman ekler
- {
- Dugum yeniDugum = new Dugum(yeniEleman);
- yeniDugum.sonraki = bas;
- bas = yeniDugum;
- }



# Java-Bağlı Listeye Arama Yapısı

- `public Dugum bul (int anahtar) {`
- `//Listede anahtar değerini bulur`
- `Dugum etkin = bas;`
- `while(etkin.veri != anahtar)`
- `{`
- `if(etkin.sonraki==null)`
- `return null;`
- `else`
- `etkin = etkin.sonraki;`
- `};`
- `return etkin; }`

# Java-Bağlı Listede Silme Yapısı

```
○ public Dugum sil(int anahtar)
○ {
○     // Verilen anahtar değerindeki düğümü siler
○     Dugum etkin = bas;
○     Dugum onceki = bas;
○     while(etkin.veri!=anahtar)
○     {
○         if(etkin.sonraki==null)     return null;
○         else     { onceki = etkin; etkin = etkin.sonraki; }
○     }
○     if(etkin==bas)     bas = bas.sonraki;
○     else     onceki.sonraki = etkin.sonraki;
○     return etkin;
○ }
```

## Java - Bağlı Listede Listeleme Yapısı

- `public void listele()`
- `{`
- `System.out.println();`
- `System.out.print("Bastan Sona Liste : ");`
- `Dugum etkin = bas;`
- `while(etkin!=null)`
- `{ etkin.yazdir(); etkin=etkin.sonraki; }`
- `}`
- `}`

# Java - Bağlı Liste Örneği

- // Bir bağlı liste oluşturarak, Bliste ve Dugum sınıflarını metotlarıyla birlikte test eden sınıf
  
- `class BlisteTest {`
- `public static void main(String args[]) {`
- `Bliste liste = new Bliste(); // liste adlı bir bağlı liste nesnesi oluşturur.`
- `liste.basaEkle(9);`
- `for(int i=8; i>=1; --i) liste.basaEkle(i);`
- `liste.listele();    int deger = 5;    Dugum d = liste.bul(deger);`
- `if(d==null)        System.out.println("\n"+deger+" Listede Yok");`
- `else        System.out.println("\n"+deger+" Bulundu");`
- `Dugum s = liste.sil(5);`
- `liste.listele();` Ekran Çıktısı :
- `}` // Bastan Sona Liste : 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- `}` // 5 Bulundu
- `}` // Bastan Sona Liste : 1 2 3 4 6 7 8 9

# Java Programlama Dilinde Bağlı Liste Örneği ve Kullanımı

- Ödev:
- Verilen örnekte
- Ekleme,
  - Baştan ekleme
  - İstenilen sırada ekleme
  - Sondan ekleme yapıları
- Silme
  - Baştan silme
  - İstenilen sırada silme
  - Sondan silme
- yapıları sizin tarafınızdan bu örnek üzerinde oluşturulacaktır ve ders hocasına teslim edilecektir.

# Ödev

- 2-
- K adet ders için N adet öğrencinin numara ve harf ortalamalarını bağlı dizilerle gösteriniz.
- Her bir node öğrenci numarası, dersin kodu, dersin harf ortalaması bilgilerini bulunduracak.
- Her öğrencinin numarası headNode içindeki bilgi olacak.
- Her dersin kodu headNode içindeki bilgi olacak.
- Her bir node aynı dersteki bir sonraki öğrenciyi gösterecek.
- Her bir node aynı kişinin diğer dersini gösterecek.
- Program Java veya C# Windows application olarak hazırlanacak ve aşağıdaki işlemleri butonlarla yapacak.
- 1- Bir öğrenciyeye yeni bir ders ekleme
- 2- Bir derse yeni bir öğrenci ekleme
- 3- Bir öğrencinin bir dersini silme
- 4- Bir dersteki bir öğrenciyi silme
- 5- Bir dersteki tüm öğrencileri numara sırasına göre sıralı listeleme
- 6- Bir öğrencinin aldığı tüm dersleri ders koduna göre sıralı listeleme

# Ödev

- **3-** Java veya C# ile dairesel bağlı liste uygulamasını gerçekleştiriniz.
- Ekleme,
  - Baştan ekleme
  - İstenilen sırada ekleme
  - Sondan ekleme yapıları
- Silme
  - Baştan silme
  - İstenilen sırada silme
  - Sondan silme



# Yığıt (Stack)

# Yığıt/Yığın (Stack)

- Son giren ilk çıkar (**Last In First Out-LIFO**) veya İlk giren son çıkar (**First-in-Last-out FILO**) mantığıyla çalışır.
- Eleman ekleme çıkarmaların en üstten (top) yapıldığı veri yapısına yığıt (stack) adı verilir.
- Bir eleman ekleneceğinde yığıtın en üstüne konulur. Bir eleman çıkarılacağı zaman yığıtın en üstündeki eleman çıkarılır.
- Bu eleman da yığıttaki elemanlar içindeki en son eklenen elemandır. Bu nedenle yığıtlara LIFO (Last In First Out Son giren ilk çıkar) listesi de denilir.

# Yığıt/Yığın (Stack)

- Yığın yapısını gerçekleştirmek için 2 yol vardır.
  - Dizi kullanmak
  - Bağlantılı liste kullanmak
- **empty stack**: Boş yığıt
- **push (koy)**:Yığıta eleman ekleme.
- **pop (al)**:Yığıttan eleman çıkarma



# Yığın İşlemleri

## ○ Ana yığın işlemleri:

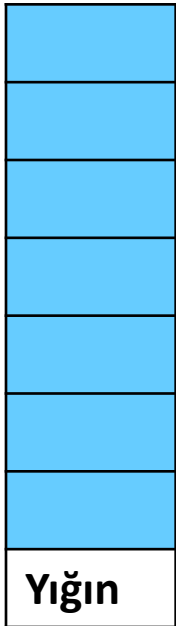
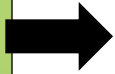
- **push(nesne):** yeni bir nesne ekler
  - **Girdi:** Nesne           **Çıktı:** Yok
- **pop():** en son eklenen nesneyi çıkarıp geri döndürür.
  - **Girdi:** Yok               **Çıktı:** Nesne

## ○ Yardımcı yığın işlemleri:

- **top():** en son eklenen nesneyi çıkarmadan geri döndürür.
  - **Girdi:** Yok               **Çıktı:** Nesne
- **size():** depolanan nesne sayısını geri döndürür.
  - **Girdi:** Yok               **Çıktı:** Tamsayı
- **isEmpty():** yığında nesne bulunup bulunmadığı bilgisi geri döner.
  - **Girdi:** Yok               **Çıktı:** Boolean

# Yığın (stack) Yapısı

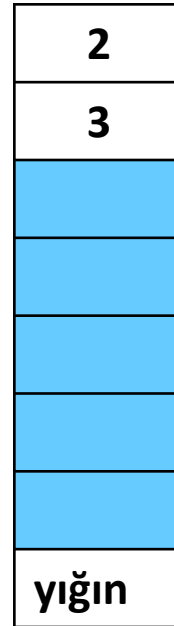
push(3);  
push(2);  
push(12);



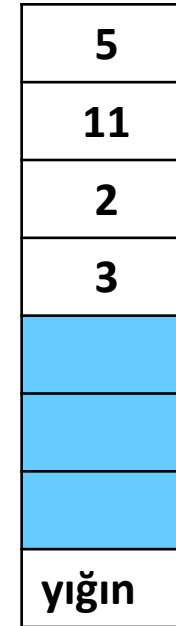
pop();



12



push(11);  
push(5);



# Yığıt/Yığın (Stack)

- Örnek kullanım yerleri
  - Yazılım uygulamalarındaki Undo işlemleri stack ile yapılır. Undo işlemi için LIFO yapısı kullanılır.
  - Web browser'lardaki Back butonu (önceki sayfaya) stack kullanır. Buradada LIFO yapısı kullanılır.
  - Matematiksel işlemlerdeki operatörler (+, \*, /, - gibi) ve operandlar için stack kullanılabilir.
  - Yazım kontrolündeki parantezlerin kontrolünde stack kullanılabilir.

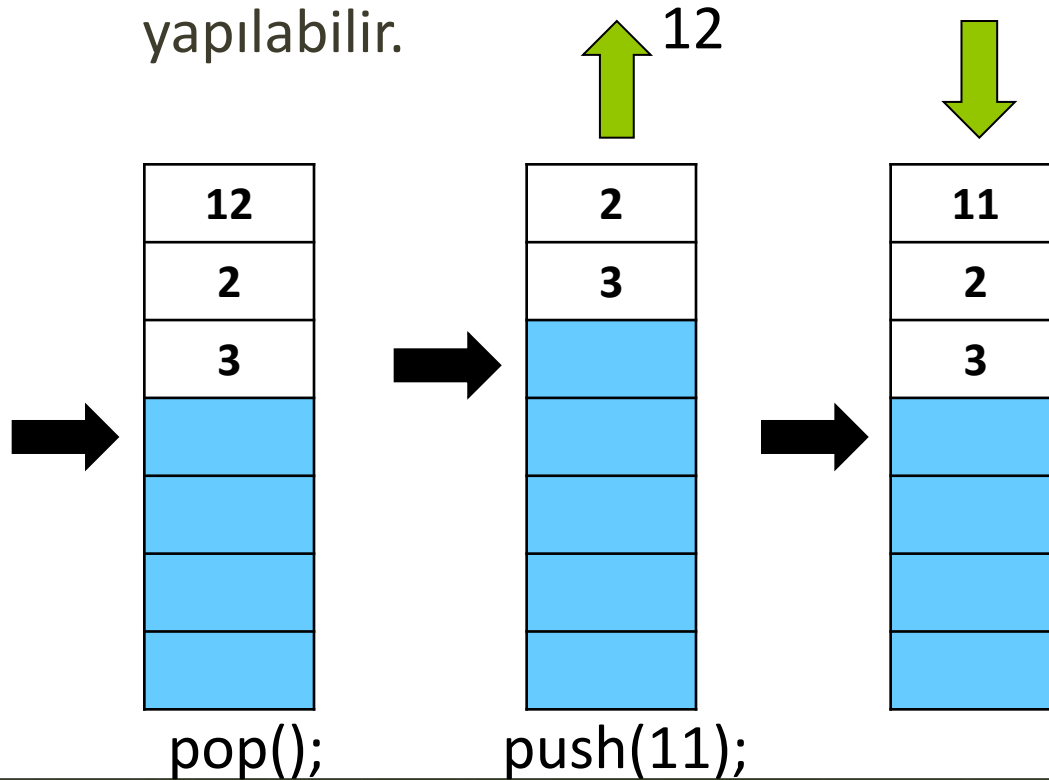
# Yığıt/Yığın (Stack)

- Örnek : Yığına ekleme ve çıkarma

| İşlem      | Yığıt (tepe) | Çıktı |
|------------|--------------|-------|
| push("M"); | M            |       |
| push("A"); | MA           |       |
| push("L"); | MAL          |       |
| push("T"); | MALT         |       |
| pop();     | MAL          | T     |
| push("E"); | MALE         | T     |
| pop();     | MAL          | TE    |
| push("P"); | MALP         | TE    |
| pop();     | MAL          | TEP   |
| push("E"); | MALE         | TEP   |
| pop();     | MAL          | TEPE  |

## Dizi Tabanlı Yiğın

- Bir yiğını gerçeklemenin en kolay yolu dizi kullanmaktır. Yiğın yapısı dizi üzerinde en fazla N tane eleman tutacak şekilde yapılabilir.





# Dizi Tabanlı Yığın

- Nesneleri soldan sağa doğru ekleriz. Bir değişken en üstteki nesnenin index bilgisini izler. Eleman çıkarılırken bu index değeri alınır.

```
Algorithm size()
```

```
    return  $t + 1$ 
```

```
Algorithm pop()
```

```
    if isEmpty() then
```

```
        throw EmptyStackException
```

```
    else
```

```
         $t \leftarrow t - 1$ 
```

```
        return  $S[t + 1]$ 
```



# Dizi Tabanlı Yiğın

- Yiğın nesnelere saklandığı dizi dolabilir. Bu durumda push işlemi aşağıdaki mesajı verir.
- FullStackException (DoluYiğınİstinasası)**
  - Dizi tabanlı yaklaşımın sınırlamasıdır.

```

Algorithm push(o)
  if  $t = S.length - 1$  then
    throw FullStackException
  else
     $t \leftarrow t + 1$ 
     $S[t] \leftarrow o$ 
  
```



# Başarım ve Sınırlamalar

- Başarım
  - $n$  yığındaki nesne sayısı olsun
  - Kullanılan alan  $O(n)$
  - Her bir işlem  $O(1)$  zamanda gerçekleşir.
- Sınırlamalar
  - Yığının en üst sayısı önceden tanımlanmalıdır ve değiştirilemez.
  - Dolu bir yığına yeni bir nesne eklemeye çalışmak istisnai durumlara sebep olabilir.

# Büyüyebilir Dizi Tabanlı Yığın Yaklaşımı

- **push** işlemi esnasında dizi dolu ise bir istisnai durum bildirimini geri dönmektense yığının tutulduğu dizi daha büyük bir dizi ile yer değiştirilir.
- Yeni dizi ne kadar büyüklükte olmalı?
  - **Artımlı strateji:** yığın büyüklüğü sabit bir  $c$  değeri kadar arttırılır.
  - **İkiye katlama stratejisi:** önceki dizi boyutu iki kat arttırılır
- Bağlı liste yapılarını kullanarak yığın işlemini gerçekleştirmek bu tür problemlerin önüne geçmede yararlı olur.

```
Algorithm push(o)
  if  $t = S.length - 1$  then
     $A \leftarrow$  new array of
      size ...
    for  $i \leftarrow 0$  to  $t$  do
       $A[i] \leftarrow S[i]$ 
     $S \leftarrow A$ 
   $t \leftarrow t + 1$ 
   $S[t] \leftarrow o$ 
```

# Yığın ve Operasyonları

```
public class Yigin {  
  
    int kapasite=100; // maksimum eleman sayısı  
    int S[]; //Yığın elemanları - pozitif tam sayı  
    int p; // eleman sayısı  
  
    public Yigin(){ // yapıcı yordam  
        s[] = new int[kapasite];  
        p = 0;  
    }  
  
    int koy(int item);  
    int al();  
    int ust();  
    boolean bosmu();  
    boolean dolumu();  
}
```

## Yığın Operasyonları – bosmu, dolumu

```
// yığın boşsa true döndür
public boolean bosmu() {
    if (p < 1) return true;
    else return false;
} //bitti-bosmu

// Yığın doluyorsa true döndür
public boolean dolumu() {
    if (p == kapasite-1) return true;
    else return false;
} // bitti-dolumu
```

## Yığın Operasyonları: koy

```
// Yığının üstüne yine bir eleman koy
// Başarılı ise 0 başarısız ise -1 döndürür.
int koy(int yeni) {

    if (dolumu()) {
        // Yığın dolu. Yeni eleman eklenemez.
        return -1;
    }

    S[p] = yeni;
    p++;

    return 0;
} /bitti-koy
```

## Yığın Operasyonları: ust

```
// Yığının en üstündeki sayıyı döndürür
// Yığın boşsa, -1 döndürür
public int ust(){
    if (bosmu()){
        // Yığın başsa hata dönder
        System.out.println("Stack underflow");
        return -1;
    }

    return S[p-1];
}
```



# Stack Operations: al

```
// En üsteki elemanı dönder.  
// Yığın boşsa -1 dönder.  
public int al(){  
    if (bosmu()){  
        // Yığın boşsa hata dönder  
        System.out.println("Stack underflow");  
        return -1;  
    }  
  
    int id = p-1; // en üsteki elemanın yeri  
    p--;        // elemanı sil  
  
    return S[id];  
}
```

# Yığın Kullanım Örneği

```
public static void main(String[] args) {
    Yigin y = new Yigin();

    if (y.bosmu())
        System.out.println("Yığın boş");

    y.koy(49);    y.koy(23);

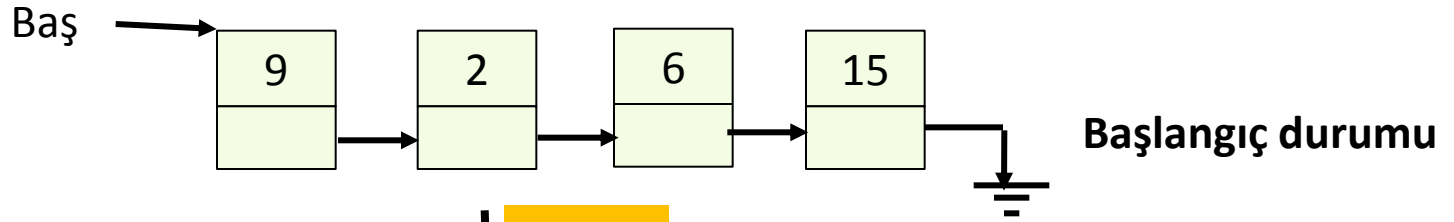
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());

    y.koy(44);    y.koy(22);

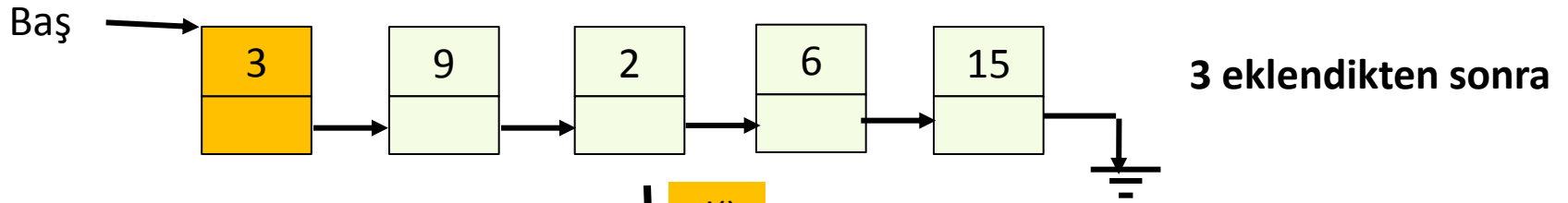
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.ust());
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());

    if (y.bosmu()) System.out.println("Yığın boş");
}
```

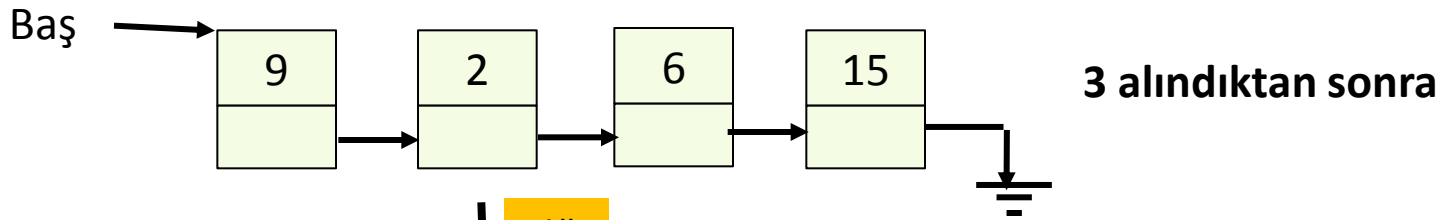
# Yığın- Bağlantılı Liste Gerçekleştirimi



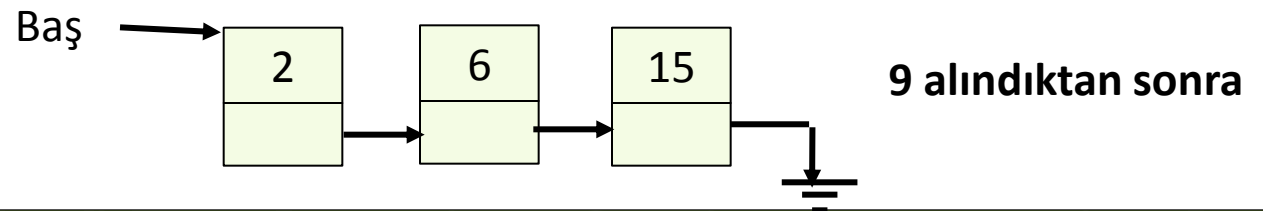
↓ koy(3)



↓ al()



↓ al()



## Bağlantılı Liste Gerçekleştirimi

```
public class YiginDugumu {
    int eleman;
    YiginDugumu sonraki;

    YiginDugumu(int e){
        eleman = e; sonraki = NULL;
    }
}
```

```
public class Yigin {
    private YiginDugumu ust;

    public Yigin() {ust = null;}

    void koy(int eleman);
    int al();
    int ust();
    boolean bosmu();
};
```

# Yığın Operasyonları: koy, bosmu

```
// Yığına yeni eleman ekle
public void koy(int eleman){
    YiginDugumu x = new YiginDugumu(eleman);
    x.sonraki = ust;
    ust = x;
}

// Yığın boşsa true döndür
public boolean bosmu(){
    if (ust == NULL)
        return true;
    else
        return false;
}
```

# Yığın Operasyonları: ust

```
// Yığının ilk elemanını döndür
public int ust(){
    if (bosmu()){
        System.out.println("Stack underflow"); // Boş yığın
        return -1; // Hata
    }

    return ust.eleman;
} //bitti-ust
```

# Yığın Operasyonları: Al()

```
// Yığının en üst elemanın siler ve döndürür.  
public int Al(){  
    if (bosmu()){  
        System.out.println("Stack underflow"); // Boş yığın.  
        return -1; // Hata  
    }  
  
    YiginDugumu temp = ust;  
  
    // Bir sonraki elemana geç  
    ust = ust.sonraki;  
  
    return temp.eleman;  
} //bitti-al
```

# Yığın Kullanım Örneği

```
public static void main(String[] args) {
    Yigin y = new Yigin();

    if (y.bosmu())
        System.out.println("Yığın boş");

    y.koy(49);    y.koy(23);

    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());

    y.koy(44);    y.koy(22);

    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.ust());
    System.out.println("Yığının ilk elemanı: "+ y.al());

    if (y.bosmu()) System.out.println("Yığın boş");
}
```



# Örnekler –Java

- Java'da hazır Stack (yığıt) sınıfı da bulunmaktadır. Aşağıdaki örnekte String'ler, oluşturulan **s** yığıtına yerleştirilerek ters sırada listelenmektedir.
- `import java.util.*;`
- `public class StackTest`
- `{`
- `public static void main(String args[])`
- `{ String str[] = { "Bilgisayar", "Dolap", "Masa", "Sandalye", "Sıra" };`
- `Stack s = new Stack();`
- `for(int i=0; i < t.length; ++i) s.push(str[i]);`
- `while(!s.empty() ) System.out.println(s.pop());`
- `}`
- `}`

# Uygulama Ödevi

- Derleyici/kelime işlemciler
  - Derleyicileri düşünecek olursak yazdığımız ifadede ki parantezlerin aynı olup olmadığını kontrol ederler.
  - Örneğin:  $2*(i + 5*(7 - j / (4 * k))$  ifadesinde parantez eksikliği var. ")"
  - Yığın kullanarak ifadedeki parantezlerin eşit sayıda olup olmadığını kontrol eden programı yazınız.



# Uygulama Ödevi

- Yığın kullanarak parantez kontrol:
  - 1) Boş bir yığın oluştur ve sembolleri okumaya başla
  - 2) Eğer sembol başlangıç sembolü ise ( '(', '[', '{' ) Yığına koy
  - 3) Eğer sembol kapanış sembolü ise ( ')', ']', '}' )
    - I. Eğer yığın boşsa hata raporu döndür
    - II. Değilse
      - Yığından al
      - Eğer alınan sembol ile başlangıç sembolü aynı değilse hata gönder
  - 4) İfade bitti ve yığın dolu ise hata döndür.

# ÖRNEKLER

## C# Programlama Dilinde Bağlı Liste Örneği ve Kullanımı-TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE Düğüm Yapısı

- public class ListNode
- {
- public string numara, adSoyad;
- public double ortalama;
- public ListNode sonraki;
- public ListNode(string numara, string adSoyad, double ortalama)
- {
- this.numara = numara; ;
- this.adSoyad = adSoyad;
- this.ortalama = ortalama;
- }
- }

## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE Yapısı

- public class LinkedList
- {
- public ListNode headNode, tailNode;
- public LinkedList()
- {
- headNode = new ListNode("head","",o);
- tailNode = new ListNode("tail","",o);
- headNode.sonraki = tailNode;
- tailNode.sonraki = tailNode;
- }
- }

## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

### Başa Düğüm Ekleme

- `public void Ekle(LinkedList bL, ListNode IN, string yer)`
- `{`
- `ListNode aktif = bL.headNode;`
- `IN.sonraki = aktif.sonraki;`
- `aktif.sonraki = IN;`
- `}`

## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

### Sıraya Düğüm Ekleme

- `public void Ekle(LinkedList bL, ListNode IN, string yer)`
- `{`
- `ListNode aktif = bL.headNode;`
- `while ((aktif.sonraki != bL.tailNode) &&`
- `(string.Compare(aktif.sonraki.numara, IN.numara) < 0))`
- `aktif = aktif.sonraki;`
- `IN.sonraki = aktif.sonraki;`
- `aktif.sonraki = IN;`
- `}`



## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

### Sona Düğüm Ekleme

- `public void Ekle(LinkedList bL, ListNode IN, string yer)`
- `{`
- `ListNode aktif = bL.headNode;`
- `while (aktif.sonraki != bL.tailNode)`
- `aktif = aktif.sonraki;`
- `IN.sonraki = aktif.sonraki;`
- `aktif.sonraki = IN;`
- `}`

## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

### Düğüm Ekleme

- `public void Ekle(LinkedList bL, ListNode IN, string yer)`
- `{ ListNode aktif = bL.headNode;`
- `if (yer == "BASA" )`
- `{ IN.sonraki = aktif.sonraki;`
- `aktif.sonraki = IN; }`
- `else if (yer == "SIRAYA" )`
- `{`
- `while ((aktif.sonraki!= bL.tailNode) && (string.Compare(aktif.sonraki.numara, IN.numara)<0))`
- `aktif = aktif.sonraki;`
- `IN.sonraki = aktif.sonraki;`
- `aktif.sonraki = IN;`
- `}}`
- `else if (yer == "SONA" )`
- `{ while (aktif.sonraki != bL.tailNode)`
- `aktif = aktif.sonraki;`
- `IN.sonraki = aktif.sonraki;`
- `aktif.sonraki = IN;`
- `} }`

## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

### Düğüm Silme

- //Baştan düğüm silme
- if (rBBas.Checked)
- bagliListe.headNode.sonraki = bagliListe.headNode.sonraki.sonraki;
- //Sondan Düğüm silme
- else if (rBSon.Checked)
- {
- ListNode aktif = bagliListe.headNode;
- while (aktif.sonraki.sonraki != bagliListe.tailNode)
- aktif = aktif.sonraki;
- aktif.sonraki = bagliListe.tailNode;
- }

## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

### Düğüm Silme

- **//Tümünü Silme**
- else if (rBTumu.Checked)
- {
- ListNode aktif = bagliListe.headNode;
- while (aktif.sonraki != bagliListe.tailNode)
- aktif.sonraki = aktif.sonraki.sonraki;
- }
- **//Aranan kişiyi Silme**
- else if (rBKisi.Checked)
- {
- ListNode aktif = bagliListe.headNode;
- while((aktif.sonraki!=bagliListe.tailNode) &&(aktif.sonraki.numara!=tBNum.Text))
- aktif = aktif.sonraki;
- aktif.sonraki = aktif.sonraki.sonraki;
- }

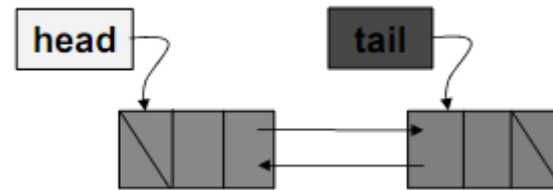
## C# -TEK YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

### Düğüm Silme

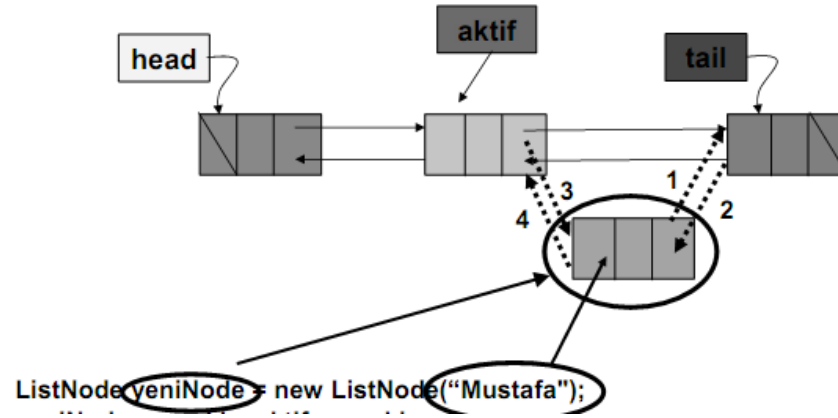
- **//İstenilen Sırada Silme**
- else if (rBSira.Checked)
- { int Sira = Convert.ToInt16(tBSil.Text); int i = 1;
- if (Sira != 0)
- { ListNode aktif = bagliListe.headNode;
- while ((aktif.sonraki != bagliListe.tailNode) && (i < Sira))
- { aktif = aktif.sonraki; i++; }
  
- if ((aktif.sonraki == bagliListe.tailNode) && ((i-1) < Sira))
- MessageBox.Show("Listedeki eleman sayısından büyük değer girildi !" ,
- "Hata !", MessageBoxButtons.OK);
- else if (!(aktif.sonraki == bagliListe.tailNode))
- { aktif.sonraki = aktif.sonraki.sonraki; }
- }
- }

# C# Programlama Dilinde İKİ YÖNLÜ BAĞLI LİSTE

- İKİ YÖNLÜ BAĞLI LİSTE
- ```
public class ListNode {
```
- ```
public string adSoyad;
```
- ```
public ListNode onceki, sonraki;
```
- ```
public ListNode(string adSoyad)
```
- ```
{ this.adSoyad = adSoyad; }
```
- ```
}
```
- ```
public class LinkedList {
```
- ```
public ListNode headNode, tailNode;
```
- ```
public LinkedList()
```
- ```
{
```
- ```
headNode = new ListNode("head");
```
- ```
tailNode = new ListNode("tail");
```
- ```
headNode.onceki = headNode;
```
- ```
headNode.sonraki = tailNode;
```
- ```
tailNode.onceki = headNode;
```
- ```
tailNode.sonraki = tailNode;
```
- ```
}
```
- ```
}
```

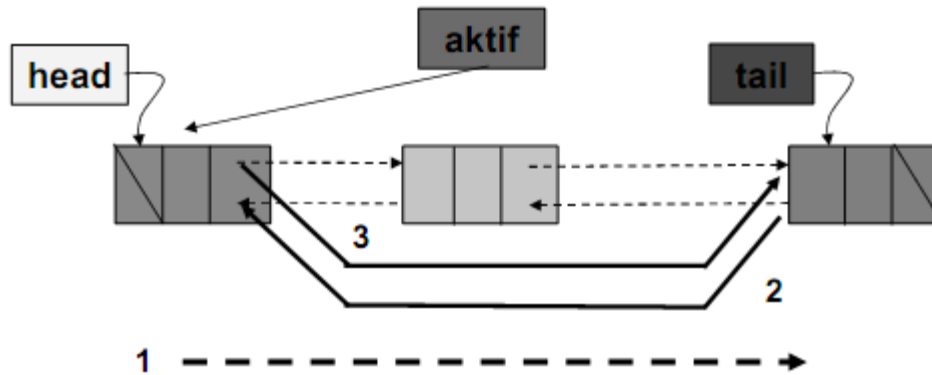


# C# Programlama Dilinde Bağlı Liste Örneği ve Kullanımı



- Eleman ekleme
- `ListNode yeniNode = new ListNode("Mustafa");`
- `yeniNode.sonraki = aktif.sonraki;`
- `aktif.sonraki.onceki = yeniNode;`
- `aktif.sonraki = yeniNode;`
- `yeniNode.onceki = aktif;`

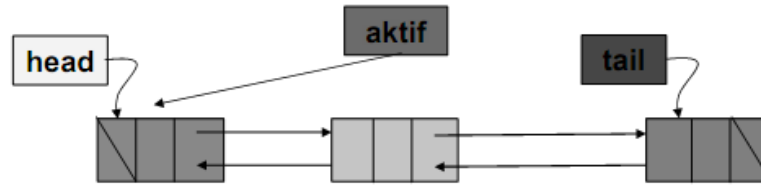
# C# Programlama Dilinde Bağlı Liste Örneği ve Kullanımı



- Eleman silme
- while ((aktif.sonraki != bagliListe.tailNode) && (aktif.sonraki != silinecekNode))
- {
- aktif = aktif.sonraki;
- }
- aktif.sonraki.sonraki.onceki = aktif;
- aktif.sonraki = aktif.sonraki.sonraki;



# C# Programlama Dilinde Bağlı Liste Örneği ve Kullanımı



```
while ((aktif.sonraki != bagliListe.tailNode) && (aktif.sonraki != arananNode))
{
    aktif = aktif.sonraki;
}
```

```
while ((aktif.onceki != bagliListe.headNode) && (aktif.onceki != arananNode))
{
    aktif = aktif.onceki;
}
```

- Eleman arama
- `while ((aktif.sonraki != bagliListe.tailNode) && (aktif.sonraki != arananNode))`
- `{ aktif = aktif.sonraki;}`
- `while ((aktif.onceki != bagliListe.headNode) && (aktif.onceki != arananNode))`
- `{ aktif = aktif.onceki; }`

## C++ Dairesel Bağlı listeler ile oyun

- #include "stdio.h"
- #include "conio.h"
- #include "stdlib.h"
- #include "string.h"
- #include "iostream.h"
- //OYUNCULARIN İSİMLERİ-----
- char \*isimler[10]= {"HACER", "GULTEN", "IDRIS", "HASAN", "HATİCE", "CEMIL", "BELMA", "CANSU", "EBRU", "NALAN"};
- //-----
- typedef struct veri{
- char adi[20];
- struct veri \*arka;
- } BLISTE;
- BLISTE \*ilk=NULL, \*son=NULL;
- //-----

## Örnekler-Dairesel Bağlı listeler ile oyun

```
○ int ekle(BLISTE *sayigeldi)
○ {
○   if(ilc==NULL)
○   {
○     ilk=sayigeldi;
○     son=ilk;
○     ilk->arka=ilk;
○   }
○   else
○   {
○     son->arka=sayigeldi;
○     son=sayigeldi;
○     son->arka=ilk;
○   }
○   return 0;
○ }
○ //-----
```

## Örnekler-Dairesel Bağlı listeler ile oyun

- `int oyuncular()`
- `{ BLISTE *p; int x=3,y=3,i=0; clrscr();`
- `gotoxy(x,y);printf("DAIRESEL BAGLI LISTE");y+=2;`
- `gotoxy(x,y);printf("ODEVIN KONUSU : Dairesel Bagli Liste Yapisini  
Kullanarak Oyun Tasarlama");`
- `y+=3; gotoxy(x,y);printf("Oyuncular :"); p=ilk;`
- `while(p->arka!=ilk) { printf("%s\n ",p->adi); p=p->arka; i++; }`
- `printf("%s\n ",p->adi);`
- `y+=13;`
- `gotoxy(x,y);printf("TOPLAM OYUNCU SAYISI : %d ",i); getch();`
- `return 0;}`
- `//-----`

## Örnekler-Dairesel Bağlı listeler ile oyun

- int oyundan\_at(BLISTE \*onceki,BLISTE \*silinecek) {
- if(ilk->arka==ilk) { //listede bir eleman varsa
- clrscr();
- printf("Oyunda Su an Sadece 1 kisi var");
- printf("OYUNU KAZANAN = %s",ilk->adi); }
- else if(onceki->arka==ilk) //silinecek ilk eleman mı?
- {   onceki->arka=ilk->arka;   ilk=ilk->arka;
- printf(" Oyundan Cıkıyor....%s",onceki->adi);
- free(silinecek); oyuncular(); }
- else if(silinecek==son)//silinecek son eleman mı?
- {   onceki->arka=ilk;     son=onceki;   free(silinecek); oyuncular(); }
- else //silinecek aradan mı?
- {   onceki->arka=silinecek->arka; free(silinecek); oyuncular(); }
- return 0;}
- //-----

# Örnekler-Dairesel Bağlı listeler ile oyun

- void main(void) {
- clrscr(); randomize();
- BLISTE \*yeni;int i,x=3,y=3;
- for( i=0;i<10;i++) {
- yeni=(BLISTE \*)malloc(sizeof(BLISTE));
- if(!yeni) { clrscr();
- printf("Oyuncuları Ekleme Yapacak Kadar Bos Alan Yok Kusura Bakmayiniz");
- exit(0); }
- else { strcpy(yeni->adi,isimler[i]); ekle(yeni); }
- }
- clrscr();x=3;y=3; int soylenen;
- oyuncular();
- yeni=ilk; BLISTE \*p; BLISTE \*bironceki;

## Örnekler-Dairesel Bağlı listeler ile oyun

- do {
- printf("\n\nSAYIN :%s ---> Bir Sayı Soyler misiniz ? ",ilk->adi);
- scanf("%d",&soylenen);
- for(i=0;i<soylenen;i++) {
- yeni->adi;     bironceki=yeni;     yeni=yeni->arka;     }
- //bağı koparılacak olan.. adresi=yeni, bir oncesinin adresi bironcesinde, tahmini p ile adreslenen kişi yapacak
- p=yeni->arka;//sayıyı tahmin edecek kişi
- oyundan\_at(bironceki,yeni);     yeni=p;
- } while(ilk!=son);
- if(ilk==son) { clrscr(); x=5; y=5;
- gotoxy(x,y); printf("Oyunda Su an Sadece 1 kisi var");
- gotoxy(x,y);printf("OYUNU KAZANAN = %s",ilk->adi);     y+=2;
- gotoxy(x,y);printf("Oyun bitmistir...programi sonlandirmak icin herhangi bir tusa basınız.");     y+=2;     getch();     exit(0); }
- getch(); }

# Örnekler -Java

- Örnek : Java'da dizi kullanarak karakter yığıtı sınıfı oluşturma ve kullanma.
- `import java.io.*;`
- `class StackChar`
- `{`
- `private int maxSize; private char[] stackArray; private int top;`
- `public StackChar(int max)`
- `{ maxSize = max; stackArray = new char[maxSize]; top= -1; }`
  
- `public void push(char j) { stackArray[++top] = j; }`
  
- `public char pop() { return stackArray[top--]; }`
  
- `public boolean isEmpty() { return top== -1; }`
- `}`

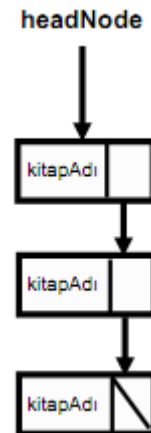


# Örnekler –Java

```
○ class Reverse
○ {
○   public static void main(String args[])
○   {
○     StackChar y = new StackChar(100);
○     String str = "Merhaba";
○     for(int i=0; i<str.length(); ++i)
○       y.push(str.charAt(i));
○     while(! y.isEmpty() ) System.out.println(y.pop());
○   }
○ }
```

# Örnekler –C#

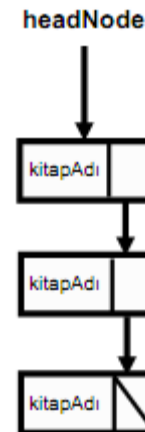
- **Örnek:** Bağlı liste ile yığıt oluşturma
- `class stackNodeC`
- `{`
- `public string kitapAdi;    public stackNodeC sonraki;`
- `public stackNodeC(string kitapAdi) { this.kitapAdi = kitapAdi; }`
- `}`
  
- `class stackC`
- `{`
- `public stackNodeC headNode;`
- `public stackC(string kitapAdi)`
- `{`
- `this.headNode = new stackNodeC(kitapAdi);`
- `this.headNode.sonraki = headNode;`
- `}`
- `}`
- `stackC kitapYigin = new stackC("");`
- 



# Örnekler –C#

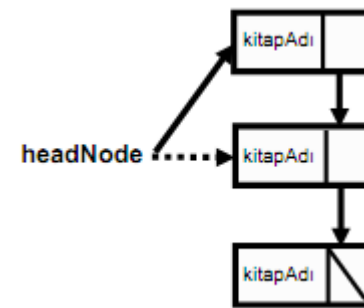
- /\* Stack işlemleri :
- boş yığın `stackSize() == 0`      eleman sayısı= `stackSize()`
- eleman ekleme= `push(kitapAdi)`      eleman alma= `pop()` \*/

- `public int stackSize()`
- `{`
- `stackNodeC aktif = new stackNodeC("");`
- `aktif = kitapYigin.headNode;`
- `int i = 0;`
- `while (aktif.sonraki != aktif)`
- `{`
- `aktif = aktif.sonraki; i++;`
- `}`
- `return i;`
- `}`



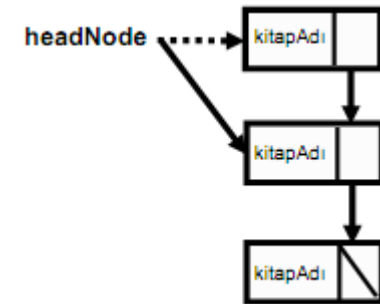
# Örnekler –C#

- // Stack işlemleri (eleman ekleme)
- public void push(string kitapAdi)
- {
- if (stackSize() >= MaxSize)
- MessageBox.Show ("Yığın maksimum elemana sahip ! Yeni
- eleman eklenemez !", "Dikkat");
- else
- { stackNodeC yeniNode = new stackNodeC(tBKitapAdi.Text);
- yeniNode.sonraki = kitapYigin.headNode;
- kitapYigin.headNode = yeniNode;
- IStackSize.Text = "Stack Size =
- "+Convert.ToString(stackSize());
- }
- }



# Örnekler –C#

- // Stack işlemleri (eleman alma)
- public void pop()
- {
- if (stackSize() == 0)
- {
- MessageBox.Show("Yığında eleman yok !", "Dikkat");
- }
- else
- {
- kitapYigin.headNode = kitapYigin.headNode.sonraki;
- }
- }



# Örnekler –C++

- **Örnek:** Yığıt (Stack) kullanarak bağlı liste işlemleri. Girilen cümleyi kelimeleri bozmadan tersten yazdır.
- **#include <stdio.h>**
- **#include <string.h>**
- **#include <conio.h>**
- **#include <stdlib.h>**
- **struct kelimeler**
- **{ char kelime[50];**
- **struct kelimeler \*onceki;**
- **} \*tepe,\*yenieleman,\*yedek;**

# Örnekler –C++

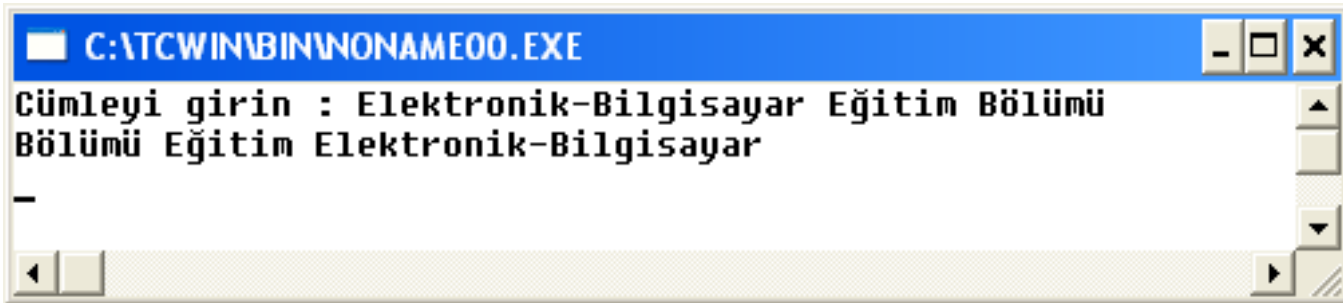
- `void push(char *gelen) {`
- `yenieleman =(struct kelimeler *) malloc(sizeof(struct kelimeler));`
- `strcpy(yenieleman->kelime, gelen);`
- `yenieleman->onceki = tepe;`
- `tepe = yenieleman; }`
  
- `int pop(char *giden) {`
- `if (tepe != NULL) {`
- `yedek = tepe;`
- `strcpy(giden, tepe->kelime);`
- `tepe = tepe->onceki; free(yedek); return 0; }`
- `else`
- `return 1; /* yığın boş */`

# Örnekler –C++

```
○ main() {  
○   char *yenikelime, *cumle;  
○   tepe = NULL;  
○  
○   printf("Cümleyi girin : "); gets(cumle);  
○   yenikelime = strtok(cumle, " "); // cumle değişkenini boşluğa göre  
○   ayırma.  
○  
○   while (yenikelime) {  
○     push (yenikelime);  
○     yenikelime = strtok(NULL, " ");  
○   }  
○   yenikelime = (char *) malloc(20); /* yenikelime NULL idi, yer açalım*/  
○   while (!pop(yenikelime)) printf("%s ", yenikelime);  
○   printf("\n");  
○   getch();  
○ }
```



# Örnekler –C++



```
C:\TCWIN\BIN\NONAME00.EXE
Cümleyi girin : Elektronik-Bilgisayar Eğitim Bölümü
Bölümü Eğitim Elektronik-Bilgisayar
-
```

The image shows a screenshot of a Windows command prompt window. The title bar reads "C:\TCWIN\BIN\NONAME00.EXE". The window contains the following text: "Cümleyi girin : Elektronik-Bilgisayar Eğitim Bölümü", "Bölümü Eğitim Elektronik-Bilgisayar", and a hyphen "-" on the next line. The window has standard Windows window controls (minimize, maximize, close) and a scroll bar on the right side.

# Yığın (Stack) devam

**Infix, Postfix, & Prefix  
Gösterimleri**

## Yığın Kullanımı - Infix Gösterimi

- Genellikle cebirsel işlemleri şu şekilde ifade ederiz:  $a + b$
- Buna infix gösterim adı verilir, çünkü operatör (“+”) ifade içindedir.
- Problem: Daha karmaşık cebirsel ifadelerde parantezlere ve öncelik kurallarına ihtiyaç duyulması.
- Örneğin:
  - $a + b * c = (a + b) * c ?$
  - $= a + (b * c) ?$

# Infix, Postfix, & Prefix Gösterimleri

- Herhangi bir yere operatör koymamamızın önünde bir engel yoktur.
- **Operatör Önde (Prefix) : + a b**
  - Biçim: işlem işlenen işlenen (operator operand operand) şeklindedir: + 2 7
  - İşlem sağdan sola doğru ilerler. Öncelik (parantez) yoktur.
- **Operatör Arada (Infix) : a + b**
  - Biçim: işlenen işlem işlenen (operand operator operand) şeklindedir: 2 + 7
  - İşlem öncelik sırasına göre ve soldan sağa doğru ilerler.
- **Operatör Sonda (Postfix) : a b +**
  - Biçim: işlenen işlenen işlem (operand operand operator) şeklindedir: 2 7 +
  - İşlem soldan sağa doğru ilerler. Öncelik (parantez) yoktur.

## Prefix, Postfix : Diğer İsimleri

- Prefix gösterimi Polonyalı (**Polish**) bir mantıkçı olan **Lukasiewicz**, tarafından tanıtıldığı için “**Polish gösterim**” olarak da isimlendirilir.
- Postfix gösterim ise ters **Polish** gösterim “**reverse Polish notation**” veya **RPN** olarak da isimlendirilebilir.

## Neden Infix, Prefix, Postfix ?

- **Soru:** infix gösterimde çalışmayla herşey yolunda iken neden böyle “aykırı”, “doğal olmayan” bir gösterim şekli tercih edilsin.?
- **Cevap:** postfix and prefix gösterimler ile parantez kullanılmasına gerek yoktur !

# Infix, Prefix, Postfix İşlemleri

## ○ İşlem önceliği (büyükten küçüğe)

- Parantez
- Üs Alma
- Çarpma /Bölme
- Toplama/Çıkarma

- Parantezsiz ve aynı önceliğe sahip işlemcilerde soldan sağa doğru yapılır (üs hariç).
- Üs almada sağdan sola doğrudur.  $A-B+C$ 'de öncelik  $(A-B)+C$  şeklindedir.  $A^B^C$ 'de ise  $A^(B^C)$  şeklindedir. (parantezler öncelik belirtmek için konulmuştur)

## Parantez -Infix

- $2+3*5$  işlemini gerçekleştiriniz.
- **+** önce ise:
  - $(2+3)*5 = 5*5 = 25$
- **\*** önce ise:
  - $2+(3*5) = 2+15 = 17$
- Infix gösterim paranteze ihtiyaç duyar.



## Prefix Gösterim

- $+ 2 * 3 5 =$
- $= + 2 \underline{* 3 5}$
- $= \underline{+ 2 15} = 17$
- $* + 2 3 5 =$
- $= * \underline{+ 2 3 5}$
- $= \underline{* 5 5} = 25$
- Paranteze ihtiyaç yok!

## Postfix Gösterim

- $2\ 3\ 5\ * + =$
- $= 2\ \underline{3\ 5}\ * +$
- $= \underline{2\ 15}\ + = 17$
- $2\ 3 + 5\ * =$
- $= \underline{2\ 3 +}\ 5\ *$
- $= \underline{5\ 5}\ * = 25$
- Paranteze ihtiyaç yok!
- **Sonuç:**
- **Infix işlem sıralarının düzenlenmesi için paranteze ihtiyaç duyan tek gösterim şeklidir**

## Tamamen Parantezli Anlatım

- TPA gösterimde her operatör ve işlenenini çevreleyen parantezlerden oluşan tam bir set vardır.
- Hangisi tam parantezli gösterim?
  - $(A + B) * C$
  - $((A + B) * C)$
  - $((A + B) * (C))((A + B) (C))$

## Infix'ten Prefix'e Dönüşüm

- Her bir operatörü kendi işlenenlerinin soluna taşı ve parantezleri kaldır. :

$$((A + B) * (C + D))$$

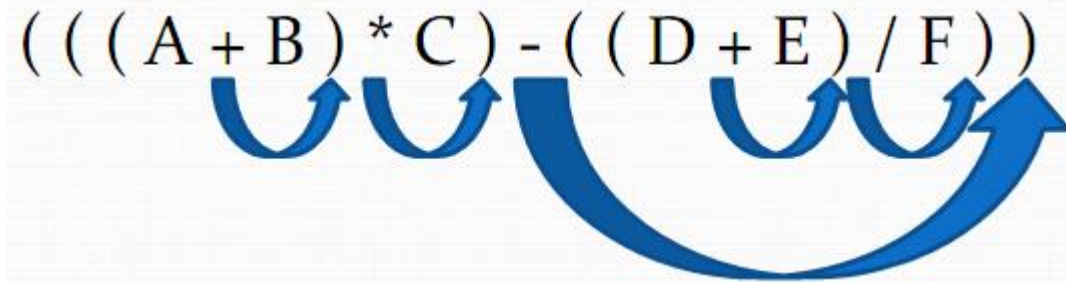
$$(+ A B * (C + D))$$

$$* + A B (C + D)$$

$$* + A B + C D$$

- İşlenenlerin sırasında bir değişiklik olmadı!

## Infix'ten Postfix'e Dönüşüm



- $(( AB+* C) - (( D + E ) / F ))$
- $(AB+C* - (( D + E ) / F ))$
- $AB+C* (( D + E ) / F )-$
- $AB+C* (DE+ / F )-$
- $A B + C * D E + F / -$
- İşlenenlerin sırası değişmedi!
- Operatörler değerlendirme sırasına göre!

## Infix, Prefix, Postfix

- Aşağıda verilen işlemlerde işleyişe bakınız

| Infix                   | Postfix            | Prefix            |
|-------------------------|--------------------|-------------------|
| $A+B-C$                 | $AB+C-$            | $-+ABC$           |
| $(A+B)*(C-D)$           | $AB+CD-*$          | $*+AB-CD$         |
| $A^B*C-D+E/F/(G+H)$     | $AB^C*D-EF/GH+//+$ | $+-*^ABCD//EF+GH$ |
| $((A+B)*C-(D-E))^(F+G)$ | $AB+C*DE-FG+^$     | $^-*+ABC-DE+FG$   |
| $A-B/(C*D^E)$           | $ABCDE^*/-$        | $-A/B*C^DE$       |

# Infix, Prefix, Postfix İşlemleri

- **Örnek:** Parantezsiz operatör arada ifadenin operatör sonda hale çevrilmesi :  $a + b * c - d$

| <u>Okunan</u> | <u>Yığıt</u> | <u>Çıktı /Operatör sonda ifade</u> |
|---------------|--------------|------------------------------------|
| ○ a           |              | a                                  |
| ○ +           | +            | a                                  |
| ○ b           | +            | a b                                |
| ○ *           | + *          | a b                                |
| ○ c           | + *          | a b c                              |
| ○ -           | + *          | a b c                              |
| ○             | +            | a b c *                            |
| ○             | -            | a b c * +                          |
| ○ d           | -            | a b c * + d -                      |

# Operatör Sonda (Postfix) İfadenin İşlenişi:

Örnek:  $a b c * + d -$  ifadesini  $a=2 b=3 c=5 d=10 \rightarrow 2 3 5 * + 10 -$

| <u>Okunan</u> | <u>Yığıt</u> | <u>Hesaplanan</u>       |
|---------------|--------------|-------------------------|
| 2             | 2            |                         |
| 3             | 2 3          |                         |
| 5             | 2 3 5        |                         |
| *             | 2            | islem=* pop1=5 pop2=3   |
|               | 2 15         | $3 * 5 = 15$            |
| +             | 17           | islem=+ pop1=15 pop2=2  |
|               |              | $2 + 15 = 17$           |
| 10            | 17 10        |                         |
| -             | 7            | islem=- pop1=10 pop2=17 |
|               |              | $17 - 10 = 7$           |
|               |              | $a b c * + d -$         |



# Infix, Prefix, Postfix İşlemleri

- Örnek: Parantezli operatör arada ifadenin operatör sonda hale çevrilmesi. Infix ifade:  $(2 + 8) / (4 - 3)$

| <u>Okunan</u> | <u>Yığıt</u> | <u>Hesaplanan</u>    |
|---------------|--------------|----------------------|
| (             | (            |                      |
| 2             | (            | 2                    |
| +             | (+           | 2                    |
| 8             | (+           | 2 8                  |
| )             |              | 2 8 +                |
| /             | /            | 2 8 +                |
| (             | /(           | 2 8 +                |
| 4             | /(           | 2 8 + 4              |
| -             | /( -         | 2 8 + 4              |
| 3             | /( -         | 2 8 + 4 3            |
| )             | /            | 2 8 + 4 3 -          |
|               |              | 2 8 + 4 3 -          |
|               |              | <b>2 8 + 4 3 - /</b> |

## Örnek: Java

- postfix olarak yazılmış ifadeyi hesaplayarak sonucu bulan bir program yazınız. Örnek olarak  $5\ 3\ 2\ -\ /\ 4\ 7\ *\ +$  ifadesinin sonucunu bulunuz. Sonuç = 33 olarak bulunacak.

# Örnek: Java

- `import java.awt.*;`
- `import java.io.*;`
- `import java.util.*;`
  
- `public class yigin {`
- `public int top=0;`
  
- `public void push( int x, int a[], int top)`
- `{ a[top] = x; ++top; this.top=top; }`
  
- `public int pop( int a[], int top)`
- `{ --top; this.top=top; return a[top]; }`
-

# Örnek:

- `public static void main(String[] args) {`
- `yigin metot =new yigin();`
- `String str=""; int x = 0 , a=0,b=0; int stk[]=new int [120];`
- `Scanner oku = new Scanner(System.in);`
- `System.out.println("\n Postfix ifadeyi giriniz\n");`
- `str=oku.nextLine();`
- `for(int i=0;i<str.length();i++)`
- `{ if(str.charAt(i) == '+')`
- `{ b = metot.pop( stk, metot.top);`
- `a = metot.pop( stk, metot.top);`
- `metot.push( a + b, stk, metot.top);`
- `System.out.println("\n a+b =" + (a+b));`
- `}`

# Örnek:

- `else if(str.charAt(i) == '-')`
- `{ b = metot.pop( stk,metot.top);     a = metot.pop( stk, metot.top);`
- `metot.push( a - b, stk,metot.top);`
- `System.out.println("\n a-b =" + (a-b));`
- `}`
- `else if(str.charAt(i) == '/')`
- `{ b = metot.pop( stk, metot.top);  a = metot.pop( stk, metot.top);`
- `metot.push( a / b, stk, metot.top);`
- `System.out.println("\na/b= " + a/b);`
- `}`
- `else if(str.charAt(i) == '*')`
- `{ b = metot.pop( stk, metot.top);  a = metot.pop( stk, metot.top);`
- `metot.push( a * b, stk, metot.top);`
- `System.out.println("\n a*b= " + a*b);`
- `}`
- 
- 
-

# Örnek:

- `if(str.charAt(i) >= '0' && str.charAt(i) <= '9')`
- `{ x =str.charAt(i)- '0';  metot.push( x, stk, metot.top);  }`
- `}`
- `System.out.println("\n Postfix ifadesinin işlem sonucu="+ metot.pop( stk, metot.top));`
- `}`
- Çıktı:
- Postfix ifadeyi giriniz
- `532-/47*+`
- `a-b =1`
- `a/b= 5`
- `a*b= 28`
- `a+b =33`
- `Postfix ifadesinin işlem sonucu=33`

# Infix, Prefix, Postfix İşlemleri

- Örnek: Aşağıda boş bırakılan alanları tamamlayınız

| Infix            | Prefix      | Postfix     |
|------------------|-------------|-------------|
| 2x(3+5)-7^2(2+1) |             |             |
|                  | ++x23^-5721 |             |
|                  |             | 235+7-^2x1+ |
| 2x3+5-7^2+1      |             |             |

# Infix, Prefix, Postfix İşlemleri

- Cevap

- Infix

- $2x(3+5)-7^2(2+1)$

- $(2x3)+(5-7)^2+1$

- $2x(3+5-7)^2+1$

- $2x3+5-7^2+1$

## Prefix

- $-x2+35^7+21$

- $++x23^5-721$

- $+x2^--35721$

- $+--+x235^721$

## Postfix

- $235+x721+^-$

- $23x57-2^+1+$

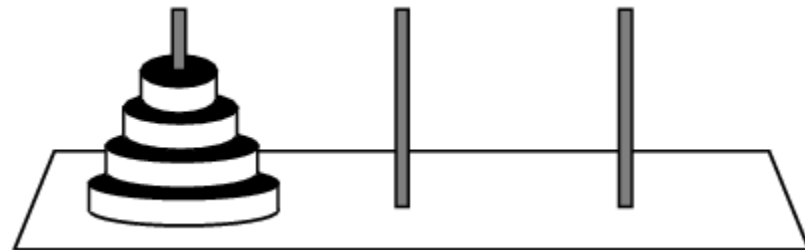
- $235+7-^2x1+$

- $23x5+72^--1+$



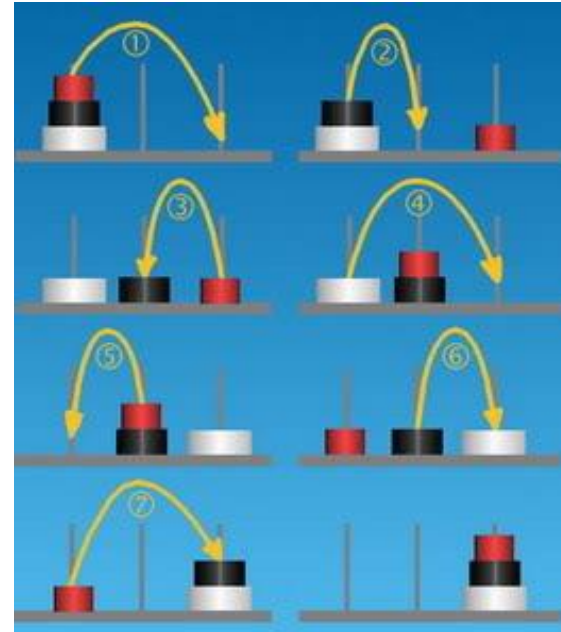
# Hanoi Kuleleri Yiğın temelli Çözüm

- **Verilen:** üç iğne
  - İlk iğnede en küçük disk en üstte olacak şekilde yerleştirilmiş farklı büyüklükte disk kümesi.
- **Amaç:** diskleri en soldan en sağa taşımak.
- **Şartlar:** aynı anda sadece tek disk taşınabilir.
- Bir disk boş bir iğneye veya daha büyük bir diskin üzerine taşınabilir.



# Hanoi Kuleleri Yığın temelli Çözüm

- Problem karmaşıklığı  $2^n$
- 64 altın disk
- 1 taşıma işlemi 1 saniye sürsün:
- 18446744073709551616 sn
- 593.066.617.596,15 yıl
- Dünyanın sonuna 600.000.000.000 yıl var 😊



# Hanoi Kuleleri– Özyinelemeli Çözüm-Java

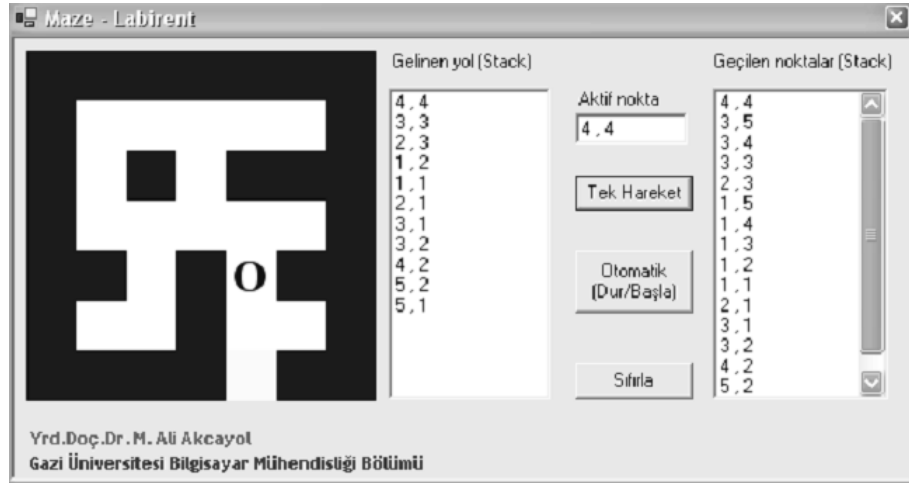
- `package` hanoikuleleri;
- `import` java.util.\*;
- `public class` Hanoikuleleri {
  
- `public static void` main(String[] args)
- {
- `System.out.print`("n değerini giriniz : ");
- `Scanner` klavye = `new Scanner`(System.in); `int` n = klavye.nextInt();
- `tasi`(n, 'A', 'B', 'C');
- }
- `public static void` tasi(int n, char A, char B, char C)
- {`if`(n==1) `System.out.println`(A + " --> " + B);
- `else`
- {
- `tasi`(n-1, A, C, B);      `tasi`(1, A, B, C);      `tasi`(n-1, C, B, A); }
- `return`;
- }

# Ödev

- 1-Infix'ten Prefix ve Postfix'e Çevirin
  - $x$
  - $x + y$
  - $(x + y) - z$
  - $w * ((x + y) - z)$
  - $(2 * a) / ((a + b) * (a - c))$
- 2-Postfix'ten Infix'e Çevirin
  - $3 r -$
  - $1 3 r - +$
  - $st * 1 3 r - ++$
  - $v w x y z * - + *$

# Ödev

- 3- postfix olarak yazılmış ifadeyi hesaplayarak sonucu bulan programı Java/C# bağlı liste yapısı ile yazınız.
- 4-Verilen Maze (Labirent) uygulamasını -başlangıç olarak istediğimiz noktadan başlayarak çıkışa ulaşmasını sağlayınız.



# Kuyruk (Queue)

# Kuyruk (Queue)



- Kuyruklar, eleman eklemelerinin **sondan** (rear) ve eleman çıkarmalarının **baştan** (front) yapıldığı doğrusal veri yapılarıdır.
- Bir eleman ekleneceği zaman kuyruğun sonuna eklenir.
- Bir eleman çıkarılacağı zaman kuyrukta bulunan ilk eleman çıkarılır.
- Bu nedenle kuyruklara **FIFO** (First In First Out-ilk giren ilk çıkar) veya **LIFO** (Last-in-Last-out-Son giren son çıkar) listeleri de denilmektedir.

## Kuyruk (Queue)

- Gerçek yaşamda banklarda, duraklarda, otoyollarda kuyruklar oluşmaktadır. Kuyruğu ilk olarak girenler işlemlerini ilk olarak tamamlayıp kuyruktan çıkarlar.
- İşletim sistemleri bünyesinde öncelik kuyruğu, yazıcı kuyruğu gibi birçok uygulama alanı vardır.
- Kuyruk modeli, program tasarımında birçok yerde kullanılır. Örneğin, iki birimi arasında iletişim kanalı, ara bellek/tampon bellek oluşturmada bu modele başvurulur.



# Kuyruk (queue)

- Ardışıl nesnelere saklarlar
- Ekleme ve silme FIFO'ya göre gerçekleşir.
- Ekleme işlemi kuyruk arkasına yapılırken, çıkarma işlemi ise kuyruk önünden yapılır.
- **Ana Kuyruk İşlemleri:**
- İki tane temel işlem yapılabilir ;
  - **enqueue (object)**, bir nesneyi kuyruğun en sonuna ekler (**insert**).
  - **object dequeue ()**, Kuyruk başındaki nesneyi getirir ve kuyruktan çıkarır (**remove** veya **delete**).

# Kuyruk Veri Yapısı Bileşenleri

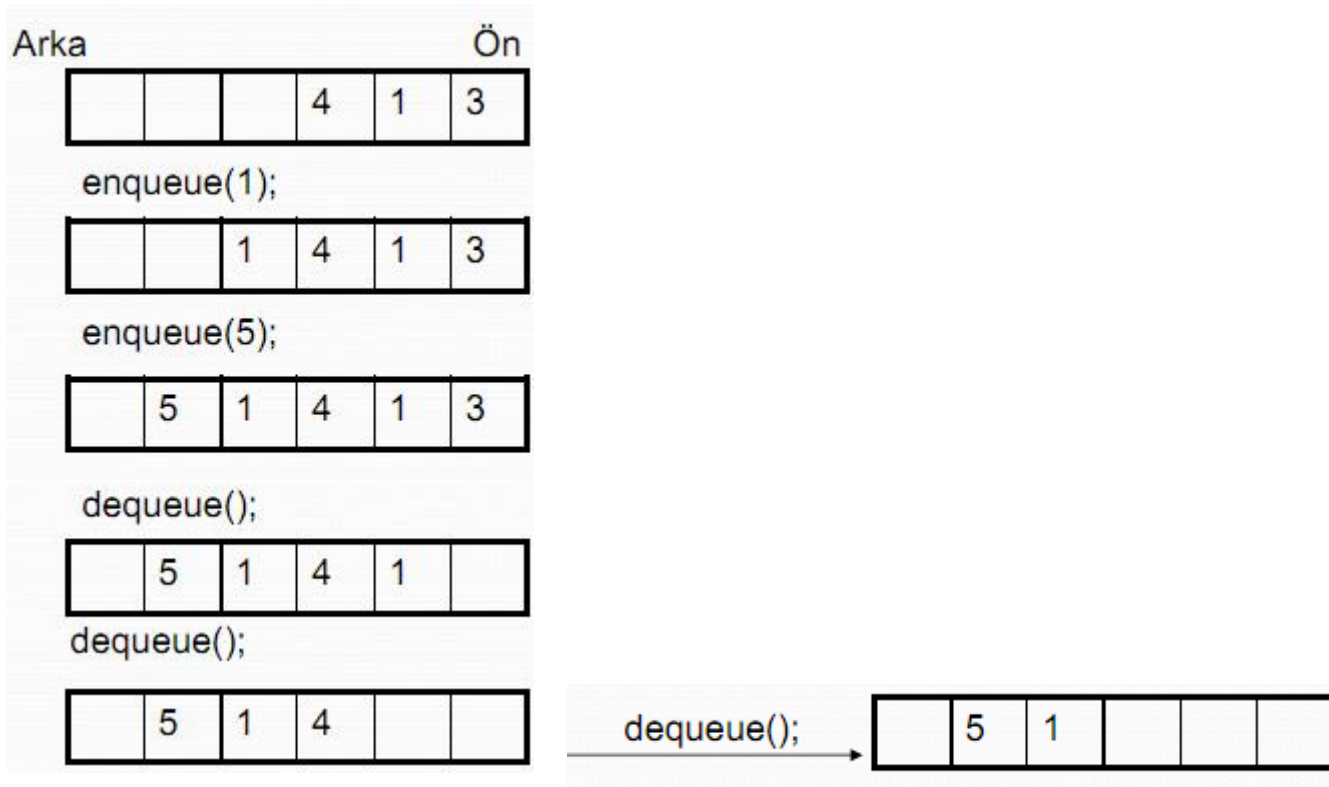
- Yardımcı kuyruk işlemleri:

- `object front()` (`getHead/getFront`): kuyruk başındaki nesneyi kuyruktan çıkarmadan geri döndürür.
- `integer size()`: kuyrukta saklanan nesne sayısını geri döner
- `boolean isEmpty()`: Kuyrukta nesne olup olmadığını kontrol eder.

- **İstisnai Durumlar (Exceptions)**

- Boş bir kuyruktan çıkarma işlemi yapılmak istendiğinde veya ilk nesne geri döndürülmek istendiğinde **EmptyQueueException** oluşur.

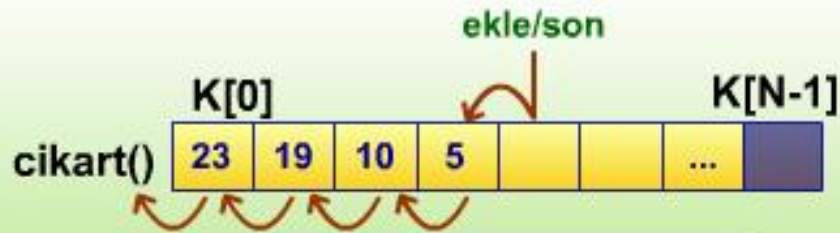
# Kuyruk Ekleme/Çıkarma



# Kuyruk Tasarımı

- Kuyruk tasarımı çeşitli şekillerde gerçekleştirilebilir. Biri, belki de en yalın olanı, bir dizi ve bir indis değişkeni kullanılmasıdır.
- Dizi gözlerinde yığına atılan veriler tutulurken indis değişkeni kuyruğa eklenen son veriyi işaret eder.
- Kuyruktan alma/çıkartma işlemi her zaman için dizinin başı olan 0 indisli gözden yapılır.
- Kuyruk tasarımı için, genel olarak, üç değişik çözüm şekli vardır:
  - **Dizi Üzerinde Kaydırmalı (QueueAsArray) (Bir indis Değişkenli)**
  - **Dizi Üzerinde Çevrimsel (QueueAsCircularArray) (İki indis Değişkenli)**
  - **Bağlantılı Liste (QueueAsLinkedList) ile**

# Kuyruk Tasarımı



a) Kaydırmalı kuyruk



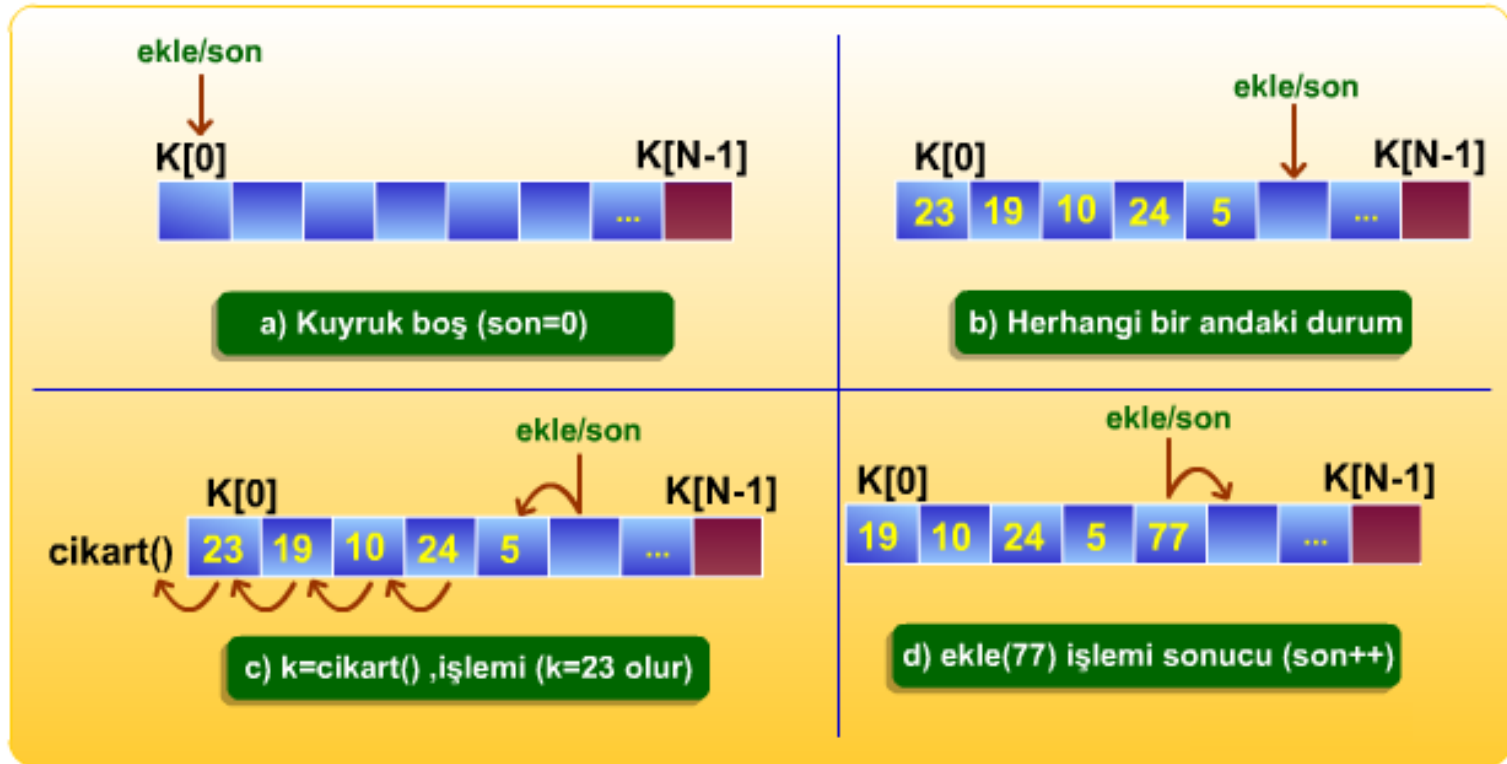
c) Bağlantılı listeli kuyruk



b) Çevrimsel kuyruk

## Dizi Üzerinde Kaydırmalı Kuyruk

- $N$  uzunluktaki bir dizi üzerinde kaydırmalı kuyruk yapısının davranışı şekilde gösterilmiştir;



## Dizi Üzerinde Kaydırmalı Kuyruk

- a)'da kuyruğun boş hali,
- b)'de ise herhangi bir andaki tipik hali görülmektedir. Kuyruktan çıkartma işlemi,
- c)'de görüldüğü gibi dizinin ilk gözünden, yani  $K[0]$  elemanı üzerinden yapılır; eğer kuyrukta birden fazla veri varsa, geride olanlarda bir öne kaydırılır.
- Kuyruğa ekleme işlemi çıkartma işleminden daha az maliyetle yapılır; eklenecek veri doğrudan ekle/son adlı indis değişkenin gösterdiği bir sonraki göze yapılır.

# Dizi Üzerinde Kaydırmalı Kuyruk Kaba Kodu

## Dizi üzerinde kaydırmalı kuyruk-ekleme işlemi kaba-kodu

```
if(Kuyrukta yer yoksa)
    Kuyruk dolu mesajını yaz ve EKES değerini gönder;
else
    son'u bir sonraki göz için arttır;
    Veriyi K kuyruğunda son ile gösterilen göze ekle;
}
```

## Dizi üzerinde kaydırmalı kuyruk-çıkartma işlemi kaba-kodu

```
if(Kuyrukta veri yoksa)
    Kuyruk boş mesajını yaz ve EKES değerini gönder;
else
    K kuyruğundaki K[0] verisi al;
    Kuyruktaki verileri öne kaydır, K[0]'i K[1], K[1]'i K[2]...K[son-2]'i K[son-1].
    son'u bir önceki göz için azalt;
    Veriyi gönder;
}
```



## Kuyruk Tasarımı ve Kullanımı -Java

- `class Kuyruk`
- `{ private int boyut; private int[ ] kuyrukDizi;`
- `private int bas; private int son; private int elemanSayisi;`
- 
- `public Kuyruk(int s)`
- `{ boyut = s; kuyrukDizi = new int[boyut];`
- `bas = 0; son = -1; elemanSayisi = 0;`
- `}`
- `public void ekle(int j) // Kuyrugun sonuna eleman ekler`
- `{`
- `if (son==boyut-1) son = -1;`
- `kuyrukDizi[++son] = j; elemanSayisi++;`
- `}`

## Kuyruk Tasarımı ve Kullanımı -Java

- `public int cikar()`
- `{`
- `int temp = kuyrukDizi[bas++];`
- `if(bas==boyut) bas=0;`
- `elemanSayisi--; return temp;`
- `}`
- `public boolean bosMu() { return(elemanSayisi==0); }`
- `}`
  
- `public class KuyrukTest {`
- `public static void main(String args[])`
- `{ Kuyruk k = new Kuyruk(25); k.ekle(1); k.ekle(2);`
- `System.out.println(k.cikar()); k.ekle(3);`
- `for(int i=4; i<10; ++i) k.ekle(i);`
- `while(!k.bosMu()) System.out.println(k.cikar());`
- `}`
- `}`

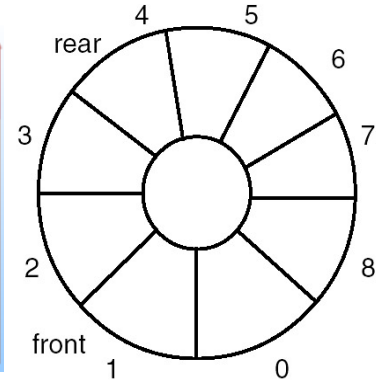
## Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk

- Bu çözüm şeklinde dizi elemanlarına erişim doğrusal değil de çevrimsel yapılır; yani dizinin son elemanına ulaşıldığında bir sonraki göz dizinin ilk elemanı olacak şekilde indis değeri hesaplanır.
- Böylece kuyruk için tanımlanan dizi üzerinde sanki bir halka bellek varmış gibi dolaşılır.
- Kuyruktaki sıradaki eleman alındığında bu işaretçinin değeri bir sonraki gözü gösterecek biçimde arttırılır.
- Arttırma işleminin de, dizinin sonuna gelindiğinde başına gidecek biçimde çevrimsel olması sağlanır.
- Aşağıda dizi üzerinde çevrimsel kuyruk modeli için ekleme ve çıkartma işlemleri kaba-kodları verilmiştir:

## Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk

### Dizi üzerinde çevrimsel kuyruk - ekleme işlemi kaba-kodu

```
if(Kuyrukta yer yoksa)
    Kuyruk dolu mesajını yaz ve EKES değerini gönder;
else
    son'u çevrimsel şekilde bir sonraki göz için ayarla;
    Veriyi K kuyruğuna ekle;
}
```



- Yukarıda görüldüğü gibi ilk önce ekleme yapılması için kuyrukta yer olup olmadığına bakılmakta, yer varsa son adlı ekleme sayacı çevrimsel erişime imkan verecek şekilde arttırılmakta ve işaret ettiği yere veri koyulmaktadır.

## Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk

- Aşağıda ise alma işlemi kaba kodu verilmiştir. Görüleceği gibi ilk önce kuyrukta veri olup olmadığı sınanmakta ve veri varsa ilk adlı işaretçinin gösterdiği gözdeki veri alınıyor, ilk adlı işaretçi çevrimsel olarak sıradaki veriyi gösterecek şekilde ayarlanıyor ve veri gönderiliyor.

### Dizi üzerinde çevrimsel kuyruk - çıkartma işlemi kaba-kodu

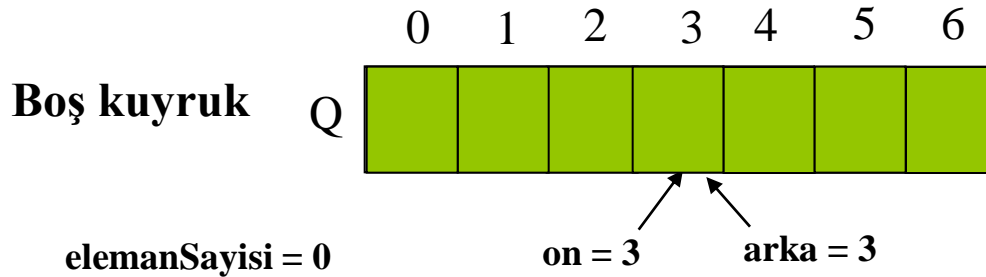
```
if(Kuyrukta yer yoksa)
    Kuyruk boş mesajını yaz ve EKES değerini gönder;
else
    K kuyruğundan ilk indisli yerdeki veriyi al;
    ilk'i çevrimsel şekilde bir sonraki göz için ayarla;
    Kuyruktan alınan veriyi gönder;
}
```

## Dizi Kullanılarak Gerçekleştirim

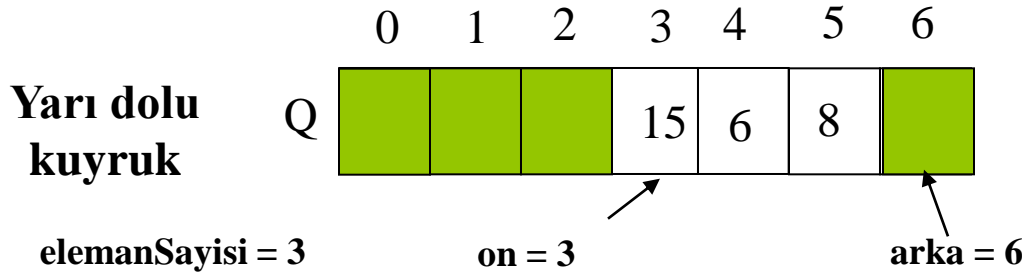
- **N** boyutlu bir dizi kullanılır.
- **ön** kuyruğun ilk elemanını tutar. Dizide ilk elemanın kaçınıcı indisten başlayacağını belirtir.
- **arka** kuyrukta son elemandan sonraki ilk boşluğu tutar.
- **elemanSayisi** kuyruktaki eleman sayısını tutar.
- **Boş kuyruk** eleman sayısının sıfır olduğu durumdur.
- **Dolu kuyruk** eleman sayısının  $N$ 'ye eşit olduğu durumdur.

# Dizi Kullanarak Gerçekleştirim

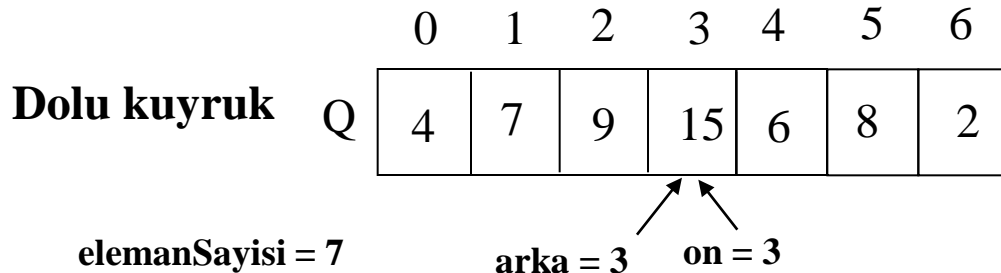
- Kuyruğu N boyutlu bir dizi (`int K[N]`) ve 3 değişken (`int on`, `int arka`, `int elemanSayisi`) ile gerçekleştirebiliriz.



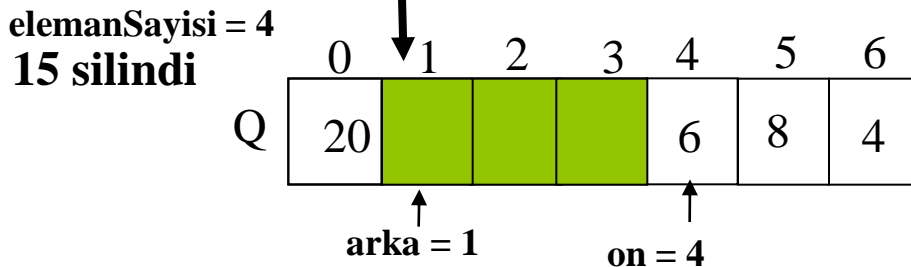
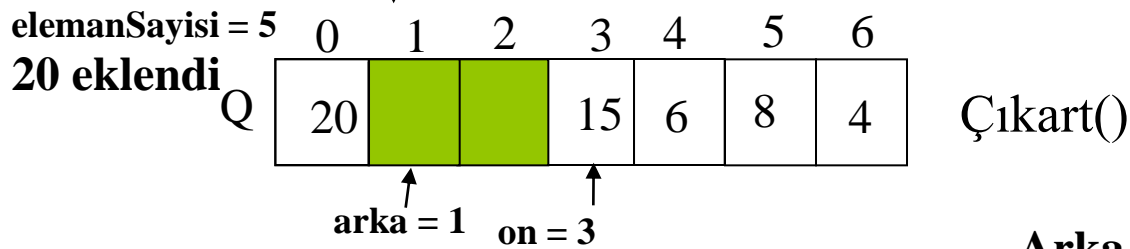
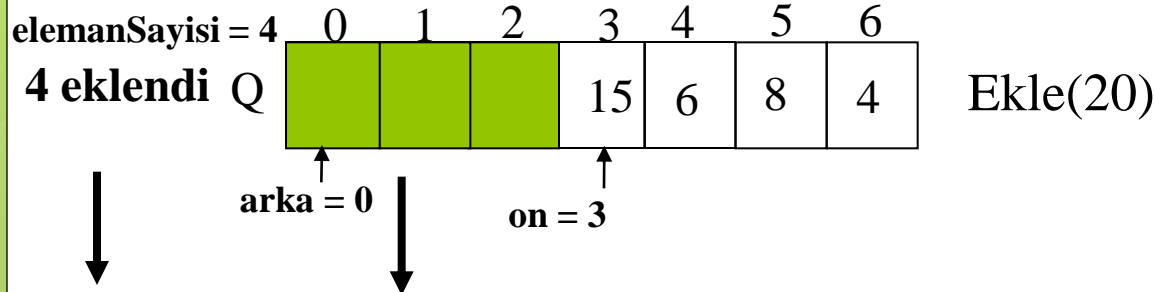
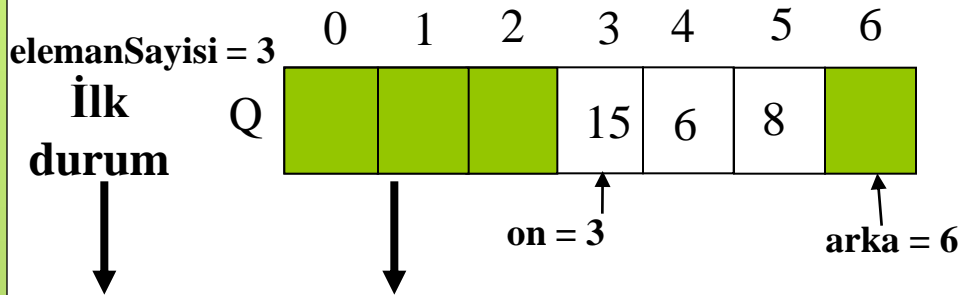
- `on` ve `arka` birbirlerine eşit ve `elemanSayisi = 0` → Boş kuyruk



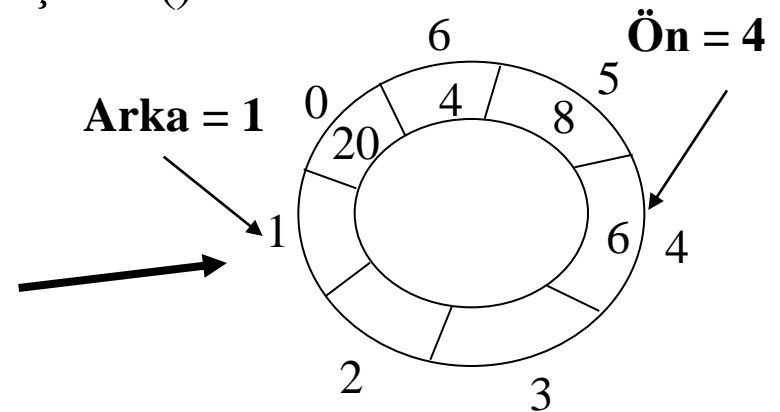
- `on` kuyruktaki ilk elemanı tutar
- `arka` son elemandan sonraki ilk boş yeri tutar.



- `on` ve `arka` birbirlerine eşit ve `elemanSayisi=7` → Dolu kuyruk.



Kuyruğun kavramsal görünümü:  
**Döngüsel dizi**





## Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk- Java

```
public class kuyruk {  
  
    private int K[N];      // kuyruk elemanlarını tutan dizi  
    private int on;       // kuyruğun başı  
    private int arka;     // kuyruğun sonu  
    private int elemanSayisi; // kuyruktaki eleman sayısı  
  
    public kuyruk ();  
  
    public boolean bosmu ();  
    public boolean dolumu ();  
    public int ekle(int item);  
    public int cikart ();  
};
```

## Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk- Java

```
// yapıcı yordam
public Kuyruk() {
    on = arka = elemanSayisi = 0;
}

// Kuyruk boşsa true döndür
public boolean bosmu() {
    return elemanSayisi == 0;
}

// Kuyruk doluysa true döndür
public boolean dolumu() {
    return elemanSayisi == N;
}
```

## Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk- Java

```
// Kuyruğa yeni bir eleman ekle
// Başarılı olursa 0 başarısız olursa -1 döndür
public int ekle(int yeni){
    if (dolumu()){
        System.out.println("Kuyruk dolu.");
        return -1;
    }

    K[arka] = yeni;    // Yeni elemanı sona koy
    arka++; if (arka == N) arka = 0;
    elemanSayisi++;

    return 0;
}
```

## Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk- Java

```
// Kuyruğun önündeki elemanı çıkart ve döndür.  
// Kuyruk boşsa -1 döndür  
public int cikart(){  
    int id = -1;  
  
    if (bosmu()){  
        System.out.println("Kuyruk boş");  
        return -1;  
    }  
  
    id = on;    // ilk elemanın olduğu yer  
    on++; if (on == N) on = 0;  
    elemanSayisi--;  
  
    return K[id]; // elemanı döndür  
}
```

```
public static void main(String[] args){
    Kuyruk k;

    if (k.bosmu())
        System.out.println("Kuyruk boş");

    k.ekle(49);
    k.ekle(23);

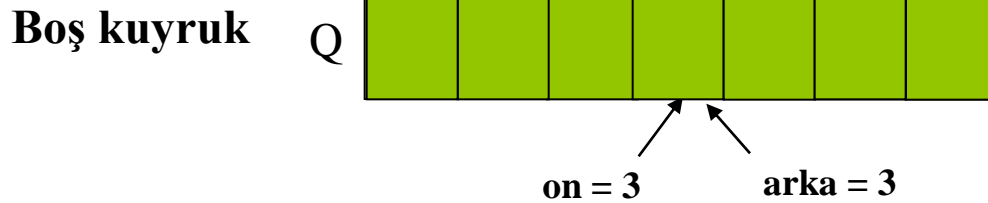
    System.out.println("Kuyruğun önü: "+ k.cikart());
    k.ekle(44);
    k.ekle(22);

    System.out.println("Kuyruğun ilk elemanı: "+ k.cikart());
    System.out.println("Kuyruğun ilk elemanı: "+ k.cikart());
    System.out.println("Kuyruğun ilk elemanı: "+ k.cikart());
    System.out.println("Kuyruğun ilk elemanı: "+ k.cikart());

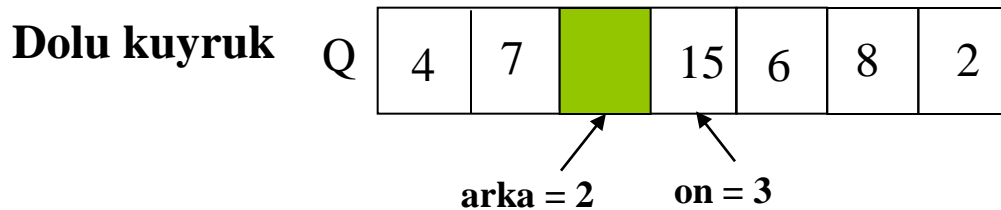
    if (k.bosmu())
        System.out.println("Kuyruk boş");
}
```

# Dizi Gerçekleştirimi: Son Söz

- Kuyruğu N-1 elemanlı bir dizi ( $\text{int } K[N]$ ) ve 2 tane değişken ( $\text{int } \text{on}$ ,  $\text{int } \text{arka}$ ) ile gerçekleştirebiliriz.
- Aşağıdakileri nasıl tanımlayabileceğimizi düşünün.
  - Boş kuyruk
  - Dolu kuyruk



- On ve arka birbirine eşit ise boş kuyruk



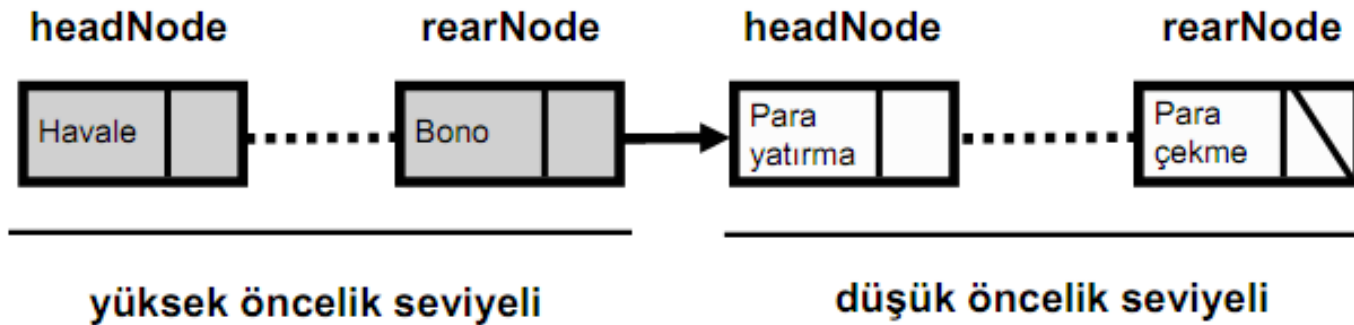
- On ve arka arasında 1 tane boşluk varsa dolu kuyruk

# Öncelikli Kuyruklar (Priority Queues)

- Öncelikli kuyruk uygulamasında kuyruğa girecek verilerin veya nesnelerin birer öncelik değeri vardır ve ekleme bu öncelik değerine bakılarak yapılır.
- Eğer eklenecek verinin önceliği en küçük ise, yani en önceliksiz ise, doğrudan kuyruğun sonuna eklenir; diğer durumlarda kuyruk üzerinde arama yapılarak kendi önceliği içerisinde sona eklenir.
- Örneğin bazı çok prosesli işletim sistemlerinde bir proses işleme kuyruğu vardır ve yürütülme için hazır olan proseslerin listesi bir kuyrukta tutulur. Eğer proseslerin birbirlerine göre herhangi bir önceliği yoksa, prosesler kuyruğa ekleniş sırasına göre işlemci üzerinde yürütülürler; ilk gelen proses ilk yürütülür. Ancak, proseslerin birbirlerine göre bir önceliği varsa, yani aynı anda beklemekte olan proseslerden bazıları daha sonra kuyruğa eklenmiş olsalar dahi diğerlerine göre ivedi olarak yürütülmesi gerekebilir.
- Öncelikli kuyruk oluşturmak için bağlantılı listeye, kümeleme ağacına dayalı ve araya sokma sıralaması yöntemiyle sağlanan çözümler olmaktadır.

# Öncelikli Kuyruklar (Priority Queues)

- Kuyruktaki işler kendi arasında önceliklerine göre seviyelendirilebilir.
- Her öncelik seviyesinin headNode ve rearNode'ü vardır.
- Elaman alınırken en yüksek seviyeye ait elemanların ilk geleni öncelikli alınır.
- Yüksek öncelik seviyeli grubun son elemanı düşük öncelik seviyeli grubun ilk elemanından daha önceliklidir.

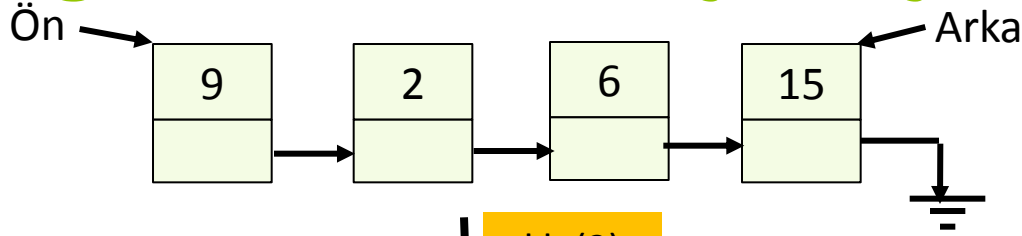




## Bağlantılı Liste ile Kuyruk Tasarımı

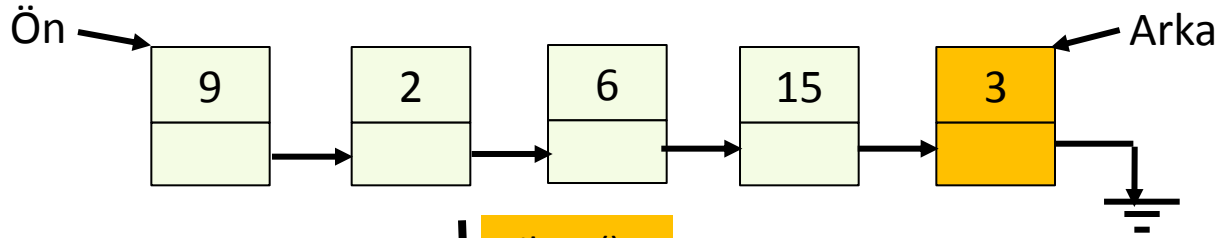
- ekleme(add) işlemi, son adresindeki verinin arkasına eklenir.
- çıkarma (get) işlemi, ilk verinin alınması ve kuyruktan çıkarılması ile yapılır. bellekte yer olduğu sürece kuyruk uzayabilir.

# Bağlantılı Liste Gerçekleştirimi



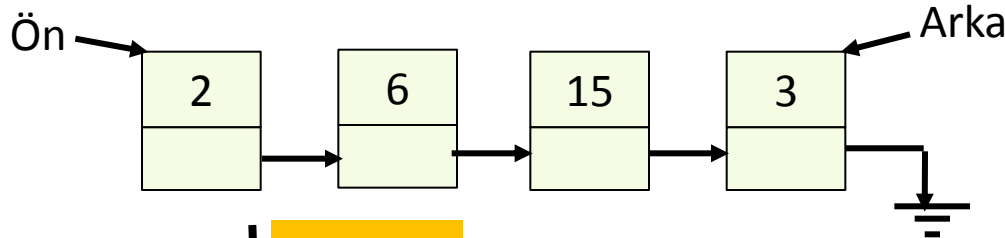
**Başlangıç durumu**

↓ ekle(3)



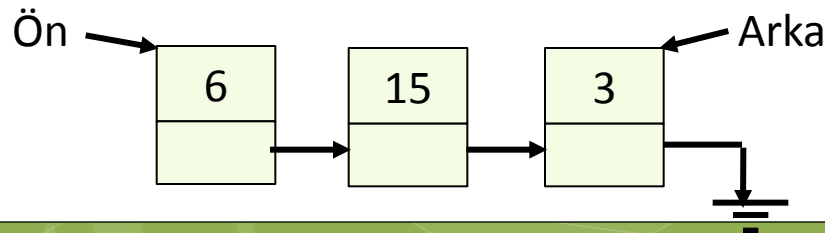
**3 eklendikten sonra**

↓ cikart()



**9 çıkartıldıktan sonra**

↓ cikart()



**2 çıkartıldıktan sonra**

```
public class KuyrukDugumu {  
    public int eleman;  
    public KuyrukDugumu sonraki;  
  
    public KuyrukDugumu(int e) {  
        eleman = e; sonraki = null;  
    }  
}  
  
public class Kuyruk{  
    private KuyrukDugumu on; // Kuyruğun önu  
    private KuyrukDugumu arka; // Kuyruğun arkası  
  
    public Kuyruk () {  
        on = arka = null;  
    }  
    public boolean bosmu () { ... }  
    public void ekle(int eleman) { ... }  
    public int cikart() { ... }  
}
```

## Haftalık Ödev

- 1- Banka kuyruğu örneğini ele alıp Banka işlemlerini kendi içerisinde üç öncelik grubuna ayırınız. Her yeni gelen kişiyi iş seçimine göre otomatik olarak ait olduğu grubun en sonuna ekleyiniz (enqueue). Her eleman alımında (dequeue) ise kuyruktaki en yüksek seviyeli grubun ilk elemanını alınız.

## Haftalık Ödev

- 2- Aşağıda verilen uygulamayı C# veya Javada yapınız

### Uygulama programı (Stacks ve Queues):

The screenshot shows a Windows application window titled "Stacks and Queues". The window is divided into two main sections: "Stack (Kitap Yığını)" and "Queue (Banka Kuyruğu)".

**Stack (Kitap Yığını) Section:**

- Üst (Top):** A list box containing the following items: Wireless Internet, C# How to Program, Algorithms, Automata, Computer Organization, and Data Structures.
- Kitap Adı (Push):** A text input field containing "Wireless Network" and a "Push" button.
- Kitap Adı (Üst):** A text input field containing "Wireless Network" and a "Pop" button.
- Max Size:** A numeric spinner set to 10.
- Stack Size = 6:** A label indicating the current size of the stack.
- Alt (Bottom):** A button labeled "Örnek Stack (Maze - Labirent)".

**Queue (Banka Kuyruğu) Section:**

- Ad - İş süresi - Bekleme süresi:** A label for the queue entries.
- Baş (Front):** A list box containing the following entries: Dilek - 5 - 0, Mustafa - 3 - 5, Mehmet - 8 - 8, Fatma - 10 - 16, Füsun - 2 - 26, and Fethi - 7 - 28.
- Kişi Adı (Enqueue):** A text input field containing "Fethi" and an "Enqueue" button.
- İş süresi (dk):** A numeric spinner set to 7.
- Kişi Adı (Baştaki):** A text input field and a "Dequeue" button.
- Max Size:** A numeric spinner set to 10.
- Queue Size = 6:** A label indicating the current size of the queue.

**Footer:**

Yrd.Doç.Dr. M. Ali Akcayol  
Gazi Üniversitesi Bilgisayar Mühendisliği Bölümü

# Örnek Uygulamalar

# Örnek Uygulamalar Java-Yığıt

## Yığıt (stack) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- Stack.java
- public interface Stack<T>
- { public boolean empty(); // yığıt boş mu test eder
- public T top(); // tepedeki elemanı ver (silme)
- public T pop(); // tepedeki elemanı sil ve ver
- public void push(T item); // item'i yığıtın tepesine ekle
- public void clear(); // Yığıtı boşalt }



## Yığıt (stack) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- `ArrayStack.java`
- `public class ArrayStack<T> implements Stack<T>`
- `{`
- `private static final int DEFAULT_SIZE = 10;`
- `private T[] array; // yığıt elemanlarını tutan dizi`
- `private int top; // son eklenen elemanın indisi`
- `public ArrayStack() // kurucu sınıf`
- `{ array = (T[]) new Object[DEFAULT_SIZE]; top = -1; }`
- `public boolean empty() // yığıt boş mu test eder`
- `{ return (top== -1); }`

## Yığıt (stack) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- `ArrayStack.java`
- `public T top() // tepedeki elemanı ver (silme)`
- `{ if (empty()) return null;`
- `return array[top];`
- `}`
- `public T pop() // tepedeki elemanı sil ve ver`
- `{ if (empty()) return null;`
- `return array[top--];`
- `}`

## Yığıt (stack) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- `ArrayStack.java`
- `public void push(T item) // item'i yığıtın tepesine ekle`
- `{ if (top+1==array.length)`
- `{ T[] newArray = (T[]) new Object[array.length * 2];`
- `for (int i=0; i<array.length; i++)`
- `newArray[i] = array[i];`
- `array = newArray;`
- `}`
- `array[++top] = item;`
- `}`
- `public void clear() // Yığıtı boşalt`
- `{ top = -1; }`
- `}`

# Yığıt (stack) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- TestArrayStack.java
- public class TestArrayStack
- {
- public static void main(String[] args)
- { Stack<String> yigit = new ArrayStack<String>();
- yigit.push("a");     yigit.push("b");
- System.out.println("Yigittaki son eleman: " + yigit.top());
- yigit.push("c");
- String s = yigit.pop();
- System.out.println("Yigittan silinen eleman: " + s);
- yigit.push("d");
- }
- }

## Yığıt (stack) yapısının ArrayList ile gerçekleştirimi

- Stack.java // Daha önce verildi
- ArrayListStack.java
- import java.util.\*;
- public class ArrayListStack<T> implements Stack<T>
- { private ArrayList<T> array; // yığıt elemanlarını tutan dizi
- public ArrayListStack() // kurucu sınıf
- { array = new ArrayList<T>(); }
- public boolean empty() // yığıt boş mu test eder
- { return array.size()==0; }
- 
- public T top() // tepedeki elemanı ver (silme)
- { if (empty()) return null;
- return array.get(array.size()-1);
- }
-

## Yığıt (stack) yapısının ArrayList ile gerçekleştirimi

- ArrayListStack.java
- `public T pop() // tepedeki elemanı sil ve ver`
- `{`
- `if (empty()) return null;`
- `return array.remove(array.size()-1);`
- `}`
- `public void push(T item) // item'i yığıtın tepesine ekle`
- `{ array.add(item); }`
- `public void clear() // Yığıtı boşalt`
- `{ array.clear(); }`
- `}`

## Yığıt (stack) yapısının ArrayList ile gerçekleştirimi

- TestArrayListStack.java
- public class TestArrayListStack
- {
- public static void main(String[] args)
- {
- Stack<String> yigit = new ArrayStack<String>();
- yigit.push("a");
- yigit.push("b");
- System.out.println("Yigittaki son eleman: " + yigit.top());
- yigit.push("c");
- String s = yigit.pop();
- System.out.println("Yigittan silinen eleman: " + s);
- yigit.push("d");
- }
- }

## Yığıt (stack) yapısının bağlantılı liste ile gerçekleştirimi

- Stack.java // Daha önce verildi
- LinkedListStack.java
- public class LinkedListStack<T> implements Stack<T>
- { private Node<T> top = null; // yığıtın tepesindeki eleman
- public boolean empty() // yığıt boş mu test eder
- { return top==null; }
- public T top() // tepedeki elemanı ver (silme)
- { if (empty()) return null;
- return top.data;
- }
- public T pop() // tepedeki elemanı sil ve ver
- { if (empty()) return null;
- T temp = top.data;
- top = top.next;
- return temp;
- }



## Yığıt (stack) yapısının bağlantılı liste ile gerçekleştirimi

- LinkedListStack.java
- public void push(T item) // item'i yığıtın tepesine ekle
- { Node<T> newNode = new Node<T>();
- newNode.data = item;
- newNode.next = top;
- top = newNode;
- }
- public void clear() // Yığıtı boşalt
- {     top = null; }
- // Yığıt elemanlarını tutan liste elemanı (inner class)
- class Node<T>
- { public T data;
- public Node<T> next;
- }
- }

## Yığıt (stack) yapısının bağlantılı liste ile gerçekleştirimi

- TestLinkedListStack.java
- public class TestLinkedListStack
- { public static void main(String[] args)
- { Stack<Character> yigit = new LinkedListStack<Character>();
- yigit.push('a');
- yigit.push('b');
- yigit.push('c');
- System.out.println("Yigittaki elemanlar cikariliyor: ");
- while (!yigit.empty())
- {
- System.out.println(yigit.pop());
- }
- }
- }

# Hanoi Kuleleri– Özyinelemeli Çözüm- C#

- using System;
- using System.Collections.Generic;
- using System.Text;
- namespace Hanoi
- { class Program
- { static void Main(string[] args)
- { int x; char from='A', to='B', help='C';
- do {
- try
- { Console.Write(" input number of disk: "); x = Int32.Parse(Console.ReadLine()); }
- catch (FormatException e) { x = -10; }
- } while(x== -10 || x>10);

# Hanoi Kuleleri– Özyinelemeli Çözüm- C#

- `Console.WriteLine("\n from = A, to = B, help = C\n");`
- `hanoi(x, from, to, help); Console.Read();`
- `}`
- `static void hanoi(int x, char from, char to, char help)`
- `{ if (x > 0)`
- `{ hanoi(x - 1, from, help, to);`
- `move(x, from, to);`
- `hanoi(x - 1, help, to, from);`
- `}`
- `}`
- `static void move(int x, char from, char to)`
- `{ Console.WriteLine(" move disk "+x+" from "+from+" to "+to); }`
- `}`
- `}`

# Örnek Uygulamalar JAVA-Kuyruk

## Kuyruk (queue) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- Queue.java
- public interface Queue<T>
- {
- public boolean empty();   // kuyruk boş mu test eder
- public T getFront();   // kuyruğun önündeki elemanı ver (silme)
- public T dequeue();   // kuyruğun önündeki elemanı sil ve ver
- public void enqueue(T item); // item'i kuyruğun arkasına ekle
- public void clear();   // kuyruğu boşalt
- }

# Kuyruk (queue) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- `ArrayQueue.java`
- `public class ArrayQueue<T> implements Queue<T>`
- `{ private static final int DEFAULT_SIZE = 10;`
- `private T[] array; // kuyruk elemanlarını tutan dizi`
- `private int size; // kuyruktaki eleman sayısı`
- `private int front; // en önce eklenen elemanın indisi`
- `private int back; // en son eklenen elemanın indisi`
  
- `public ArrayQueue() // kurucu sınıf`
- `{ array = (T[]) new Object[DEFAULT_SIZE]; clear(); }`
  
- `public boolean empty() // kuyruk boş mu test eder`
- `{ return size==0; }`

# Kuyruk (queue) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- ArrayQueue.java
- `public T getFront() // kuyruğun önündeki elemanı ver (silme)`
- `{`
- `if (empty()) return null;`
- `return array[front];`
- `}`
- `public T dequeue() // kuyruğun önündeki elemanı sil ve ver`
- `{`
- `if (empty()) return null;`
- `size--;`
- `T temp = array[front];`
- `front = increment(front);`
- `return temp;`
- `}`



# Kuyruk (queue) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- `ArrayQueue.java`
- `public void enqueue(T item) // item'i kuyruğun arkasına ekle`
- `{`
- `if (size==array.length) // kuyruk dolu`
- `{`
- `T[] newArray = (T[]) new Object[array.length * 2];`
- `for (int i=0; i<size; i++, front=increment(front))`
- `newArray[i] = array[front];`
- `array = newArray;`
- `}`
- `back = increment(back);`
- `array[back] = item;`
- `size++;`
- `}`
-

# Kuyruk (queue) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- `ArrayQueue.java`
- `private int increment(int i)`
- `{`
- `i++;`
- `if (i==array.length) i=0;`
- `return i;`
- `}`
- `public void clear()     // kuyruki boşalt`
- `{`
- `size = 0;`
- `front = 0;`
- `back = -1;`
- `}`
- `}`

# Kuyruk (queue) yapısının dinamik dizi ile gerçekleştirimi

- TestArrayQueue.java
- public class TestArrayQueue
- { public static void main(String[] args)
- { Queue<Integer> kuyruk = new ArrayQueue<Integer>(); int say=1;
- for (int i=1; i<=15; i++)
- kuyruk.enqueue(i);
- for (int i=1; i<=10; i++)
- System.out.println((say++) + ".kuyruk elemani: " + kuyruk.dequeue());
- for (int i=11; i<=25; i++)
- kuyruk.enqueue(i);
- say=1;
- while (!kuyruk.empty())
- System.out.println((say++) + ".kuyruk elemani: " + kuyruk.dequeue());
- }
- }

# Kuyruk (queue) yapısının ArrayList ile gerçekleştirimi

- Queue.java // daha önce verilmişti
- ArrayListQueue.java
- import java.util.ArrayList;
- public class ArrayListQueue<T> implements Queue<T>
- { private ArrayList<T> array; // kuyruk elemanlarını tutan dizi
- public ArrayListQueue() // kurucu sınıf
- { array = new ArrayList<T>(); }
  
- public boolean empty() // kuyruk boş mu test eder
- { return array.size()==0; }
- public T getFront() // kuyruğun önündeki elemanı ver (silme)
- { if (empty()) return null;
- return array.get(0);
- }

# Kuyruk (queue) yapısının ArrayList ile gerçekleştirimi

- ArrayListQueue.java
- public T dequeue() // kuyruğun önündeki elemanı sil ve ver
- {
- if (empty()) return null;
- return array.remove(0);
- }
- public void enqueue(T item) // item'i kuyruğun arkasına ekle
- {
- array.add(item);
- }
- public void clear() // kuyruğu boşalt
- {
- array.clear();
- }
- }

# Kuyruk (queue) yapısının ArrayList ile gerçekleştirimi

- TestArrayListQueue.java
- public class TestArrayListQueue
- {
- public static void main(String[] args)
- {
- Queue<Integer> kuyruk = new ArrayListQueue<Integer>();
  
- for (int i=1; i<=25; i++)
- kuyruk.enqueue(i);
  
- int say=1;
- while (!kuyruk.empty())
- System.out.println((say++) + ".kuyruk elemani: " + kuyruk.dequeue());
- }
- }

## Kuyruk (queue) yapısının bağlantılı liste ile gerçekleştirimi

- Queue.java // daha önce verilmişti
- LinkedListQueue.java
- public class LinkedListQueue<T> implements Queue<T>
- {
- private Node<T> front, back; // kuyruk başı ve sonu
- public LinkedListQueue() // kurucu sınıf
- { clear(); }
  
- public boolean empty() // kuyruk boş mu test eder
- { return front==null; }
- 
- public T getFront() // kuyruğun önündeki elemanı ver (silme)
- { if (empty()) return null;
- return front.data;
- }

## Kuyruk (queue) yapısının bağlantılı liste ile gerçekleştirimi

- `public T dequeue() // kuyruğun önündeki elemanı sil ve ver`
- `{ if (empty()) return null;`
- `T temp = front.data;        front = front.next;     return temp;`
- `}`
- `public void enqueue(T item) // item'i kuyruğun arkasına ekle`
- `{ if (empty())     front = back = new Node<T>(item, null);`
- `else             back = back.next = new Node<T>(item,null);`
- `}`
- `public void clear() {     front = back = null; }     // kuyruğu boşalt`
- `// Kuyruk elemanlarını tutan liste elemanı (inner class)`
- `private class Node<T>`
- `{     private T data;     private Node<T> next;`
- `public Node(T data, Node next) {     this.data = data;        this.next = next; }`
- `}`
- `}`



# Kuyruk (queue) yapısının bağlantılı liste ile gerçekleştirimi

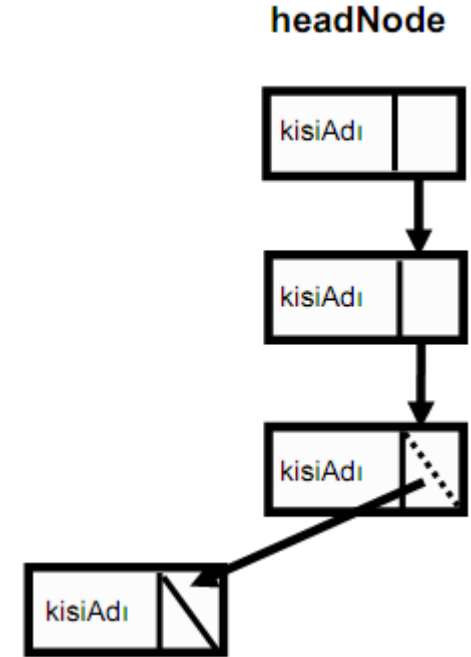
- TestLinkedListQueue.java
- public class TestLinkedListQueue
- { public static void main(String[] args)
- { Queue<Integer> kuyruk = new ArrayListQueue<Integer>();
- for (int j=1, i=1; i<=20; i++)
- { if ((int)(Math.random()\*2) == 1)
- { System.out.println("Kuyruğa ekle: " + j); kuyruk.enqueue(j++); }
- else
- { System.out.println("Kuyruğun önündeki "
- + kuyruk.dequeue() + " çıkarıldı..");
- }
- }
- }
- }

# Bağlı Liste ile Kuyruk gerçekleştirimi C#

- **// Queue oluşturma :**
- `class queueNodeC {`
- `public string kisiAdi;                    public queueNodeC sonraki;`
- `public queueNodeC(string kisiAdi) {            this.kisiAdi = kisiAdi;        }`
- `}`
- `class queueC`
- `{`
- `public int size;                    public queueNodeC headNode;`
- `public queueC(string kisiAdi)`
- `{`
- `this.headNode = new queueNodeC(kisiAdi);`
- `this.headNode.sonraki = headNode;            this.size = 0;`
- `}`
- `}`
- `queueC kisiKuyruk = new queueC("");`

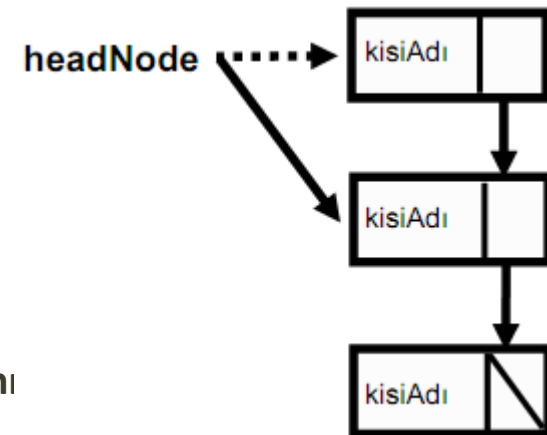
## Bağlı Liste ile Kuyruk gerçekleştirimi C#

- Örnek (C#):
- */\* Queue işlemleri :*
- boş kuyruk size == 0
- eleman sayısı= size
- eleman ekleme= enqueue(kisiAdi)
- eleman alma= dequeue() *\*/*
- public void enqueue(kisiAdi)
- {
- queueNodeC yeniNode = new queueNodeC(kisiAdi);
- queueNodeC aktif = kisiKuyruk.headNode;
- while (aktif.sonraki != aktif)
- {           aktif = aktif.sonraki;           }
- aktif.sonraki = yeniNode;
- yeniNode.sonraki = yeniNode;
- kisiKuyruk.size++;
- }



## Bağlı Liste ile Kuyruk gerçekleştirimi C#

- // Queue işlemleri (eleman alma)
- public void dequeue()
- {
- queueNodeC yeniNode = new queueNodeC(" ");
- yeniNode = kisiKuyruk.headNode;
- kisiKuyruk.headNode = kisiKuyruk.headNode.sonı
- kisiKuyruk.size--;
- }

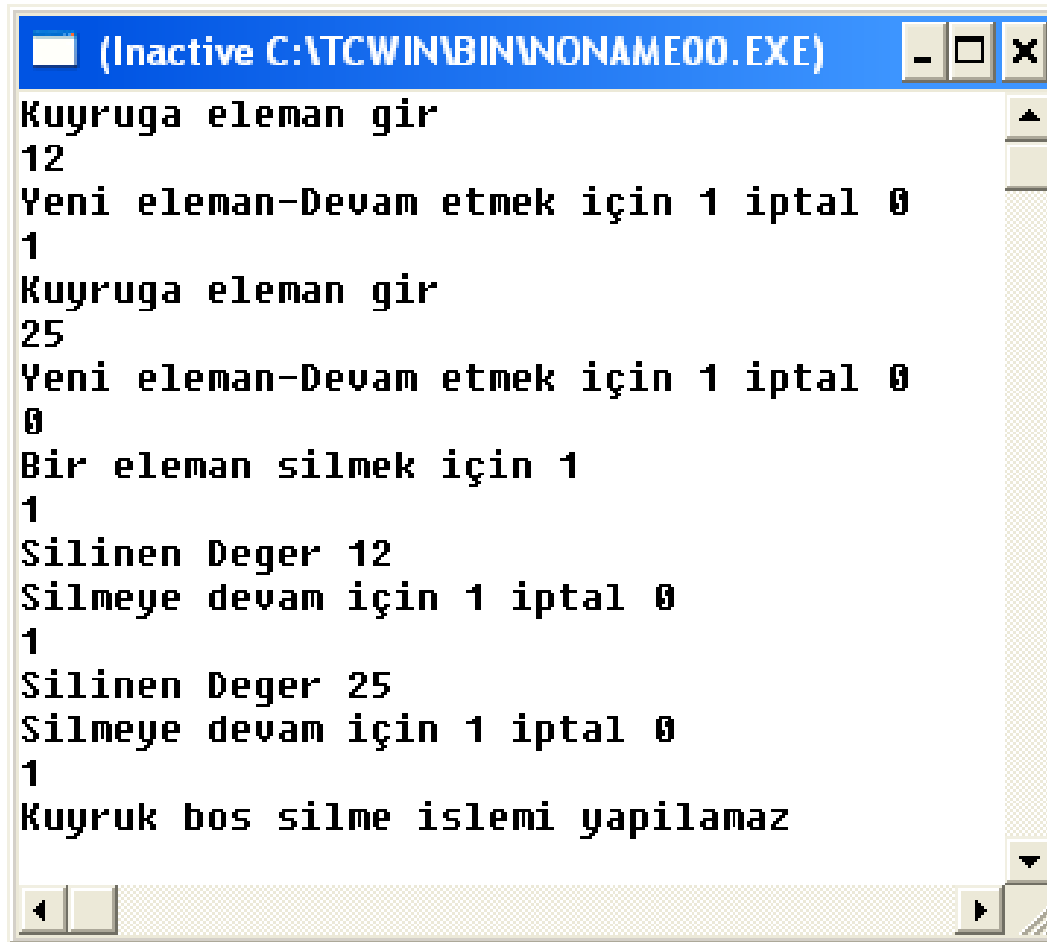


## Kuyruk oluşturma, ekleme ve silme C++

- #include <stdio.h>
- #include <stdlib.h>
- #define boyut 10 /\*Maksimum kuyruk uzunluğu \*/
  
- void **ekle** (int kuyruk[], int \*arka, int deger)
- {
- if(\*arka < boyut-1) {
- \*arka= \*arka +1;
- kuyruk[\*arka] = deger; }
- else
- { printf("Kuyruk doldu daha fazla ilave edilemez\n"); }
- }
  
- void **sil** (int kuyruk[], int \* arka, int \* deger)
- { int i;
- if(\*arka<0) {printf("Kuyruk bos silme islemi yapilamaz\n");}
- \*deger = kuyruk[0];
- for(i=1;i<=\*arka;i++)
- { kuyruk[i-1]=kuyruk[i]; }
- \*arka=\*arka-1;
- }

## Kuyruk oluşturma, ekleme ve silme C++

- `main() { int kuyruk[boyut]; int arka, n, deger; arka=(-1);`
- `do {`
- `do { printf("Kuyruğa eleman gir\n"); scanf("%d",&deger);`
- `ekle(kuyruk,&arka,deger); //arka değeri arttı`
- `printf("Yeni eleman-Devam etmek için 1 iptal 0 \n"); scanf("%d",&n);`
- `} while(n == 1);`
- `printf("Bir eleman silmek için 1\n"); scanf("%d",&n);`
- `while( n == 1) {`
- `sil(kuyruk,&arka,&deger);`
- `printf("Silinen Deger %d\n",deger); printf("Silmeye devam için 1 iptal 0\n");`
- `scanf("%d",&n); }`
- `printf("Eleman girmek için 1 iptal için 0\n"); scanf("%d",&n);`
- `} while(n == 1); }`



```
(Inactive C:\TCWIN\BIN\NONAME00.EXE)
Kuyruğa eleman gir
12
Yeni eleman-Devam etmek için 1 iptal 0
1
Kuyruğa eleman gir
25
Yeni eleman-Devam etmek için 1 iptal 0
0
Bir eleman silmek için 1
1
Silinen Deger 12
Silmeye devam için 1 iptal 0
1
Silinen Deger 25
Silmeye devam için 1 iptal 0
1
Kuyruk bos silme islemi yapilamaz
```

# Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk- C++

- `#include <stdio.h>`
- `#define N 500 /*Maksimum kuyruk uzunluğu */`
- `#include <stdlib.h>`
- `typedef struct kuyrukyapisi`
- `{ int bas; int son ; int sayac; int D[N]; } KUYRUK ;`
- 
- `KUYRUK *M;`
- `void baslangic (KUYRUK *K)`
- `{ K->bas=0;`
- `K->sayac=0;`
- `K->son=0;`
- `}`
-



# Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk- C++

- `void ekle(int veri, KUYRUK *K)`
- `{`
- `if(K->sayac>N-1) { printf ("Kuyruk dolu"); }`
- `/*Doğrusal erişimli bir diziye çevrimsel erişim yapılabilmesi için dizi indisi son gözden sonra ilk gözü işaret edebilmesi için artık bölme işlemiyle indis=(indis+1)%N yapılır. */`
- `K->son=(K->son+1)%N;`
- `K->D[K->son]=veri;`
- `K->sayac++;`
- `}`
- `void silme(KUYRUK *K,int *deger)`
- `{`
- `if((K->sayac)<=0) {printf("Kuyruk bos silme islemi yapilamaz\n");}`
- `*deger = K->D[K->bas]=0;`
- `K->bas=(K->bas+1)%N;`
- `K->sayac--;`
- `}`

# Dizi Üzerinde Çevrimsel Kuyruk- C++

- `main() {`
- `int veri,n,deger;`
- `M=(KUYRUK *)malloc(sizeof(KUYRUK));`
- `baslangic (M);`
- `do {`
- `do { printf("Kuyruğa eleman gir\n"); scanf("%d",&veri); ekle (veri,M);`
- `printf("Yeni eleman-Devam etmek için 1 iptal 0 \n"); scanf("%d",&n);`
- `} while(n == 1);`
- `printf("Bir eleman silmek için 1\n"); scanf("%d",&n);`
- `while( n == 1) { silme (M,&deger);`
- `printf("Silinen Deger %d\n",deger); printf("Silmeye devam için 1 iptal 0\n");`
- `scanf("%d",&n); }`
- `printf("Eleman girmek için 1 iptal için 0\n"); scanf("%d",&n);`
- `} while(n == 1);`
- `}`

# ÖZYİNELEME (RECURSION)

# ÖZYİNELEME(RECURSION)

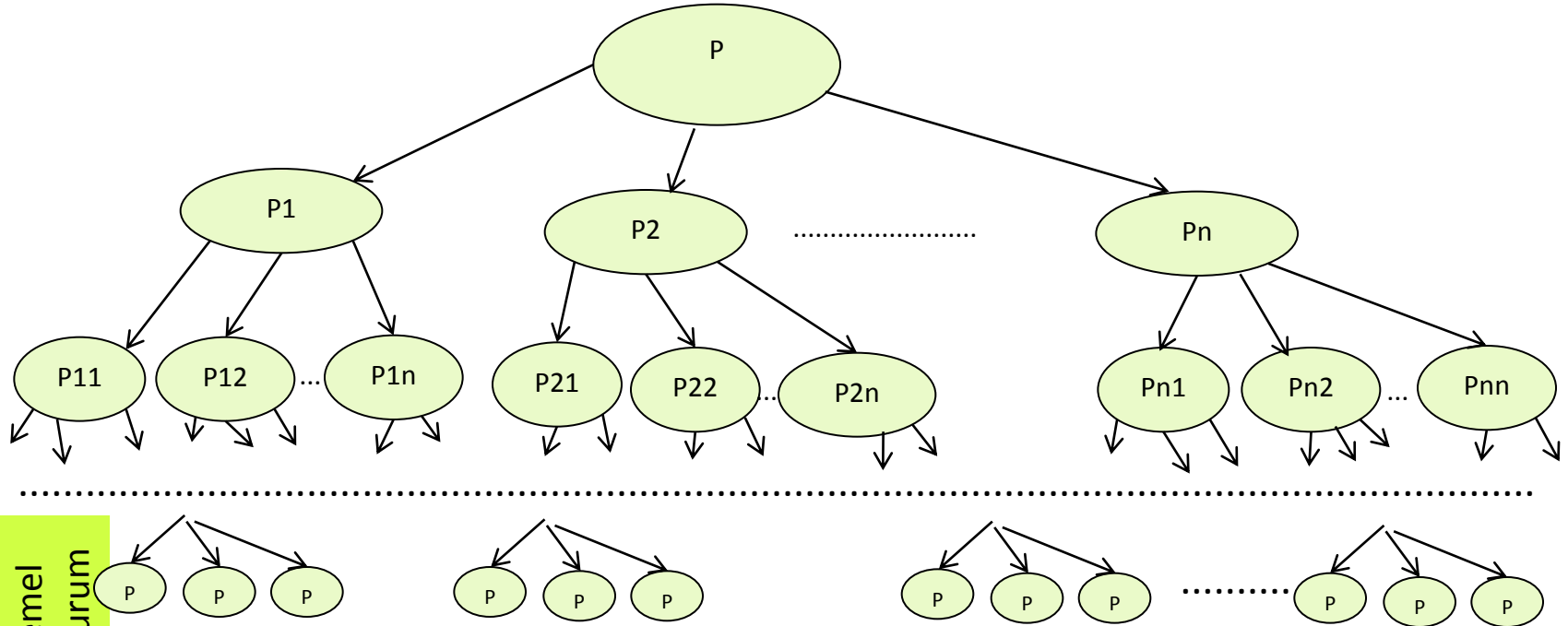
- Kendi kendisini doğrudan veya dolaylı olarak çağıran fonksiyonlara **özyineli (recursive)** fonksiyonlar adı verilir.
- Özyineleme bir problemi benzer şekilde olan daha basit alt problemlere bölünerek çözülmesini sağlayan bir tekniktir.
- Alt problemler de kendi içlerinde başka alt problemlere bölünebilir.
- Alt problemler çözülebilecek kadar küçülünce bölme işlemi durur.
- Özyineleme, döngülere (iteration) alternatif olarak kullanılabilir.

# ÖZYİNELEME

- Bir problem özyineli olmayan basit bir çözüme sahiptir. Problemin diğer durumları özyineleme ile durdurma durumuna (stopping case) indirgenebilir.
- Özyineleme işlemi durdurma durumu sağlanınca sonlandırılır.
- Özyineleme güçlü bir problem çözme mekanizmasıdır.
  - Çoğu algoritma kolayca özyinelemeli şekilde çözülebilir.
  - Fakat sonsuz döngü yapmamaya dikkat edilmeli.
- **Genel yazımı-kaba kod:**
  - *if (durdurma durumu sağlandıysa)*
  - *çözümü yap*
  - *else*
  - *problemi özyineleme kullanarak indirge*

# Özyineleme- Böl & Yönet Stratejisi

- Bilgisayar birimlerinde önemli bir yere sahiptir:
  - Problemi küçük parçalara böl
  - Her bir parçayı bağımsız şekilde çöz
  - Parçaları birleştirerek ana problemin çözümüne ulaş



# Özyineleme- Böl & Yönet Stratejisi

```
/* P problemini çöz */
Solve(P) {
    /* Temel durum(s) */
    if P problemi temel durumda ise
        return çözüm

    /* (n>=2) için P yi P1, P2, ..Pn şeklinde parçalara böl */
    /* Problemleri özyinelemeli şekilde çöz */
    S1 = Solve(P1); /* S1 için P1 problemini çöz */
    S2 = Solve(P2); /* S2 için P2 problemini çöz*/
    ...
    Sn = Solve(Pn); /* Sn için Pn problemini çöz */

    /* Çözüm için parçaları birleştir. */
    S = Merge(S1, S2, ..., Sn);

    /* Çözümü geri döndür */
    return S;
} //bitti-Solve
```

# ÖZYİNELEME

- Faktöryel fonksiyonu: Klasik bir özyineleme örneğidir:
  - $n! = 1 * 2 * 3 * \dots * (n - 1) * n$
- Faktoriyel işlemini özyineli tanımlamak için küçük sayıların faktöriyeli şeklinde tanımlamak gerekir.
  - $n! = n * (n - 1)!$
  - Durdurma durumu  $0! = 1$  olarak alınır.
- Her çağırmada  $n$  değeri bir azaltılarak durdurma durumuna ulaşılır.
- Özyineli tanımlama:
  - $f(n) = \begin{cases} n = 1, & \text{if } n = 0 \\ n * f(n - 1), & \text{if } n > 0 \end{cases}$

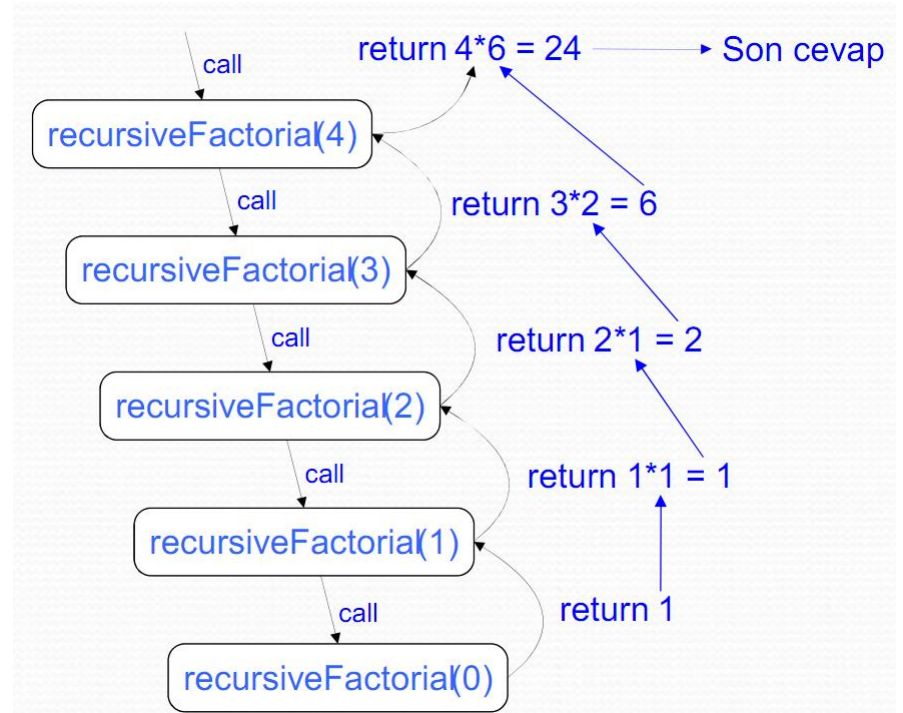


# ÖZYİNELEME

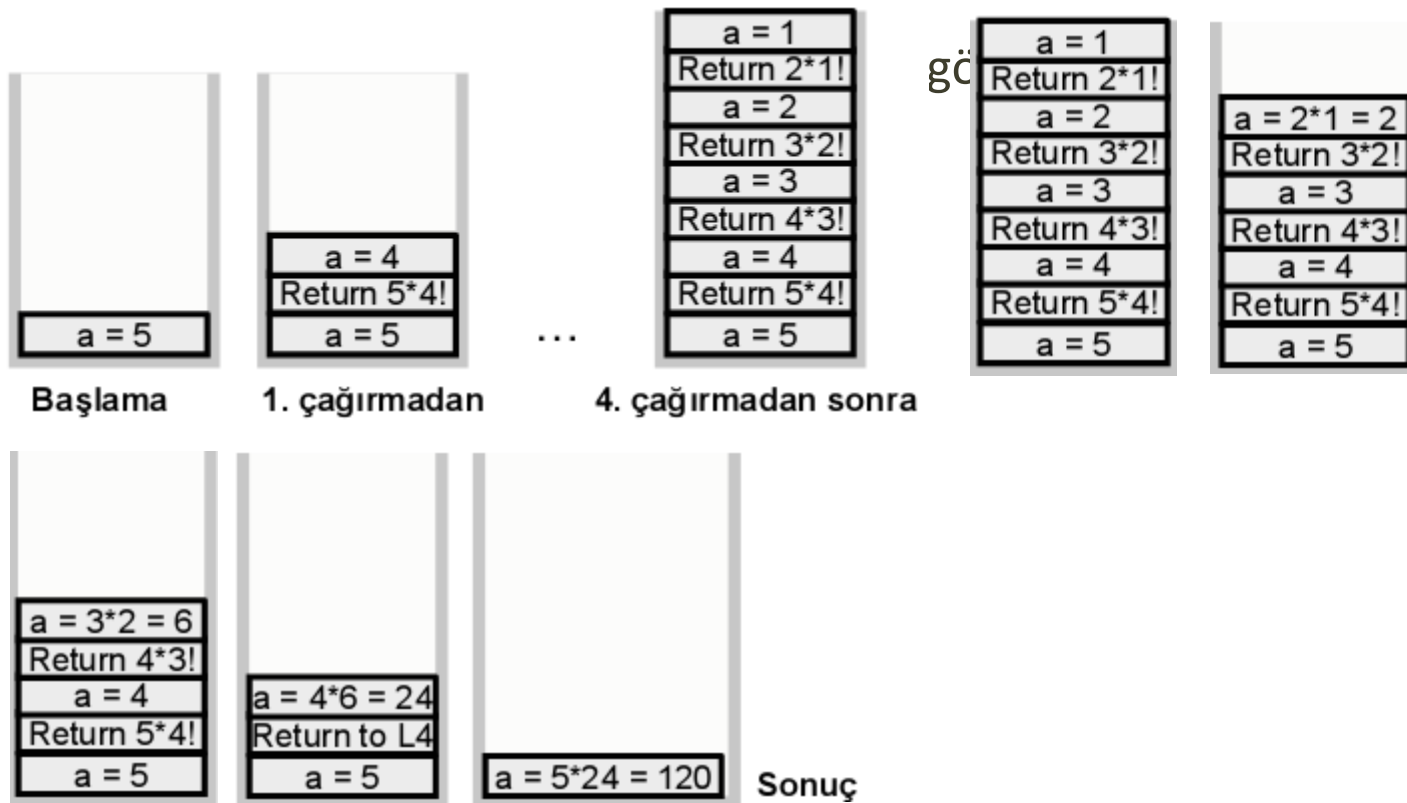
- Aşağıdaki kod çalıştığında n sayısının faktöriyel değerini hesaplar.
- ```
int recursiveFactorial(int n)
```
- ```
{
```
- ```
    if ( n == 1 ) return( 1 );
```
- ```
    else return( n * recursiveFactorial( n - 1 ));
```
- ```
}
```
- n! değerini hesaplar ve bulduğu değeri return ile gönderir.

# ÖZYİNELEME

- Özyineleme izleme
- Her özyineleme çağırımı için bir kutu
- Her çağırandan çağrılana bir ok
- Her çağrılıandan çağırana çizilen ok geri dönüş değerini gösterir.



# ÖZYİNELEME



# ÖZYİNELEME

- Genellikle iterative fonksiyonlar zaman ve yer bakımından daha etkindirler.
- Iterative algoritma döngü yapısını kullanır.
- Özyineleme algoritması dallanma (branching) algoritmasını kullanır.
- Fonksiyon özyineli olarak her çağrılışında yerel değişkenler ve parametreler için bellekte yer ayrılır.
- Özyineleme problemin çözümünü basitleştirebilir, sonuç genellikle kısadır ve kod kolayca anlaşılabilir.
- Her özyinelemeli olarak tanımlanmış problemin iterative çözümüne geçiş yapılabilir.

# ÖZYİNELEME

## ○ Recursive

```
○ int recFact(int n)
○ {
○ if(n ==1) return(1);
○ else
○ return( n * recFact( n - 1 ));
○ }
```

## ■ Iterative

```
■ int iteFact(int n)
■ {
■ int araDeger = 1;
■ for (int i = n; i > 0; i-- )
■ araDeger * = i;
■ return araDeger;
■ }
```

# FaktoriyelOrnek.java

```
import java.io.*;
class FaktoriyelOrnek
{ static int sayi;
  public static void main(String args[]) throws IOException
  {
    System.out.print("Sayi veriniz :");   System.out.flush();
    sayi=getInt();   int sonuc = factorial(sayi);
    System.out.println(sayi+"! =" +sonuc);
  }
  public static int factorial(int n)
  {
    if(n==0)   return 1;
    else   return(n*factorial(n-1));
  }
}
```

```
public static String getString() throws IOException
{
  InputStreamReader isr = new InputStreamReader(System.in);
  BufferedReader br = new BufferedReader(isr);
  String s = br.readLine();
  return s;
}
public static int getInt() throws IOException
{ String s = getString();
  return Integer.parseInt(s);
}
}
```

# N'ye Kadar Olan Sayıların Toplamı

- Problemimizin 1'den n'ye kadar sayıların toplamı olduğunu varsayalım.
- Bu problemi özyinelemeli nasıl düşüneceğiz:
  - $\text{Topla}(n) = 1+2+\dots+n$  ifadesini hesaplamak için
    - $\text{Topla}(n-1) = 1+2+\dots+n-1$  ifadesini hesapla (aynı türden daha küçük bir problem)
    - $\text{Topla}(n-1)$  ifadesine  $n$  ekleyerek  $\text{Topla}(n)$  ifadesi hesaplanır.
    - $\text{Topla}(n) = \text{Topla}(n-1) + n$ ;
  - Temel durumu belirlememiz gerekiyor.
    - Temel durum, (alt problem) problemi bölmeye gerek kalmadan kolayca çözülebilen problemdir.
    - $n = 1$  ise,  $\text{Topla}(1) = 1$ ;

# Topla(4) için Özyineleme Ağacı

```

/* Topla 1+2+3+...+n */
int Topla(int n){
    int araToplam = 0;

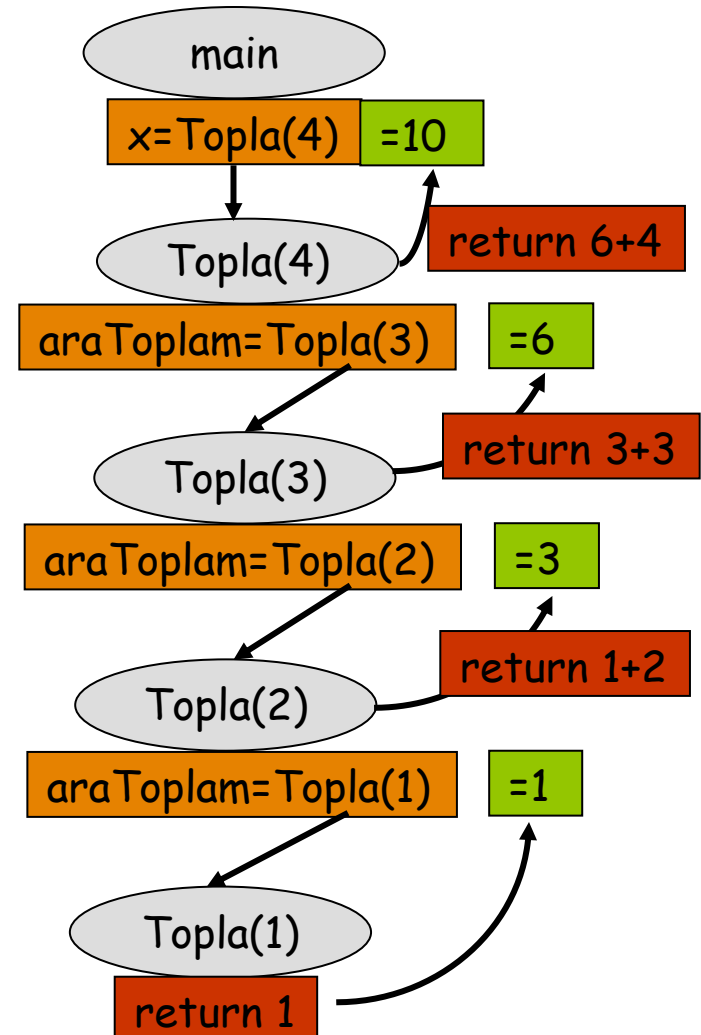
    /* Temel Durum */
    if (n == 1) return 1;

    /* Böl ve Yönet */
    araToplam = Topla(n-1);

    /* Birleştirir */
    return araToplam + n;
} /* bitti-Topla */

Public ... main(...){
print("Topla: "+ Topla(4));
} /* bitti-main */

```





# Topla(n)'nin çalışma zamanı

```
/* Topla 1+2+3+...+n */
int Topla(int n){
    int araToplam = 0;

    /* Temel durum */
    if (n == 1) return 1;

    /* Böl ve yönet */
    araToplam = Topla(n-1);

    /* Birleştir */
    return araToplam + n;
} /* bitti-araToplam */
```

$$T(n) = \begin{cases} n = 1 \rightarrow 1 \text{ (Temel durum)} \\ n > 1 \rightarrow T(n-1) + 1 \end{cases}$$

# $a^n$ İfadesini Hesaplama-Pow(a,n)

$$p(x,n) = \begin{cases} 1 & \text{if } n = 0 \\ x \cdot p(x,n-1) & \text{else} \end{cases}$$

```

/* a^n hesapla */
double Ust(double a, int n){
    double araSonuc;

    /* Temel durum */
    if (n == 0) return 1;
    else if (n == 1) return a;

    /* araSonuc = a^(n-1) */
    araSonuc = Ust(a, n-1);

    /* Birleştirir */
    return araSonuc*a;
} /* bitti-Ust */

```

- Böl, yönet & birleştir işlemleri bir ifade ile yapılabilir.

```

/* Hesapla a^n */
double Ust(double a, int n){
    /* Temel durum */
    if (n == 0) return 1;
    else if (n == 1) return a;

    return Ust(a, n-1)*a;
} /* bitti-Ust */

```

# Ust(3, 4) için Özyineleme ağacı

```

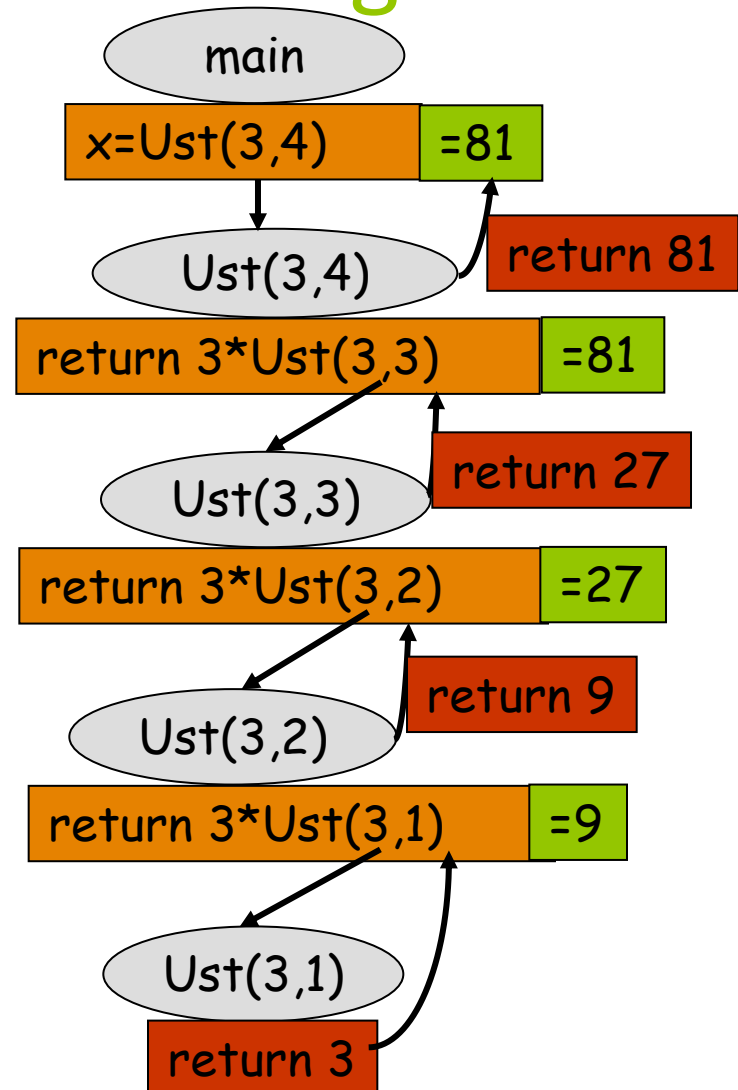
/* Hesapla a^n */
double Ust(double a, int n){
  /* Temel durum */
  if (n == 0) return 1;
  else if (n == 1) return a;

  return a * Ust(a, n-1);
} /* bitti-Ust */

Public ... main(...){
  double x;

  x = Ust(3, 4);
} /* bitti-main */

```



# Ust(a, n)'nin Çalışma Zamanı

```
/* Hesapla a^n */  
double Ust(double a, int n){  
    /* temel durum */  
    if (n == 0) return 1;  
    else if (n == 1) return a;  
  
    return a * Ust(a, n-1);  
} /* bitti-Ust */
```

$$T(n) = \begin{cases} n \leq 1 \rightarrow 1 \text{ (Temel durum)} \\ N > 1 \rightarrow T(n-1) + 1 \end{cases}$$

## Pow(x, n) 'nin Çalışma Zamanı

- Bu fonksiyon  $O(n)$  zamanında çalışır (n adet özyineli çağrı yapılır)
- Daha iyi bir çözüm var mı?
- Ara sonuçların karesini alarak daha etkin bir doğrusal özyineli algoritma yazabiliriz:

$$p(x, n) = \begin{cases} 1 & \text{if } x = 0 \\ x \cdot p(x, (n-1)/2)^2 & \text{if } x > 0 \text{ is odd} \\ p(x, n/2)^2 & \text{if } x > 0 \text{ is even} \end{cases}$$

## Power(2, 8)

- $2^8 = 2 * 2 * 2 * 2 * 2 * 2 * 2 * 2$
- Ancak biz bu çözümü iki eşit parçaya bölerek ifade edebiliriz:
- $2^8 = 2^4 * 2^4$
- ve  $2^4 = 2^2 * 2^2$
- ve  $2^2 = 2^1 * 2^1$
- herhangi bir sayının 1. kuvveti kendisidir.
- Avantaj...
- İkisi de aynı olduğu için, her ikisini de hesaplamıyoruz! ve sadece 3 adet çarpma işlemi yapıyoruz.

$$\begin{aligned}2^8 &= 2^4 * 2^4 \\2^4 &= 2^2 * 2^2 \\2^2 &= 2^1 * 2^1\end{aligned}$$

$$2^8 = 2^4 * 2^4$$

## Kuvvet değeri tek sayı ise

- Tek olanları şu şekilde yaparız:
- $2^{\text{tek}} = 2 * 2^{(\text{tek}-1)}$
- Peki öyleyse,  $2^{21}$  'i hesaplayalım
  
- Görüldüğü gibi 20 defa çarpım yerine sadece 6 kere sonuca ulaşıyor

$$2^{21} = 2 * 2^{20} \text{ (Tek sayı hilesi)}$$

$$2^{20} = 2^{10} * 2^{10}$$

$$2^{10} = 2^5 * 2^5$$

$$2^5 = 2 * 2^4$$

$$2^4 = 2^2 * 2^2$$

$$2^2 = 2^1 * 2^1$$

$$2^{21} = 2 * 2^{20}$$

$$2^{20} = 2^{10} * 2^{10}$$

$$2^{10} = 2^5 * 2^5$$

$$2^5 = 2 * 2^4$$

$$2^4 = 2^2 * 2^2$$

$$2^2 = 2^1 * 2^1$$

# Özyinelemenin mantığı

- Eğer üst çift ise, iki parçaya ayırıp işleriz.
- Eğer üst tek ise, 1 çıkarır daha sonra kalan kısmı ikiye ayırıp işleriz. Ama üstten bir çıkardığımız için en sonunda 1 adet çarpma işlemi daha yapmayı unutmayın.
- İşlemi formülize etmeye başlayalım:
  - $e == 0$  ,  $\text{Pow}(x, e) = 1$
  - $e == 1$  ,  $\text{Pow}(x, e) = x$
  - $e$  çift ise ,  $\text{Pow}(x, e) = \text{Pow}(x, e/2) * \text{Pow}(x, e/2)$
  - $e > 1$  ve tek ise ,  $\text{Pow}(x, e) = x * \text{Pow}(x, e-1)$



# Power(x, n) 'nin Çalışma Zamanı

$$\begin{aligned}
 2^4 &= 2^{(4/2)^2} = (2^{4/2})^2 = (2^2)^2 = 4^2 = 16 \\
 2^5 &= 2^{1+(4/2)^2} = 2(2^{4/2})^2 = 2(2^2)^2 = 2(4^2) = 32 \\
 2^6 &= 2^{(6/2)^2} = (2^{6/2})^2 = (2^3)^2 = 8^2 = 64 \\
 2^7 &= 2^{1+(6/2)^2} = 2(2^{6/2})^2 = 2(2^3)^2 = 2(8^2) = 128.
 \end{aligned}$$

## Algorithm Power(x, n):

**Input:** x sayısı ve n tamsayısı,  $n \geq 0$

**Output:**  $x^n$  değeri

**if**  $n = 0$  **then**

**return** 1

**if** n is odd **then**

y = Power(x,  $(n - 1) / 2$ )

**return**  $x \cdot y \cdot y$

**else**

y = Power(x,  $n / 2$ )

**return**  $y \cdot y$

Her özyineli çağırmada n sayısını 2'ye bölüyoruz; dolayısıyla,  $\log n$  özyineli çağrı yaparız. Bu metod  $O(\log n)$  zamanına sahiptir.

Burada ara sonucu y değişkeni ile göstermemiz önemli; şayet metod çağırma yazarsak metod 2 defa çağırılmış olur.

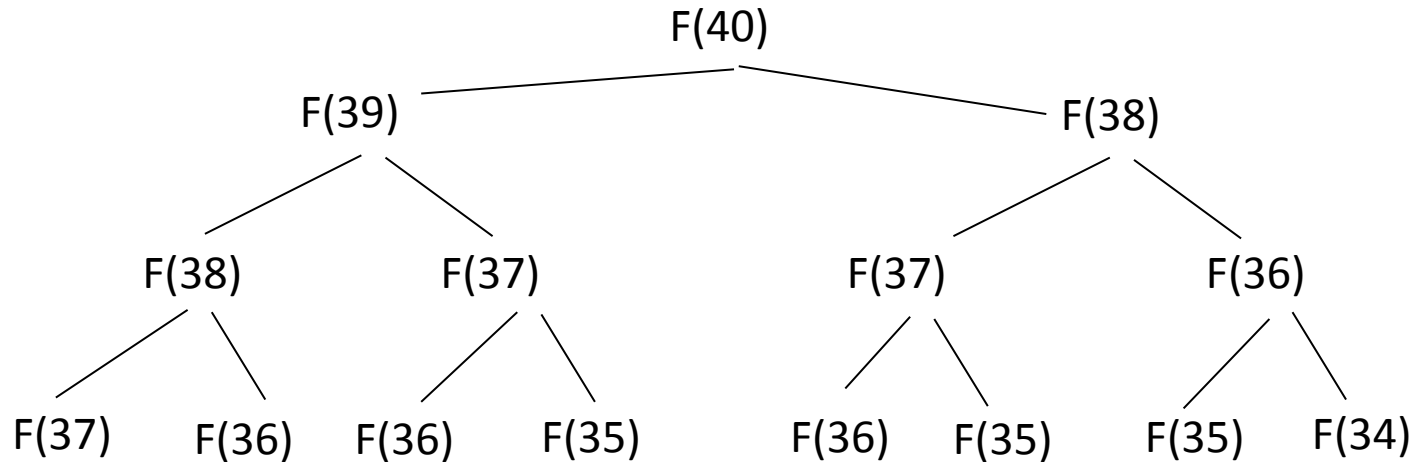
# Fibonacci Sayıları

- Fibonacci sayılarını tanımlayacak olursak:
- 1 1 2 3 5 8 13.....
  - $F(0) = 0$
  - $F(1) = 1$
  - $F(n) = F(n-1) + F(n-2)$

```
/* n. Fibonacci sayısını hesaplama*/  
int Fibonacci(int n){  
    /* Temel durum */  
    if (n == 0) return 0;  
    if (n == 1) return 1;  
  
    return Fibonacci(n-1) + Fibonacci(n-2);  
} /* bitti-Fibonacci */
```

# Fibonacci Sayıları

- Fibonacci sayılarının tanımı özyinelemelidir.
- Örneğin 40. fibonacci değerini bulmaya çalışalım.



- 
- $F(40)$  için toplam kaç tane özyinelemeli çağrı yapılır.
  - **Cevap:** 300 000 000 den fazla yordam çağrılır.

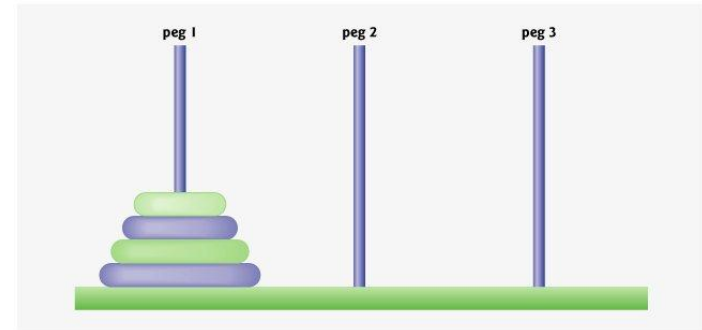
# Fibonacci Sayıları

- Basit bir "for" ile çözülebilecek problemler için özyinelemeli algoritmalar kullanılmaz.

```
/* n. Fibonacci sayısını hesaplama*/  
public static int fibonacci(int n){  
    if(n == 1 || n == 2)    return 1;  
  
    int s1=1,s2=1,sonuc=0;  
    for(int i=0; i<n; i++){  
        sonuc = s1 + s2;  
        s1 = s2;  
        s2 = sonuc;  
    }  
    return sonuc;  
}
```

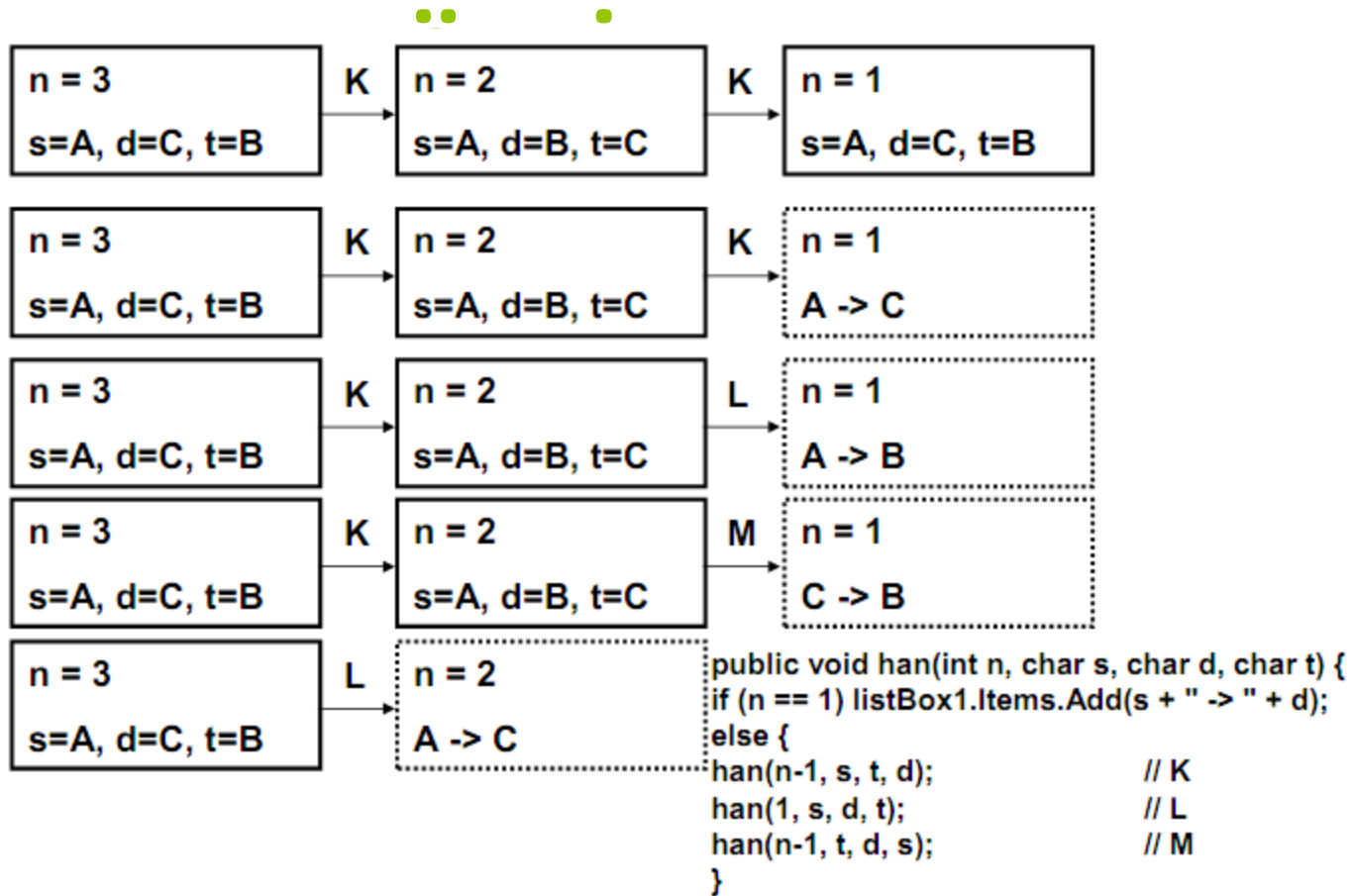
# Hanoi Kuleleri

- **Verilen:** üç iğne
  - İlk iğnede en küçük disk en üstte olacak şekilde yerleştirilmiş farklı büyüklükte disk kümesi.
- **Amaç:** diskleri en soldan en sağa taşımak.
- **Şartlar:** aynı anda sadece tek disk taşınabilir.
- Bir disk boş bir iğneye veya daha büyük bir diskin üzerine taşınabilir.



# Hanoi Kuleleri– Özyinelemeli Çözüm-Java

- `package` hanoikuleleri;
- `import` java.util.\*;
- `public class` Hanoikuleleri {
  
- `public static void` main(String[] args)
- {
- `System.out.print`("n değerini giriniz : ");
- `Scanner` klavye = `new Scanner`(System.in); `int` n = klavye.nextInt();
- `tasi`(n, 'A', 'B', 'C');
- }
- `public static void` tasi(int n, char A, char B, char C)
- {`if`(n==1) `System.out.println`(A + " --> " + B);
- `else`
- {
- `tasi`(n-1, A, C, B);      `tasi`(1, A, B, C);      `tasi`(n-1, C, B, A); }
- `return`;
- }



# Kuyruk Özyineleme (Tail Recursion)

- Özyineleme metodunda, özyineli çağrı son adım ise bu durum oluşur. Yineleme çağrısı metodun en sonunda yapılır.
- `int recFact(int n)`
- `{`
- `if (n<=1) return 1;`
- `else return n * recFact(n-1);`
- `}`
- `void tail() {`
- `.....`
- `.....`
- `tail(); }`

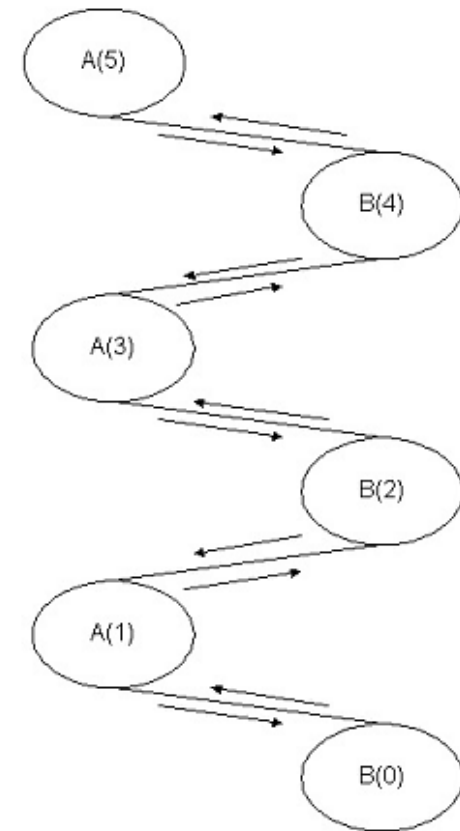


## Kuyruk Olmayan Özyineleme (nonTail Recursion)

- Özyineleme metodunda, özyineli çağrı son adım değil ise bu durum oluşur. Yineleme çağrısından sonra başka işlemler yapılır (yazdırma v.b.) veya ikili özyineleme olabilir.
- Taban durumu haricinde iki özyinelemeli çağrı yapıyorsa, ikili özyineleme oluşur.
- **int nontail(int n)**
- {
  - if (n > 0) {
  - .....
  - .....
  - **nontail(n-1);**
  - **printf(n);**
  - .....
  - .....
  - **nontail(n-1);** }
- }

# Dolaylı Özyineleme (Indirect Recursion)

- Yineleme çağrısı başka bir fonksiyonun içinden yapılır.
- **void A(int n)**
- {
  - if (n <= 0) return 1;
  - n--;
  - **B(n);**
- }
- **void B(int n)**
- {
  - if (n <= 0) return 1;
  - n--;
  - **A(n);**
- }



## İç içe Özyineleme (Nested Recursion)

- Yineleme çağrısı içindende yineleme çağrısı yapılır.
- `int A(int n, int m)`
- `{`
  - `if (n <= 0) return 1;`
  - `return A(n-1, A(n-1, m-1));`
- `}`

# Özyineleme mi İterasyon mu?

- Eğer iteratif çözümü tercih ederseniz algoritmanızın karmaşıklığı  $O(N)$  olur.
- Gerçek dünyada bu yöntemi kullanırsanız kovulursunuz.
- Eğer özyineleme kullanırsanız, algoritmanızın karmaşıklığı  $O(\log_2 n)$  olur.
- Bunun için terfi bile alabilirsiniz.

# ÖZET

- Özyineleme bütün doğada mevcuttur.
- Formül ezberlemekten daha kolaydır. Her problemin bir formülü olmayabilir, ancak her problem, küçük, tekrarlayan adımlar serisi olarak ifade edilebilir.
- Özyinelemeli bir işlemde her adım küçük ve hesaplanabilir olmalıdır.
- Kesinlikle sonlandırıcı bir şarta sahip olmalı.
- Özyineleme en çok, özyinelemeli olarak tanımlanmış binary tree dediğimiz veri yapılarında kullanılmak üzere yazılan algoritmalar için faydalıdır. Normal iterasyona göre çok daha kolaydır.
- Özyineleme, böl/yönet (divide & conquer) türündeki algoritmalar için mükemmeldir.

# Ödev

- 1- n adet x değeri için standart sapmayı ( $\sigma$ ) bulan programı iterasyon ve recursive ile yapınız.

- $x_m = (1/n) \sum_k x_k$

$$\sigma = \sqrt{V}$$

- ( $\sigma$ ) = standart sapma

- V = varyans değeri

- $x_m$  = mean değeri

$$V = (1 / (n - 1)) \sum_k (x_k - x_m)^2$$

# Ödev

- 2- Ackerman fonksiyonu aşağıdaki şekilde tanımlanmıştır. Bu fonksiyonu öz yinelemeli olarak gerçekleştiriniz.

$$A(m,n) = \begin{cases} n + 1 & , m = 1 \\ A(m - 1, 1) & , m > 0 \text{ ve } n = 0 \\ A(m - 1, A(m, n - 1)) & , m > 0 \text{ ve } n > 0 \end{cases}$$

# Hashing



# HASHING (Kırpma veya Çırpma )

- Hashing, elimizdeki veriyi kullanarak o veriden elden geldiği kadar benzersiz bir tamsayı elde etme işlemidir.
- Bu elde edilen tamsayı, dizi şeklinde tutulan verilerin indisi gibi kullanılarak verilere tek seferde erişmemizi sağlar. Hasing konusunu alt başlıklara ayıracak olursak;
  - Hashing Fonksiyonu
  - Hash Tablosu
  - Çatışma (collision)

# HASHING (KIRPMA)

## ○ Hash Fonksiyonları

- Selecting Digits- Rakam seçme
- Folding (shift folding, boundary folding)-Katlama
- Division-Bölme
- Mid-Square-Orta-Kare
- Extraction-Çıkarım
- Radix Transformation-Radix Dönüşüm

## ○ Çakışma (Collision) ve çözümler

- Linear Probing- Doğrusal doldurma
- Double Hashing- Çift Kırpma
- Quadratic Probing-Kuadratik Doldurma
- Chaining-Zincirleme

# HASHING

- Arama metotlarında temel işlem anahtarları karşılaştırmaktır. Bir anahtarın tablo içerisinde bulunduğu pozisyona ulaşıncaya kadar arama işlemine devam edilir.
- Hash fonksiyonuyla aranan anahtar elemana doğrudan erişilebilmektedir. Hash fonksiyonu bir anahtar bilgisinin tabloda bulunduğu indeksi hesaplamaktadır.
- **Open hashing (Açık kırpma)**: Potansiyel olarak limitsiz alan kullanır.
- **Closed hashing (Kapalı kırpma)**: Bilgi kaydı için sabit alan kullanır.

# HASHING (Kırpma veya Çırpma )

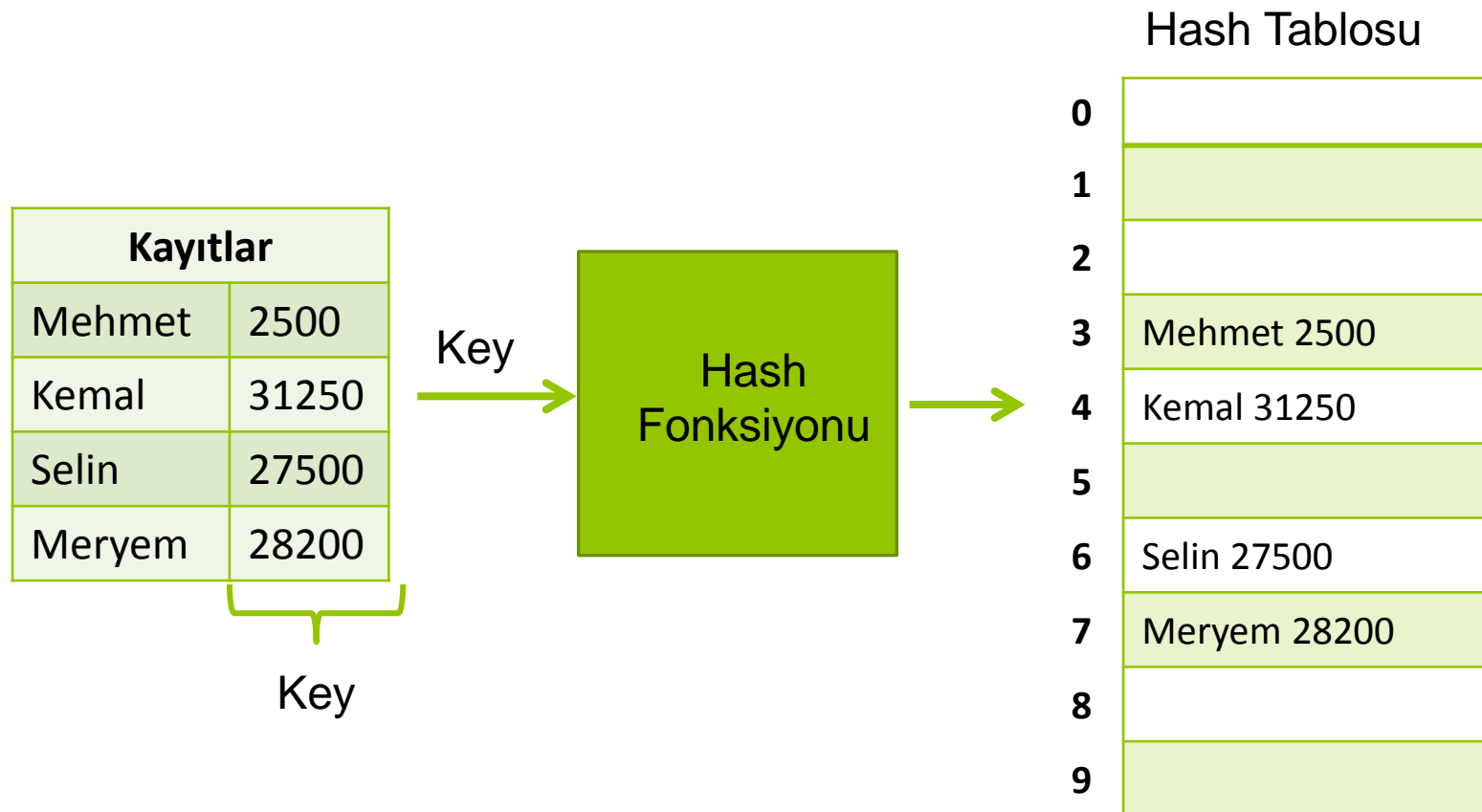
- Boyutu N olan bir tabloda, hash fonksiyonu ( $h(x)$ ) bir x anahtarını 0 ile N-1 arasında bir değerle eşleştirir.
- Örnek:
- N=15 olan bir tablo için  $h(x) = x \% 15$  (% - > modlu bölüm) olarak belirlenebilir. Eğer,

x	25	129	35	2501	47	36
$h(x)$	10	9	5	11	2	6

- Anahtarların tablo içerisindeki yerleri ise aşağıdaki gibidir:

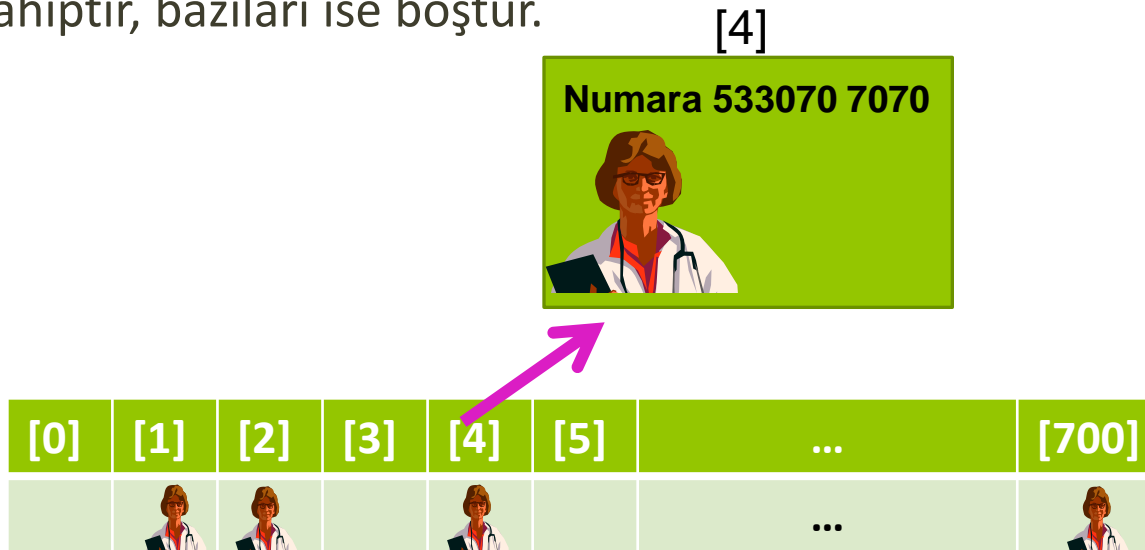
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
-	-	47	-	-	35	36	-	-	129	25	2501	-	-	-

# HASHING (Kırpma veya Çırpma )



# Hashing

- Aşağıdaki tablo 701 kayıt içermektedir.
- Her kayıt anahtar (key) denilen bir alana sahiptir.
- Bu örnekte LongInteger türünde Numara alanı key olarak alınmıştır.
- Hash tablosu kullanıldığında bazı pozisyonlar geçerli kayıtlara sahiptir, bazıları ise boştur.



Kayıtlar Dizisi

# Hash fonksiyonları

- Hash fonksiyonları, bir anahtarın tabloda bulunduğu indeks sırasını verir.
- **Perfect hash fonksiyonu:**
- Her bir anahtara sadece bir pozisyonu eşleştiren fonksiyona denir.
- **Simple perfect hash fonksiyonu:**
- Tablo boyutu ile toplam anahtar sayısı eşit olduğunda (tabloda boş yer yoksa) her bir anahtara sadece bir pozisyonu eşleştiren fonksiyona denir.
- **İyi bir hash fonksiyonu:**
  - kolay ve hızlı hesaplanabilir olmalıdır.
  - tablodaki her bir pozisyon için sadece bir anahtar atamalıdır.

# Hash fonksiyonları

- Hash fonksiyonları integer sayılarla işlem yaparlar.
- Integer olmayan anahtarlarda integer değere dönüştürme işlemi yapılır.
- Örneğin kişilere ait sağlık numarası 9635-8904 şeklinde ise aradaki tire işareti kaldırılarak 96358904 olarak alınır.
- Eğer anahtar karakterlerden oluşuyorsa karakterlerin ASCII kodları kullanılır.



## Hash fonksiyonları (Selecting Digits – Rakam Seçme)

- Anahtar üzerindeki belirlenmiş bazı haneleri seçip birleştirerek tablodaki pozisyon bulunur.
- 2. ve 5. hanelerin seçimiyle oluşturulan değer aşağıdaki gibidir.
  - $h(033475678) = 37$
  - $h(023455678) = 25$
- **Artıları ve Eksileri**
  - Yapısı basittir.
  - Anahtarları tablonun tamamına düzgün bir şekilde dağıtamaz.
  - Çakışma çok sık olabilir.

## Hash fonksiyonları (Folding-katlama)

- Anahtar birkaç parçaya bölünür ve bu parçalar kendi arasında toplanarak tablodaki pozisyon bulunur.
- **Shift folding** metodunda anahtarın her bir parçası değiştirilmeden tablo boyutuna göre mod ile toplanır.
  - Örnek: SSN = 123-45-6789 olarak verilsin. SSN numarası 123, 456, 789 olarak üç parçaya ayrılıp toplandığında  $123+456+789 = 1368$  olarak pozisyon numarası elde edilir.
- **Boundary folding** metodunda anahtarın parçalarının sırası değiştirilerek tablo boyutuna göre mod ile toplanır.
  - Örnek: SSN numarası 123, 456, 789 olarak üç parçaya ayrılır. Birinci parça aynı sırada kalır ve ikinci parça ters sıralanır. Daha sonra üçüncü parça aynı sırada alınır ve tablo boyutuna göre mod ile toplanır. ( $123+654+789 = 1566$ )

## Hash fonksiyonları (Division – Bölme)

- Anahtar değeri tablo boyutuna göre mod ile bölünür.
- Örnek: SSN = 123456789 olarak verilsin. Tablo boyutu 1000 olursa, hash fonksyonu sonucu aşağıdaki gibi bulur;
- $\text{hash}(h) = 123456789 \% 1000 = 789$
- Yapısı basittir ancak çakışma olur.

## Hash fonksiyonları (Mid-square, Orta kare)

- Anahtar değerin karesi alınır ve sonucun orta kısmı seçilerek tablodaki pozisyon değeri bulunur.
- Örnek: anahtar = 3121 olarak verilsin. Hash fonksyonu sonucu aşağıdaki gibi bulur;
- $3121^2 = 9740641$
- $\text{hash}(3121) = 406$
- Anahtarın karesi binary olarak gösterilebilir.
- $3121^2 = 100101001010000101100001$
- $\text{hash}(3121) = 0101000010 = 322$

## Hash fonksiyonları (Extraction)

- Anahtar değerinin sadece bazı kısımları seçilerek tablodaki pozisyon değeri bulunur.
- Örnek: anahtar = 123-45-6789 olarak verilsin. Hash fonksyonu aşağıdakilerden herhangi birisi olabilir;
- $\text{hash}(123-45-6789) = 123456789 = 1234$
- $\text{hash}(123-45-6789) = 123456789 = 6789$
- $\text{hash}(123-45-6789) = 123456789 = 1289$

## Hash fonksiyonları (Radix Transformation)

- Anahtar değeri başka bir sayı tabanına dönüştürülür.
- Örnek: anahtar = 1238 olarak verilsin. Tablo boyutu 1000 olarak alındığında,
- $1238_{10} = 2326_8$
- Hesaplanan değer tablo boyutuna mod ile bölünerek pozisyon değeri bulunur.
- $\text{Hash}(1238) = 2326 \% 1000 = 326$

## Hash fonksiyonları -Çakışma

- $x = 65$  değerini aşağıdaki tabloya ekleyim.
- $x = 65$
- $h(x) = 5$
- Aynı pozisyona birden fazla kayıt gelirse çakışma meydana gelir.

0	-
1	-
2	47
3	-
4	-
5	35
6	36
7	-
8	-
9	129
10	25
11	2501
12	-
13	-
14	-

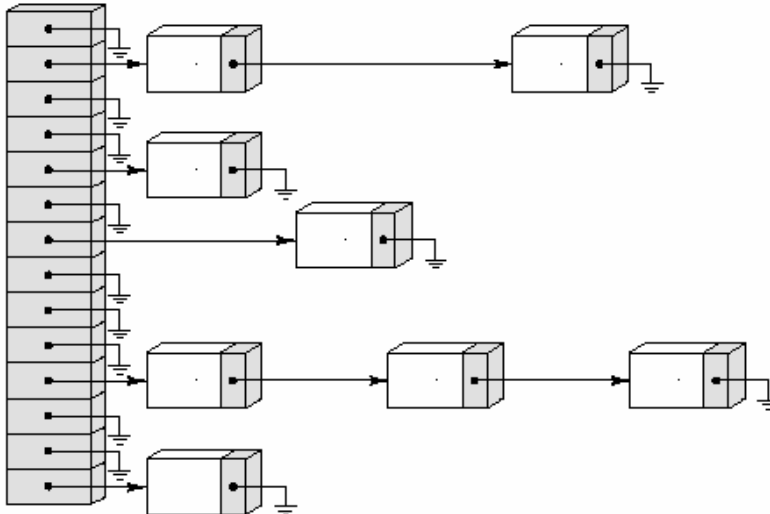
65

?

←

## Hash fonksiyonları Çakışmanın giderilmesi (Chaining)

- Aynı pozisyona gelen kayıtlar bağlı listelerle gösterilir.
- Ekleme: Listenin başına eklenir
- Silme/Erişim: Uygun listede arama yapılır



0	-
1	-
2	47
3	-
4	-
5	65
6	36
7	-
8	-
9	129
10	25
11	2501
12	-
13	-
14	-

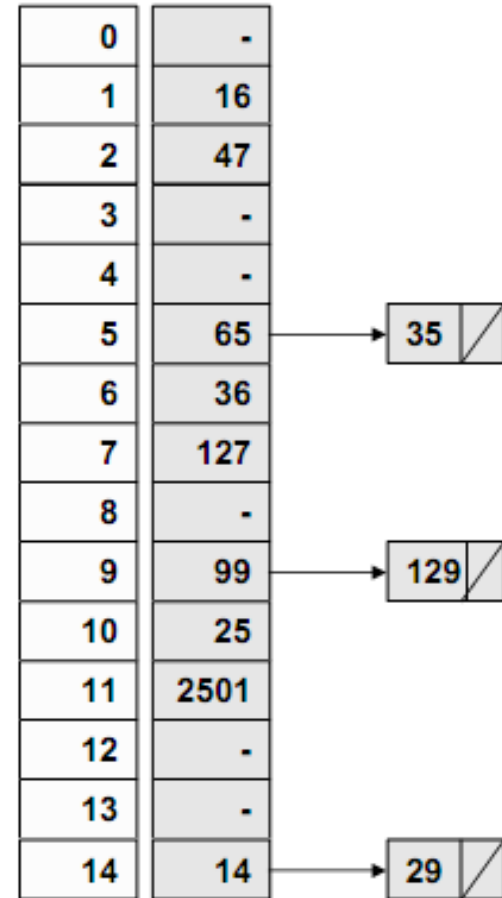
35	/
----	---



## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Chaining)

- Örnek:
- 29, 16, 14, 99, 127 sayılarının eklenmesi
- Aynı pozisyona gelen diğer anahtarlar bağlı listenin başına eklenmektedir.
- Chaining metodunun dezavantajları**
- Tablonun bazı kısımları hiç kullanılmamaktadır.
- Bağlı listeler uzadıkça arama ve silme işlemleri için gereken zaman uzamaktadır.

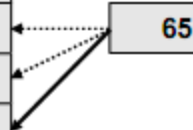


## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Linear Probing)

- Aynı pozisyona gelen ikinci kayıt ilgili pozisyondan sonraki ilk boş pozisyona yerleştirilir.
- Ekleme: Boş bir alan bulunarak yapılır.
- Silme/Erişim: İlk boş alan bulunana kadar devam edebilir.

0	-
1	-
2	47
3	-
4	-
5	35
6	36
7	65
8	-
9	129
10	25
11	2501
12	-
13	-
14	-



## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Linear Probing)

- Örnek :  $h(x) = x \bmod 13$
- 18, 41, 22, 44, 59, 32, 31, 73 değerlerini verilen sırada giriniz.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12



		41			18	44	59	32	22	31	73	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

## Hash fonksiyonları

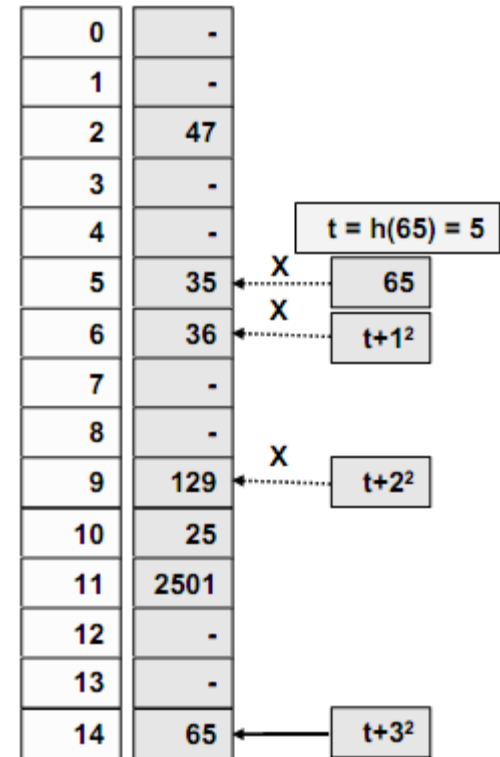
### Çakışmanın giderilmesi (Linear Probing)

- Linear Probing metodunun avantajları / dezavantajları
- Bağlı listeler gibi ayrı bir veri yapısına ihtiyaç duyulmaz.
- Kayıtların yığın şeklinde toplanmasına sebep olur.
- Silme ve arama işlemleri için gereken zaman aynı hash değeri sayısı arttıkça artar.

## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Quadratic Probing)

- Aynı pozisyona gelen ikinci kayıt Quadratic Fonksiyonla yerleştirilir.
- En çok kullanılan fonksiyon
- $t = h(t)$
- $f(x) = t + x^2$
- Yeni pozisyon için sırasıyla  $(t+1^2)$ ,  $(t+2^2)$ , ...,  $(t+n^2)$  değerlerine karşılık gelen pozisyonlara bakılır ve ilk boş olana yerleştirilir.



## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Quadratic Probing)

- Örnek: 29, 16, 14, 99, 127 değerlerini hash tablosuna quadratic probing metoduyla sırayla yerleştiriniz.
- $h(x) = x \bmod 15$

0	29	← $t+1^2$
1	-	
2	47	
3	-	
4	-	
5	35	
6	36	
7	-	
8	-	
9	129	
10	25	
11	2501	
12	-	
13	-	
14	65	X ← $t$ (where $t = h(29) = 14$ )

## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Quadratic Probing)

- Örnek: 29, 16, 14, 99, 127 değerlerini hash tablosuna quadratic probing metoduyla sırayla yerleştiriniz.
- $h(x) = x \bmod 15$

0	29	$t = h(16) = 1$
1	16	t
2	47	
3	-	
4	-	
5	35	
6	36	
7	-	
8	-	
9	129	
10	25	
11	2501	
12	-	
13	-	
14	65	





## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Quadratic Probing)

- Örnek: 29, 16, 14, 99, 127 değerlerini hash tablosuna quadratic probing metoduyla sırayla yerleştiriniz.
- $h(x) = x \bmod 15$

0	29	
1	16	
2	47	
3	14	
4	-	
5	35	
6	36	
7	-	
8	-	
9	129	X
10	25	X
11	2501	
12	-	
13	99	
14	65	

$t = h(99) = 9$

t

$t+1^2$

$t+2^2$

## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Quadratic Probing)

- Örnek: 29, 16, 14, 99, 127 değerlerini hash tablosuna quadratic probing metoduyla sırayla yerleştiriniz.
- $h(x) = x \bmod 15$

0	29
1	16
2	47
3	14
4	-
5	35
6	36
7	127
8	-
9	129
10	25
11	2501
12	-
13	99
14	65

$t = h(127) = 7$

$t + 2^2$

## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Quadratic Probing)

- Quadratic Probing metodunun avantajları / dezavantajları
- Anahtar değerlerini linear probing metoduna göre daha düzgün dağıtır.
- Yeni eleman eklemede tablo boyutuna dikkat edilmezse sonsuza kadar çalışma riski vardır.
- Örn.: Boyutu 16 (0-15) olan bir tabloda 0, 1, 4 ve 9 pozisyanlarının dolu olduğu durumda 16 değerini eklemeye çalıştığımız zaman sonsuz döngüye girer.

## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Double Hashing)

- Aynı pozisyona gelen ikinci kayıt için ikinci bir hash fonksiyonu kullanılır.
- İkinci hash fonksiyonu 0 değerini alamaz.
- En çok kullanılan fonksiyon:
- $\text{hash}(x) = \text{hash}_1(x) + i * \text{hash}_2(x)$
- Örn.:  $\text{hash}_2(x) = R - (x \% R)$ ,  $R < \text{TableSize}$
- $\text{hash}(x) = \text{hash}_1(x)$
- $\text{hash}(x) = \text{hash}_1(x) + 1 * \text{hash}_2(x)$
- $\text{hash}(x) = \text{hash}_1(x) + 2 * \text{hash}_2(x)$
- $\text{hash}(x) = \text{hash}_1(x) + 3 * \text{hash}_2(x)$

## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Double Hashing)

- Örnek: 65 değerinin eklenmesi
- $\text{hash}_1(x) = x \% 15$
- $\text{hash}_2(x) = 11 - (x \% 11)$
- $\text{hash}(65) = \text{hash}_1(65)$
- $\text{hash}(65) = 5$  dolu
- $\text{hash}(65) = \text{hash}_1(5) + 1 * \text{hash}_2(65)$
- $\text{hash}(65) = 5 + (11 - 10) = 6$
- $\text{hash}(65) = \text{hash}_1(5) + 2 * \text{hash}_2(65)$
- $\text{hash}(65) = 5 + 2 = 7$

0	-
1	-
2	47
3	-
4	-
5	35
6	36
7	65
8	-
9	129
10	25
11	2501
12	-
13	-
14	-

$t = h_1(65) = 5$

X  
65

X  
 $t+1 * h_2(65)$

$t+2 * h_2(65)$

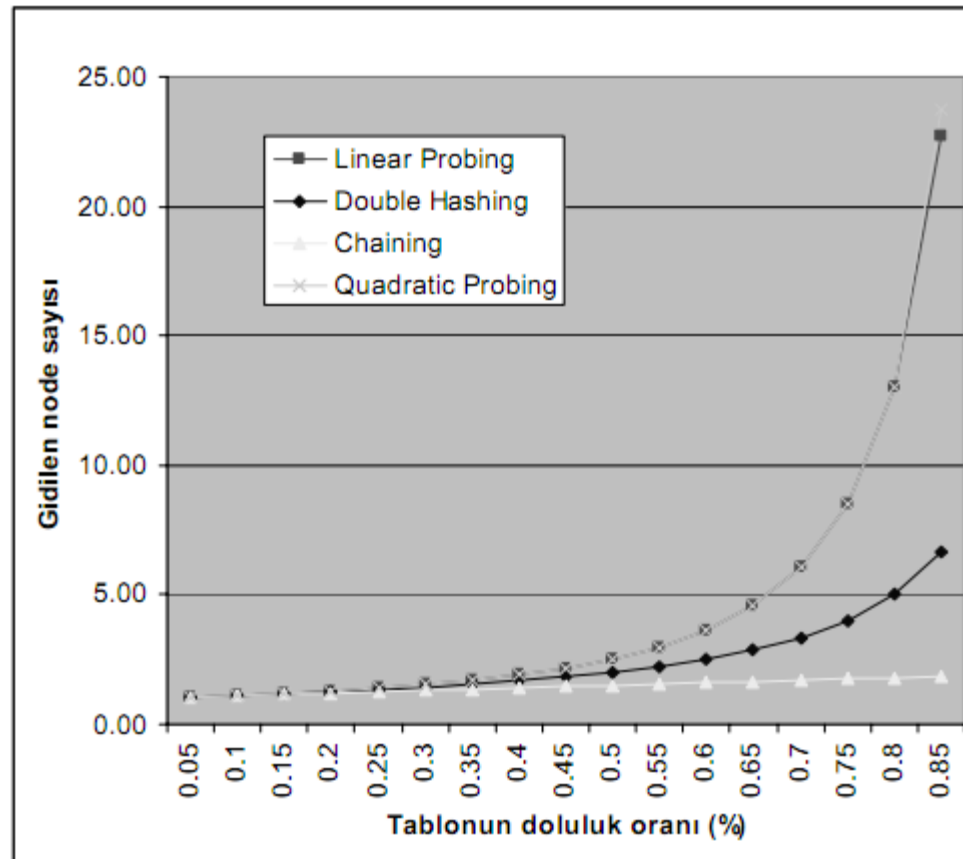
## Hash fonksiyonları

### Çakışmanın giderilmesi (Double Hashing)

- Double Hashing metodunun avantajları / dezavantajları
- Anahtar değerlerini linear probing metoduna göre daha düzgün dağıtır ve gruplar oluşmaz.
- Quadratic probing metoduna göre daha yavaştır çünkü ikinci bir hash fonksiyonu hesaplanır.

# Hash fonksiyonları

## ○ Performans



## Ödev

- 100 tane anahtar değerini rastgele üreten ve bu değerleri boyutu 100 olan bir hash tablosuna yerleştiren programı yazınız.
- Programda hash fonksiyonu olarak division metodunu, çakışma çözümü için linear probing ile quadratic probing metodlarını ayrı ayrı kullanınız.
- Anahtar değerlerini integer olarak alınız.
- Hash tablosu için dizi yapısını kullanınız.



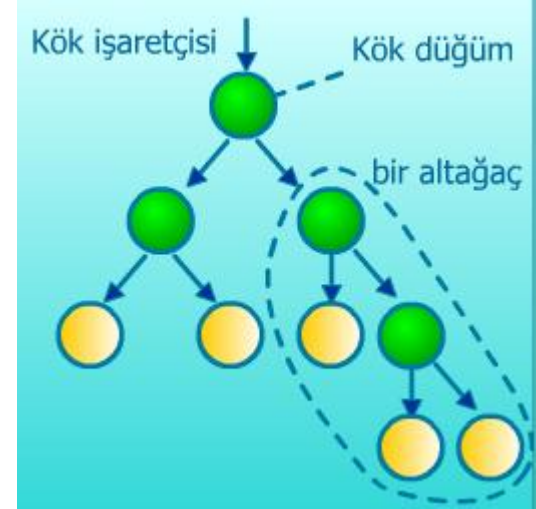
# AĞAÇ (TREE) Veri Modeli

# Ağaç Veri Modeli Temel Kavramları

- Ağaç, bir kök işaretçisi, sonlu sayıda düğümleri ve onları birbirine bağlayan dalları olan bir veri modelidir; aynı aile soyağacında olduğu gibi hiyerarşik bir yapısı vardır ve orada geçen birçok kavram buradaki ağaç veri modelinde de tanımlıdır.
- Örneğin çocuk, kardeş düğüm, aile, ata gibi birçok kavram ağaç veri modelinde de kullanılır. Genel olarak, veri, ağacın düğümlerinde tutulur; dallarda ise geçiş koşulları vardır denilebilir.
- Her biri değişik bir uygulamaya doğal çözüm olan ikili ağaç, kodlama ağacı, sözlük ağacı, kümeleme ağacı gibi çeşitli ağaç şekilleri vardır; üstelik uygulamaya yönelik özel ağaç şekilleri de çıkarılabilir.

# Ağaç Veri Modeli Temel Kavramları

- Bağlı listeler, yığıtlar ve kuyruklar doğrusal (linear) veri yapılarıdır. Ağaçlar ise doğrusal olmayan belirli niteliklere sahip iki boyutlu veri yapılarıdır.
  - Ağaçlar hiyerarşik ilişkileri göstermek için kullanılır.
  - Her ağaç node'lar ve kenarlardan (edge) oluşur.
  - Herbir node(düğüm) bir nesneyi gösterir.
  - Herbir kenar (bağlantı) iki node arasındaki ilişkiyi gösterir.
  - Arama işlemi bağlı dizilere göre çok hızlı yapılır.



# Ağaç Veri Modeli Temel Kavramları

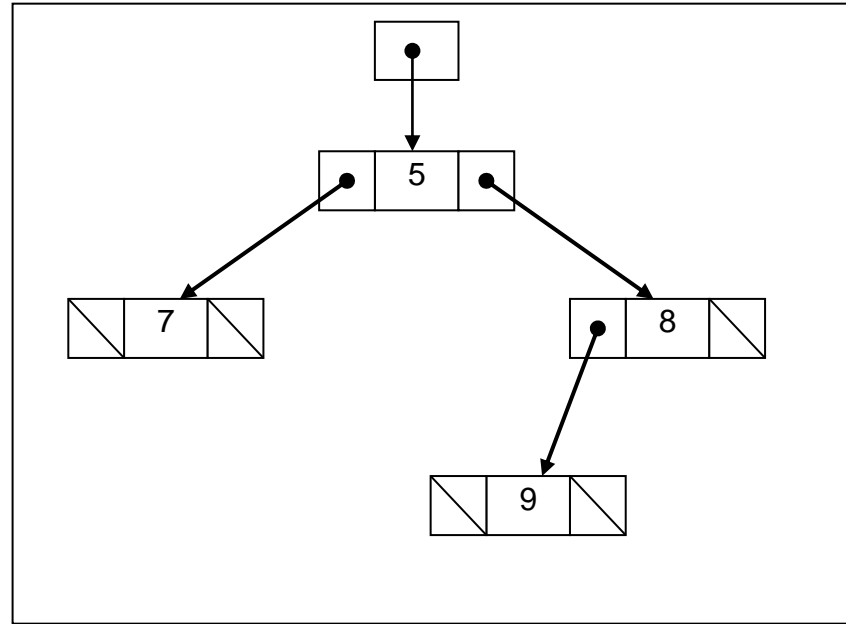
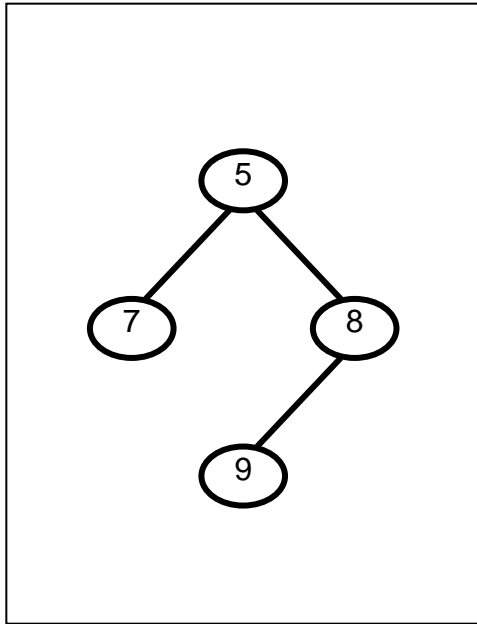
- Ağaçlardaki düğümlerden iki veya daha fazla bağ çıkabilir. İkili ağaçlar (binary trees), düğümlerinde en fazla iki bağ içeren (0,1 veya 2) ağaçlardır. Ağacın en üstteki düğüme kök (root) adı verilir.
- **Uygulamaları:**
  - Organizasyon şeması
  - Dosya sistemleri
  - Programlama ortamları

# Ağaç Veri Modeli Temel Kavramları

## Örnek ağaç yapısı



# Ağaç Veri Modeli Temel Kavramları

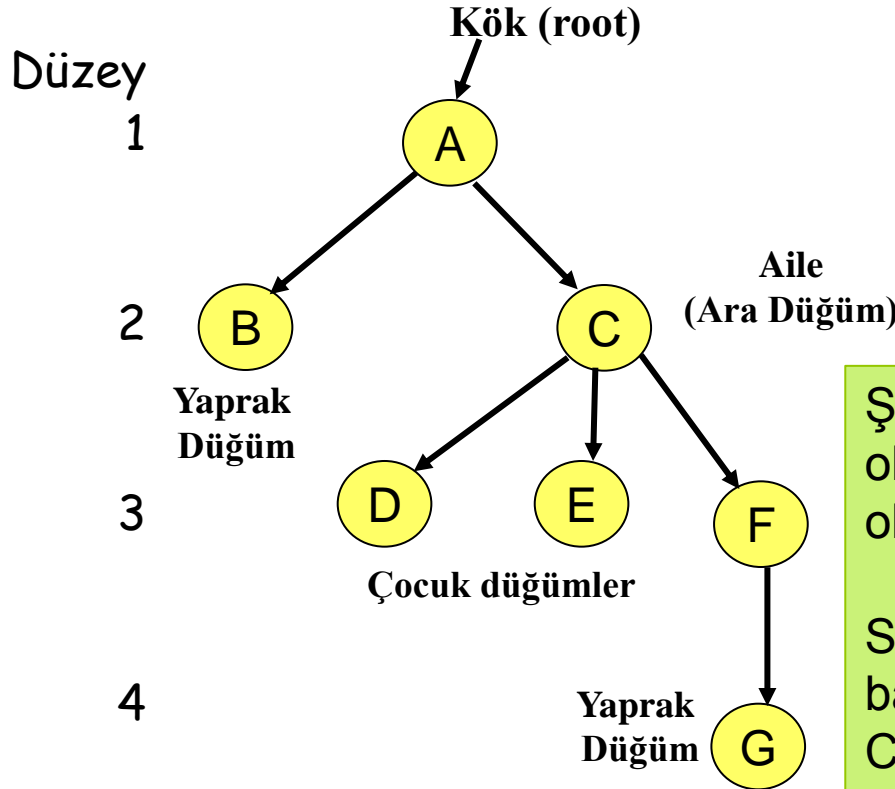


- Şekil 1: İkili ağacın grafiksel gösterimleri

# Ağaç Veri Modeli Temel Kavramları

- Şekil 1'de görülen ağacın düğümlerindeki bilgiler sayılardan oluşmuştur. Her düğümdeki sol ve sağ bağlar yardımı ile diğer düğümlere ulaşılır. Sol ve sağ bağlar boş ("NULL" = "/" = "\\") da olabilir.
- Düğüm yapıları değişik türlerde bilgiler içeren veya birden fazla bilgi içeren ağaçlar da olabilir.
- Doğadaki ağaçlar köklerinden gelişip göğe doğru yükselirken veri yapılarındaki ağaçlar kökü yukarıda yaprakları aşağıda olacak şekilde çizilirler.

# Ağaç Veri Modeli Temel Kavramları



Şekildeki ağaç, A düğümü kök olmak üzere 7 düğümden oluşmaktadır.

Sol alt ağaç B kökü ile başlamakta ve sağ alt ağaç da C kökü ile başlamaktadır.

A'dan solda B'ye giden ve sağda C'ye giden iki dal (branch) çıkmaktadır.

- **Şekil** : Ağaçlarda düzeyler



# Ağaç Veri Modeline İlişkin Tanımlar

- **Düğüm (Node)**
  - Ağacın her bir elemanına düğüm adı verilir.
- **Kök Düğüm (Root)**
  - Ağacın başlangıç düğümüdür.
- **Çocuk (Child)**
  - Bir düğüme doğrudan bağlı olan düğümlere o çocukları denilir.
- **Kardeş Düğüm (Sibling)**
  - Aynı düğüme bağlı düğümlere kardeş düğüm veya kısaca kardeş denir.
- **Aile (Parent)**
  - Düğümlerin doğrudan bağlı oldukları düğüm aile olarak adlandırılır; diğer bir deyişle aile, kardeşlerin bağlı olduğu düğümdür.
- **Ata (Ancestor) ve Torun (Dedscendant)**
  - Aile düğümünün daha üstünde kalan düğümlere ata denilir; torun, bir düğümün çocuğuna bağlı olan düğümlere denir.

# Ağaç Veri Modeline İlişkin Tanımlar

## ○ Derece (Degree)

- Bir düğümden alt hiyerarşiye yapılan bağlantıların sayısıdır; yani çocuk veya alt ağaç sayısıdır.

## ○ Düzey (Level) ve Derinlik (Depth)

- Düzey, iki düğüm arasındaki yolun üzerinde bulunan düğümlerin sayısıdır. Kök düğümün düzeyi 1, doğrudan köke bağlı düğümlerin düzeyi 2'dir. Bir düğümün köke olan uzaklığı ise derinliktir. Kök düğümün derinliği 1 dir.

## ○ Yaprak (Leaf)

- Ağacın en altında bulunan ve çocukları olmayan düğümlerdir.

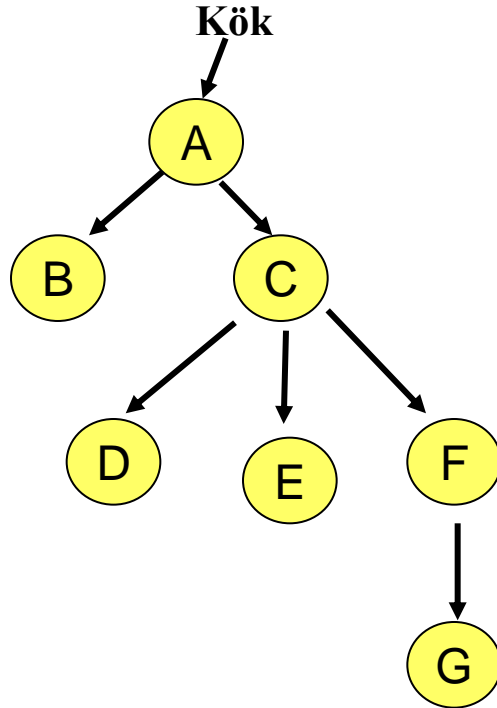
## ○ Yükseklik (Height)

- Bir düğümün kendi silsilesinden en uzak yaprak düğüme olan uzaklığıdır.

## ○ Yol(Path)

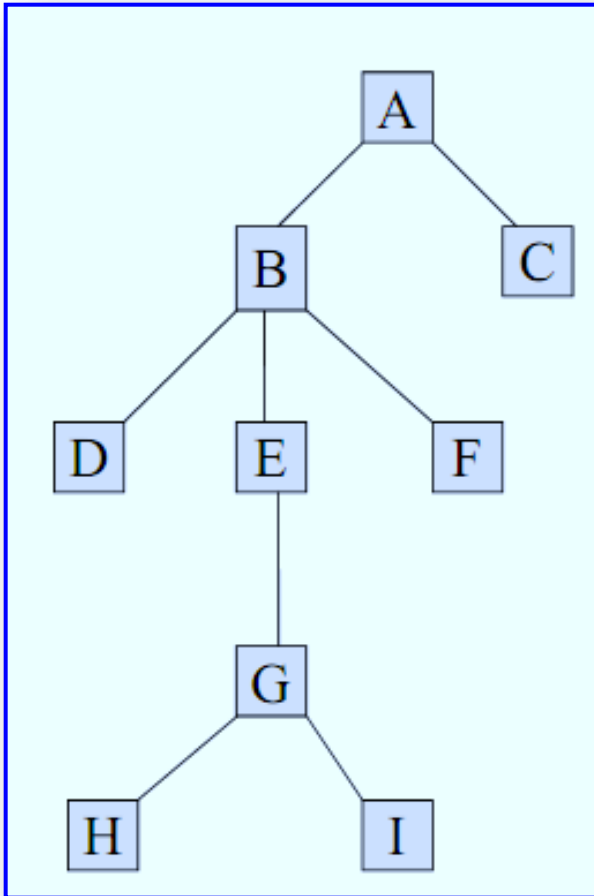
- Bir düğümün aşağıya doğru (çocukları üzerinden) bir başka düğüme gidebilmek için üzerinden geçilmesi gereken düğümlerin listesidir.

# Ağaç Veri Modeline İlişkin Tanımlar



Tanım	Kök	B	D
Çocuk/Derece	2	0	0
Kardeş	1	2	3
Düzyey	1	2	3
Aile	yok	kök	C
Ata	yok	yok	Kök
Yol	A	A, B	A,C,D
Derinlik	1	2	3
Yükseklik	3	2	1

# Ağaç Veri Modeline İlişkin Tanımlar



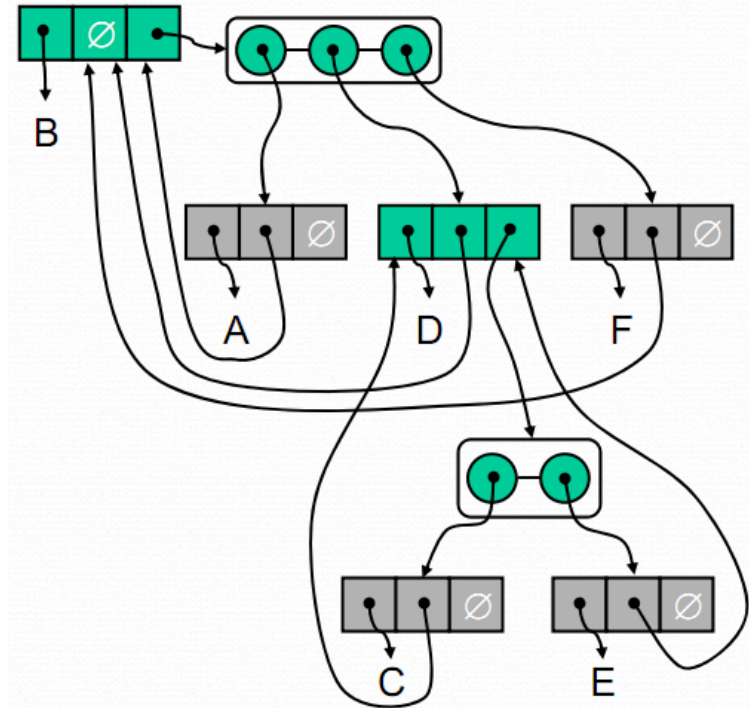
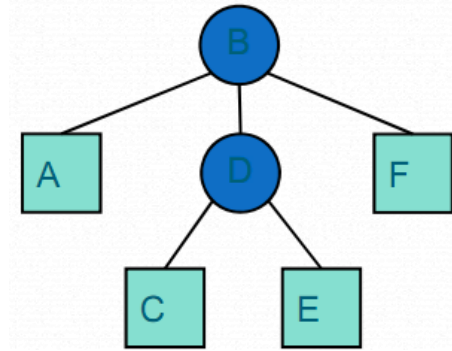
- | ○ Tanım            | Değer         |
|--------------------|---------------|
| ○ Düğüm sayısı     | 9             |
| ○ Yükseklik        | 4             |
| ○ Kök düğüm        | A             |
| ○ Yapraklar        | C, D, F, H, I |
| ○ Düzey sayısı     | 5             |
| ○ H'nin ataları    | E, B, A       |
| ○ B'nin torunları  | G, H, I       |
| ○ E'nin kardeşleri | D, F          |
| ○ Sağ alt ağaç     | Yok           |
| ○ Sol alt ağaç:    | B             |

# Ağaçların Bağlı Yapısı

- Bir düğüm çeşitli bilgiler ile ifade edilen bir nesnedir. Her bir bağlantı için birer bağlantı bilgisi tutulur.
  - Nesne/Değer (Element)
  - Ana düğüm (Parent node)
  - Çocuk düğümlerin listesi
- **Problem:** Bir sonraki elemanın çocuk sayısını bilmiyoruz.
- **Daha iyisi: Çocuk/Kardeş Gösterimi**
  - Her düğümde iki bağlantı bilgisi tutularak hem çocuk hem de yandaki kardeş tutulabilir.
  - İstenildiği kadar çocuk/kardeş olabilir.

```

JAVA Declaration
class AgacDugumu {
    int eleman;
    AgacDugumu ilkCocuk;
    AgacDugumu kardes; }
  
```



# Ağaç İşlemleri

- Genel Yöntemler:
  - integer size()
  - boolean isEmpty()
  - elements()
  - positions()
- Erişim yöntemleri:
  - root()
  - parent(p)
  - children(p)
- Sorgu (Query) Yöntemleri:
  - boolean isInternal(p)
  - boolean isExternal(p)
  - boolean isRoot(p)
- Güncelleme (Update) Yöntemi:
  - object replace (p, o)
- Ek yöntemler de tanımlanabilir

# Ağaç Türleri

- En çok bilinen ağaç türleri ikili arama ağacı olup kodlama ağacı, sözlük ağacı, kümeleme ağacı gibi birçok ağaç uygulaması vardır.
- **İkili Arama Ağacı (Binary Search Tree):**
  - İkili arama ağacında bir düğüm en fazla iki tane çocuğa sahip olabilir ve alt/çocuk bağlantıları belirli bir sırada yapılır.
- **Kodlama Ağacı (Coding Tree):**
  - Bir kümedeki karakterlere kod ataması için kurulan ağaç şeklindedir. Bu tür ağaçlarda kökten başlayıp yapraklara kadar olan yol üzerindeki bağlantı değerleri kodu verir.
- **Sözlük Ağacı(Dictionary Tree):**
  - Bir sözlükte bulunan sözcüklerin tutulması için kurulan bir ağaç şeklindedir. Amaç arama işlemini en performanslı bir şekilde yapılması ve belleğin optimum kullanılmasıdır.
- **Kümeleme Ağacı (Heap Tree):**
  - Bir çeşit sıralama ağacıdır. Çocuk düğümler her zaman aile düğümlerinden daha küçük değerlere sahip olur.

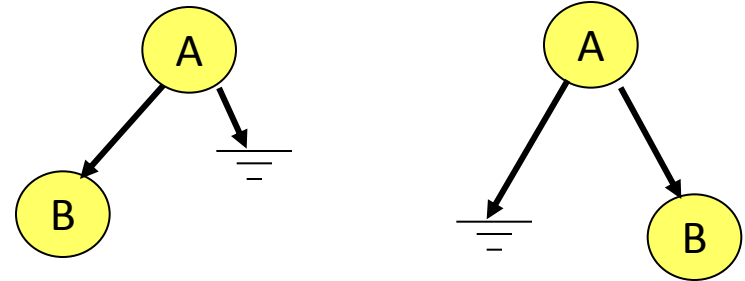
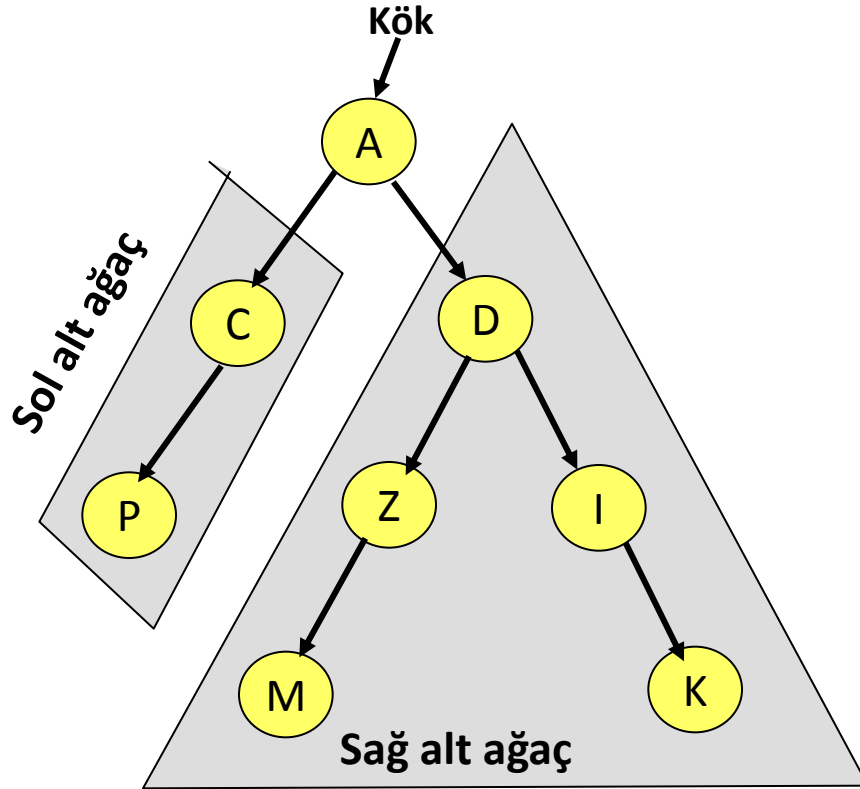
## İkili Ağaç (Binary Tree) :

- Sonlu düğümler kümesidir. Bu küme boş bir küme olabilir (empty tree). Boş değilse şu kurallara uyar.
  - Kök olarak adlandırılan özel bir düğüm vardır.
  - Her düğüm en fazla iki düğüme bağlıdır.
    - Left child : Bir node'un sol işaretçisine bağlıdır.
    - Right child : Bir node'un sağ işaretçisine bağlıdır.
  - Kök hariç her düğüm bir daldan gelmektedir.
  - Tüm düğümlerden yukarı doğru çıkıldıkça sonuçta köke ulaşılır.



## İkili Ağaç (Binary Tree) :

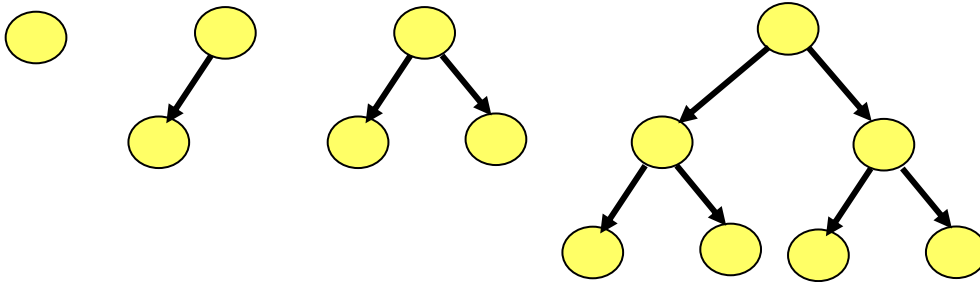
- Bilgisayar bilimlerinde en yaygın ağaçtır.



İki farklı ikili ağaç

## İkili Ağaç (Binary Tree)

- N tane düğüm veriliyor, İkili ağacın minimum derinliği nedir.



**Derinlik 1:**  $N = 1$ , 1 düğüm  $2^1 - 1$

**Derinlik 2:**  $N = 3$ , 3 düğüm,  $2^2 - 1$  düğüm

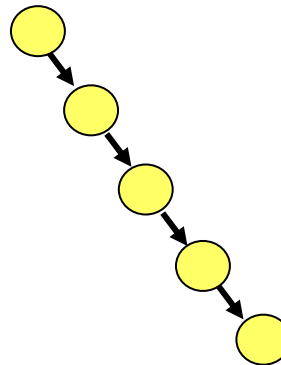
Herhangi bir  $d$  derinliğinde,  $N = ?$

**Derinlik  $d$ :**  $N = 2^d - 1$  düğüm (tam bir ikili ağaç)

**En küçük derinlik:**  $\Theta(\log N)$

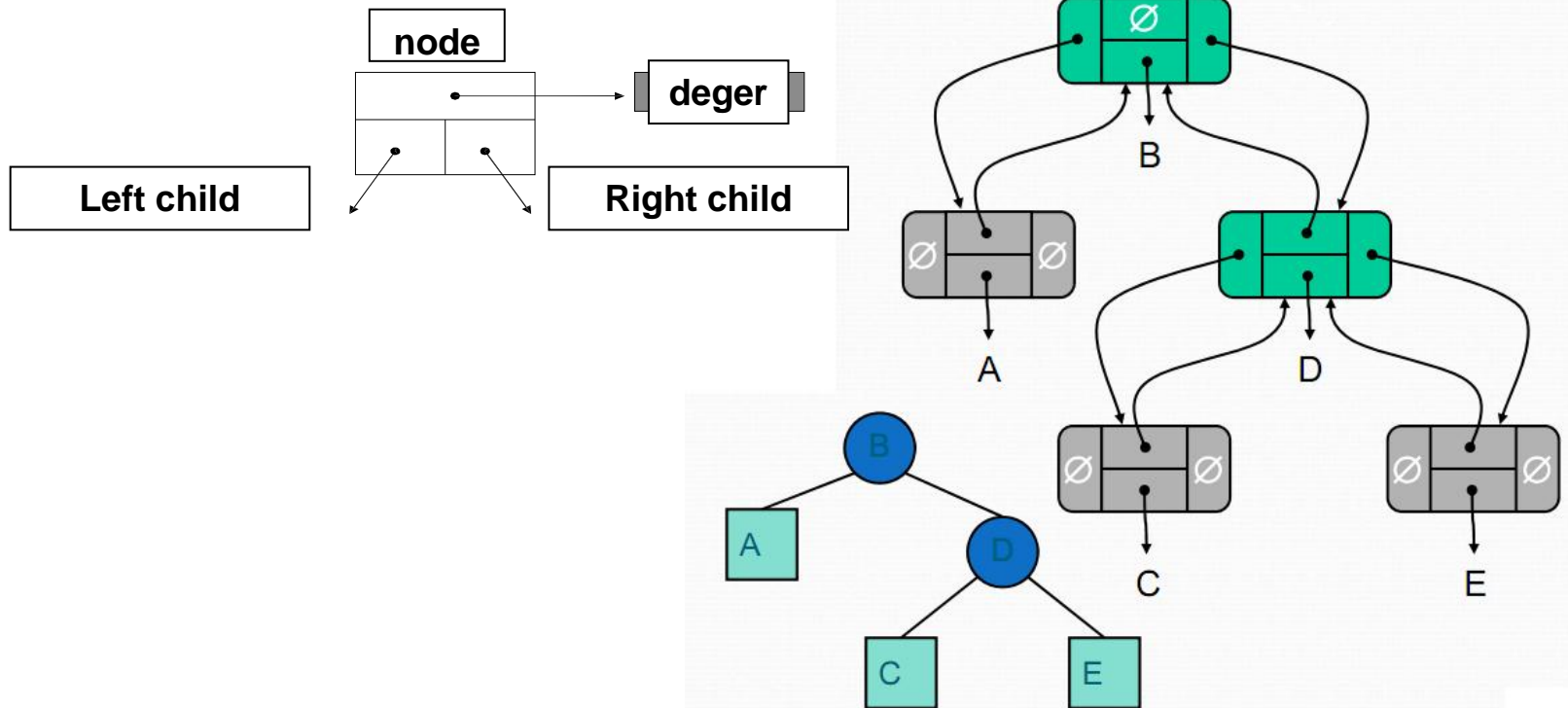
# İkili Ağaç

- N düğümlü ikili ağacın minimum derinliği:  $\Theta(\log N)$
- İkili ağacın maksimum derinliği ne kadardır?
  - Dengesiz ağaç: Ağaç bir bağlantılı liste olursa!
  - Maksimum derinlik = N
- Amaç: Arama gibi operasyonlarda bağlantılı listeden daha iyi performans sağlamak için derinliğin  $\log N$  de tutulması gerekmektedir.

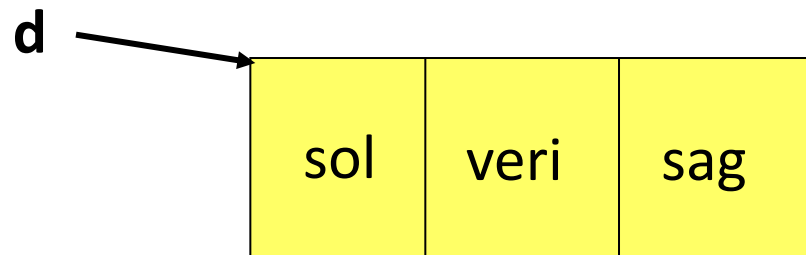


- Bağlantılı liste
- Derinlik = N

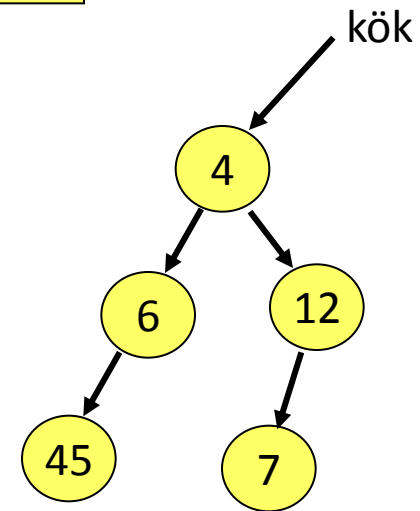
# İkili Ağaç Bağlı Liste Yapısı



# İkili Ağaç Gerçekleştirimi



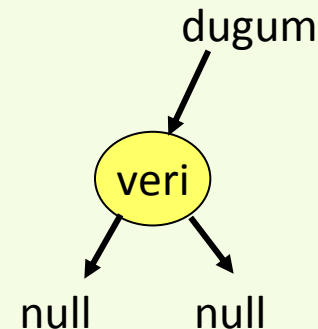
```
public class İkiliAgacDugumu {  
    public İkiliAgacDugumu sol;  
    public int veri;  
    public İkiliAgacDugumu sag;  
}
```



## İkili Ağaç Gerçekleştirimi

- İkili ağaç için düğüm oluşturma. Her defasında sol ve sağ boş olan bir düğüm oluşturulur.

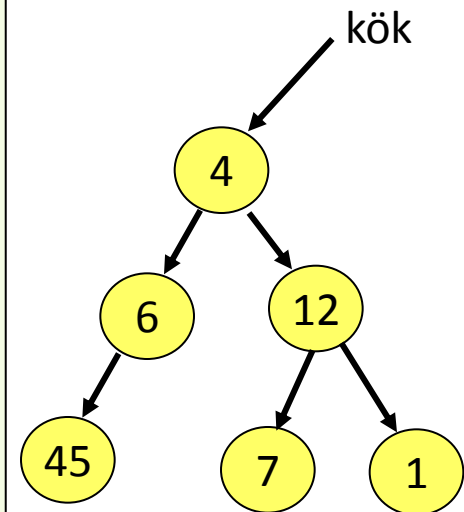
```
/* İkili ağaç düğümü oluşturur. */  
İkiliAgacDugumu DugumOlustur(int veri) {  
    İkiliAgacDugumu dugum = new İkiliAgacDugumu();  
    dugum.veri = veri;  
    dugum.sol = null;  
    dugum.sag = null;  
    return dugum;  
}
```



## İkili Ağaç Gerçekleştirimi

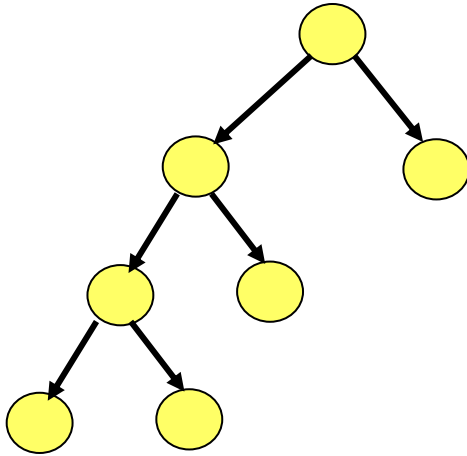
- İteratif düğüm oluşturma ve ağaca ekleme.

```
İkiliAgacDugumu dugum = null;  
  
public static void main main(){  
    kok = DugumOlustur(4);  
  
    kok.sol = DugumOlustur(6);  
    kok.sag = DugumOlustur(12);  
    kok.sol.sol = DugumOlustur(45);  
    kok.sag.sol = DugumOlustur(7);  
    kok.sag.sag = DugumOlustur(1);  
} /* main */
```

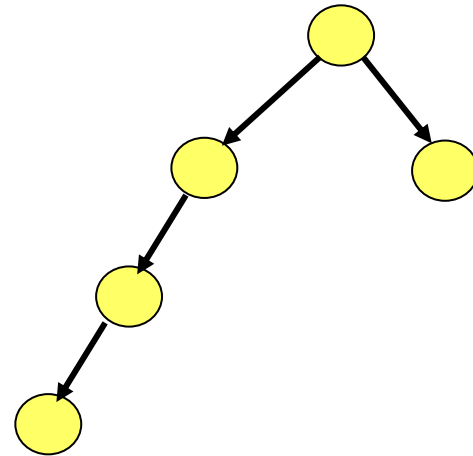


## Proper (düzgün) Binary Trees

- Yaprak olmayan düğümlerin tümünün iki çocuğu olan T ağacı proper(düzgün) binary tree olarak adlandırılır.



Proper Tree

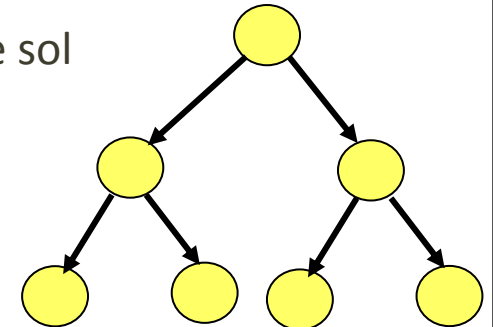


ImProper Tree



# Full Binary Tree

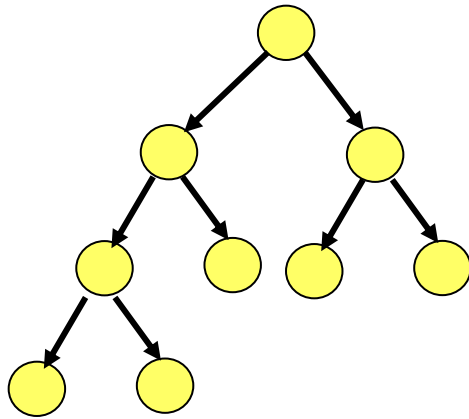
- Full binary tree:
  - 1- Her yaprağı aynı derinlikte olan
  - 2- Yaprak olmayan düğümlerin tümünün iki çocuğu olan ağaç Full (Strictly) Binary Tree'dir.
- Bir full binary tree'de  $n$  tane yaprak varsa bu ağaçta toplam  $2n-1$  düğüm vardır. Başka bir şekilde ifade edilirse,
  - Eğer T ağacı boş ise, T yüksekliği 0 olan bir full binary ağaçtır.
  - T ağacının yüksekliği  $h$  ise ve yüksekliği  $h$ 'den küçük olan tüm node'lar iki child node'a sahipse, T full binary tree'dir.
  - Full binary tree'de her node aynı yüksekliğe eşit sağ ve sol altağaçlara sahiptir.



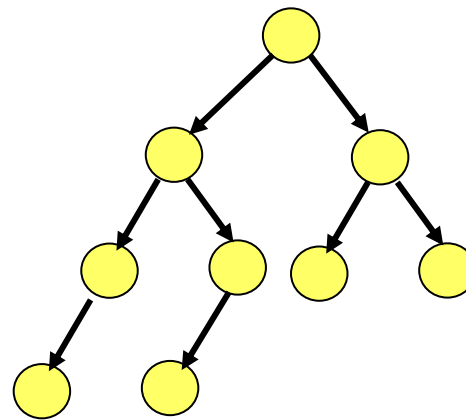
# Complete Binary Tree

- Full binary tree'de, yeni bir derinliğe soldan sağa doğru düğümler eklendiğinde oluşan ağaçlara Complete Binary Tree denilir.
- Böyle bir ağaçta bazı yapraklar diğerlerinden daha derindir. Bu nedenle full binary tree olmayabilirler. En derin düzeyde düğümler olabildiğince soldadır.
- - T, n yükseklikte complete binary tree ise, tüm yaprak node'ları n veya n-1 derinliğindedir ve yeni bir derinliğe soldan sağa doğru ekleme başlanır.
  - Her node iki tane child node'a sahip olmayabilir.

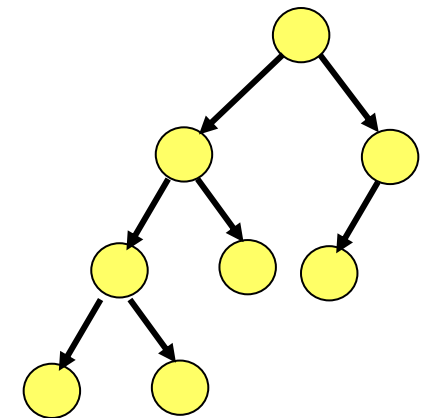
# Complete Binary Tree



○ Complete

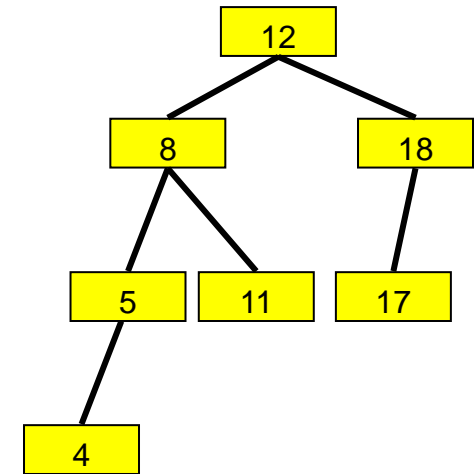


incomplete



# Balanced Binary Trees

- Yüksekliği ayarlanmış ağaçlardır.
- Bütün düğümler için sol altağacın yüksekliği ile sağ altağacın yüksekliği arasında en fazla bir fark varsa balanced binary tree olarak adlandırılır.
- Complete binary tree'ler aynı zamanda balanced binary tree'dir.
- Her balanced binary tree, complete binary tree olmayabilir. (Neden?)

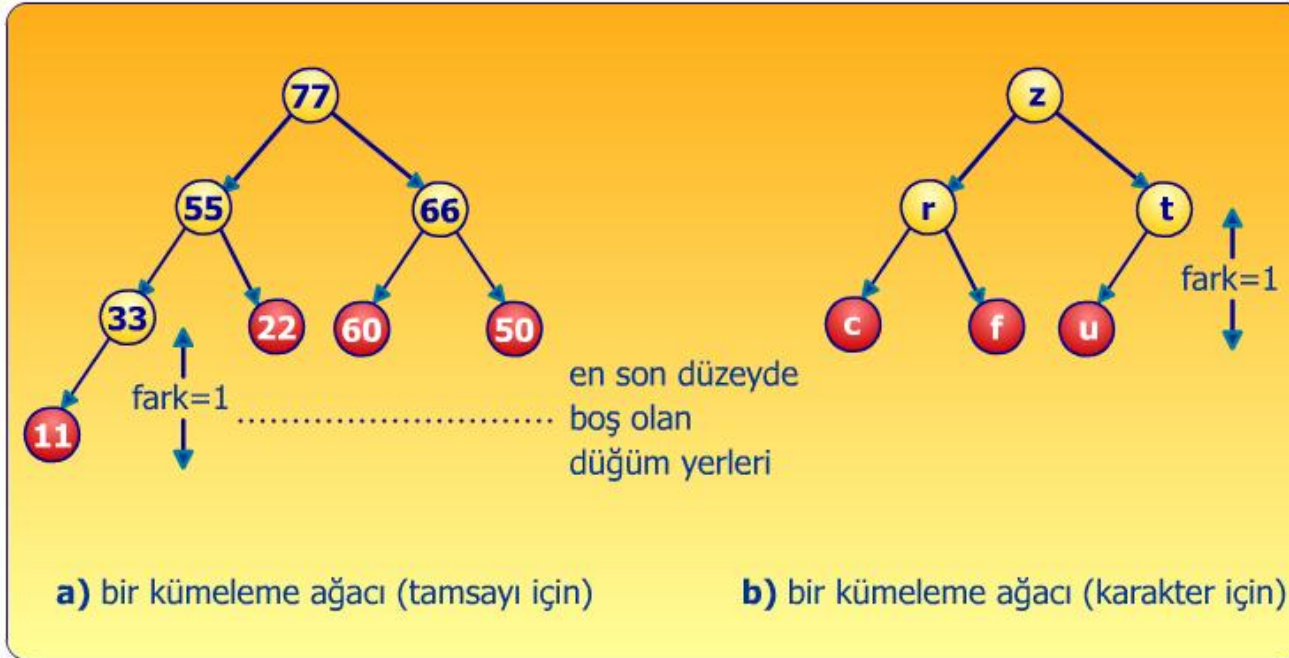


# Heap Tree (Kümele Ağacı)

- Kümeleme ağacı, ağaç oluşturulurken değerleri daha büyük olan düğümlerin yukarıya, küçük olanların da aşağıya eklenmesine dayanan tamamlanmış bir ağaçtır.
- Böylece 0. düzeyde, kökte, en büyük değer bulunurken yaprakların olduğu  $k$ . düzeyde en küçük değerler olur. Yani büyükten küçüğe doğru bir kümeleme vardır; veya tersi olarak küçükten büyüğe kümeleme de yapılabilir.
- Aksi belirtilmediği sürece kümeleme ağacı, sayısal veriler için büyükten küçüğe, sözcükler için alfabetik sıralamaya göre yapılır.
- Kümeleme ağacı bilgisayar biliminde bazı problemlerin çözümü için çok uygundur; hatta birebir uyuşmaktadır denilebilir. Üstelik, hem bellek alanı hem de yürütme zamanı açısından getirisi olur.

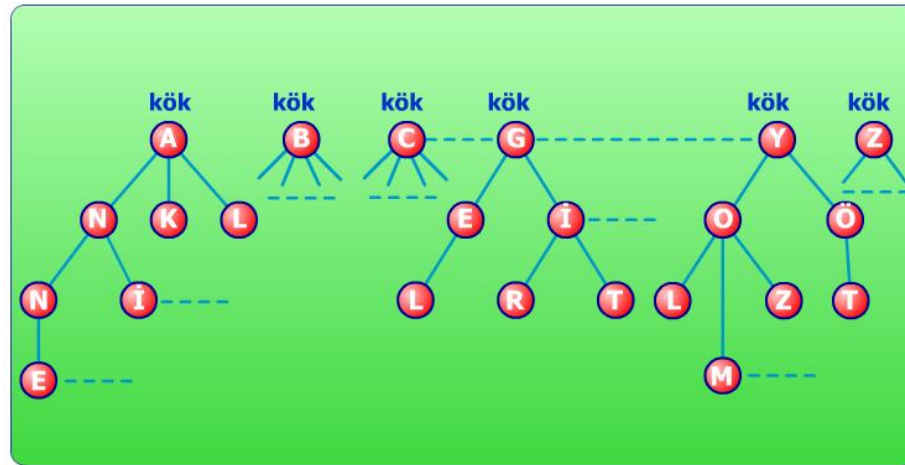
# Heap Tree (Kümele Ağacı)

- Bir düğüm her zaman için çocuklarından daha büyük değere sahiptir.
- Yaprak düğümlerin herhangi ikisi arasındaki fark en fazla 1 dir.
- En son düzey hariç tüm düzeyler düğümlerle doludur.
- En son düzeyde oluşan boşluklar sadece sağ taraftadır
- Sıralama işlemlerinde kullanılır.



# Trie Ağacı/Sözlük Ağacı

- Sözlük ağacı, bir sözlükte bulunan sözcükleri tutmak ve hızlı arama yapabilmek amacıyla düşünülmüştür; bellek gereksinimi arttırmadan, belki de azaltarak, onbinlerce, yüzbinlerce sözcük bulunan bir sözlükte 10-15 çevrim yapılarak aranan sözcüğün bulunması veya belirli bir karakter kadar uyuşmasının bulunması için kullanılmaktadır.
- Sözlük ağacı, sıkıştırma, kodlama gibi sözlük kurulmasına dayalı algoritmalarda ve bir dilin sözlüğünü oluşturmada kullanılmaktadır.



# Ödev

- Aşağıda verilen ağaç yapılarını araştırınız. Bu ağaçlara ait bilgileri Word ve Powerpoint ortamında hazırlayıp getiriniz.
  - Sözlük Ağaçları
  - Kodlama Ağaçları
  - Sıkıştırma Ağaçları
  - Bağintı Ağaçları
  - Kümele Ağacı



# Geçiş İşlemleri

## İkili Ağaçlar Üzerindeki Geçiş İşlemleri

- **Geçiş (traverse)**, ağaç üzerindeki tüm düğümlere uğrayarak gerçekleştirilir. Ağaçlar üzerindeki geçiş işlemleri, ağaçtaki tüm bilgilerin listelenmesi veya başka amaçlarla yapılır.
- Doğrusal veri yapılarında baştan sona doğru dolaşmak kolaydır. Ağaçlar ise düğümleri doğrusal olmayan veri yapılarıdır. Bu nedenle farklı algoritmalar uygulanır.

# İkili Ağaçlar Üzerindeki Geçiş İşlemleri

- **Preorder (depth-first order) Dolaşma (Traversal) (Önce Kök)**
  - Köke uğra (visit)
  - Sol alt ağacı preorder olarak dolaş.
  - Sağ alt ağacı preorder olarak dolaş.
- **Inorder (Symmetric order) Dolaşma(Ortada Kök)**
  - Sol alt ağacı inorder'a göre dolaş
  - Köke uğra (visit)
  - Sağ alt ağacı inorder'a göre dolaş.
- **Postorder Dolaşma (Sonra Kök)**
  - Sol alt ağacı postorder'a göre dolaş
  - Sağ alt ağacı postorder'a göre dolaş.
  - Köke uğra (visit)
- **Level order Dolaşma (Genişliğine dolaşma)**
  - Köke uğra
  - Soldan sağa ağacı dolaş

# Preorder Geçişi

- Preorder geçişte, bir düğüm onun neslinden önce ziyaret edilir.
- Uygulama: yapılandırılmış bir belgenin yazdırılması

```
Algorithm preOrder(v)  
  visit(v)  
  for each child w of v  
    preorder (w)
```

```
OnceKok(IkiliAgacDugumu kok)  
{  
  if (kok == null) return;  
  System.out.print(kok.veri+" ");  
  OnceKok(kok.sol);  
  OnceKok(kok.sag);  
}
```

## Postorder Geçişi

- Postorder geçişte, bir düğüm onun neslinden sonra ziyaret edilir.
- Uygulama: Bir klasör ve onun alt klasörlerindeki dosyaların kullandıkları alanın hesaplanması.

```
Algorithm postOrder(v)  
  for each child w of v  
    postOrder (w)  
  visit(v)
```

```
SonraKok(IkiliAgacDugumu kok)  
{  
  if (kok == null) return;  
  SonraKok(kok.sol);  
  SonraKok(kok.sag);  
  System.out.print(kok.veri+" ");  
}
```

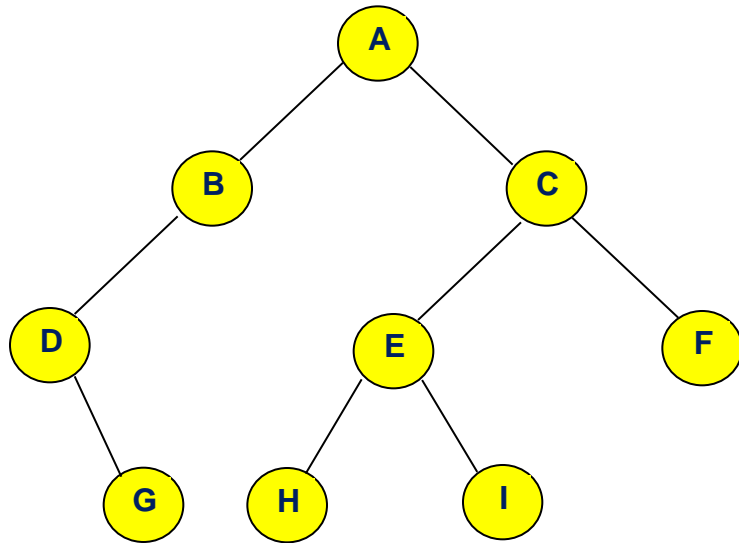
# Inorder Geçişi

- Inorder geçişte, bir düğüm sol alt ağaçtan sonra ve sağ alt ağaçtan önce ziyaret edilir.
- Uygulama: ikili ağaç çizmek
- $x(v) = v$  düğümünün inorder sıralaması (rank)
- $y(v) = v$ 'nin derinliğı

```
Algorithm inOrder(v)
  if hasLeft (v)
    inOrder (left (v))
  visit(v)
  if hasRight (v)
    inOrder (right (v))
```

```
OrtadaKok (IkiliAgacDugumu kok)
{
  if (kok == null) return;
  OrtadaKok(kok.sol);
  System.out.print(kok.veri+" ");
  OrtadaKok(kok.sag);
}
```

## İkili Ağaçlar Üzerindeki Geçiş İşlemleri



**PreOrder** : A B D G C E H I F

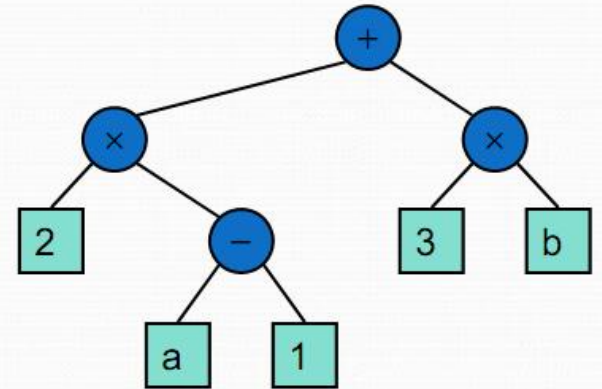
**InOrder** : D G B A H E I C F

**PostOrder** : G D B H I E F C A

**LevelOrder**: A B C D E F G H I

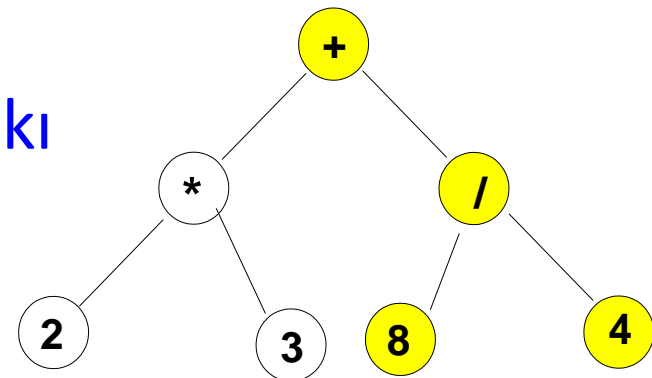
## Bağıntı (İfade) Ağaçları (Expression Tree)

- Bağıntı ağaçları bir matematiksel bağıntının ağaç şeklinde tutulması için tanımlanmıştır. Bir aritmetik ifade ile ilişkili ikili ağaçtır.
- Ağacın genel yapısı:
  - Yaprak düğüm = değişken/sabit değer
  - Kök veya ara düğümler = operatörler
  - Birçok derleyicide kullanılır. Parantez gereksinimi yoktur.
- Örnek:  $(2 \times (a - 1) + (3 \times b))$  aritmetik ifadesi için ağaç yapısı



# Bağıntı Ağaçlarında Geçiş

- preOrder, (prefix)- **Ön-takı**
  - + \* 2 3 / 8 4
- inOrder, (infix)- **İç-takı**
  - 2 \* 3 + 8 / 4
- postOrder, (postfix) **Son-takı**
  - 2 3 \* 8 4 / +
- levelOrder,
  - + \* / 2 3 8 4



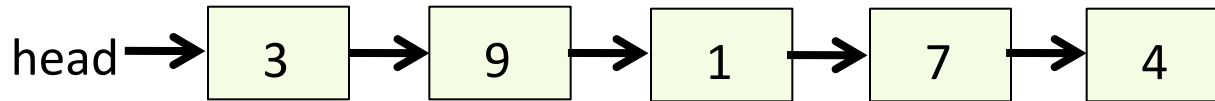
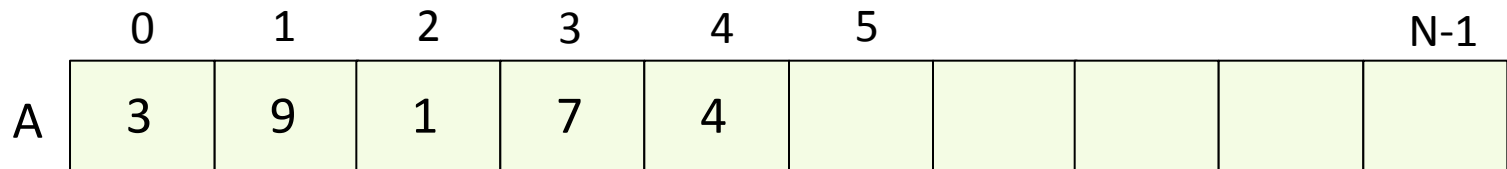


# Arama Ağaçları

- Bir veri yapısı içerisinde çok sayıda (anahtar, değer) çiftleri saklamak istediğimizi varsayalım.
- Aşağıdaki işlemleri etkili bir şekilde yerine getirebilecek bir veri yapısına ihtiyacımız var.
  - **Ekle**(anahtar, değer)
  - **Sil**(anahtar, değer)
  - **Bul**(anahtar)
  - **Min**()
  - **Max**()
- Alternatif veri yapıları?
  - Dizi kullanmak
  - Bağlantılı liste kullanmak

# Arama Ağaçları

Örnek: Yandaki değerleri saklayalım: 3, 9, 1, 7, 4



Operasyon	Sırasız Dizi	Sıralı Dizi	Sırasız Liste	Sıralı List
Bul (Arama)	$O(N)$	$O(\log N)$	$O(N)$	$O(N)$
Ekle	$O(1)$	$O(N)$	$O(1)$	$O(N)$
Sil	$O(1)$	$O(N)$	$O(1)$	$O(1)$

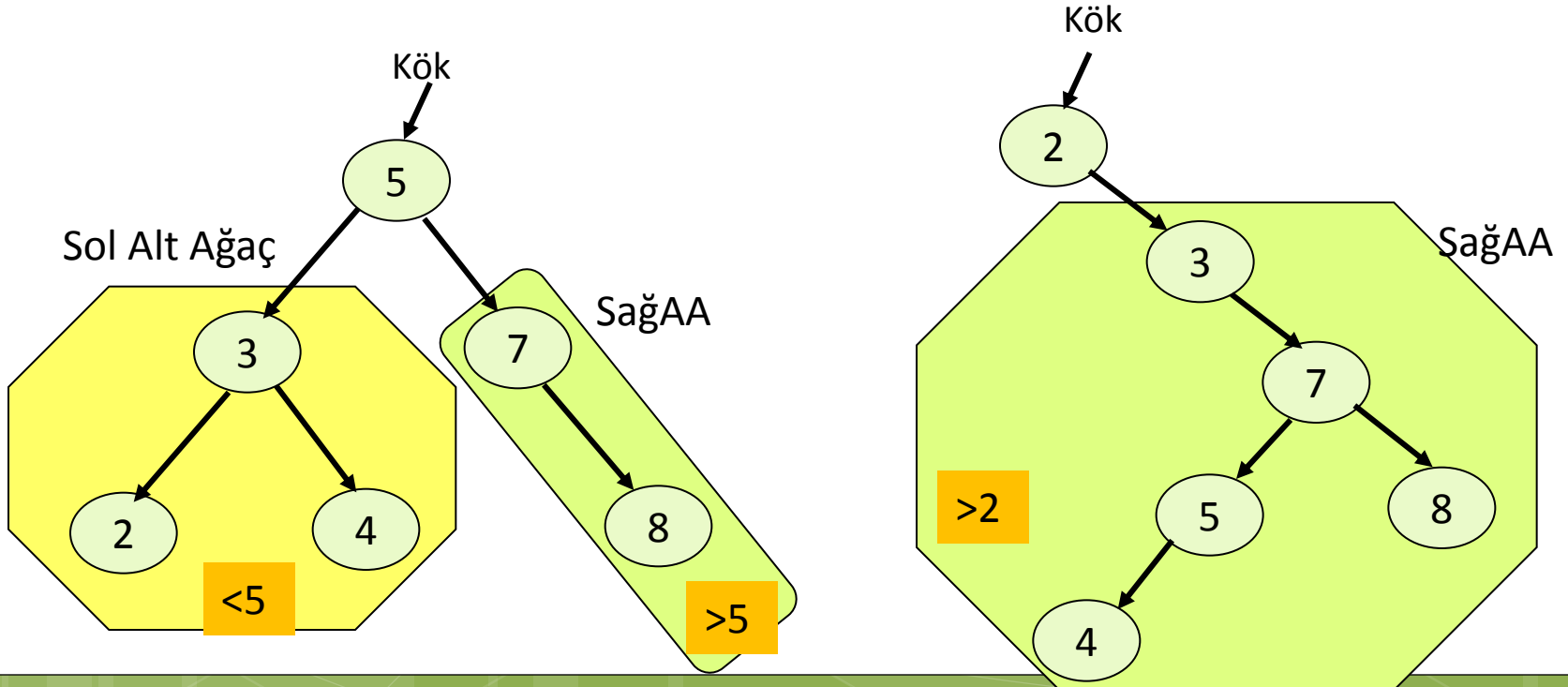
Bul/Ekle/Sil işlemlerinin hepsini  $O(\log N)$  de yapabilir miyiz?

# Kullanılan Verimli Arama Ağaçları

- Fikir: Verileri arama ağacı yapısına göre düzenlersek arama işlemi daha verimli olacaktır.
  - İkili Arama Ağacı (Binary search tree (BST))
  - AVL Ağacı
  - Splay Ağacı
  - 2-3-4 Ağacı
  - Red-Black Ağacı
  - B Ağacı ve B+ Ağacı

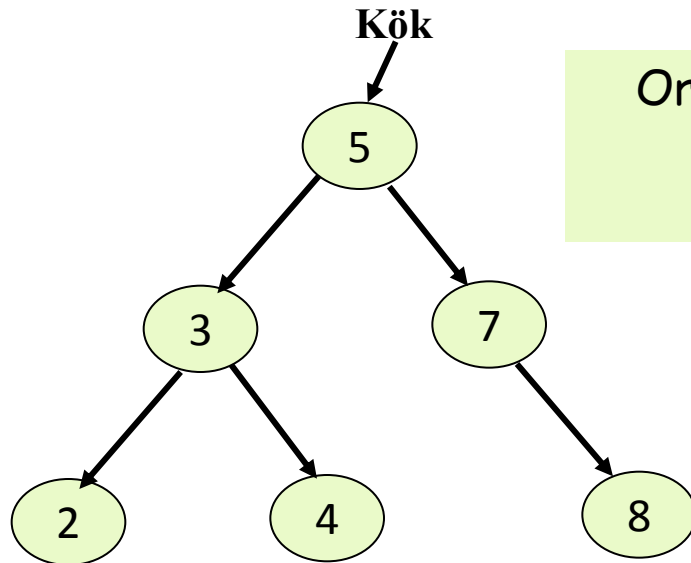
## İkili Arama Ağacı (Binary Search Tree)

- **İkili Arama Ağacı** her bir düğümdeki değerlere göre düzenlenir:
  - Sol alt ağaçtaki tüm değerler kök düğümünden küçüktür.
  - Sağ alt ağaçtaki tüm değerler kök düğümünden büyüktür.



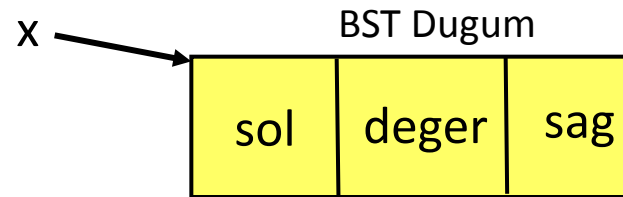
# İkili Arama Ağacında Sıralama

- İkili arama ağacı önemli özelliklerinden birisi Ortada-kök (Inorder) dolaşma algoritması ile düğümlere sıralı bir şekilde ulaşılmasını sağlar.



Ortada-kök sonucu  
2 3 4 5 7 8

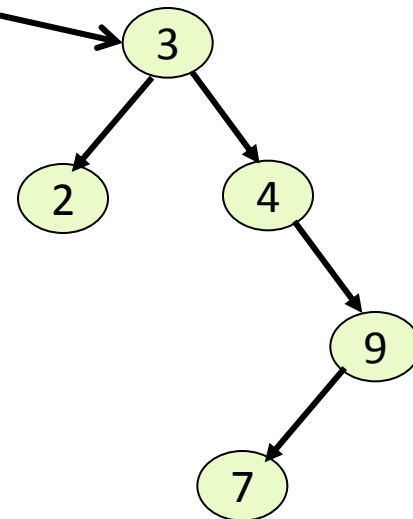
# BST İşlemleri- Tanımlama



```
public class BSTDugum
{
    public BSTDugum sol;
    public int deger;
    public BSTDugum sag;
}
```

```
/* İKİLİ ARAMA AĞACI */
public class BST {
    Private BSTDugum kok;

    public BST(){kok=null;}
    public void Ekle(int deger);
    public void Sil(int deger);
    public BSTNode Bul(int key);
    public BSTNode Min();
    public BSTNode Max();
};
```



# BST İşlemleri-Arama

- Bir  $k$  anahtarını aramak için, kök düğümden başlayarak aşağı doğru bir yol izlenir.
- Bir sonraki ziyaret edilecek düğüm,  $k$  anahtar değerinin geçerli düğümün anahtar değeriyle karşılaştırılması sonucuna bağlıdır.
- Eğer yaprağa ulaşıldıysa anahtar bulunamamıştır ve null değer geri döndürülür.
- Örnek: Bul(4)

**Algorithm** *TreeSearch*( $k, v$ )

if *T.isExternal* ( $v$ )

return  $v$

if  $k < \text{key}(v)$

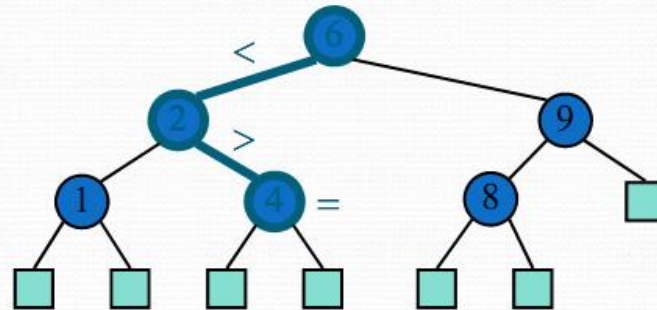
return *TreeSearch*( $k, T.\text{left}(v)$ )

else if  $k = \text{key}(v)$

return  $v$

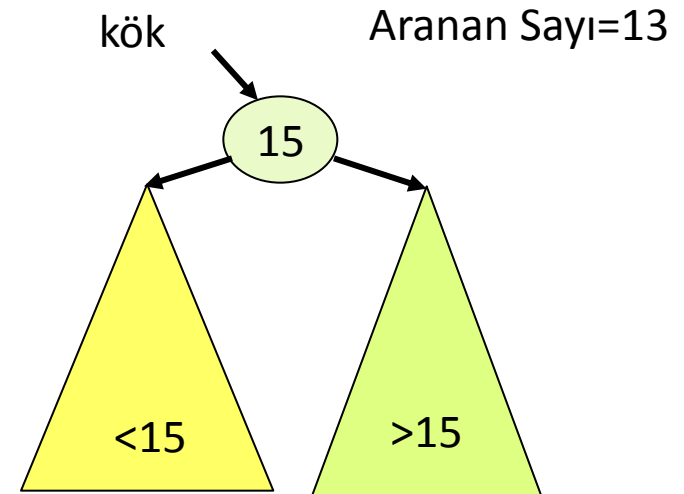
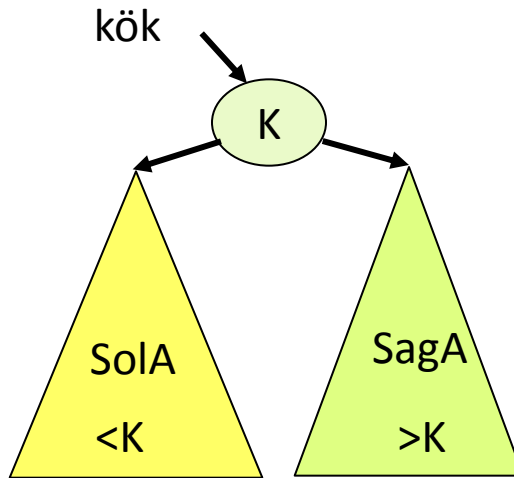
else {  $k > \text{key}(v)$  }

return *TreeSearch*( $k, T.\text{right}(v)$ )



## BST İşlemleri- Arama

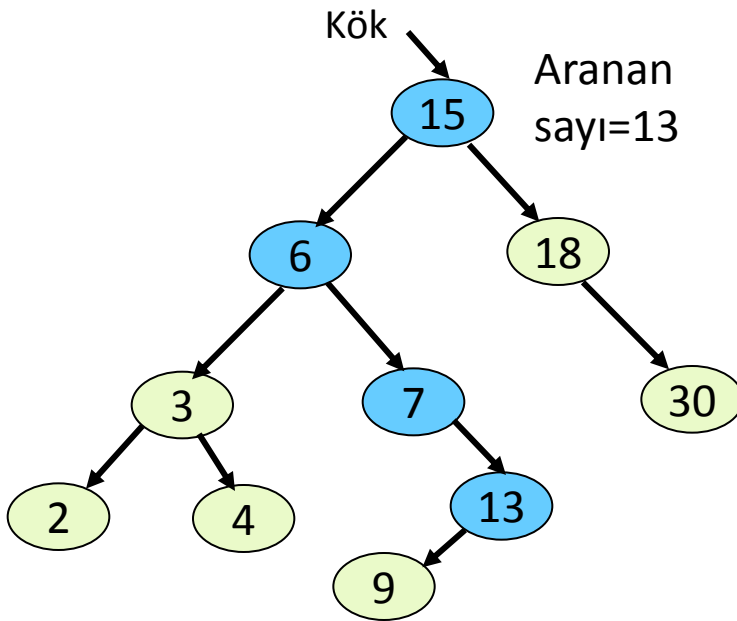
- Değeri içeren düğümü bul ve bu düğümü geri döndür.



1. Arama işlemine kökten başla
2. `if (aranaDeger == kok.deger)`      `return kok;`
3. `if (aranaDeger < kok.deger)`      **Ara SolAltAğaç**
4. `else`      **Ara SagAltAğaç**



# BST İşlemleri- Arama



```
public BSTDugum Bul(int deger)
{ return Bul2(kok, deger); }
```

```
public BSTDugum Bul2(BSTDugum kok, int deger)
{
  if (kok == null) return null;
  if (deger == kok.deger)
    return kok;
  else if (deger < kok.deger)
    return Bul2(kok.sol, deger);
  else /* deger > kok.deger */
    return Bul2(kok.sag, deger);
}
```

Mavi renkli düğümler arama sırasında ziyaret edilen düğümlerdir.  
Algoritmanın çalışma karmaşıklığı  $O(d)$ 'dir. ( $d$  = ağacın derinliği)

## BST İşlemleri-Arama

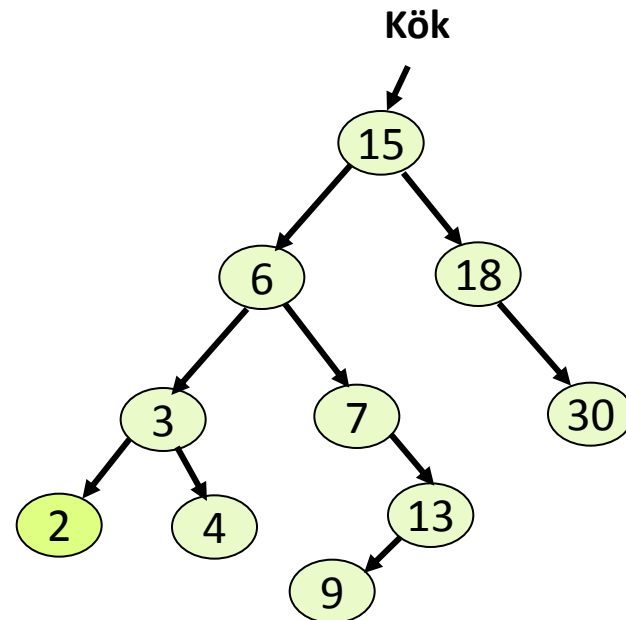
- Aynı algoritma while döngüsü yardımıyla yinelemeli şekilde yazılabilir. Yinelemeli versiyon özyinelemeli versiyona göre daha verimli çalışır.

```
public BSTDugum Bul(int deger){  
    BSTDugum p = kok;  
    while (p){  
        if (deger == p.deger)    return p;  
        else if (deger < p.deger) p = p.sol;  
        else /* deger > p.deger */ p = p.sag;  
    } /* while-bitti */  
    return null;  
} //bul-Bitti
```

## BST İşlemleri- Min

- Ağaçtaki en küçük elemanı içeren düğümü bulur ve geri döndürür.
- En küçük elemanı içeren düğüm en soldaki düğümde bulunur.
- Kökten başlayarak devamlı sola gidilerek bulunur.

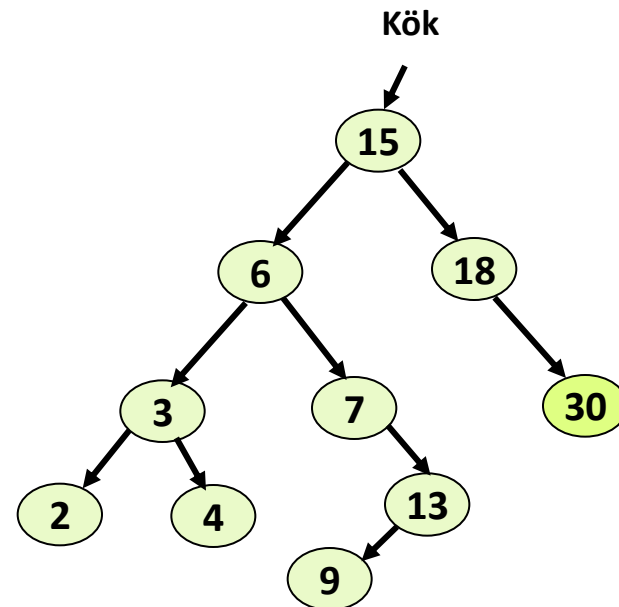
```
public BSTDugum Min()  
{  
    if (kok == null)  
        return null;  
    BSTDugum p = kok;  
    while (p.sol != null){  
        p = p.sol;  
    }  
    return p;  
}
```



## BST İşlemleri-Max

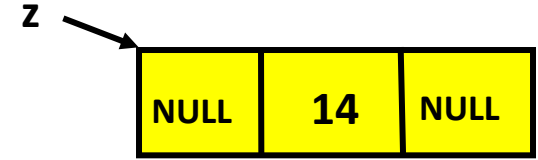
- Ağaçtaki en büyük elemanı içeren düğümü bulur ve geri döndürür.
  - En büyük elemanı içeren düğüm en sağdaki düğümde bulunur.
  - Kökten başlayarak devamlı sağa gidilerek bulunur.

```
public BSTDugum Max(){  
    if (kok == null)  
        return null;  
  
    BSTDugum p = kok;  
    while (p.sag != null){  
        p = p.sag;  
    }  
  
    return p;  
}
```

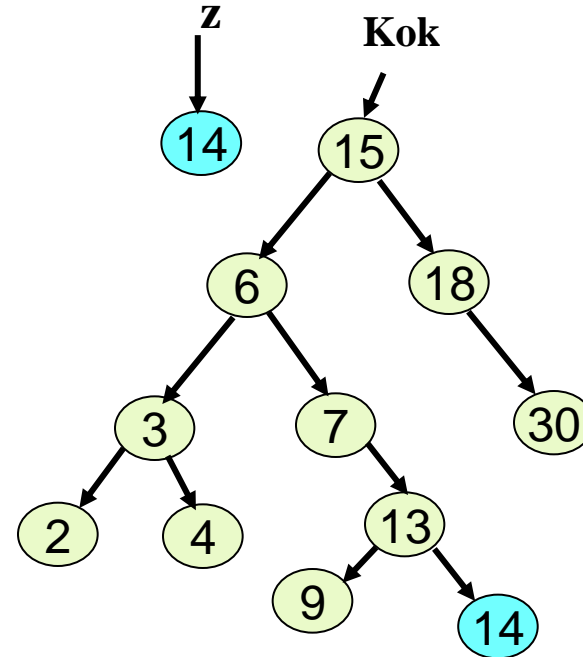


# BST İşlemleri– Ekle(int deger)

- Ekleneyecek değeri içeren “z” isimli yeni bir düğüm oluştur.
- Ö.g.: Ekle 14
- Kökten başlayarak ağaç üzerinde ekleneyecek sayıyı arıyormuş gibi aşağıya doğru ilerle.
- Yeni düğüm aramanın bittiği düğümün çocuğu olmalıdır.



Ekleneyecek “z” düğümü.  
z.deger = 14



Eklemeden sonra

# BST İşlemleri- Ekle(int deger)

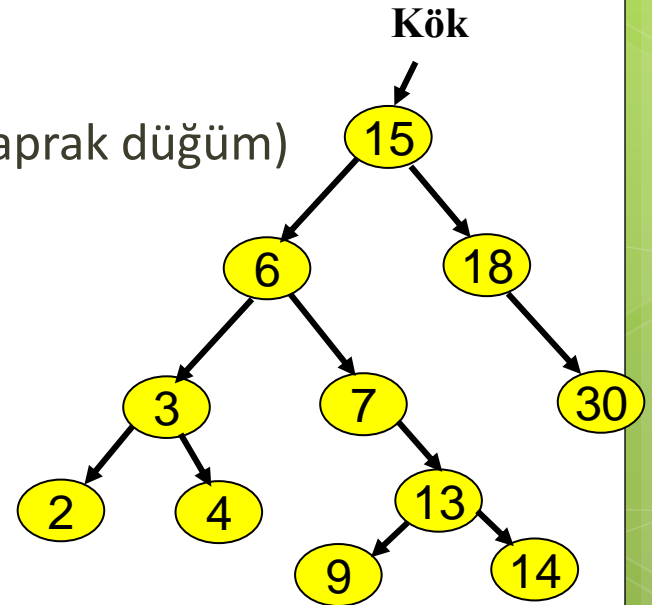
```
public void Ekle(int deger) {
    BSTDugum pp = null; /* pp p'nin ailesi */
    BSTDugum p = kok; /* Kökten başla ve aşağıya doğru ilerle*/
    while (p) {
        pp = p;
        if (deger == p.deger) return; /* Zaten var */
        else if (deger < p.deger) p = p.sol;
        else /* deger > p.deger */ p = p.sag;
    }
    /* Yeni değeri kaydedeceğimiz düğüm */
    BSTDugum z = new BSTDugum();
    z.deger = deger; z.sol = z.sag = null;
    if (kok == null) kok = z; /* Boş ağaca ekleme */
    else if (deger < pp.deger) pp.sag = z;
    else pp.sol = z;
} // ekleme işlemi bitti.
```

## BST-Silme Kaba Kod

- while(silinecek düğümün ve ailesinin adresini bulana kadar) {
- q <- silinecek düğümün, qa<- ailesinin adresi;
- if(silinmek istenen bulunamadı ise)
  - yapacak birşey yok dön;
- if(silinecek düğümüm iki alt çocuğu da varsa)
  - sol alt ağacın en büyük değerli düğümünü bul;
  - (veya denge bozulmuş ise sağ alt ağacın enküçük değerli düğümünü bul)
  - bu düğümdeki bilgiyi silinmek istenen düğüme aktar;
  - bu aşamada en fazla bir çocuğu olan düğümü sil;
- silinen düğümün işgal ettiği bellek alanını serbest bırak;  
}

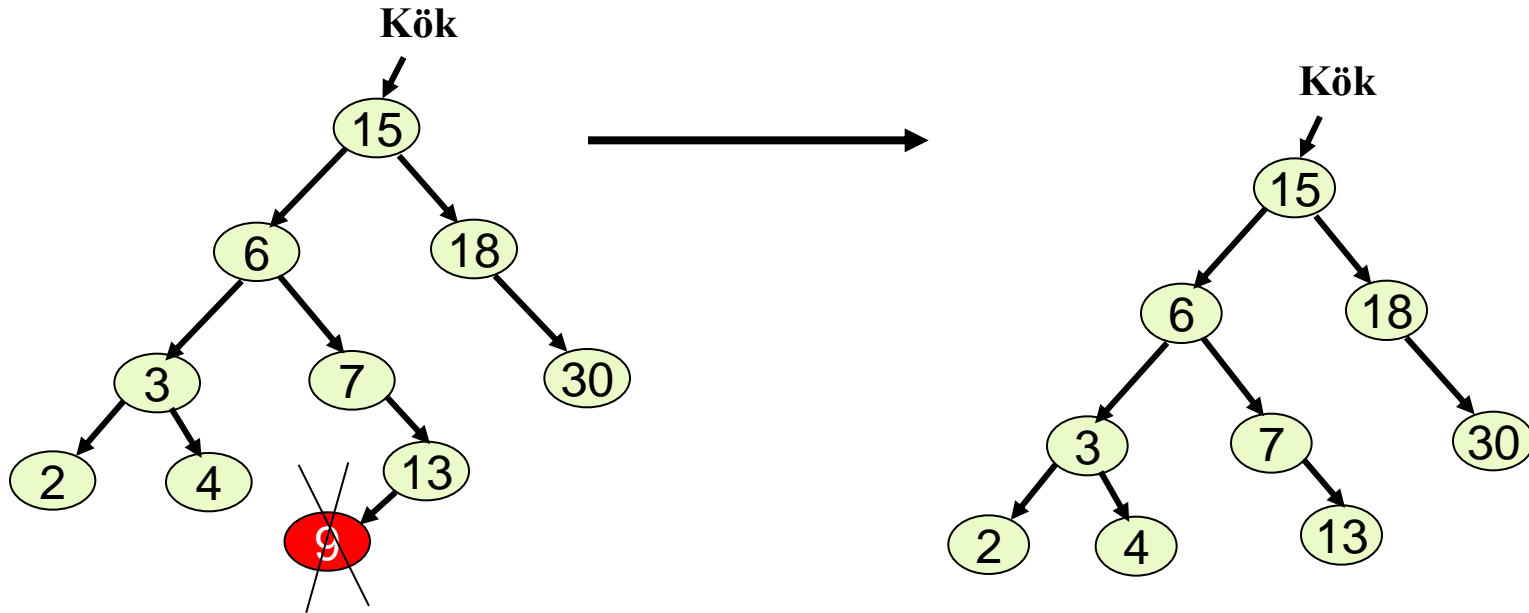
## BST İşlemleri- Sil(int deger)

- Silme işlemi biraz karmaşıktır.
- 3 durum var:
  - 1) Silinecek düğümün hiç çocuğu yoksa (yaprak düğüm)
    - Sil 9
  - 2) Silinecek düğümün 1 çocuğu varsa
    - Sil 7
  - 3) Silinecek düğümün 2 çocuğu varsa
    - Sil 6





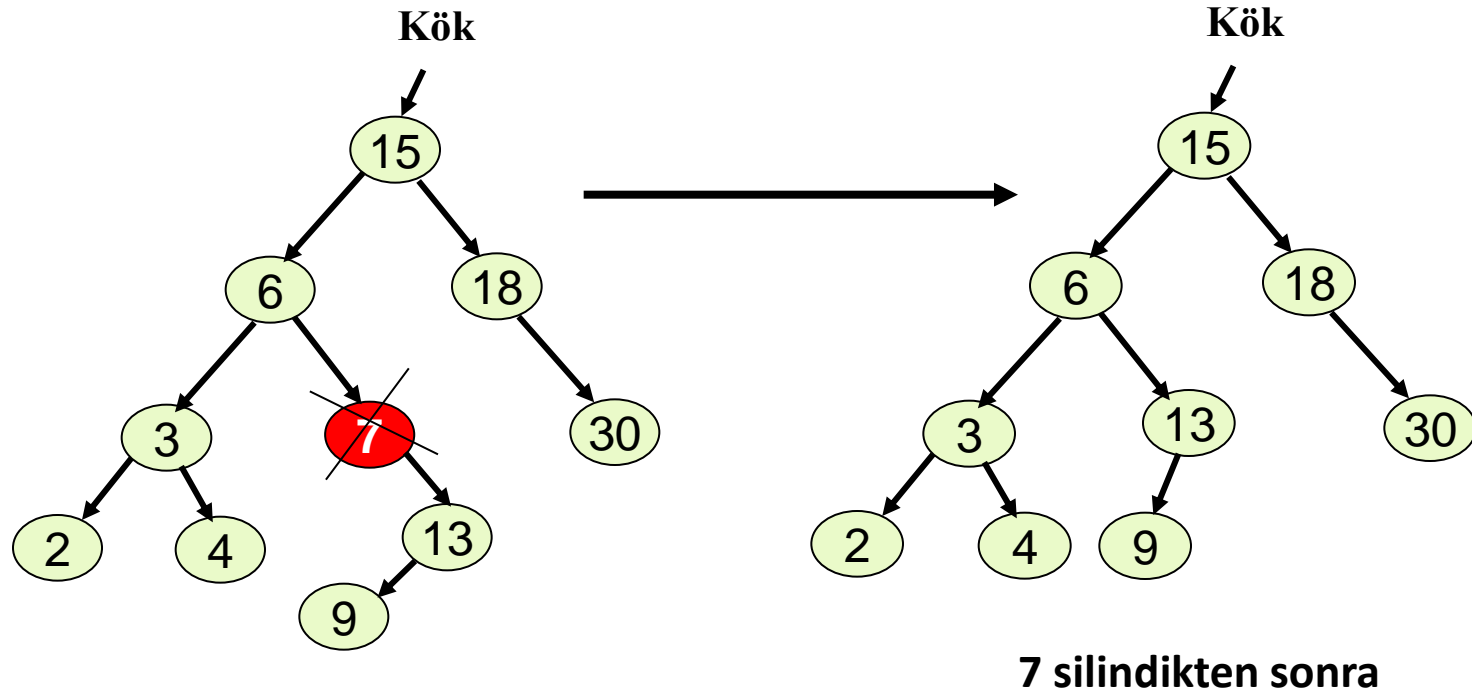
## Silme: Durum 1 – Yaprak Düğümü Silme



Sil 9: Düğümü kaldırın ve bağlantı kısmını güncelleyin

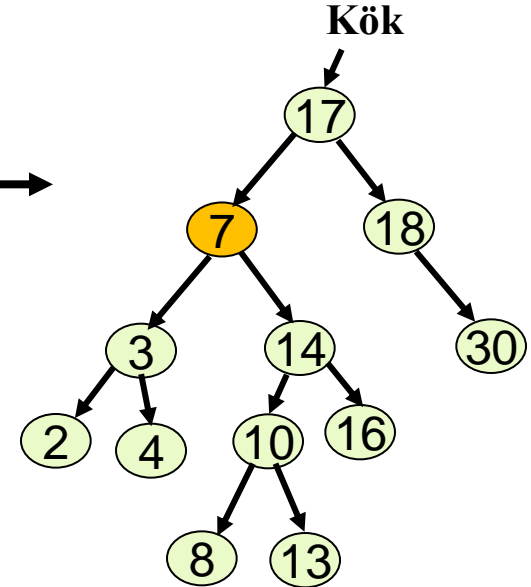
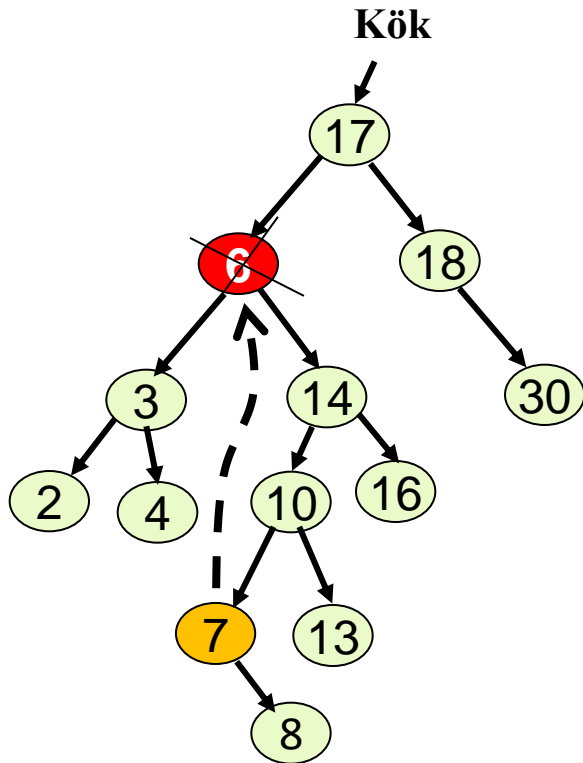
9 silindikten sonra

## Silme: Durum 2 – 1 Çocuklu Düğüm



**Sil 7: Silinecek düğümün ailesi ve çocuğu arasında bağ kurulur**

## Silme: Durum 3 – 2 Çocuklu Düğüm



6 silindikten sonra

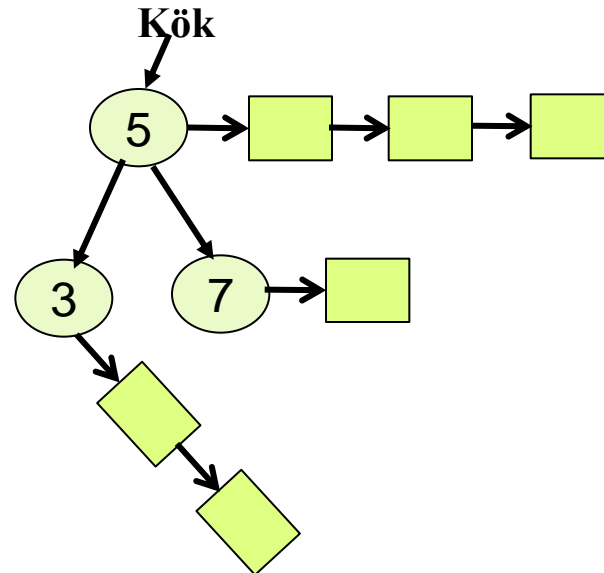
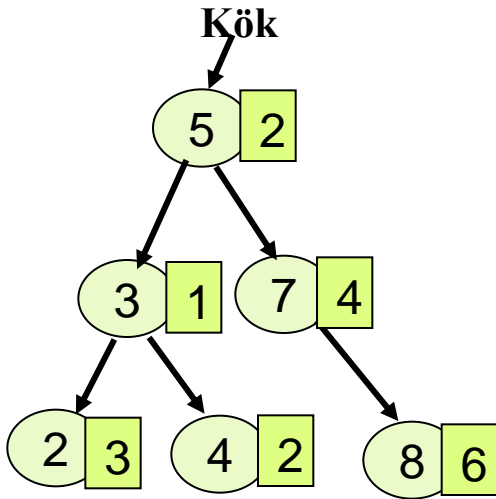
**Sil 6:**

- 1) Sağ alt ağaçtaki en küçük eleman bulunur.(7)
- 2) Bu elemanın sol çocuğu olmayacaktır.
- 3) 6 ve 7 içeren düğümlerin içeriklerini değiştirin
- 4) 6 nolu eleman 1 çocuğu varmış gibi silinir.

**Not:** Sağ alt ağaçtaki en küçük eleman yerine sol alt ağaçtaki en büyük eleman bulunarak aynı işlemler yapılabilir.

## BST-Aynı Sayılarla Başa Çıkma

- Ağaç içerisindeki aynı sayılarla aşağıda verilen iki şekilde başa çıkılabilir:
  - Düğümde saklanan bir sayaç değişkeni ile
  - veya
  - Düğümde kullanılan bağlantılı liste ile

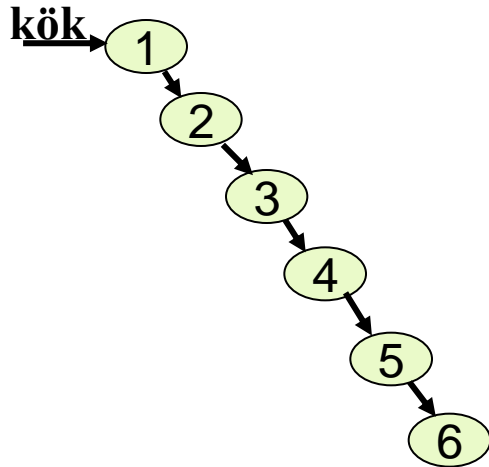


## İkili Arama Ağacı Uygulamaları

- İkili arama ağacı harita, sözlük gibi birçok uygulamada kullanılır.
- İkili arama ağacı (**anahtar**, **değer**) çifti şeklinde kullanılacak sistemler için uygundur.
  - Ö.g.: Şehir Bilgi Sistemi
    - Posta kodu veriliyor , şehir ismi döndürülüyor. (**posta kodu/ Şehir ismi**)
  - Ö.g.: telefon rehberi
    - İsim veriliyor telefon numarası veya adres döndürülüyor. (**isim, Adres/Telefon**)
  - Ö.g.: Sözlük
    - Kelime veriliyor anlamı döndürülüyor. (**kelime, anlam**)

# İkili Arama Ağacı

- Bul, Min, Max, Ekle, Sil işlemlerinin karmaşıklığı  $O(d)$
- Fakat  $d$  ağacın derinliğine bağlı.
- Örnek: 1,2,3,4,5,6 sayılarını sıralı bir şekilde ekleyelim.
- Ortaya çıkan ağaç bağlantılı listeye benzemektedir. Dolayısıyla karmaşıklık  $O(n)$  şeklinde olacaktır.



- Daha iyisi yapılabilir mi?
- Ağacımızı dengeli yaparsak evet
  1. AVL-ağaçları
  2. Splay ağaçları
  3. 2-3-4 Ağaçları
  4. Red-Black ağaçları
  5. B ağaçları, B+ ağaçları

# Ödev

- İkilik binary ağacında minimum ve maksimum değeri bulan metodları yazınız.
- İkilik binary ağacında lever-order dolaşmayı yapınız. (**Kuyruk yapısı kullanılacak**)
- İkili arama ağcını Oluşturma-Arama-Ekleme-Silme olaylarını bir bütün olarak gerçekleştiriniz. (Önerilen Ders kitabından yararlanabilirsiniz)

# Örnek Programlar



# İkili arama Ağacı–Java

```
○ class TreeNode // Düğüm Sınıfı
○ {
○     public int data;
○     public TreeNode leftChild;
○     public TreeNode rightChild;
○     public void displayNode() { System.out.print(" "+data+" "); }
○ }
○
○ // Ağaç Sınıfı
○ class Tree
○ {
○     private TreeNode root;
○     public Tree() { root = null; }
○
○     public TreeNode getRoot() { return root; }
```

# İkili arama Ağacı–Java

```
○ // Ağacın preOrder Dolaşılması
○ public void preOrder(TreeNode localRoot)
○ {
○     if(localRoot!=null) {
○         localRoot.displayNode();
○         preOrder(localRoot.leftChild);
○         preOrder(localRoot.rightChild);
○     }
○ }

○ // Ağacın inOrder Dolaşılması
○ public void inOrder(TreeNode localRoot)
○ {
○     if(localRoot!=null)
○     {
○         inOrder(localRoot.leftChild);
○         localRoot.displayNode();
○         inOrder(localRoot.rightChild);
○     }
○ }
```

# İkili arama Ağacı–Java

- **// Ağacın postOrder Dolaşılması**
- `public void postOrder(TreeNode localRoot)`
- `{`
- `if(localRoot!=null)`
- `{`
- `postOrder(localRoot.leftChild);`
- `postOrder(localRoot.rightChild);`
- `localRoot.displayNode();`
- `}`
- `}`
- **// Ağaca bir düğüm eklemeyi sağlayan metot**
- `public void insert(int newdata)`
- `{`
- `TreeNode newNode = new TreeNode();`
- `newNode.data = newdata;`
- `if(root==null)`
- `root = newNode;`

# İkili arama Ağacı–Java

```
○   else {
○       TreeNode current = root;    TreeNode parent;
○       while(true) {
○           parent = current;
○           if(newdata<current.data)
○           { current = current.leftChild;
○             if(current==null)
○             {
○                 parent.leftChild=newNode;
○                 return;
○             }
○           } else
○           {
○               current = current.rightChild;
○               if(current==null)
○               {           parent.rightChild=newNode;           return;           }
○           }
○       } // end while
○   } // end else not root
○ } // end insert()
○ } // class Tree
```

# İkili arama Ağacı–Java

```
○ // BinTree Test sınıfı
○ class BinTree
○ {
○     public static void main(String args[])
○     {
○         Tree theTree = new Tree();

○         // Ağaca 10 tane sayı yerleştirilmesi
○         System.out.println("Sayılar : ");
○         for (int i=0;i<10;++i) {
○             int sayi = (int) (Math.random()*100);
○             System.out.print(sayi+" ");
○             theTree.insert(sayi);
○         };

○         System.out.print("\nAğacın InOrder Dolaşılması : ");
○         theTree.inOrder(theTree.getRoot());
○         System.out.print("\nAğacın PreOrder Dolaşılması : ");
○         theTree.preOrder(theTree.getRoot());
○         System.out.print("\nAğacın PostOrder Dolaşılması : ");
○         theTree.postOrder(theTree.getRoot());
○     }
○ }
```

# İkili arama Ağacı– C++

- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `#include <conio.h>`
- `/* Ağaca ait düğüm yapısı tanımlanıyor */`
- `struct agacdugum {`
- `struct agacdugum *soldal;`
- `int data;`
- `struct agacdugum *sagdal;`
- `};`
- `// Düğüm yapısı için değişken tanımlarının yapıldığı kısım`
- `typedef struct agacdugum AGACDUGUM;`
- `typedef struct agacdugum * AGACDUGUMPTR;`

# İkili arama Ağacı– C++

- // Ağaca düğüm eklemeyi sağlayan fonksiyon yapisi
- **AGACDUGUMPTR dugumekle(AGACDUGUMPTR agacptr, int veri) {**
- **/\* her defasında tek dallı ağaç oluşturuluyor. Daha sonra ikili arama ağacındaki kurala göre sol veya sağ dala yerleştiriliyor. \*/**
- 
- **if(agacptr==NULL)**
- **{**
- **/\*eger ağaç işaretçisi boş ise ağaca eklenecek yeni düğüm için hafızada yer ayrılıyor\*/**
- 
- **agacptr =(agacdugum \*) malloc(sizeof(agacdugum));**
- **if (agacptr!=NULL)**
- **{**
- **// Düğümler tek hücre, sağ ve sol dalları boş olarak oluşturuluyor**
- **// printf("Ağaca veri eklendi\n ");**
- **agacptr->data = veri;**
- **agacptr->soldal = NULL;**
- **agacptr->sagdal= NULL;**
- **}**
- **else printf("%d eklenemedi. Bellek yetersiz.\n",veri);**
- **}**
-

# İkili arama Ağacı– C++

- `/*Gelen veri değeri daha önce girilen değerler ile karşılaştırılıp uygun düğümün sol veya sağ dalına yerleştiriliyor.*/`
- `else`
- `if(veri<agacptr->data){ printf("Ağacın soluna veri eklendi\n ");`
- `agacptr->soldal = dugumekle(agacptr->soldal,veri);}`
- `else`
- `if(veri>agacptr->data){printf("Ağacın sağına veri eklendi\n ");`
- `agacptr->sagdal = dugumekle(agacptr->sagdal,veri);}`
- `// eğer girilen değer ler daha önce var ise alınmıyor.`
- `else printf("Eşit olduğu için alınmadı\n ");`
- `return agacptr;`
- `}`



# İkili arama Ağacı– C++

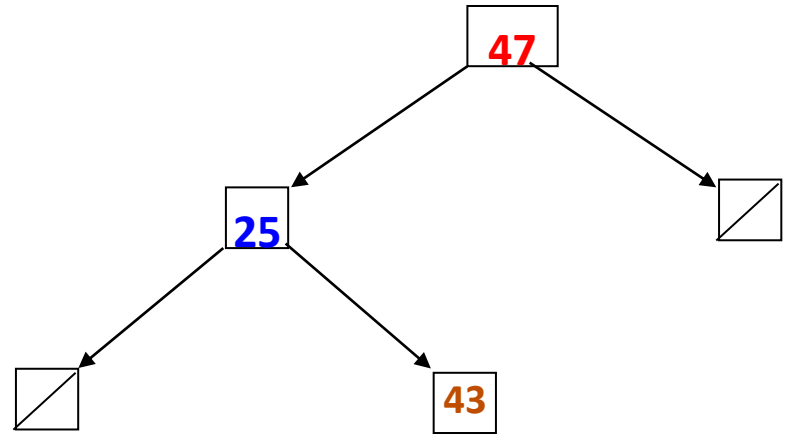
- **/\* Ağacın inorder dolaşılması \*/**
- **void inorder(AGACDUGUMPTR agacptr) {**
- **if (agacptr != NULL) {**
- **inorder(agacptr->soldal);**
- **printf("%3d",agacptr->data);**
- **inorder(agacptr->sagdal); } }**
- **/\* Ağacın preorder dolaşılması \*/**
- **void preorder(AGACDUGUMPTR agacptr) {**
- **if (agacptr != NULL) {**
- **printf("%3d",agacptr->data);**
- **preorder(agacptr->soldal);**
- **preorder(agacptr->sagdal); } }**
- **/\* Ağacın postorder dolaşılması \*/**
- **void postorder(AGACDUGUMPTR agacptr) {**
- **if (agacptr != NULL) {**
- **postorder(agacptr->soldal);**
- **postorder(agacptr->sagdal);**
- **printf("%3d",agacptr->data); } }**

# İkili arama Ağacı– C++

- **void main() {**
- int i, dugum;
- AGACDUGUMPTR agacptr = NULL;
- for(i=0; i<12; ++i)
- { /\* Ağaca yerleştirilecek sayılar \*/
- scanf("%d",&dugum); printf("\n");
- // girilen değeri düğüm ekleme fonksiyonuna gönderiyoruz.
- agacptr = dugumekle(agacptr, dugum);
- } printf("\n");
- 
- printf("Ağacın preorder dolaşılması :\n");
- preorder(agacptr); printf("\n");
- 
- printf("Ağacın inorder dolaşılması :\n");
- inorder(agacptr); printf("\n");
- 
- printf("Ağacın postorder dolaşılması :\n");
- postorder(agacptr); printf("\n");
- **}**

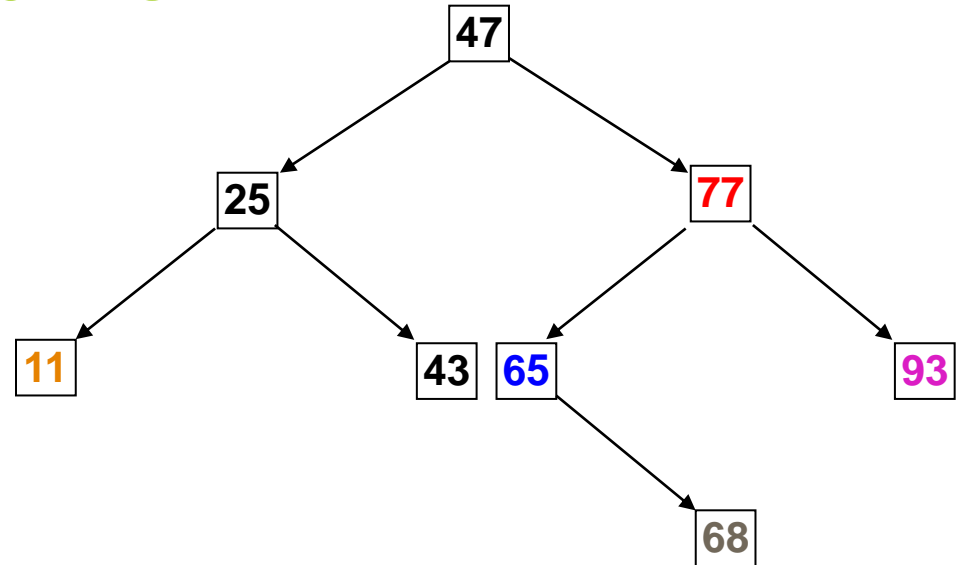
# İkili arama Ağacı– C++

- 47
- 25
- Ağaçın soluna veri eklendi
- 43
- Ağaçın soluna veri eklendi
- Ağaçın sağına veri eklendi



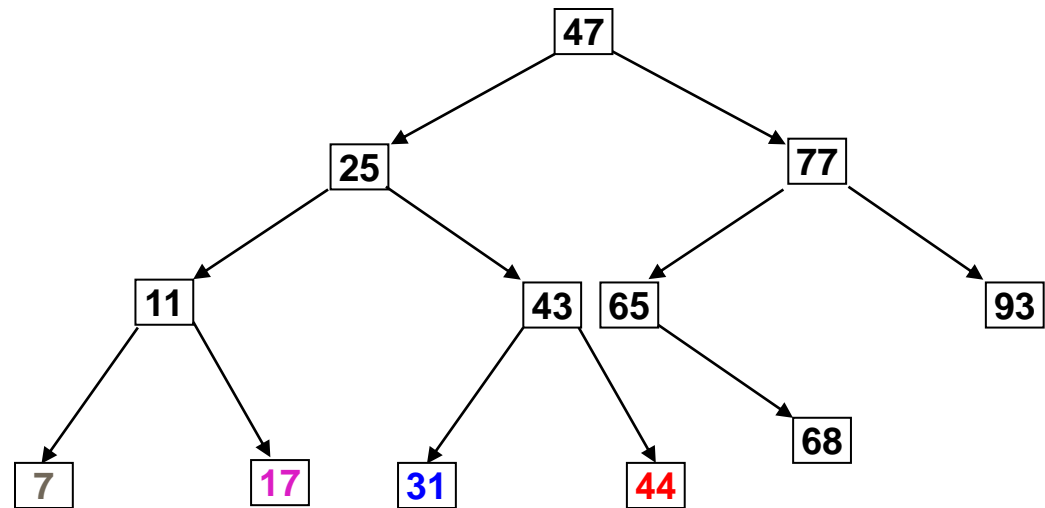
# İkili arama Ağacı– C++

- 77
- Ağacın sağına veri eklendi
- 65
- Ağacın sağına veri eklendi
- Ağacın soluna veri eklendi
- 68
- Ağacın sağına veri eklendi
- Ağacın soluna veri eklendi
- Ağacın sağına veri eklendi
- 93
- Ağacın sağına veri eklendi
- Ağacın sağına veri eklendi
- 11
- Ağacın soluna veri eklendi
- Ağacın soluna veri eklendi



# İkili arama Ağacı– C++

- 17
- Ağacın soluna veri eklendi
- Ağacın soluna veri eklendi
- Ağacın sağına veri eklendi
- 44
- Ağacın soluna veri eklendi
- Ağacın sağına veri eklendi
- Ağacın sağına veri eklendi
- 31
- Ağacın soluna veri eklendi
- Ağacın sağına veri eklendi
- Ağacın soluna veri eklendi
- 7



# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `struct tnode {`
- `int data;`
- `struct tnode *lchild, *rchild; };`
- `/* Dugum degeri verilen dugumun kok pointer degerini elde eden bir foksiyondur*/`
- `struct tnode *getptr(struct tnode *p, int key, struct tnode **y) {`
- `printf("kok pointer\n"); //silme anında devreye giriyor`
- `struct tnode *temp;`
- `if( p == NULL) return(NULL);`
- `temp = p; *y = NULL;`
- `while( temp != NULL) {`
- `if(temp->data == key) return(temp);`
- `else {`
- `*y = temp; /* bu pointer root (kok) olarak depolanir */`
- `if(temp->data > key)`
- `temp = temp->lchild;`
- `else`
- `temp = temp->rchild; } }`
- `return(NULL); }`

# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- `/* Veri degeri verilen dugumu silmek icin bir fonksiyon */`
- `struct tnode *delete1(struct tnode *p,int val) {`
- `struct tnode *x, *y, *temp;`
- `x = getptr(p,val,&y);`
- `if( x == NULL) { printf("Dugum mevcut degil\n"); return(p); }`
- `else`
- `{`
- `/* bu kod kok (root) dugumu silmek icindir*/`
- `if( x == p) {`
- `printf("kok dugum siliniyor\n");`
- `temp = x->lchild;`
- `y = x->rchild;`
- `p = temp;`
- `while(temp->rchild != NULL) temp = temp->rchild;`
- `temp->rchild=y;`
- `free(x);`
- `return(p);`
- `}`

# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- `/* bu kod dugumun sahip oldugu cocukları silmek icindir.*/`
- `if( x->lchild != NULL && x->rchild != NULL) {`
- `if(y->lchild == x) {`
- `temp = x->lchild;`
- `y->lchild = x->lchild;`
- `while(temp->rchild != NULL) temp = temp->rchild;`
- `temp->rchild=x->rchild;`
- `x->lchild=NULL;`
- `x->rchild=NULL;`
- `}`
- `else {`
- `temp = x->rchild;`
- `y->rchild = x->rchild;`
- `while(temp->lchild != NULL)`
- `temp = temp->lchild;`
- `temp->lchild=x->lchild;`
- `x->lchild=NULL;`
- `x->rchild=NULL;`
- `}`
- `free(x);`
- `return(p); }`



# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

```
○ /* bu kod cocukları ile birlikte bir dugum siliyor*/  
○ if(x->lchild == NULL && x->rchild !=NULL)  
○ {  
○     if(y->lchild == x)  
○ y->lchild = x->rchild;  
○     else  
○         y->rchild = x->rchild;  
○         x->rchild=NULL;  
○         free(x);  
○         return(p);  
○ }  
○ if( x->lchild != NULL && x->rchild == NULL)  
○ {  
○     if(y->lchild == x)  
○         y->lchild = x->lchild ;  
○     else  
○         y->rchild = x->lchild;  
○         x->lchild = NULL;  
○         free(x);  
○         return(p);  
○ }
```

# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- /\* bu kod cocukları olmadan bir dugumu siliyor\*/
- `if(x->lchild == NULL && x->rchild == NULL)`
- `{`
- `if(y->lchild == x)`
- `y->lchild = NULL ;`
- `else`
- `y->rchild = NULL;`
- `free(x);`
- `return(p);`
- `}`
- `}`
- `}`

# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- `/*inorder binary agacını tekrarlamalı olarak yazdıran bir fonksiyon*/`
- `void inorder1(struct tnode *p) {`
- `struct tnode *stack[100]; //yigin`
- `int top;`
- `top = -1;`
- `if(p != NULL) {`
- `top++;`
- `stack[top] = p;`
- `p = p->lchild;`
- `while(top >= 0) {`
- `while ( p!= NULL)/* sol cocuk yigindan (stack dizisinden) cikariliyor*/`
- `{ top++;`
- `stack[top] =p;`
- `p = p->lchild; }`
- `p = stack[top];`
- `top--;`
- `printf("%d\t",p->data);`
- `p = p->rchild;`
- `if ( p != NULL)/* sag cocuk cikariliyor*/`
- `{ top++;`
- `stack[top] = p;`
- `p = p->lchild; } } }`

# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- /\* Oluşturulan ağaca yeni bir düğüm ilave etmek için oluşturulan bir fonksiyon\*/
- struct tnode \*insert(struct tnode \*p,int val) {
- printf("Ağaca eklendi\n");
- struct tnode \*temp1,\*temp2;
- if(p == NULL) {
- p = (struct tnode \*) malloc(sizeof(struct tnode)); /\* köke bir düğüm ilave ediliyor\*/
- if(p == NULL) {
- printf("Erisim izni yok\n");
- exit(0); }
- p->data = val;
- p->lchild=p->rchild=NULL; }
- else
- {
- temp1 = p;
- /\* child (cocuk) olacak düğümün pointer(gostergesini) almak için ağacda dolaşma\*/
- while(temp1 != NULL)
- {
- temp2 = temp1;
- if( temp1 ->data > val) temp1 = temp1->lchild;
- else temp1 = temp1->rchild;
- }

# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- `if( temp2->data > val) {`
- `temp2->lchild = (struct tnode*)malloc(sizeof(struct tnode));/*Sol cocuk (left child) olarak yeni olusturulan dugumu ekler*/`
- `temp2 = temp2->lchild;`
- `if(temp2 == NULL) {`
- `printf("Erisim izni yok\n");`
- `exit(0); }`
- `temp2->data = val;`
- `temp2->lchild=temp2->rchild = NULL; }`
- `else {`
- `temp2->rchild = (struct tnode*)malloc(sizeof(struct tnode));/*Sag cocuk (right child) olarak yeni olusturulan dugumu ekler*/`
- `temp2 = temp2->rchild;`
- `if(temp2 == NULL) {`
- `printf("Erisim izni yok\n");`
- `exit(0); }`
- `temp2->data = val;`
- `temp2->lchild=temp2->rchild = NULL; } }`
- `return(p);`
- `}`

# İkili arama Ağacı– C++, Ekleme, Silme, Dolaşma

- void main()
- {
- struct tnode \*root = NULL;
- int n,x;
- printf("Ağaçtaki düğümlerin sayisini giriniz\n");
- scanf("%d",&n);
- while( n-->0)
- {
- printf("Degerleri giriniz\n");
- scanf("%d",&x);
- root = insert(root,x);
- }
- printf("Olusturulan agac :\n");
- inorder1(root);
- printf("\n Silinencek dugumun degeri giriniz\n");
- scanf("%d",&n);
- root=delete1(root,n);
- printf("Dugum agactan silindikten sonra \n");
- inorder1(root);
- }

```
(Inactive C:\TCWIN\BIN\NONAME00.EXE)
Ağaçtaki düğümlerin sayisini giriniz
4
Degerleri giriniz
5
Agaca eklendi
Degerleri giriniz
6
Agaca eklendi
Degerleri giriniz
1
Agaca eklendi
Degerleri giriniz
2
Agaca eklendi
Olusturulan agac :
1      2      5      6
  Silinencek dugumun degeri giriniz
1
kok pointer
Dugum agactan silindikten sonra
2      5      6
```

# İkili arama Ağacı– C# (1. Örnek)

- **İkili Arama Ağacı Oluşturmak**
- `class bstNodeC`
- `{`
- `public int sayi;`
- `public bstNodeC leftNode, rightNode;`
- `public bstNodeC(int sayi, bstNodeC leftNode, bstNodeC rightNode)`
- `{`
- `this.sayi = sayi;`
- `this.leftNode = leftNode;`
- `this.rightNode = rightNode;`
- `}`
- `}`

# İkili arama Ağacı– C# (1. Örnek)

- `private void preOrder(bstNodeC node)`
- `{`
- `listBox1.Items.Add(node.sayi);`
- `if (node.leftNode != null) preOrder(node.leftNode);`
- `if (node.rightNode != null) preOrder(node.rightNode);`
- `}`
- `private void inOrder(bstNodeC node)`
- `{`
- `if (node.leftNode != null) inOrder(node.leftNode);`
- `listBox1.Items.Add(node.sayi);`
- `if (node.rightNode != null) inOrder(node.rightNode);`
- `}`
- `private void postOrder(bstNodeC node)`
- `{`
- `if (node.leftNode != null) postOrder(node.leftNode);`
- `if (node.rightNode != null) postOrder(node.rightNode);`
- `listBox1.Items.Add(node.sayi);`
- `}`



# İkili arama Ağacı– C# (1. Örnek)

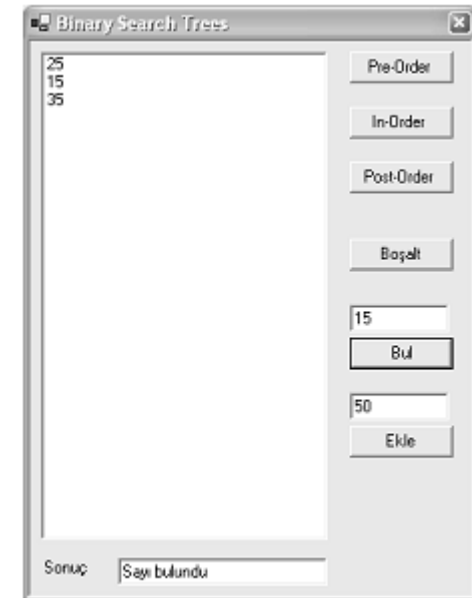
- `//Boşaltma (makeEmpty)`
- `private void makeEmpty(bstNodeC node)`
- `{`
- `if (node.leftNode != null) makeEmpty(node.leftNode );`
- `if (node.rightNode != null) makeEmpty(node.rightNode);`
- `node = null;`
- `}`
- `//Arama (find)`
- `private void find(int sayi, bstNodeC node)`
- `{`
- `if (node.sayi == 0) textBox2.Text = "Boş ağaç";`
- `else if ((sayi < node.sayi)&&(node.leftNode!=null))`
- `find(sayi, node.leftNode);`
- `else if ((sayi > node.sayi)&&(node.rightNode!=null))`
- `find(sayi, node.rightNode);`
- `else if (sayi == node.sayi) textBox2.Text = "Sayı bulundu";`
- `else textBox2.Text = "Sayı yok";`
- `}`

# İkili arama Ağacı– C# (1. Örnek)

- //Ekleme (append)
- private void append(int sayi, bstNodeC node) {
- bstNodeC yeniNode = new bstNodeC(sayi, null, null);
- if (node.sayi == 0) node.sayi = sayi;
- else {
- bstNodeC current = node; bstNodeC parent;
- while(true)
- { parent = current;
- if(sayi < current.sayi)
- { current = current.leftNode;
- if(current == null) {parent.leftNode = yeniNode;break; }
- }
- else
- { current = current.rightNode;
- if(current==null) { parent.rightNode = yeniNode; return; }
- }
- }
- }
- }

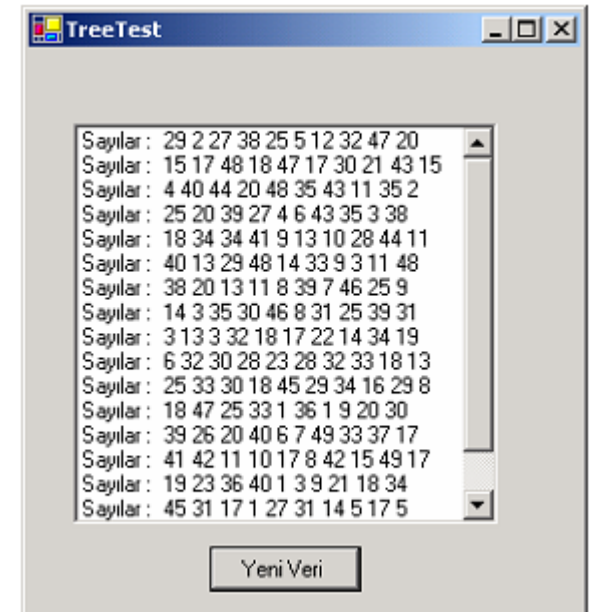
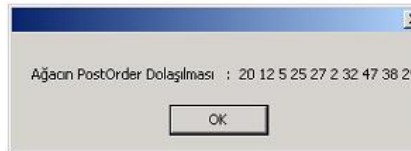
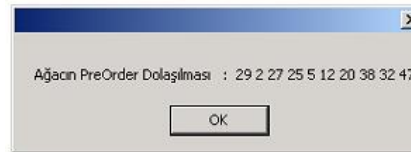
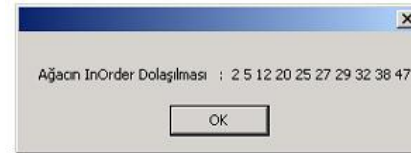
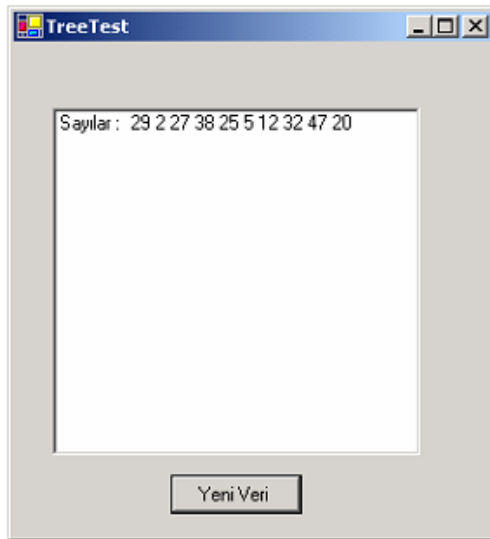
# İkili arama Ağacı– C# (1. Örnek)

- //Ekleme (append)
- private void append(int sayi, bstNodeC node) {
- bstNodeC yeniNode = new bstNodeC(sayi, null, null);
- if (node.sayi == 0) node.sayi = sayi;
- else {
- bstNodeC current = node; bstNodeC parent;
- while(true)
- { parent = current;
- if(sayi < current.sayi)
- { current = current.leftNode;
- if(current == null) {parent.leftNode = yeniNode;break; }
- }
- else
- { current = current.rightNode;
- if(current==null) { parent.rightNode = yeniNode; return; }
- }
- }
- }
- }



## İkili arama Ağacı– C# (2. Örnek)

- “TreeTest” adlı programın formu üzerinde 1 adet liste kutusu ve 1 adet düğme bulunmaktadır. “Yeni Veri” düğmesine basıldıkça, 1 ile 50 arasında 10 tane rastgele sayı üretmektedir ve arka arkaya gelen üç mesaj penceresi ile, InOrder, PreOrder ve PostOrder dolaşmalarda ikili ağaç üzerinde hangi düğüm sırasının izleneceğini göstermektedir.



## İkili arama Ağacı– C# (2. Örnek)

```
○ public class GLOBAL { public static string tempStr; }
○ class TreeNode
○ { public int data; public TreeNode leftChild; public TreeNode rightChild;
○ public void displayNode() { GLOBAL.tempStr += (" "+data); }
○ }
○ // Ağaç Sınıfı
○ class Tree
○ { private TreeNode root;
○ public Tree() { root = null; }
○ public TreeNode getRoot() { return root; }
○ // Ağacın preOrder Dolaşılması
○ public void preOrder(TreeNode localRoot)
○ {
○ if(localRoot!=null)
○ {
○ localRoot.displayNode();
○ preOrder(localRoot.leftChild);
○ preOrder(localRoot.rightChild);
○ }
○ }
```

# İkili arama Ağacı– C# (2. Örnek)

```
○ // Ağacın inOrder Dolaşılması
○ public void inOrder(TreeNode localRoot)
○ {
○     if(localRoot!=null)
○     {
○         inOrder(localRoot.leftChild);
○         localRoot.displayNode();
○         inOrder(localRoot.rightChild);
○     }
○ }
○ // Ağacın postOrder Dolaşılması
○ public void postOrder(TreeNode localRoot)
○ {
○     if(localRoot!=null)
○     {
○         postOrder(localRoot.leftChild);
○         postOrder(localRoot.rightChild);
○         localRoot.displayNode();
○     }
○ }
```

## İkili arama Ağacı– C# (2. Örnek)

- `// Ağaca bir düğüm eklemeyi sağlayan metot`
- `public void insert (int newdata)`
- `{`
- `TreeNode newNode = new TreeNode();`
- `newNode.data = newdata;`
- `if(root==null)    root = newNode;`
- `else`
- `{`
- `TreeNode current = root;`
- `TreeNode parent;`
- `while(true)`
- `{`
- `parent = current;`
- `if(newdata<current.data)`
- `{`
- `current = current.leftChild;`
- `if(current==null)`

## İkili arama Ağacı– C# (2. Örnek)

```
○      {    parent.leftChild=newNode;
○          return;
○      }
○      }
○      else
○      {
○          current = current.rightChild;
○          if(current==null)
○          {
○              parent.rightChild=newNode;
○              return;
○          }
○      }
○      } // end while
○      } // end else not root
○      } // end insert()
○      } // class Tree
```



## İkili arama Ağacı– C# (2. Örnek)

- `private void dugme1_Click(object sender, System.EventArgs e) {`
- `Random r = new Random();        Tree theTree = new Tree();`
- `// Ağaca 10 tane sayı yerleştirilmesi`
- `string str = "";        str += "Sayılar : ";`
- `for (int i=0;i<10;++i)`
- `{`
- `int sayi = (int) (r.Next(1,50));        str += (" "+sayi);        theTree.insert(sayi);`
- `}`
- `listBox1.Items.Add(str);        GLOBAL.tempStr = "";`
- `theTree.inOrder(theTree.getRoot());`
- `MessageBox.Show("\nAğacın InOrder Dolaşılması : "+GLOBAL.tempStr);`
- 
- `GLOBAL.tempStr = "";        theTree.preOrder(theTree.getRoot());`
- `MessageBox.Show("\nAğacın PreOrder Dolaşılması : "+GLOBAL.tempStr);`
- 
- `GLOBAL.tempStr = "";        theTree.postOrder(theTree.getRoot());`
- `MessageBox.Show("\nAğacın PostOrder Dolaşılması : "+GLOBAL.tempStr);`
- `}`

# Dengeli Arama Ağaçları

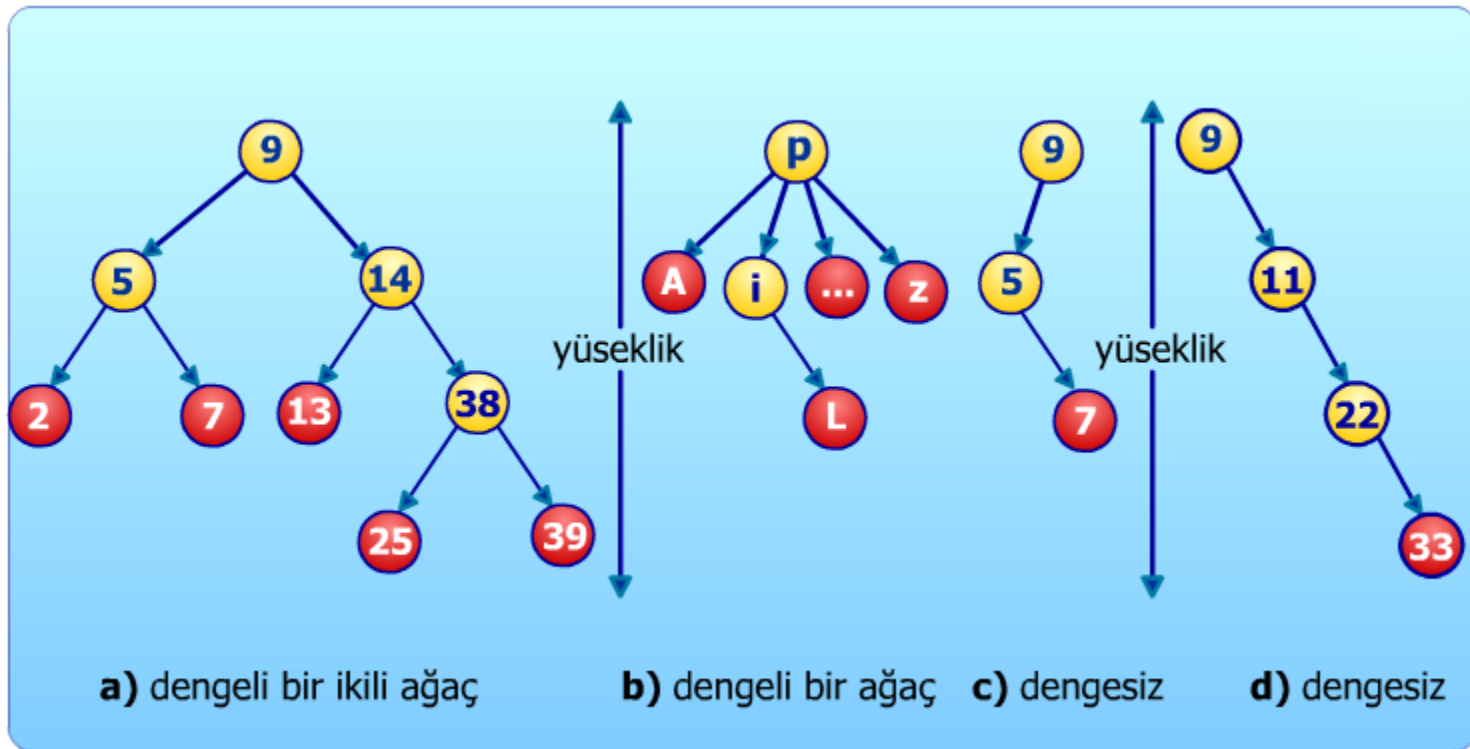
## (Balanced Search Tree)

- AVL tree
- 2-3 ve 2-3-4 tree
- Splay tree
- Red-Black Tree
- B- tree

# DENGELİ AĞAÇ (BALANCED TREE)

- Dengeli ağaç (balanced tree), gelişmesini tüm dallarına homojen biçimde yansıtan ağaç şeklidir; tanım olarak, herhangi bir düğümüne bağlı altağaçların yükseklikleri arasındaki fark, şekil a) ve b)'de görüldüğü gibi, **en fazla 1 (bir)** olmalıdır. Bir dalın fazla büyümesi ağacın dengesini bozar ve ağaç üzerine hesaplanmış karmaşıklik hesapları ve yürütme zamanı bağıntılarından sapılır. Dolayısıyla ağaç veri modelinin en önemli getirisi kaybolmaya başlar.
- Yapılan istatistiksel çalışmalarda, ağacın oluşturulması için gelen verilerin rastgele olması durumunda ağacın dengeli olduğu veya çok az sapma gösterdiği gözlenmiştir [HIBBARD-1962].

# DENGELİ AĞAÇ (BALANCED TREE)



# Yükseklik Dengeli Ağaçlar

- BST operasyonlarını daha kısa sürede gerçekleştirmek için pek çok BST dengeleme algoritması vardır. Bunlardan bazıları;
  - Adelson-Velskii ve Landis (AVL) ağaçları (1962)
  - Splay ağaçları (1978)
  - B-ağacı ve diğer çok yönlü arama ağaçları (1972)
  - Red-Black ağaçları (1972)
    - Ayrıca Simetrik İkili B-Ağaçları(Symmetric Binary B-Trees) şeklinde de bilinir

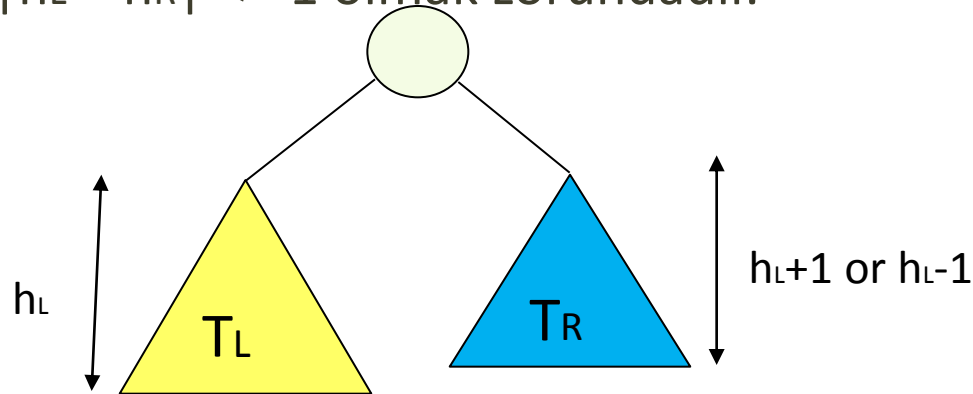
# AVL TREE

# AVL AĞAÇLARI

- AVL( [G.M. Adelson-Velskii](#) and [E.M. Landis](#)) yöntemine göre kurulan bir ikili arama ağacı, **ikili AVL arama ağacı** olarak adlandırılır.
- AVL ağacının özelliği, sağ alt ağaç ile sol alt ağaç arasındaki yükseklik farkının **en fazla bir düğüm** olmasıdır. Bu kural ağacın tüm düğümleri için geçerlidir.
- Normal ikili arama ağaçları için ekleme ve silme algoritmaları, ikili AVL ağaçları üzerinde ağacın yanlış şekil almasına, yani ağacın dengesinin bozulmasına neden olur.

# AVL Ağaçları: Tanım

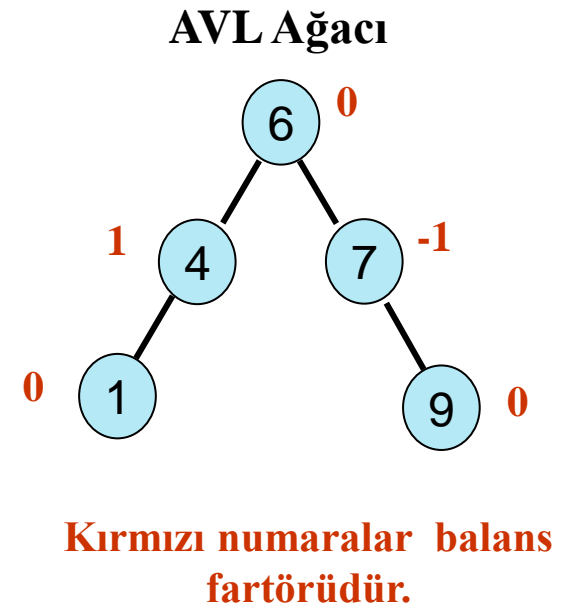
1. Tüm boş ağaç AVL ağacıdır.
2. Eğer  $T$  boş olmayan  $T_L$  ve  $T_R$  şeklinde sol ve sağ alt ağaçları olan ikili arama ağacı ise,  $T$  ancak ve ancak aşağıdaki şartları sağlarsa AVL ağacı şeklinde isimlendirilir.
  1.  $T_L$  ve  $T_R$  AVL ağaçları ise
  2.  $h_L$  ve  $h_R$   $T_L$  ve  $T_R$  nin yükseklikleri olmak üzere  $|h_L - h_R| \leq 1$  olmak zorundadır.



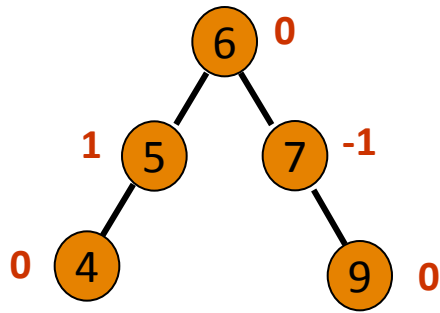


# AVL Ağaçları

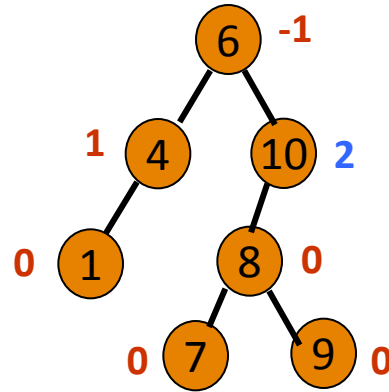
- AVL ağaçları dengeli ikili arama ağaçlarıdır.
- $solh = \text{yükseklik}(\text{sol altağaç})$ , ve  $sagh = \text{yükseklik}(\text{sağ altağaç})$  ise
- Bir düğümdeki denge faktörü =  $solh - sagh$
- AVL ağaçlarında balans faktörü sadece -1, 0, 1 olabilir.
  - Eşit ise **0**
  - Sol fazla ise **1**
  - Sağ fazla ise **-1**
- Her bir düğümün sol ve sağ alt ağaçlarının yükseklikleri arasındaki fark en fazla 1 olabilir.



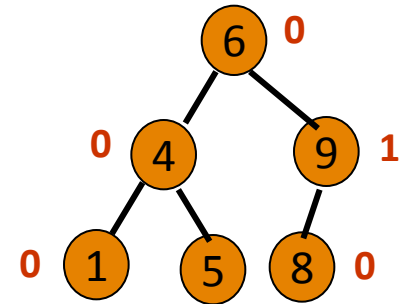
# AVL Ağaçları: Örnekler



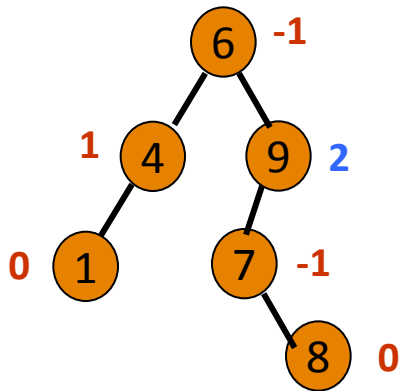
AVL Ağacı



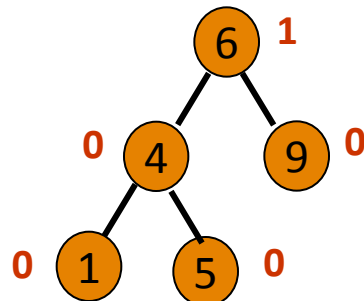
AVL Ağacı Değildir



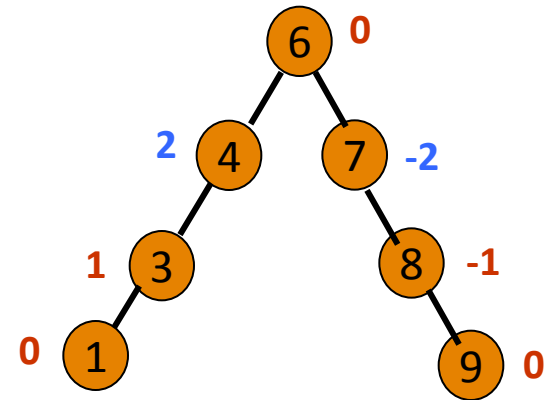
AVL Ağacı



AVL Ağacı Değildir



AVL Ağacı

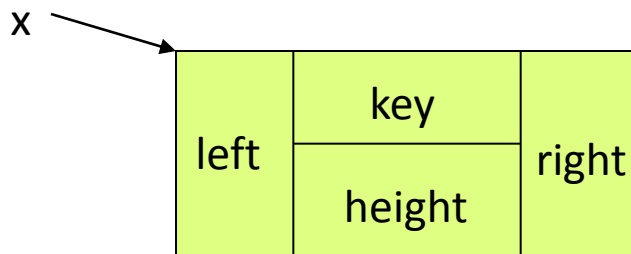


AVL Ağacı Değildir

Kırmızı numaralar balans faktörüdür.

# AVL Ağacı: Gerçekleştirim

- AVL ağacının gerçekleştirimi için her  $x$  düğümünün yüksekliği kaydedilir.
- $x$ 'in balans faktörü =  $x$ 'in sol alt ağacının yüksekliği –  $x$ 'in sağ alt ağacının yüksekliği
- AVL ağaçlarında, “bf” sadece  $\{-1, 0, 1\}$  değerlerini alabilir.



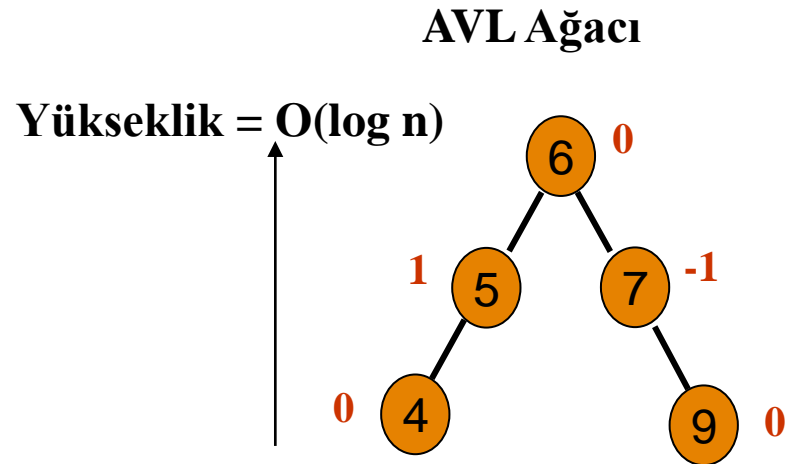
```
class AVLDugumu
{
    int deger;
    int yukseklk;
    AVLDugumu sol;
    AVLDugumu sag;
}
```

## AVL AĞAÇLARI

- Normal ikili arama ağaçlarında fonksiyonların en kötü çalışma süreleri  $T_w = O(n)$  dir. Bu durum lineer zaman olduğundan çok kötü bir sonuç yaratır.
- AVL ağaç veri modeli oluşturularak bu kötü çalışma süresi ortadan kaldırılır.
- AVL ağaçları için  $T_w = O(\log n)$ 'dir.

# AVL Ağaçları

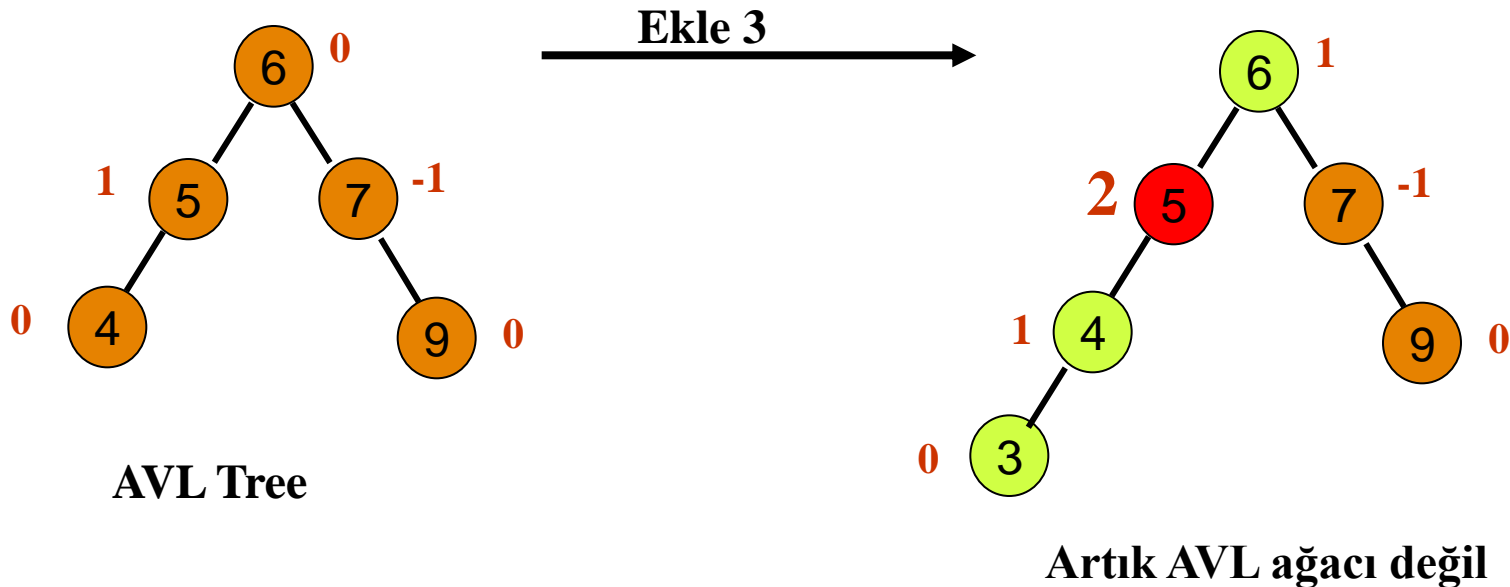
- N düğümlü bir AVL ağacının yüksekliği daima  $O(\log n)$  dir.
- Peki nasıl?



**Kırmızı numaralar balans faktörüdür.**

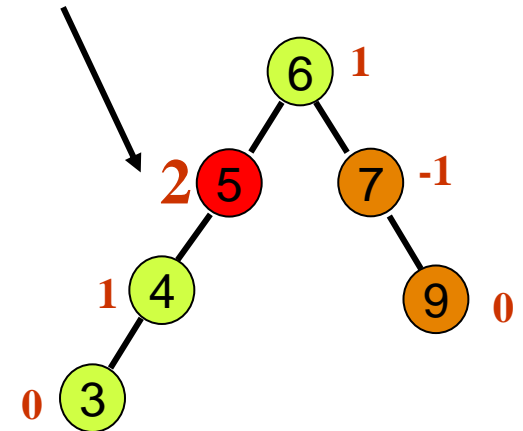
# AVL Ağaçları: Şanslı ve Şanssız

- Şanslı:
  - Arama süresi  $O(h) = O(\log n)$
- Şansız
  - Ekleme ve silme işlemleri ağacın dengesiz olmasına neden olabilir.

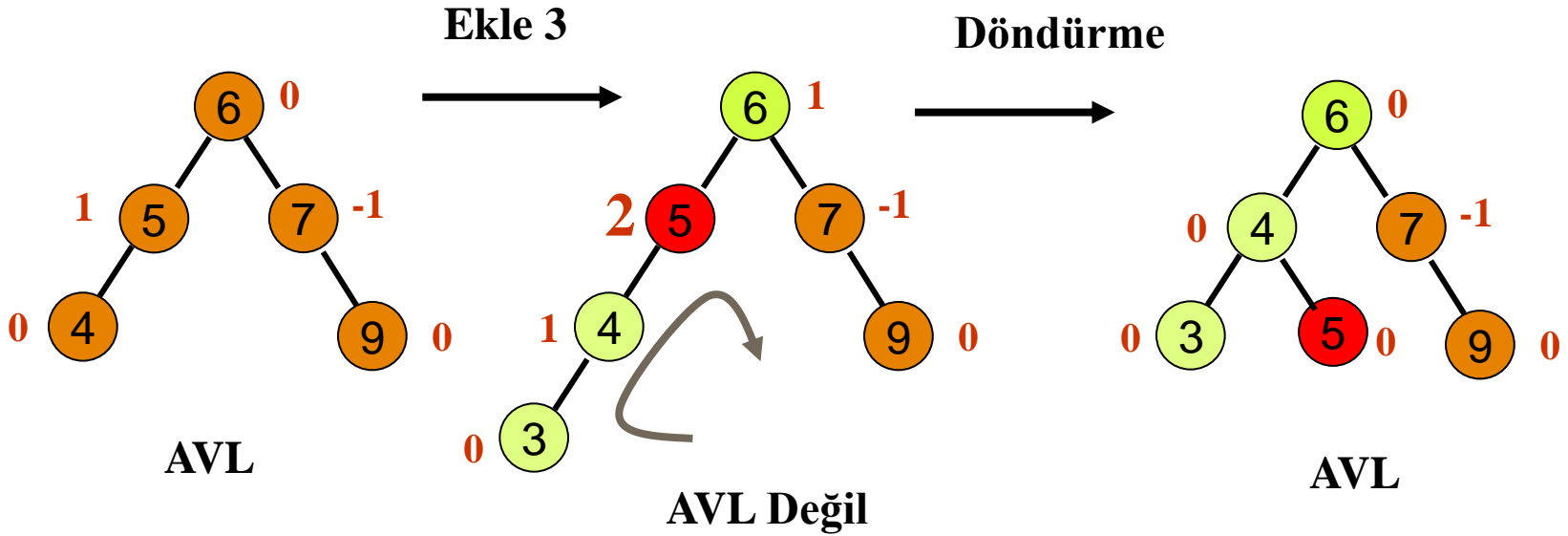


## AVL Ağacında Dengenin Sağlanması

- **Problem:** Ekleme işlemi bazı durumlarda **ekleme noktasına göre kök olan bölgelerde** balans faktörün 2 veya -2 olmasına neden olabilir.
- **Fikir:** Yeni düğümü ekledikten sonra
  1. Balans faktörü düzelterek köke doğru çık.
  2. Eğer düğümün balans faktörü 2 veya -2 ise ağaç bu düğüm üzerinde döndürülerek düzeltilir.



## Denge Sağlama: Örnek

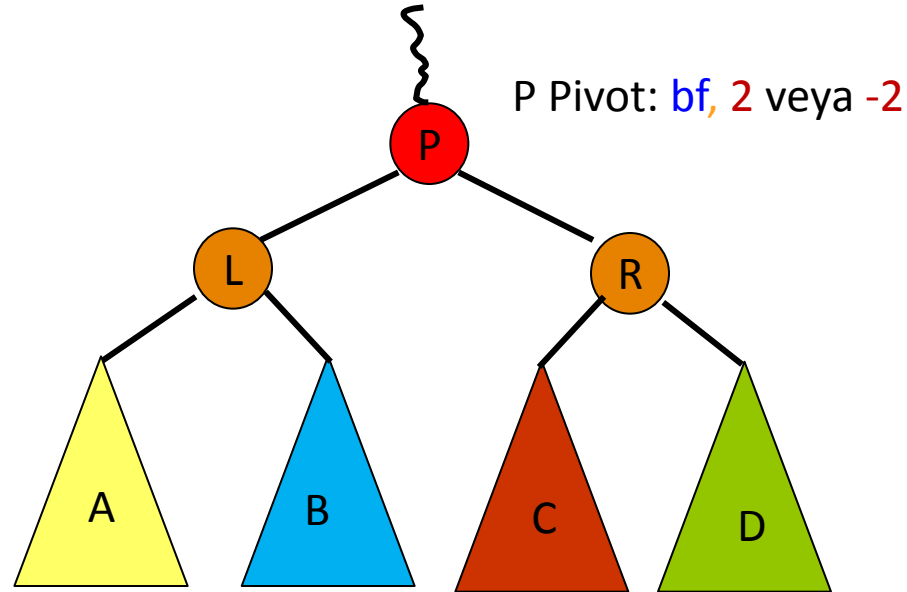


### Yeni düğümü ekledikten sonra

1. Balans faktörü düzelterek köke doğru çık.
2. Eğer düğümün balans faktörü 2 veya -2 ise ağaç bu düğüm üzerinde döndürülerek düzeltilir.

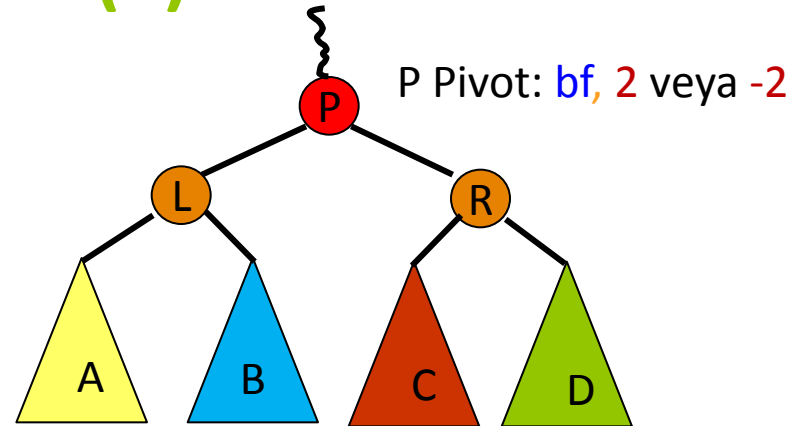


## AVL Ağacı - Ekleme (1)



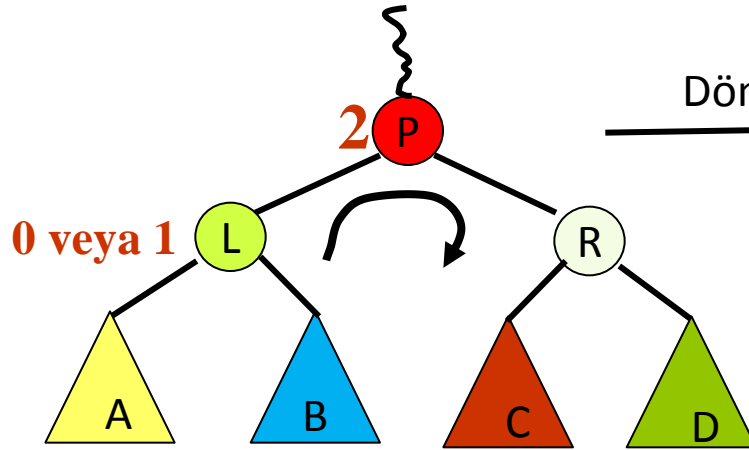
- **P** düğümünün dengeyi bozan düğüm olduğu düşünülürse.
  - **P pivot** düğüm şeklinde isimlendirilir.
  - Eklemeden sonra köke doğru çıkarken bf 'nin 2 veya -2 olduğu ilk düğümdür.

## AVL Ağacı - Ekleme (2)



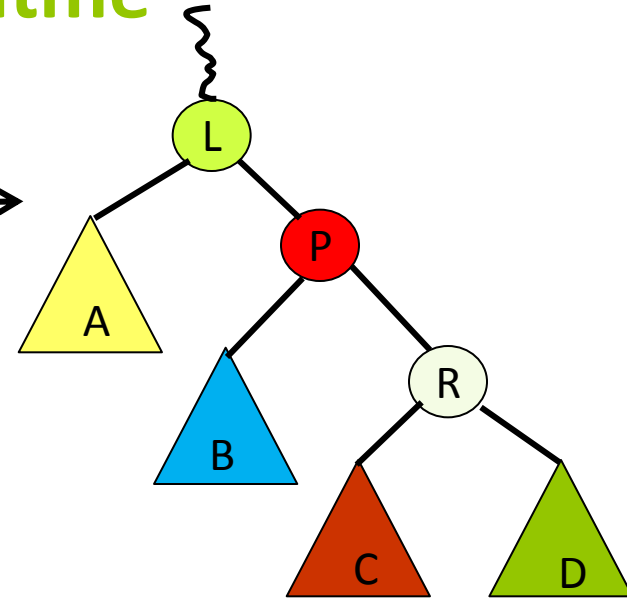
- 4 farklı durum vardır:
  - **Dış Durum** (tek döndürme gerektiren) :
    1. P'nin sol alt ağacının soluna eklendiğinde (LL Dengesizliği).
    2. P'nin sağ alt ağacının sağına eklendiğinde (RR Dengesizliği)
  - **İç Durum** (2 kez döndürme işlemi gerektiren) :
    3. P'nin sol alt ağacının sağına eklendiğinde (RL Dengesizliği)
    4. P'nin sağ alt ağacının soluna eklendiğinde (LR Dengesizliği)

## LL Dengesizliği & Düzeltme



Ekleme işleminden sonra ağaç

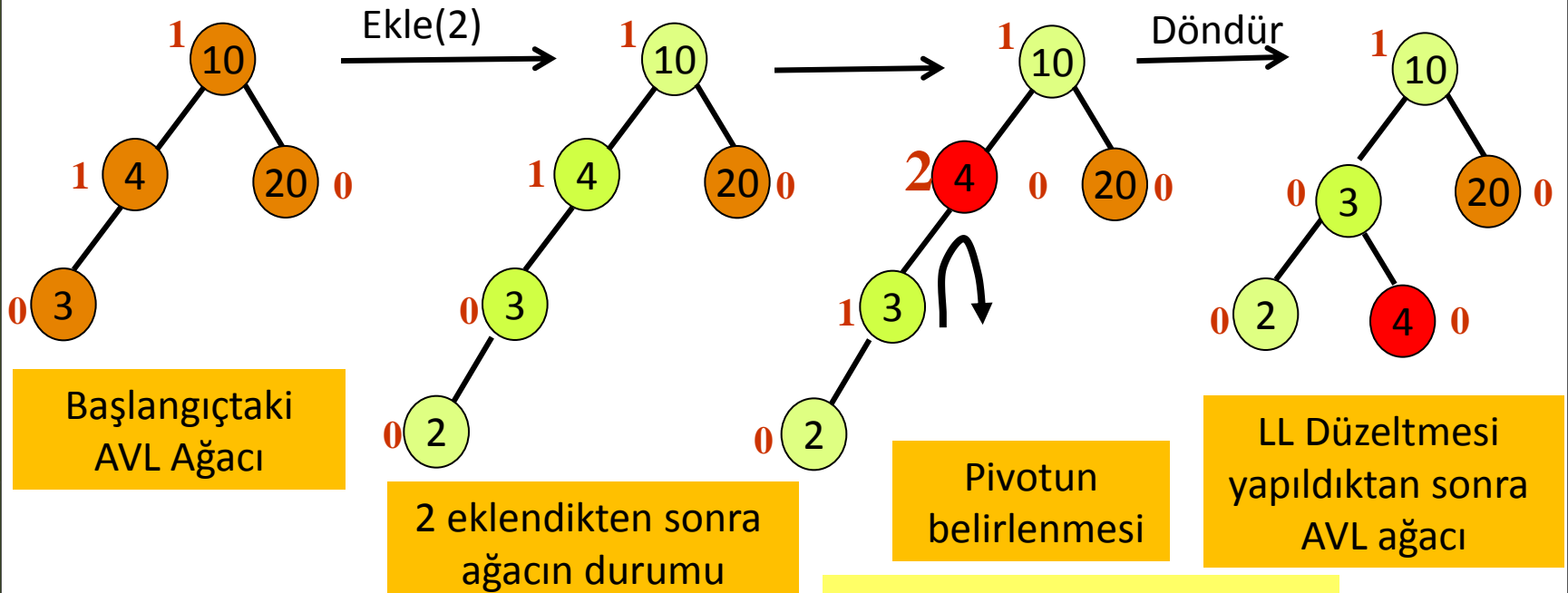
Döndürme



LL Düzeltmesinden sonra ağaç

- **LL Dengesizliği:** P'nin sol alt ağacının soluna eklendiğimizde (A alt ağacına)
  - P'nin bf si 2
  - L'nin bf si 0 veya 1
- **Düzeltme:** P etrafında sağa doğru tek dönderme.

# LL Dengesizliği Düzeltme Örneği (1)

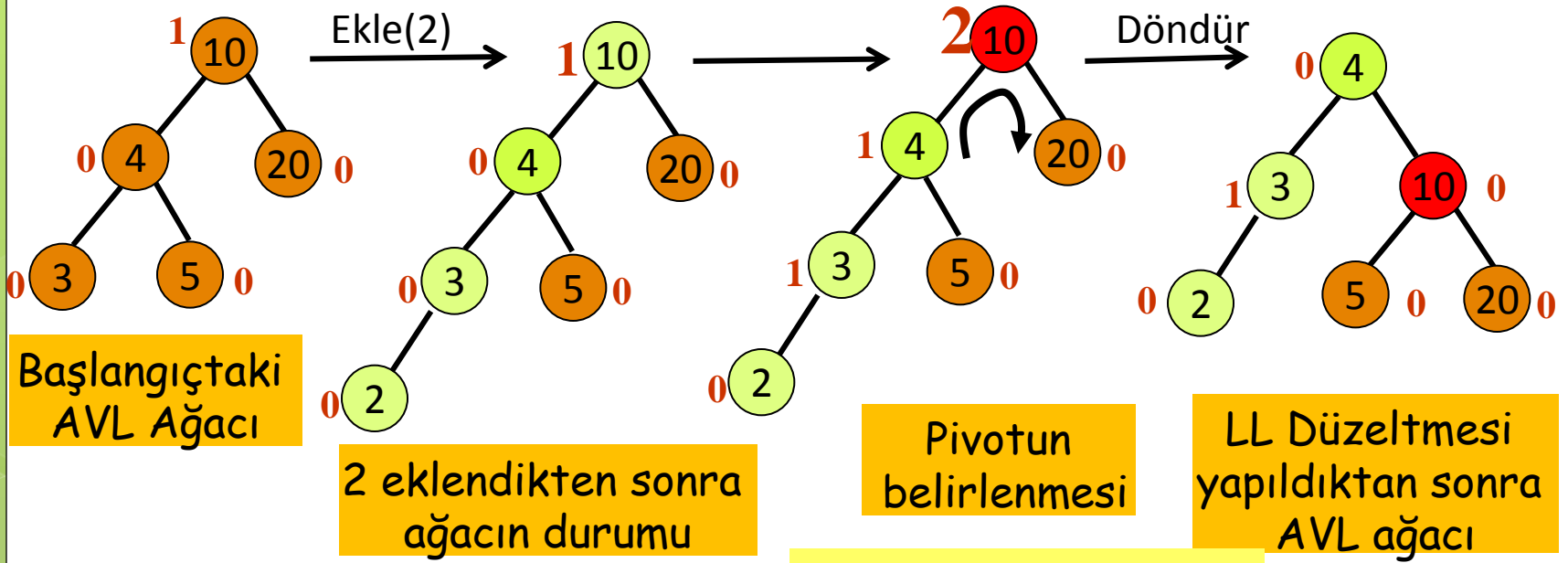


Balans faktörü düzelterek köke doğru ilerle

Dengesizliğin türünün belirlenmesi

- **LL Dengesizliği:**
  - **P(4)**'ün **bf** si 2
  - **L(3)**'ün **bf** si 0 veya 1

## LL Dengesizliği Düzeltme Örneği (2)

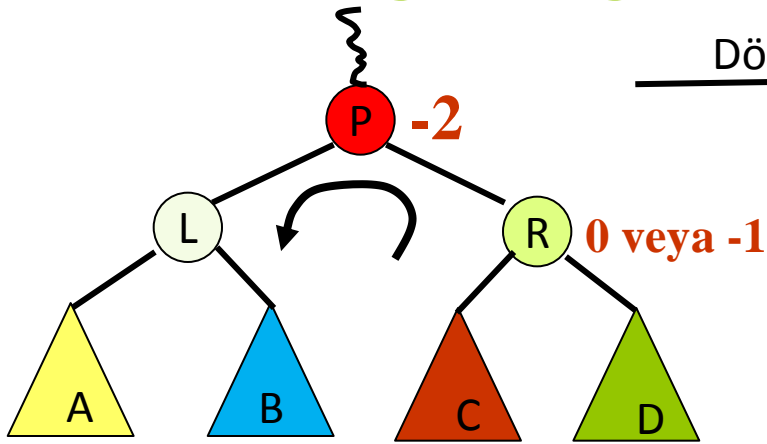


Balans faktörü düzelterek köke doğru ilerle

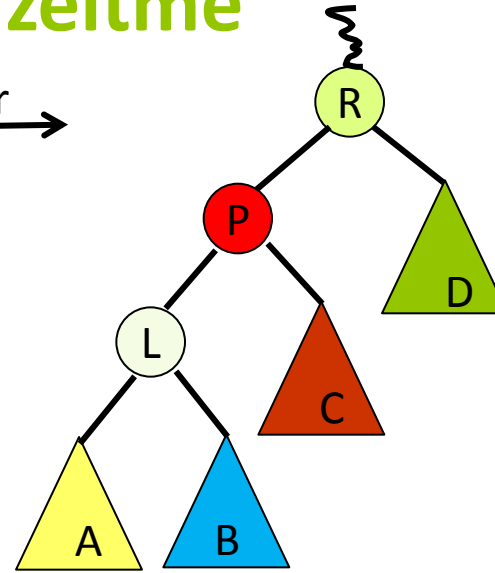
Dengesizliğin türünün belirlenmesi

- LL Dengesizliği:
  - P(4)'ün bfsi 2
  - L(3)'ün bfsi 0 veya 1

## RR Dengesizliği & Düzeltme

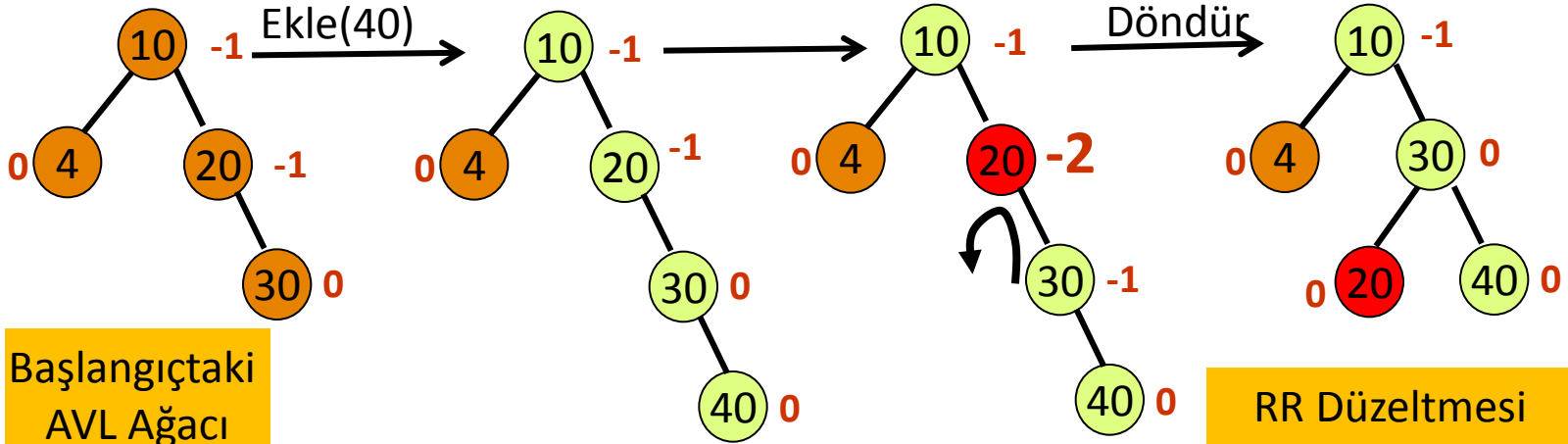


Döndür →



- **RR Dengesizliği:** P'nin sağ alt ağacının sağına eklendiğinde (D alt ağacına eklendiğinde)
  - P →  $bf = -2$
  - R →  $bf = 0$  veya  $-1$
- **Düzeltme:** P etrafında sola doğru tek dönderme

## RR Dengesizliği Düzeltme Örneği (1)



Başlangıçtaki  
AVL Ağacı

40 eklendikten sonra  
ağacın durumu

Balans faktörü  
düzelterek köke doğru  
ilerle

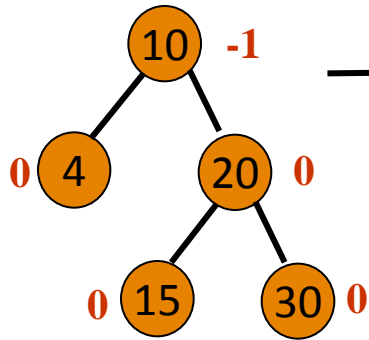
Pivotun  
belirlenmesi

Dengesizliğin türünün  
belirlenmesi

RR Düzeltmesi  
yapıldıktan sonra  
AVL ağacı

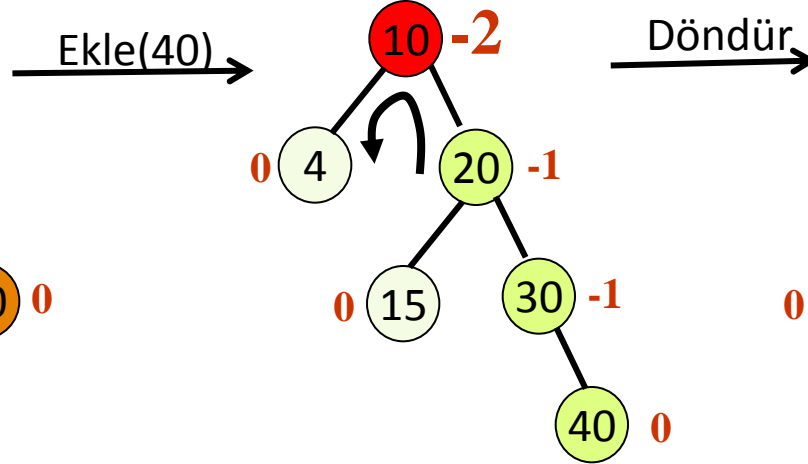
- **RR Dengesizliği:**
  - P(20)  $\rightarrow$  bf = -2
  - R(30)  $\rightarrow$  bf = 0 veya -1

## RR Dengesizliği Düzeltme Örneği (2)



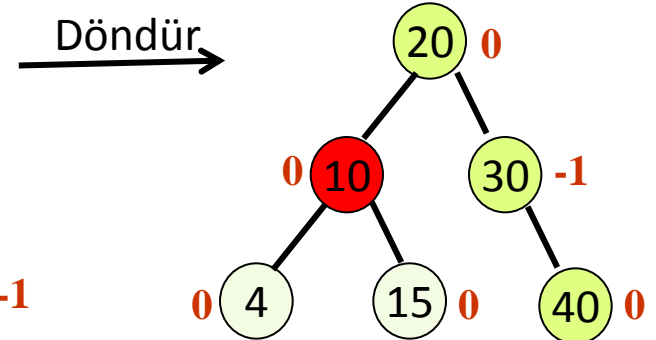
Başlangıçtaki  
AVL Ağacı

Balans faktörü düzelterek köke  
doğru ileler ve 10'u pivot olarak  
belirle



40 eklendikten sonra  
ağacın durumu

Dengesizliğin türünün  
belirlenmesi

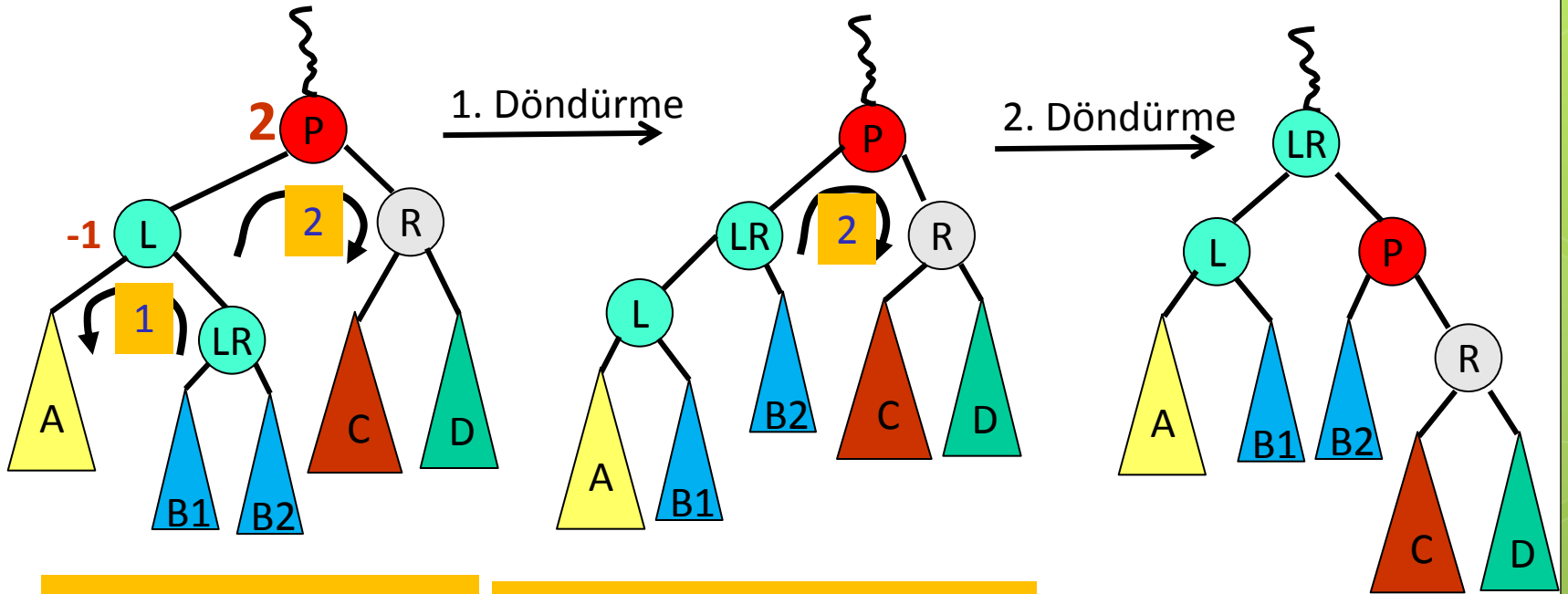


RR Düzeltmesi  
yapıldıktan sonra  
AVL ağacı

- RR Dengesizliği:
  - $P(10) \rightarrow bf = -2$
  - $R(20) \rightarrow bf = 0$  veya  $-1$



# LR Dengesizliği & Düzeltme



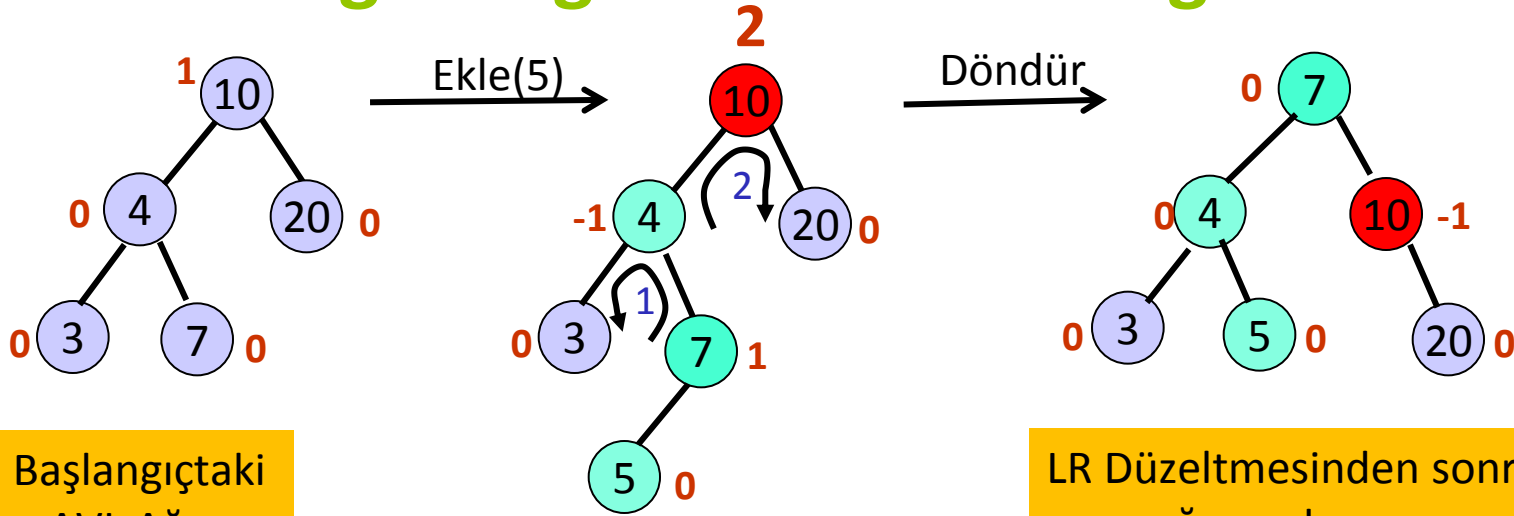
Eklemeden sonra ağaç

1. Döndürmeden sonra ağaç

LR Düzeltmesinden sonra

- **LR Dengesizliği:** P'nin sol alt ağacının sağına eklendiğinde (LR ağacına)
  - $P \rightarrow bf = 2$
  - $L \rightarrow bf = -1$
- **Düzeltilme:** L & P etrafında 2 kez döndürme

# LR Dengesizliği Düzeltme Örneği



Başlangıçtaki  
AVL Ağacı

Balans faktörü  
düzelterek köke doğru  
ilerle ve 10'u pivot  
olarak belirle

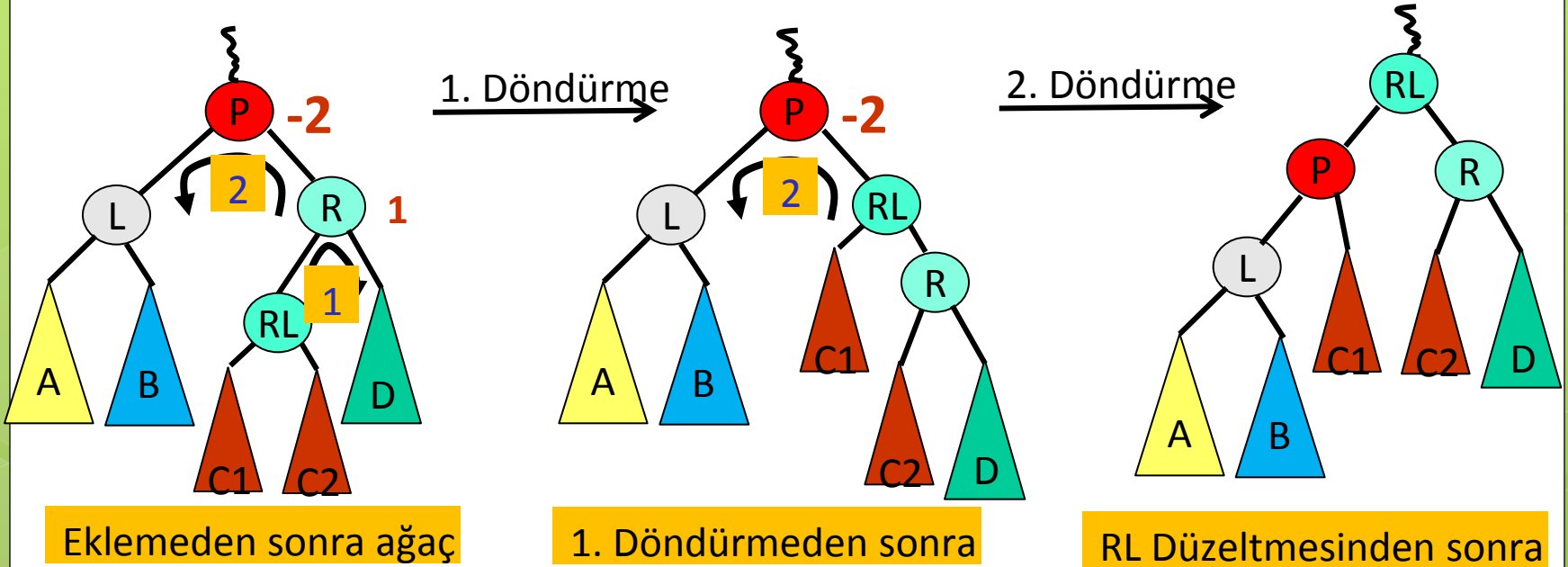
2 eklendikten sonra  
ağacın durumu

Dengesizliğin türünün  
belirlenmesi

LR Düzeltmesinden sonra  
ağacın durumu

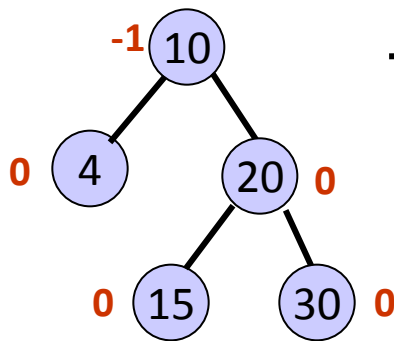
- LR Dengesizliği:
  - P(10)  $\rightarrow$  bf = 2
  - L(4)  $\rightarrow$  bf = -1

## RL Dengesizliği & Düzeltme



- **RL Dengesizliği**: P'nin sağ alt ağacının soluna eklendiğinde (RL alt ağacına)
  - $P \rightarrow bf = -2$
  - $R \rightarrow bf = 1$
- **Düzeltme**: R & P etrafında 2 kez döndürme.

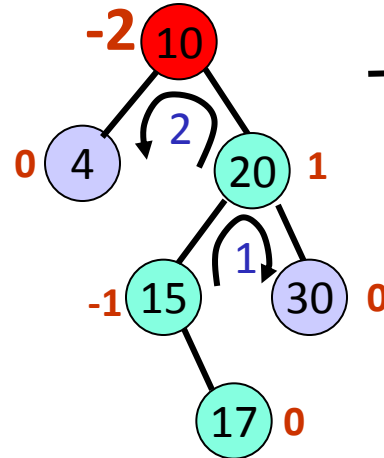
## RL Dengesizliği Düzeltme Örneği



Başlangıçtaki  
AVL Ağacı

Balans faktörü  
düzelterek köke doğru  
ilerle ve 10'u pivot  
olarak belirle

Ekle(17)

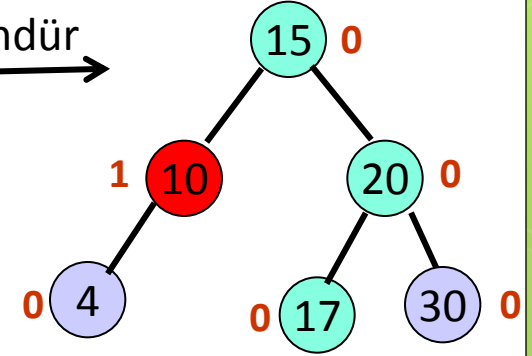


17 eklendikten sonra  
ağacın durumu

Dengesizliğin türünün  
belirlenmesi

- RL Dengesizliği:
  - P(10) → bf = -2
  - R(20) → bf = 1

Döndür



RL Düzeltmesi  
yapıldıktan sonra  
AVL ağacı

# AVL AĞAÇLARI

- AVL Ağaçlarının C Kodları İle Yazılmış Bazı Fonksiyonları
- **Fonksiyon 1.** AVL Ağacı İçim Düğüm Tanımı
- 
- `struct AvlDugum{`
- `ElementType eleman;`
- `AvlAgac sol;`
- `AvlAgac sag;`
- `int yukseklik;`
- `}`

# AVL AĞAÇLARI

- **Fonksiyon 2.** Bir AVL Düğümünün Yüksekliğini Döndüren Fonksiyon
- 
- `static int yukseklik (Pozisyon P)`
- `{`
- `if (P == NULL)`
- `return -1;`
- `else`
- `return P -> yukseklik;`
- `}`

# AVL AĞAÇLARI

- **Fonksiyon 3.** AVL Ağacı İçin Ekleme Fonksiyonu
- AvlAgac Ekleme (ElementType x, AvlAgac T) {
- if (T == NULL) {
- T = malloc (sizeof (struct AvlDugum));
- If (T == NULL)
- printf (“yer yok!”);
- else
- {
- T -> eleman = x;
- T -> yukseklik = 0;
- T -> sol = T -> sag = NULL;
- }
- }

## AVL AĞAÇLARI

- else
- If ( $x < T \rightarrow \text{eleman}$ ) {
- $T \rightarrow \text{sol} = \text{Ekleme}(x, T \rightarrow \text{sol});$
- If ( $\text{yukseklık}(T \rightarrow \text{sol}) - \text{yukseklık}(T \rightarrow \text{sag}) == 2$ )
- If ( $x < T \rightarrow \text{sol} \rightarrow \text{eleman}$ )  $T = \text{SolTekDondurme}(T);$
- else  $T = \text{Sol\_SagCiftDondurme}(T);$  }
- else
- If ( $x > T \rightarrow \text{eleman}$ ) {
- $T \rightarrow \text{sag} = \text{Ekleme}(x, T \rightarrow \text{sag});$
- If ( $\text{yukseklık}(T \rightarrow \text{sag}) - \text{yukseklık}(T \rightarrow \text{sol}) == 2$ )
- If ( $x > T \rightarrow \text{sag} \rightarrow \text{eleman}$ )  $T = \text{SagTekDondurme}(T);$
- else  $T = \text{Sag\_SolCiftDondurme}(T);$  }
- $T \rightarrow \text{yukseklık} = \max(\text{yukseklık}(T \rightarrow \text{sol}), \text{yukseklık}(T \rightarrow \text{sag})) + 1;$
- return T; }



# AVL AĞAÇLARI

- **Fonksiyon 4.** AVL Ağacı İçin Sola Doğru Tek Döndürme (LL) Fonksiyonu
- static Pozisyon SolTekDondurme (Pozisyon k2)
- {
- Pozisyon k1;
- k1 = k2 -> sol;
- k2 -> sol = k1 -> sag;
- k1 -> sag = k2;
- k2 ->yukseklık = max(yukseklık(k2 -> sol), yukseklik(k2 ->sag)) + 1;
- k1 -> yukseklik = max (yukseklık (k1 -> sol) ,k2 -> yukseklik) + 1;
- return k1;
- }

## AVL AĞAÇLARI

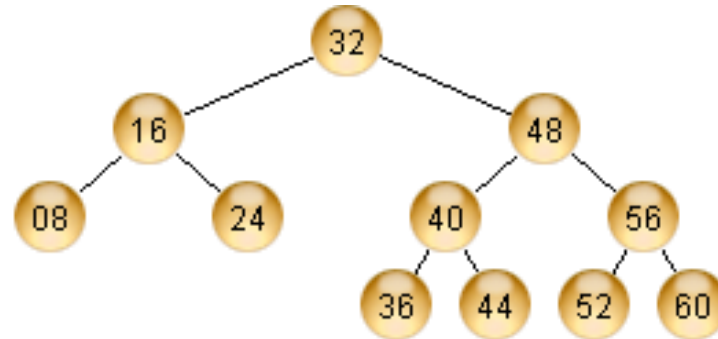
- **Fonksiyon 5.** AVL Ağacı İçin Sol-Sağ Çift Döndürme
- static Pozisyon Sol\_SagCiftDondurma (Pozisyon k3)
- {
- k3 -> sol = SagTekDondurma (k3 -> sol);
- return SolTekDondurma (k3);
- }

## AVL AĞAÇLARI

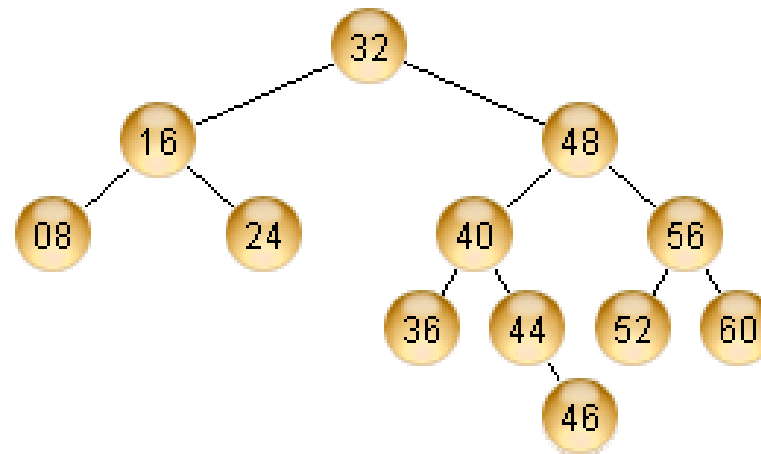
- C# veya java sola döndürme
- `public int solaDondur(AVLtreeNode k1, AVLtreeNode k3)`
- `{`
- `k3.leftNode = k1.rightNode;`
- `k1.rightNode = k3.leftNode.leftNode;`
- `k3.leftNode.leftNode = k1;`
- `k3.yukseklk = yukseklikBul(k3);`
- `k3.leftNode.yukseklk = yukseklikBul(k3.leftNode);`
- `k1.yukseklk = yukseklikBul(k1);`
- `}`

# AVL AĞAÇLARI

○ Örnek:



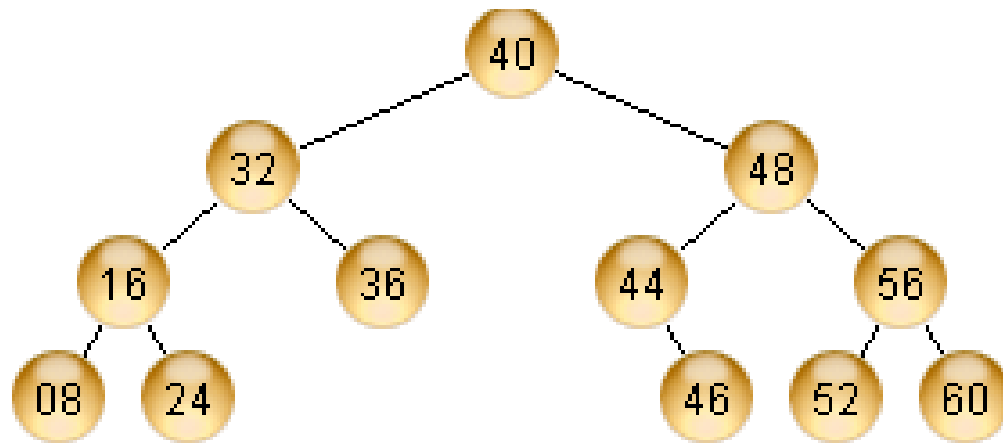
○ 46, eklendi



# AVL AĞAÇLARI

○ Örnek:

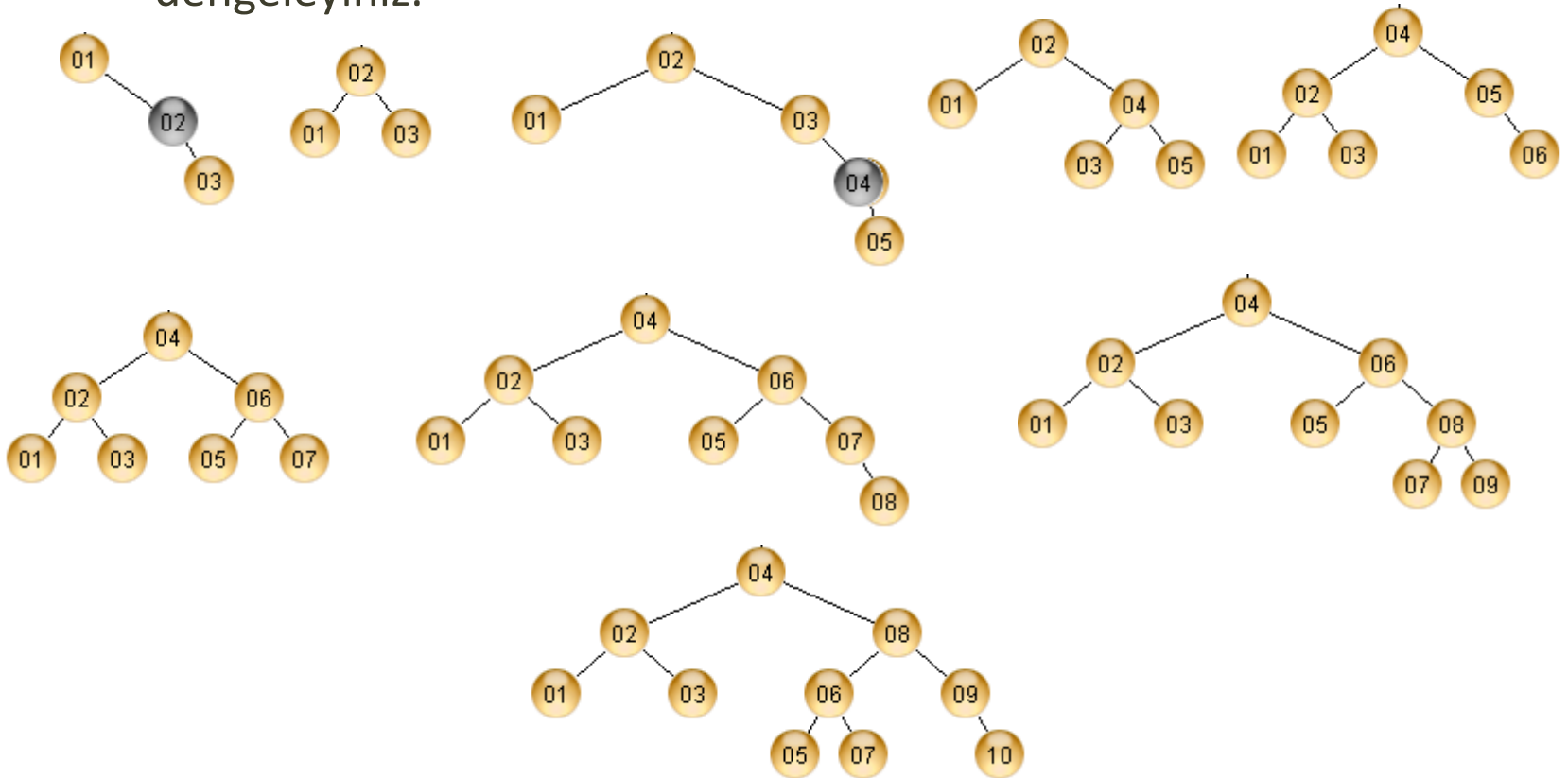
- 
- 



○ Dengeli AVL ağacı

# AVL AĞAÇLARI

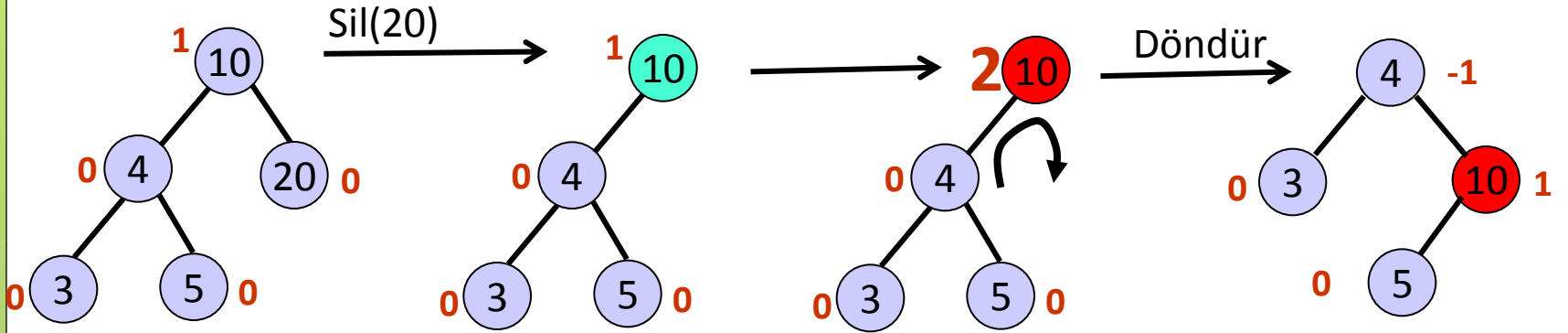
- Örnek: 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10 ağacı oluşturup adım adım dengeleyiniz.



## AVL AĞAÇLARI- Silme

- Silme işlemi ekleme işlemi ile benzerlik gösterir.
- AVL ağaçlarında silme işlemi yaparken özellikle çocukları olan düğümlerin silme işlemi farklı yapılarda gözükür. Amaç dengeyi bozmayacak düğümün öncelikle sağlanması.
- Soldaki en büyük çocuk veya Sağdaki en küçük çocuk yeni düğüm olur. **Önemli olan silme olayından sonra dengeleme işleminin yeniden sağlanmasıdır.** Bu işlem sırasında birden fazla döndürme işlemi yapılabilir.
- **Kural 1:** Silinen düğüm yaprak ise, problem yok dengeleme işlemi gerekiyorsa yap.
- **Kural 2:** Silinen düğüm çocukları olan bir düğüm ise ya soldaki en büyük çocuğu veya sağdaki en küçük çocuğu al. Bu işlem sırasında dengeleme için birden fazla döndürme işlemi yapılabilir.

# Silme Örneği (1)



Başlangıçtaki  
AVL Ağacı

20 silindikten sonra  
Ağacın durumu

10'un pivot olarak  
belirlenmesi

LL Düzeltmesinden  
Sonra AVL Ağacı

Balans faktörü  
düzelterek köke doğru  
ilerle

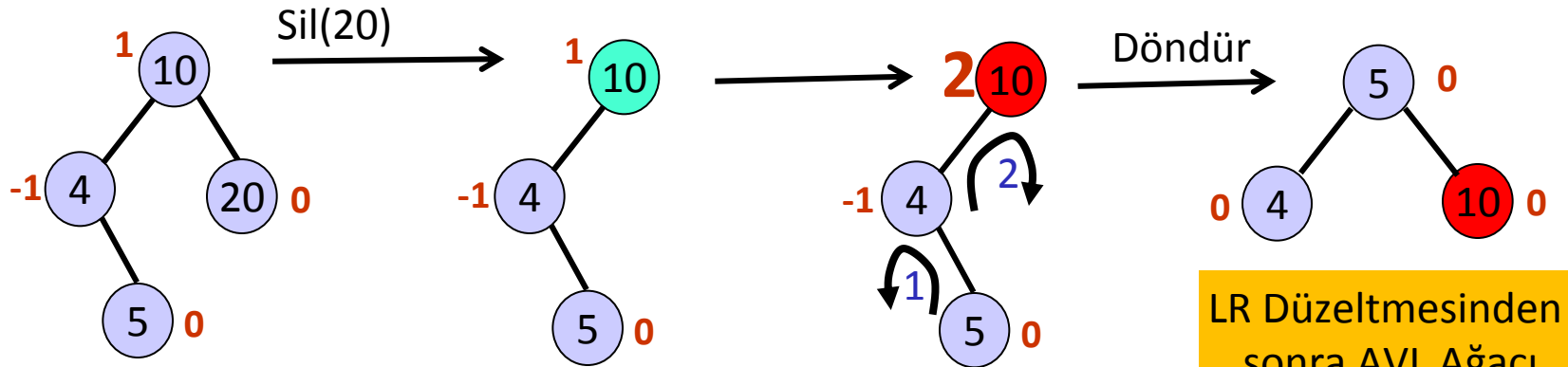
Dengesizliğin türünün  
belirlenmesi

LL Dengesizliği:

- **P(10)**'ün **bf**si 2
- **L(4)**'ün **bf**si 0 veya 1



## Silme Örneği (2)



Başlangıçtaki  
AVL Ağacı

20 silindikten sonra  
Ağacın durumu

10'un pivot olarak  
belirlenmesi

LR Düzeltmesinden  
sonra AVL Ağacı

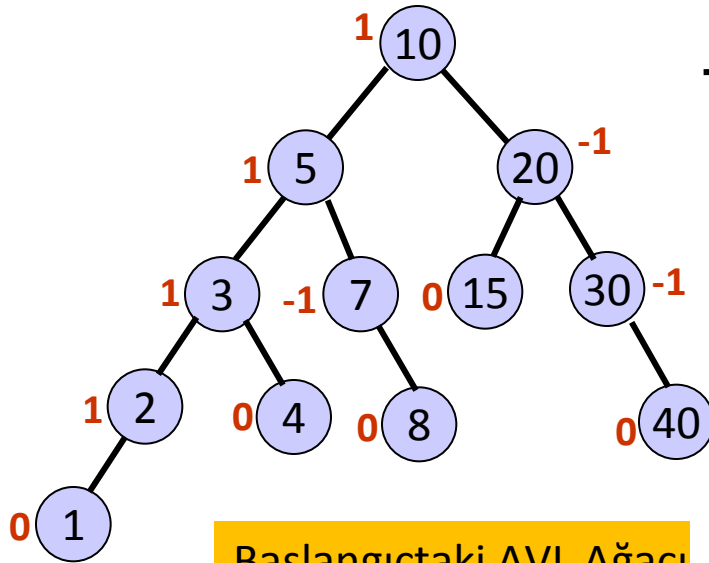
Balans faktörü  
düzelterek köke doğru  
ilerle

Dengesizliğin türünün  
belirlenmesi

**LR Dengesizliği:**

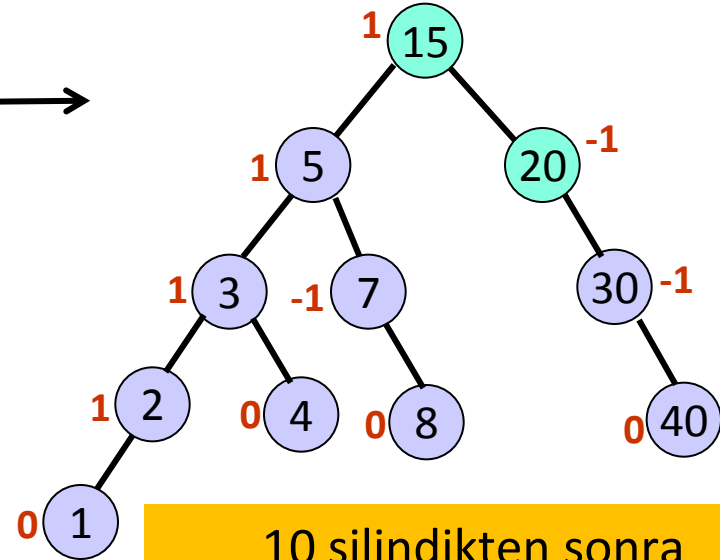
- P(10)  $\rightarrow$  bf = 2
- L(4)  $\rightarrow$  bf = -1

## Silme Örneği (3)



Başlangıçtaki AVL Ağacı

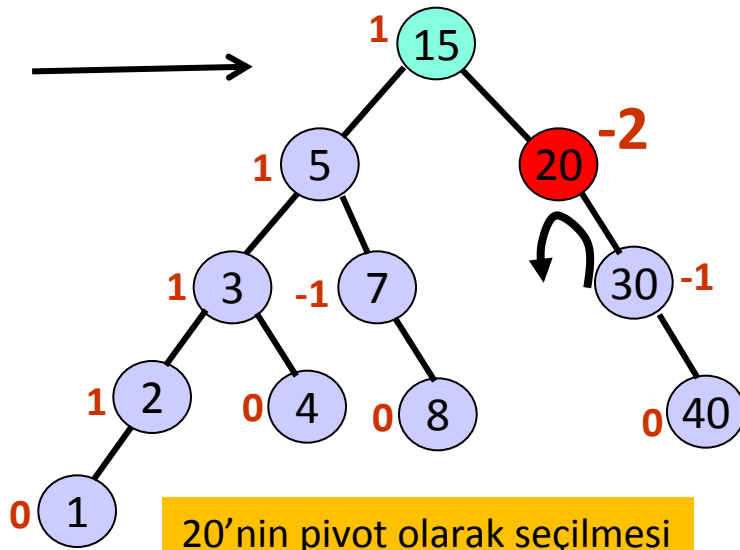
Sil(10) →



10 silindikten sonra 10 ve 15 (sağ alt ağaçtaki en küçük eleman) yer değiştirdi ve 15 silindi.

Balans faktörü düzelterek köke doğru ilerle

## Silme Örneği (3)

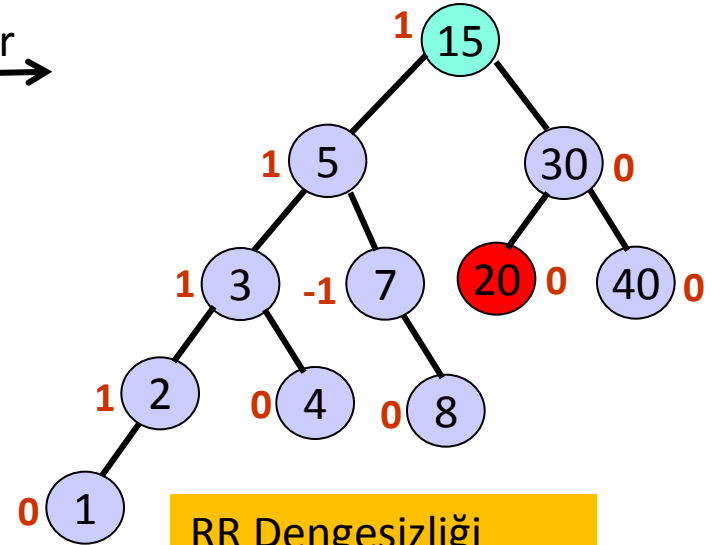


Dengesizliğin türünü belirle

RR Dengesizliği:

- P(20)  $\rightarrow$  bf = -2
- R(30)  $\rightarrow$  bf = 0 veya -1

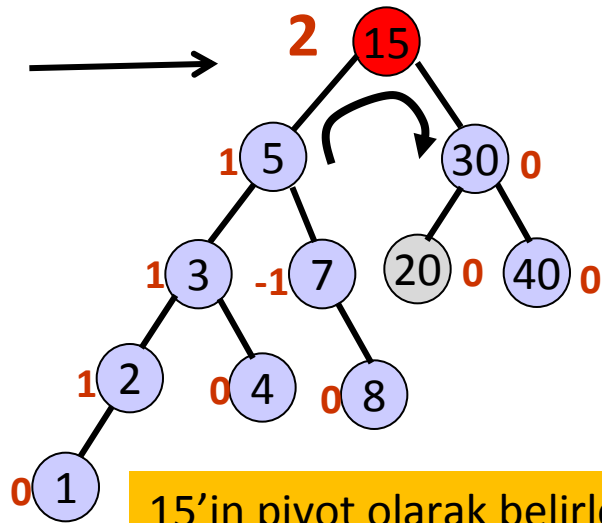
Döndür



Yukardaki AVL ağacı mıdır?

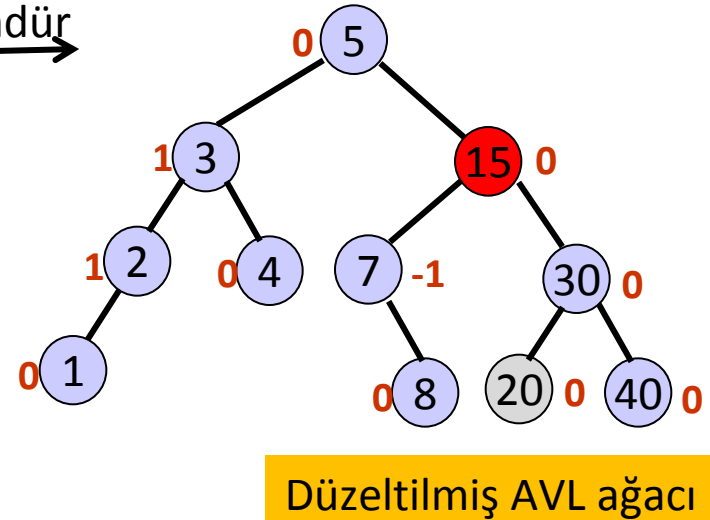
Balans faktörü düzelterek köke doğru ilerle.

## Silme Örneği (3)



Dengesizliğin türünü belirle

Döndür

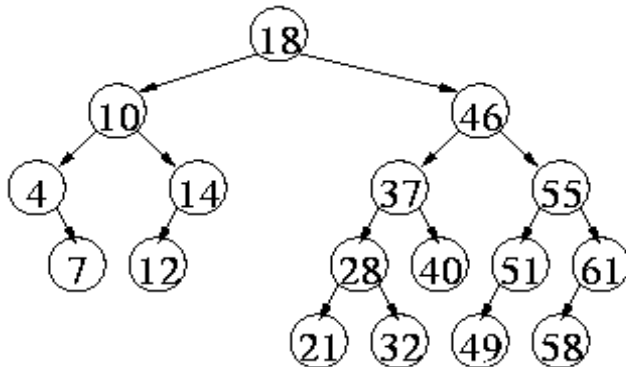
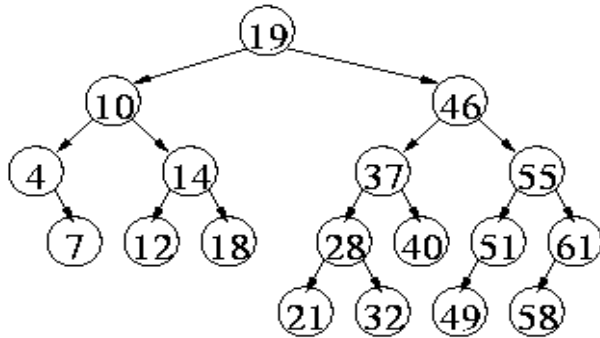


LL Dengesizliği:

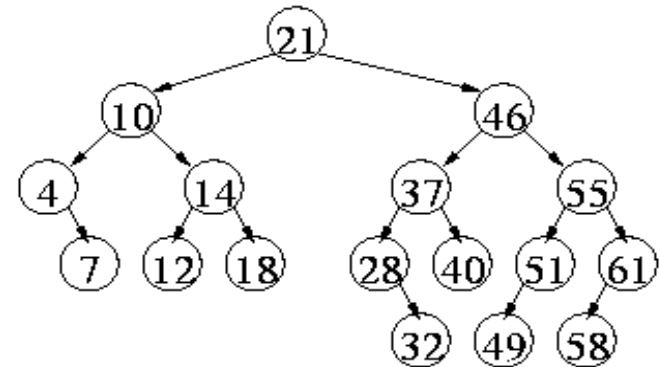
- $P(15) \rightarrow bf = 2$
- $L(5) \rightarrow bf = 0$  veya  $1$

# Silme Örneği– Kural 2

- 19 silindi (Soldaki en büyük düğüm veya sağdaki en küçük düğüm kök yapılır).

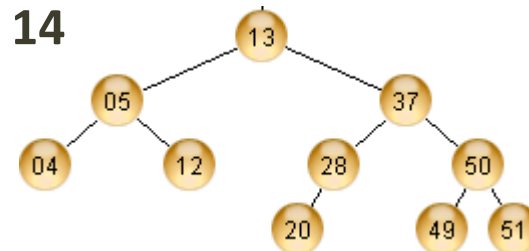
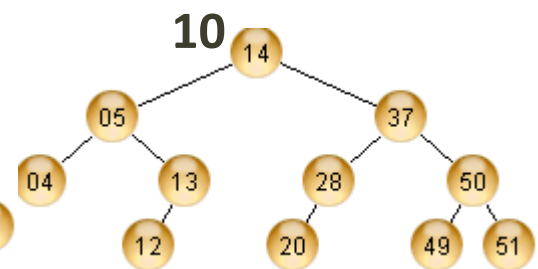
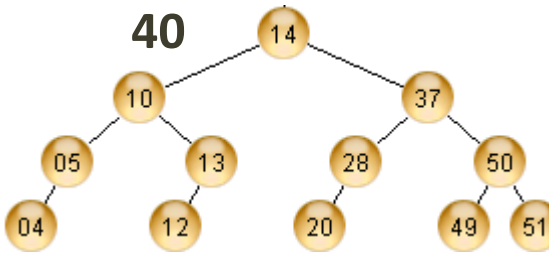
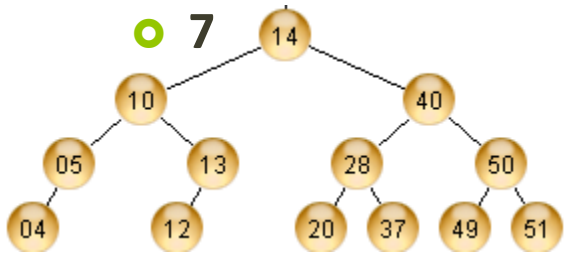
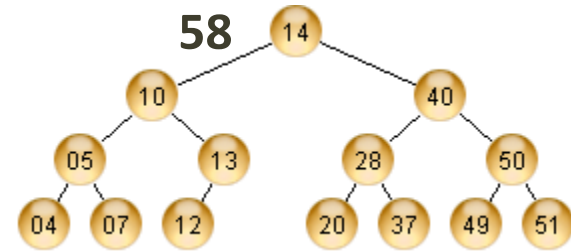
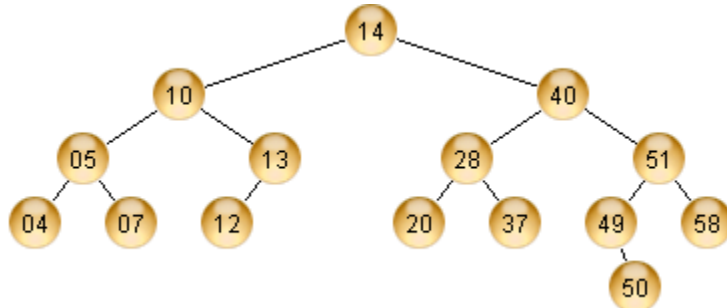


veya



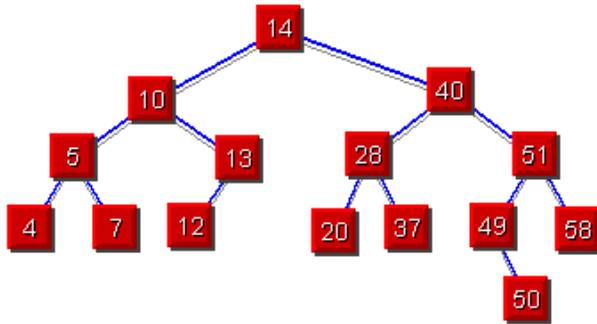
# Silme Örneği– Kural 1-2

- Örnek: Sırasıyla siliniz; 58 ,7, 40,10,14 (Silme işleminde Soldaki en büyük düğüm alınacak)

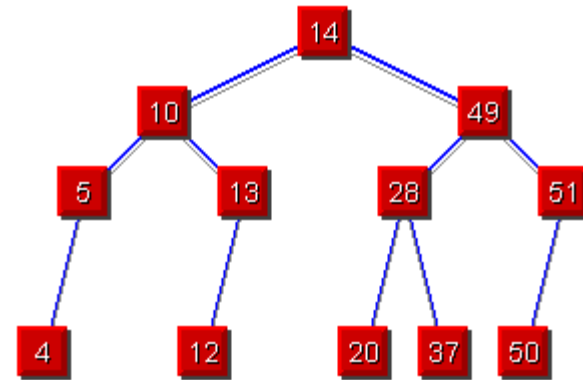


# Silme Örneği– Kural 1-2

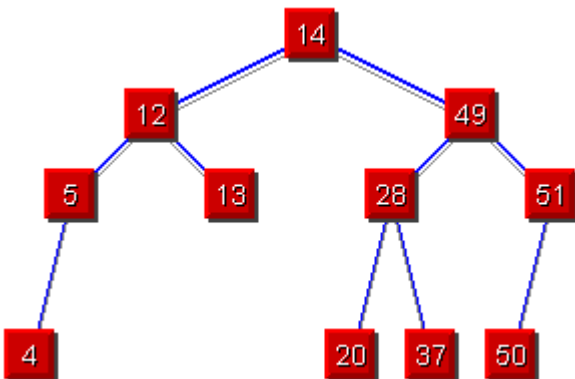
- Örnek: Sırasıyla siliniz; 58 , 7, 40,10,14 (Silme işleminde Sağdaki en küçük düğüm alınacak)



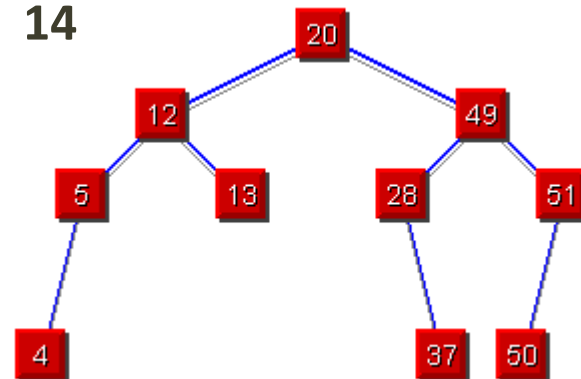
58,7,40



- 10

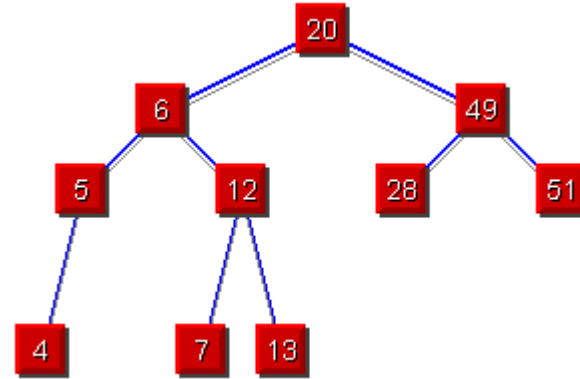
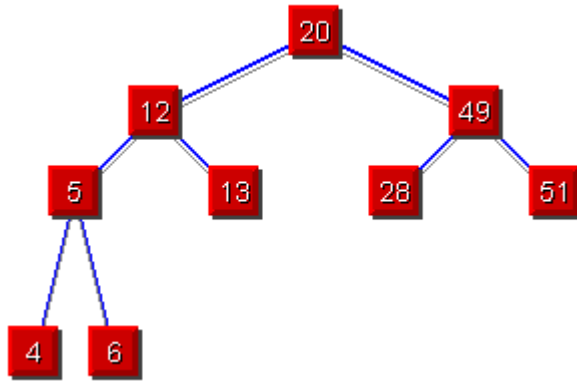


- 14

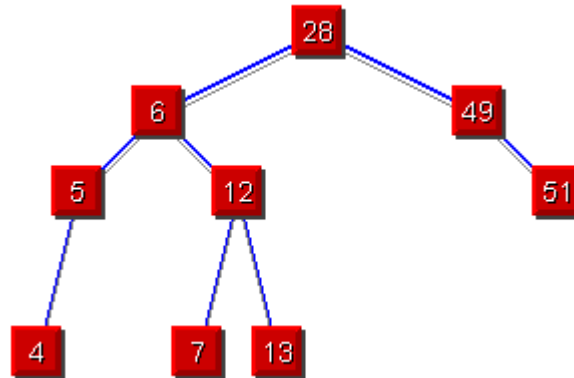


# Silme Örneği

- Örnek: Ağaca 7 ekleyip dengeleyiniz.



- Ağaçtan 20 değerini siliniz (Sağdaki en küçük düğüm alınacak)





## AVL -Arama (Bul)

- AVL ağacı bir tür İkili Arama Ağacı (BST) olduğundan arama algoritması BST ile aynıdır.
- $O(\log N)$  de çalışması garantidir.

# AVL Ağaçları – Özet

- AVL Ağaçlarının Avantajları
  1. AVL ağacı devamlı dengeli olduğu için Arama/Ekleme/Silme işlemi  $O(\log N)$  yapılır.
  2. Düzeltme işlemi algoritmaların karmaşıklığını etkilemez.
  
- AVL Ağaçlarının Dezavantajları:
  1. Balans faktörü için ekstra yer gereklidir.
  2. Yarı dengeli ağaçlarda AVL ağaçları kadar iyi performans verir ayrıca bu tür algoritmalarda balans faktör kullanılmaz
    - Splay ağaçları

## Ödev

- Uygulama : S,E,L,İ,M, K,A,Ç,T,İ AVL ağacını yapınız.
- Cevap: Kök düğümünün değeri L
- Yaprak düğümünün değerleri: A,İ,K,M,T
- **DSW metod (Recreate)**
- - Yükseklikleri ağacı yeniden oluşturarak ayarlar
- -Ağaçtan backbone elde eder ve ağacı yeniden oluşturur
- - Colin Day, Quentin F. Stout ve Bette L.Warren tarafından geliştirilmiştir
- **Self-Adjusting Trees (Priority)**
- - Kullanılma sıklığına göre ağacı sürekli düzenler
- - Her elemana erişimde root'a doğru yaklaştırır.
- **Kırmızı olarak belirtilen kısımları en kısa zamanda programı ile birlikte word belgesi olarak hazırlanıp teslim edilecektir.**

# SPLAY TREE

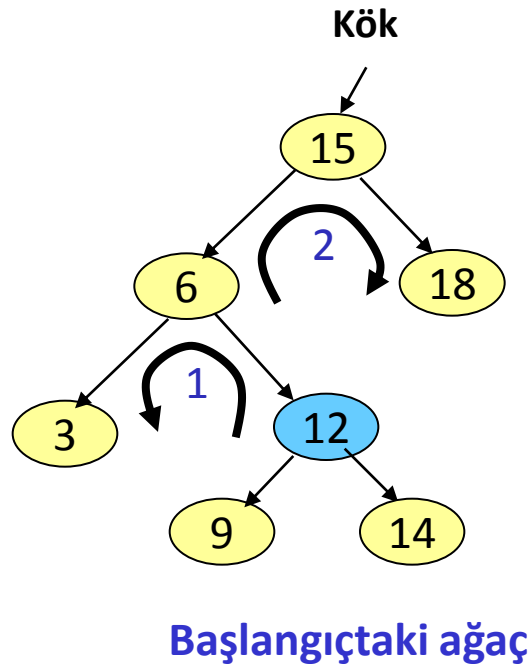
- AVL tree
- 2-3 ve 2-3-4 tree
- Splay tree
- Red-Black Tree
- B- tree

# Splay Ağaçları

- Splay ağaçları ikili arama ağaç yapılarından birisidir.
  - Her zaman dengeli değildir.
  - Arama ve ekleme işlemlerinde dengelemeye çalışılır böylece gelecek operasyonlar daha hızlı çalışır.
- Sezgiseldir.
  - Eğer X bir kez erişildi ise, bir kez daha erişilecektir.
  - X erişildikten sonra "splaying" operasyonu yapılır.
    - X köke taşınır.

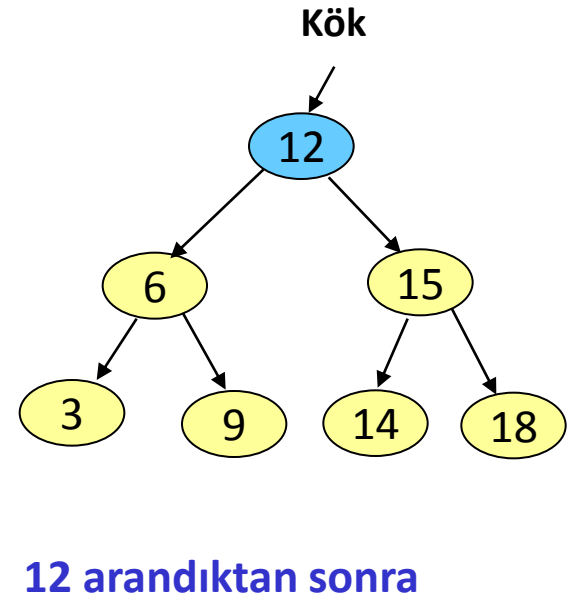
## Örnek

- Burada ağacın dengeli olmasının yanı sıra 12 ye  $O(1)$  zamanında erişilebiliyor.
- Aktif (son erişilenler) düğümler köke doğru taşınırken aktif olmayan düğümler kökten uzaklaştırılır.



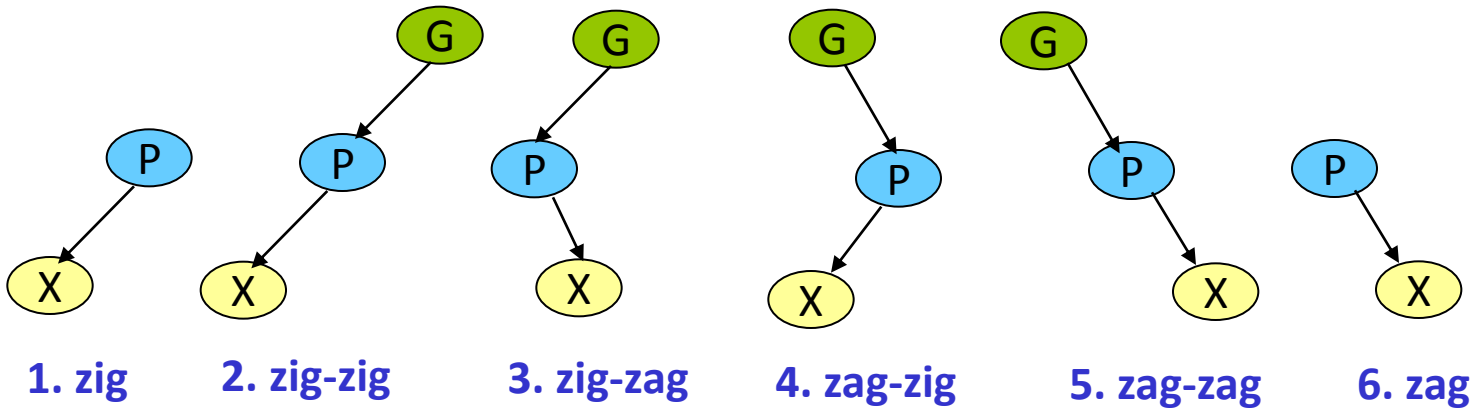
Bul(12) den sonra

Splay ana düşünce:  
Döndürme kullanarak  
12'yi köke getir.



## Splay Ağacı Terminolojisi

- X kök olmayan bir düğüm olsun. (ailesi olan)
- P düğümü X'in aile düğümü olsun.
- G düğümü X'in ata düğümü olsun.
- G ve X arasındaki yol düşünüldüğünde:
  - Her sağa gitme işlemine “zig” işlemi denilmektedir.
  - Her sola gitme işlemine “zag” işlemi denilmektedir.
- Toplam 6 farklı durum oluşabilir:



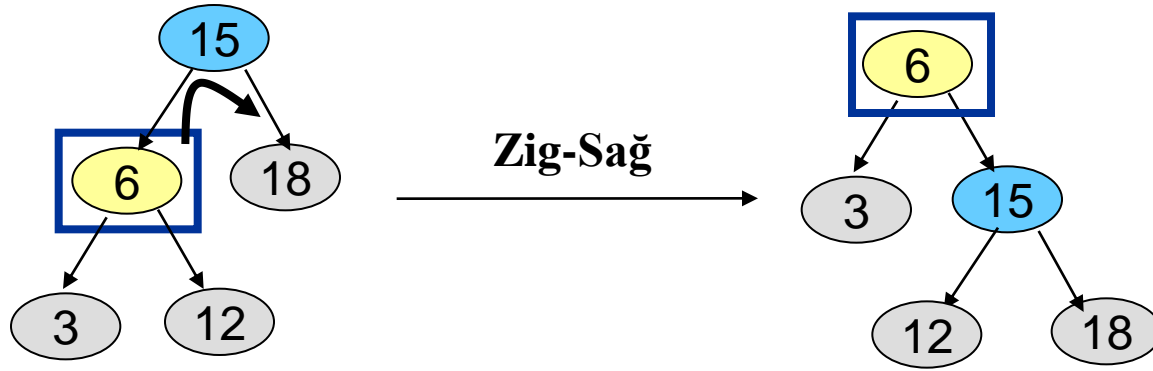
# Splay Ağaç İşlemleri

- X'e erişildiğinde 6 tane rotasyon işleminden birisi uygulanır:
  - Tek Dönme (X, P'ye sahip ama G'ye sahip değil)
    - zig, zag
  - Çift Dönme (X hem P'ye hem de G'ye sahip)
    - zig-zig, zig-zag
    - zag-zig, zag-zag



## Splay Ağaçları: Zig İşlemi

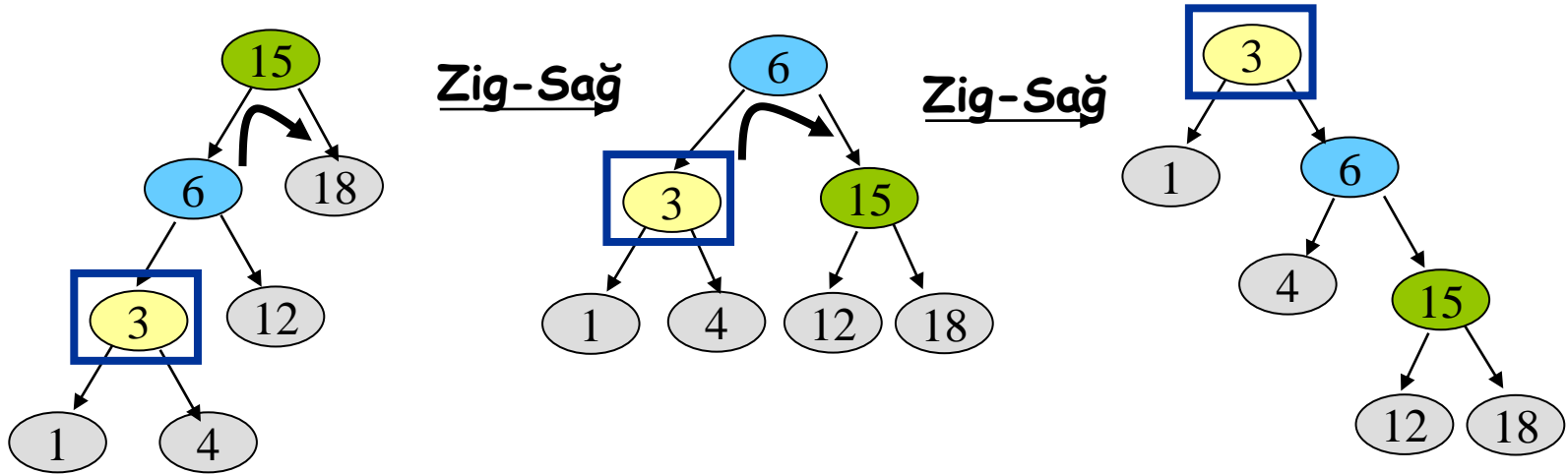
- “Zig” işlemi AVL ağacındaki gibi tek döndürme işlemidir.
- Örneğin erişilen elemanın 6 olduğu düşünülürse.



- “Zig-Sağ” işlemi 6’yı köke taşır.
- Bir sonraki işlemde 6’ya  $O(1)$  de erişilebilir.
- AVL ağacındaki sağ dönme işlemi ile benzerdir.

## Splay Ağaçları: Zig-Zig İşlemi

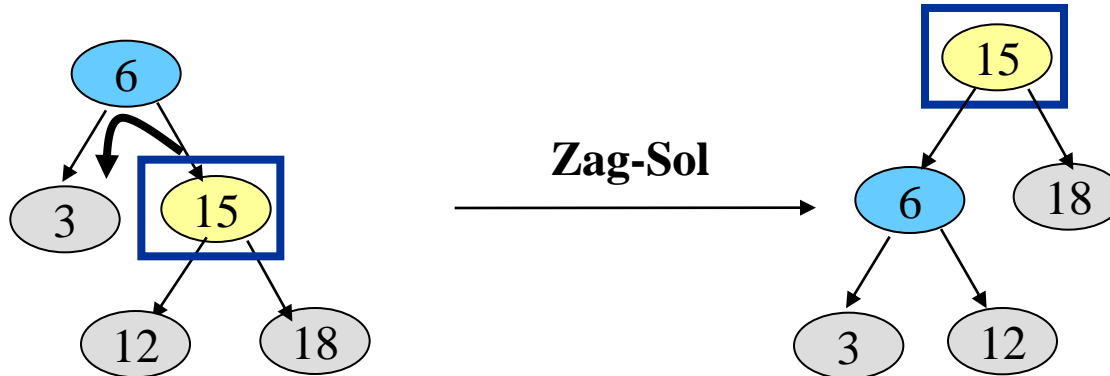
- “Zig-Zig” işlemi aynı türde 2 tane dönme işlemi içerir.
- Örneğin erişilen elemanın 3 olduğu düşünülürse.



- “zig-zig” işlemi ile birlikte 3 köke taşınmış oldu.
- Not: Aile - ata arasındaki döndürme önce yapılıyor.

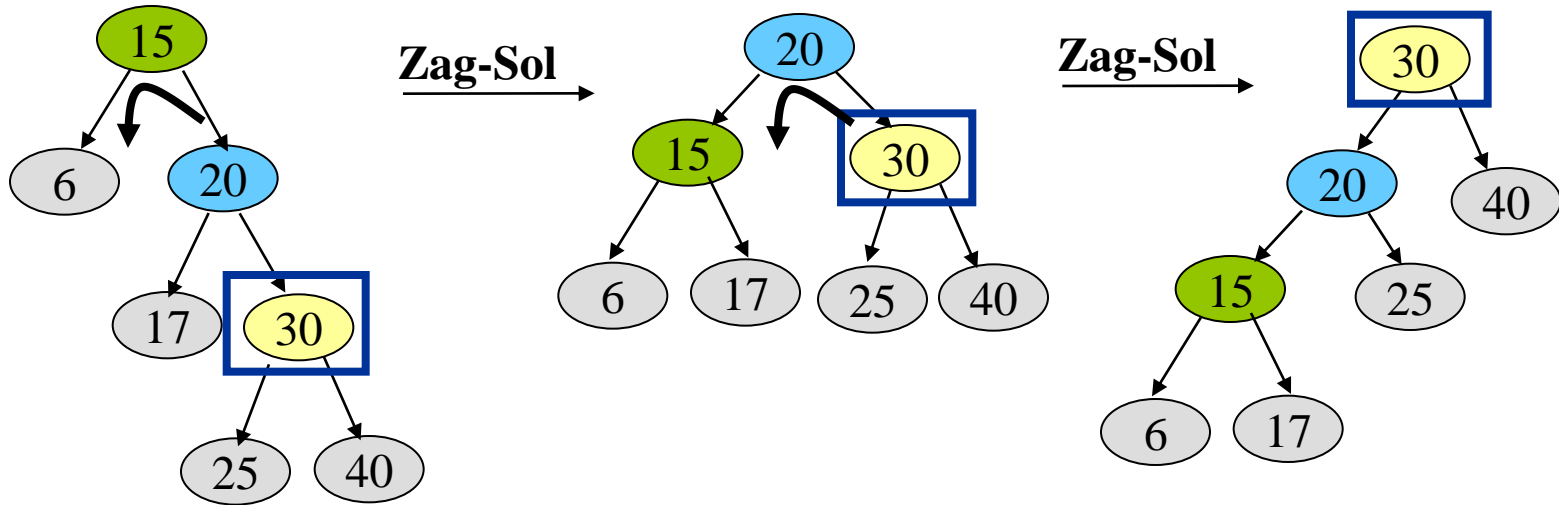
# Splay Ağaçları: Zag İşlemi

- “Zag” işlemi AVL ağacındaki gibi tek döndürme işlemidir.
- Örneğin erişilen elemanın 15 olduğu düşünülürse.
- “Zag-sol işlemi 15’i köke taşır.
- Bir sonraki işlemde 15’e  $O(1)$  de erişilebilir.
- AVL ağacındaki sol dönme işlemi ile benzerdir.



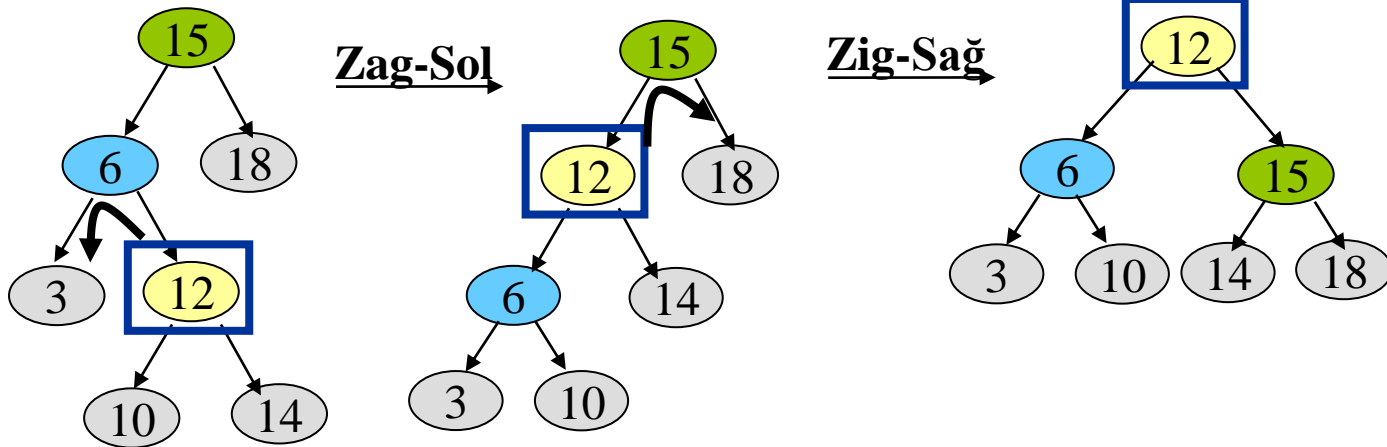
# Splay Ağaçları: Zag-Zag İşlemi

- “Zag-Zag” işlemi aynı türde 2 tane dönme işlemi içerir.
- Örneğin erişilen elemanın 30 olduğu düşünülürse.
- “zag-zag” işlemi ile birlikte 30 köke taşınmış oldu.
- Not: Aile - ata arasındaki döndürme önce yapılıyor.



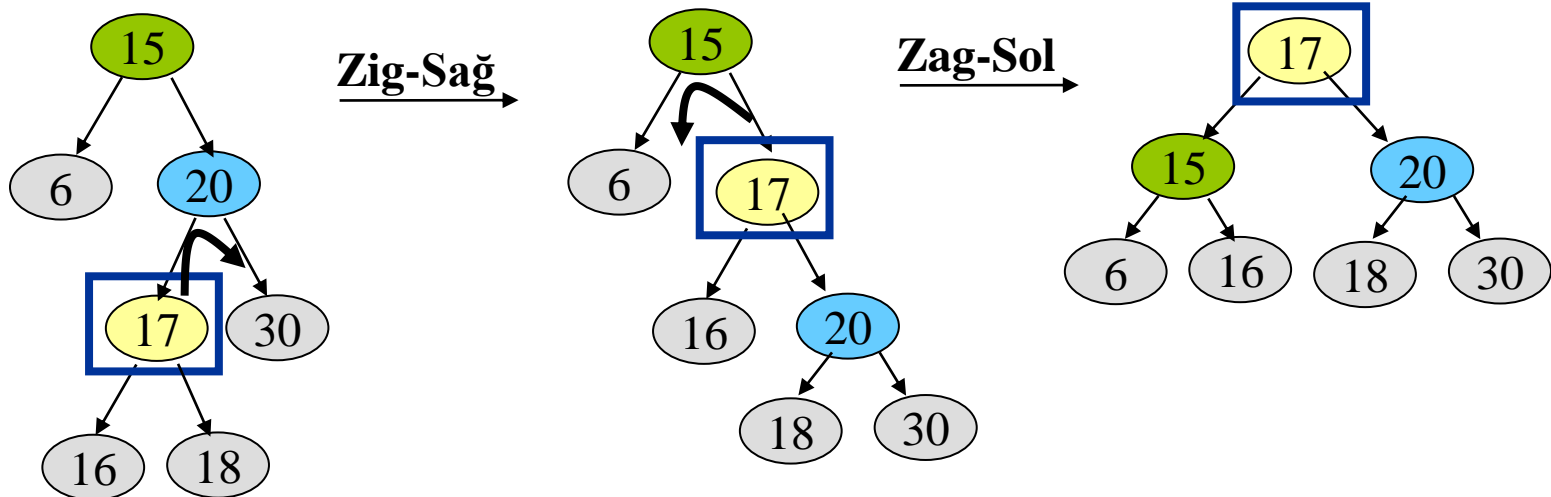
# Splay Ağaçları: Zig-Zag durumu

- Zig-zag durumunda X, P nin sağ çocuğu ve G'de atası olduğu durumdur.
- “Zig-Zag” durumu farklı türde 2 tane dönme işlemi içerir.
- Örneğin erişilen elemanın 12 olduğu düşünülürse.
- “zig-zag” işlemi ile birlikte 12 köke taşınmış oldu.
- AVL ağacındaki LR dengesizliğini düzeltmek için kullanılan işlemler ile aynıdır.(önce sol dönme, daha sonra sağ dönme)

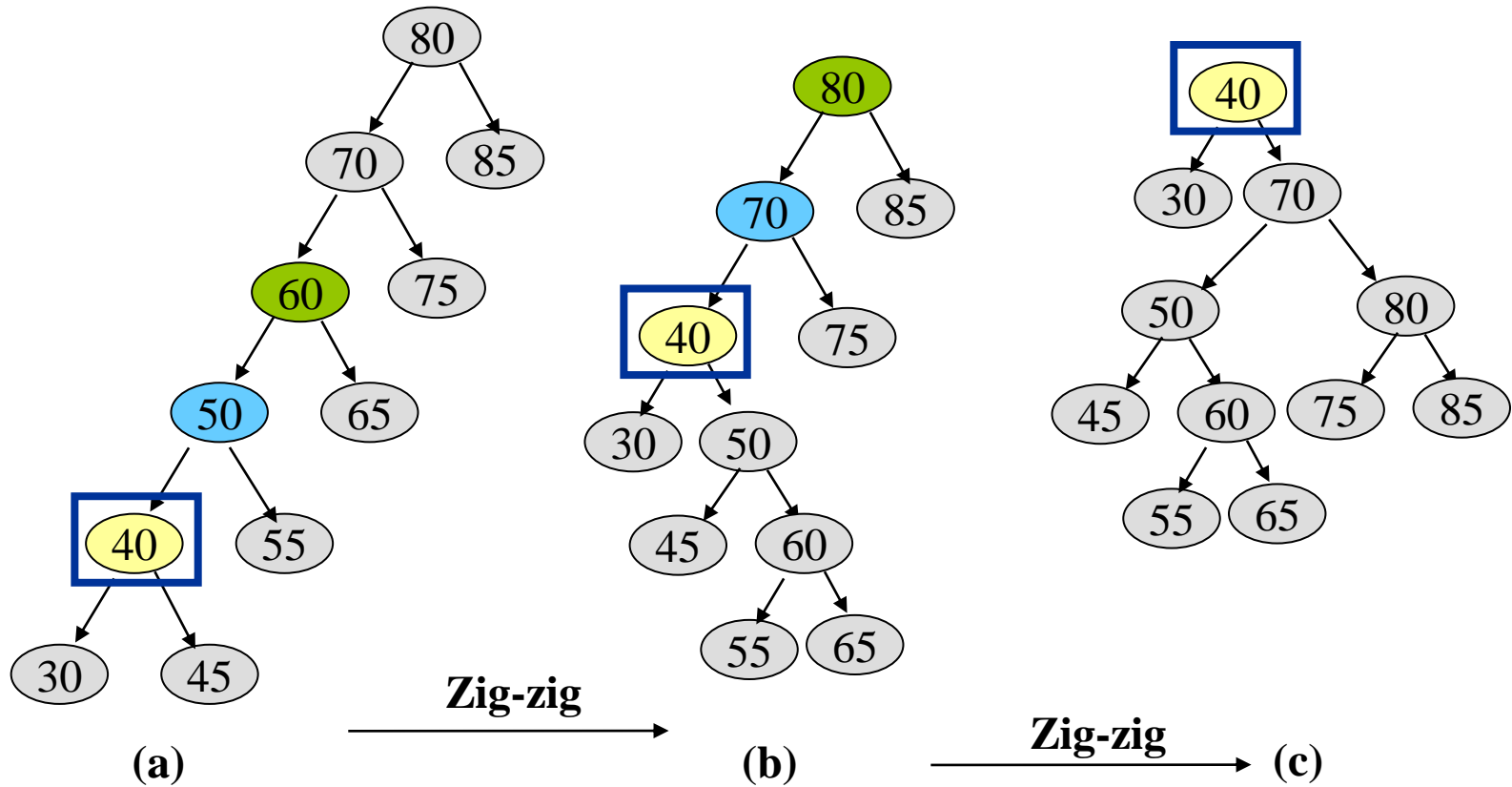


# Splay Ağaçları: Zag-Zig durumu

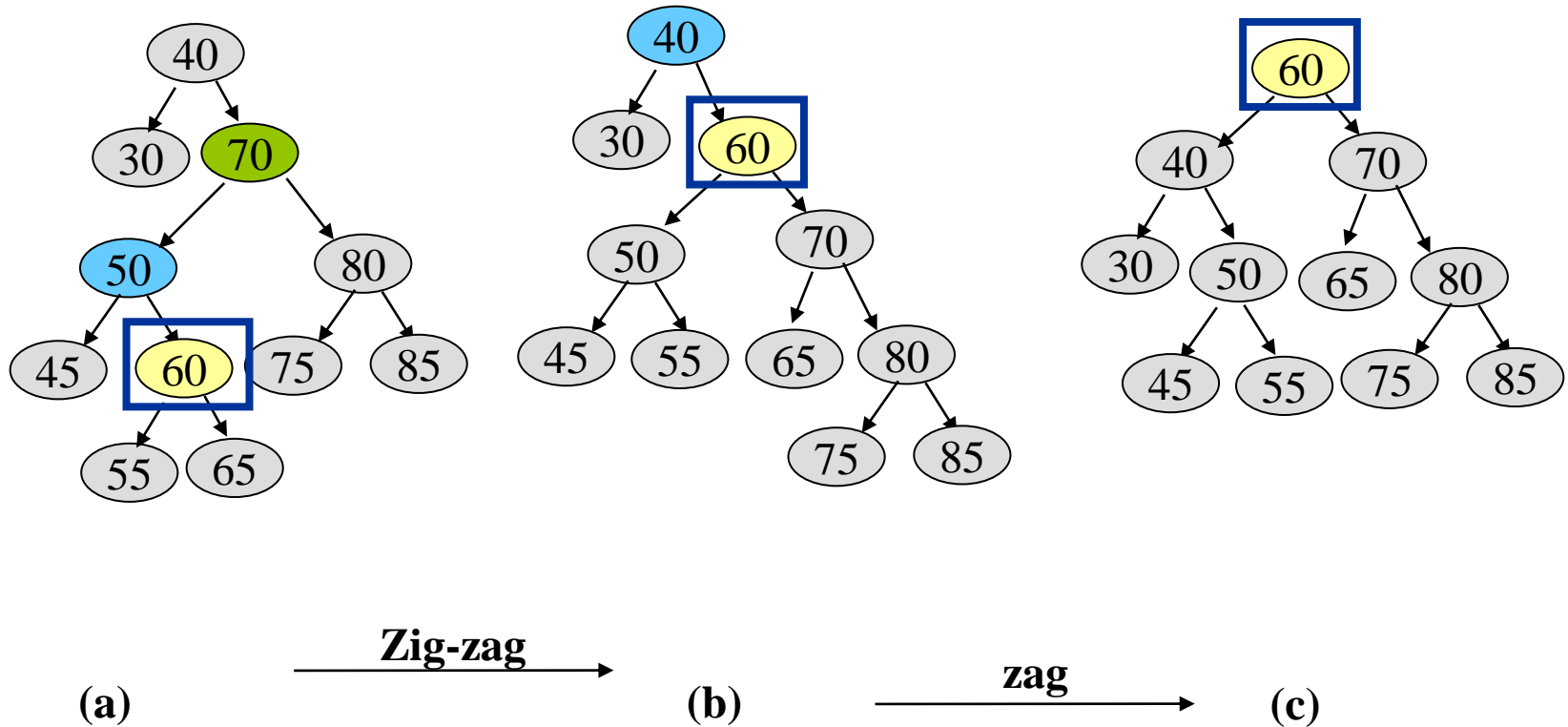
- Zag-Zig durumunda X, P nin sol çocuğu ve G'de atası olduğu durumdur.
- “Zag-Zig” durumu farklı türde 2 tane dönme işlemi içerir.
- Örneğin erişilen elemanın 17 olduğu düşünülürse.
- zag-zig” işlemi ile birlikte 17 köke taşınmış oldu.
- AVL ağacındaki **RL dengesizliği**ni düzeltmek için kullanılan işlemler ile aynıdır.(önce sağ dönme, daha sonra sol dönme)



## Splay Ağacı Örnek: 40'a Erişildiğinde



## Splay Ağacı Örnek: 60'a Erişildiğinde





# Diğer İşlemler Sırasında Splaying

- Splaying sadece Arama işleminden sonra değil Ekle/Sil gibi diğer işlemlerden sonra da uygulanabilir.
- **Ekle X:** X yaprak düğüme eklendikten sonra (BST işlemi) X'i köke taşı.
- **Sil X:** X'i ara ve köke taşı. Kökte bulunan X'i sil ve sol alt ağaçtaki en büyük elemanı köke taşı.
- **Bul X:** Eğer X bulunamazsa aramanın sonlandığı yaprak düğümü köke taşı.

# Splay Ağaçları – Özet

- Splaying işlemi ile ağaç genel olarak dengede kalıyor.
- **Analiz Sonucu:** N boyutlu bir Splay ağacı üzerinde k tane işlemin çalışma süresi  $O(k \log N)$  dir. Dolayısıyla tek bir işlem için çalışma zamanı  $O(\log N)$  dir.
- Erişilecek elemanların derinliği çok büyük olsa bile, arama işlemlerinin süresi bir süre sonra kısılacaktır. Çünkü her bir arama işlemi ağacın dengelenmesini sağlıyor.

# Ödev

- A,V,L, A,Ğ,A,C,I,N,A,E,K,L,E,M,E elamanları sırası ile boş bir AVL ağacına ekleniyor.
- Her bir eleman eklendiğinde oluşan ağaçları çizerek gösteriniz.
- "V" ye erişim nasıl olur.

# Ödev

- S,P,L,A,Y,A,Ğ,A,C,I,N,A,E,K,L,E,M,E elemanları sırası ile boş bir Splay ağacına ekleniyor.
- Oluşan ağacı çizerek gösteriniz.
- "S" ye erişim nasıl olur.
- "A" ya erişim sağlandıktan sonra ağacın yapısını çizerek gösteriniz.
- Aşağıda verilen splay ağacına ait C programını Java veya C# ile yapınız.

# Örnek Program C++

- `#include<stdio.h>`
- `#include<malloc.h>`
- `#include<stdlib.h>`
- `struct node`
- `{ int data;`
- `struct node *parent;`
- `struct node *left;`
- `struct node *right;`
- `};`
- `int data_print(struct node *x);`
- `struct node *rightrotation(struct node *p,struct node *root);`
- `struct node *leftrotation(struct node *p,struct node *root);`
- `void splay (struct node *x, struct node *root);`
- `struct node *insert(struct node *p,int value);`
- `struct node *inorder(struct node *p);`
- `struct node *delete(struct node *p,int value);`
- `struct node *successor(struct node *x);`
- `struct node *lookup(struct node *p,int value);`

# Örnek Program C++

```

○ void splay (struct node *x, struct node *root)
○ {   struct node *p,*g;
○     /*check if node x is the root node*/
○     if(x==root)      return;
○     /*Performs Zig step*/
○     else if(x->parent==root)
○     {
○         if(x==x->parent->left)      root=rightrotation(root,root);
○         else                        root=leftrotation(root,root);
○     }
○     else
○     {   p=x->parent; /*now points to parent of x*/
○         g=p->parent; /*now points to parent of x's parent*/
○         /*Performs the Zig-zig step when x is left and x's parent is left*/
○         if(x==p->left&&g==p->left)
○         {   root=rightrotation(g,root);
○             root=rightrotation(p,root);
○         }

```

# Örnek Program C++

```

○      /*Performs the Zig-zig step when x is right and x's parent is right*/
○      else if(x==p->right&&p==g->right)
○      {   root=leftrotation(g,root);
○          root=leftrotation(p,root);
○      }
○      /*Performs the Zig-zag step when x's is right and x's parent is left*/
○      else if(x==p->right&&p==g->left)
○      {   root=leftrotation(p,root);
○          root=rightrotation(g,root);
○      }
○      /*Performs the Zig-zag step when x's is left and x's parent is right*/
○      else if(x==p->left&&p==g->right)
○      {   root=rightrotation(p,root);
○          root=leftrotation(g,root);
○      }
○      splay(x, root);
○  }
○  }

```

# Örnek Program C++

```
○ struct node *rightrotation(struct node *p,struct node *root)
○ { struct node *x;
○   x = p->left;
○   p->left = x->right;
○   if (x->right!=NULL) x->right->parent = p;
○   x->right = p;
○   if (p->parent!=NULL)
○       if(p==p->parent->right) p->parent->right=x;
○       else
○           p->parent->left=x;
○   x->parent = p->parent;
○   p->parent = x;
○   if (p==root) return x;
○   else return root;
○ }
```



# Örnek Program C++

```
○ struct node *leftrotation(struct node *p,struct node *root)
○ { struct node *x;
○   x = p->right;
○   p->right = x->left;
○   if (x->left!=NULL) x->left->parent = p;
○   x->left = p;
○   if (p->parent!=NULL)
○       if (p==p->parent->left) p->parent->left=x;
○       else
○           p->parent->right=x;
○   x->parent = p->parent;
○   p->parent = x;
○   if(p==root)
○       return x;
○   else
○       return root;
○ }
```

# Örnek Program C++

```
○ struct node *insert(struct node *p,int value)
○ { struct node *temp1,*temp2,*par,*x;
○   if(p == NULL)
○   { p=(struct node *)malloc(sizeof(struct node));
○     if(p != NULL)
○     { p->data = value;
○       p->parent = NULL;
○       p->left = NULL;
○       p->right = NULL;
○     }
○   }
○   else
○   { printf("No memory is allocated\n");
○     exit(0);
○   }
○   return(p);
○ } //the case 2 says that we must splay newly inserted node to root
```

# Örnek Program C++

```

○   else    {   temp2 = p;
○           while(temp2 != NULL)
○           {   temp1 = temp2;
○               if(temp2->data > value)    temp2 = temp2->left;
○               else if(temp2->data < value) temp2 = temp2->right;
○               else
○                   if(temp2->data == value)    return temp2;
○           }
○   if(temp1->data > value)
○   {   par = temp1;//temp1 having the parent address,so that's it
○       temp1->left = (struct node *)malloc(sizeof(struct node));
○       temp1= temp1->left;
○       if(temp1 != NULL)
○       {   temp1->data = value;
○           temp1->parent = par;//store the parent address.
○           temp1->left = NULL;    temp1->right = NULL;    }
○       else {   printf("No memory is allocated\n");    exit(0);    }
○   }

```

# Örnek Program C++

```

○      else
○      {   par = temp1;//temp1 having the parent node address.
○          temp1->right = (struct node *)malloc(sizeof(struct node));
○          temp1 = temp1->right;
○          if(temp1 != NULL)
○          {   temp1->data = value;
○              temp1->parent = par;//store the parent address
○              temp1->left = NULL;  temp1->right = NULL;
○          }
○          else {   printf("No memory is allocated\n");   exit(0);   }
○      }
○  }
○  splay(temp1,p);//temp1 will be new root after splaying
○  return (temp1);
○  }

```

# Örnek Program C++

```
○ struct node *inorder(struct node *p)
○ {
○     if(p != NULL)
○     {
○         inorder(p->left);
○         printf("CURRENT %d\t",p->data);
○         printf("LEFT %d\t",data_print(p->left));
○         printf("PARENT %d\t",data_print(p->parent));
○         printf("RIGHT %d\t\n",data_print(p->right));
○         inorder(p->right);
○     }
○ }
```

# Örnek Program C++

```

○ struct node *delete(struct node *p,int value)
○ { struct node *x,*y,*p1; struct node *root; struct node *s; root = p;
○ x = lookup(p,value);
○ if(x->data == value)
○ { //if the deleted element is leaf
○ if((x->left == NULL) && (x->right == NULL))
○ { y = x->parent;
○ if(x==(x->parent->right)) y->right = NULL;
○ else y->left = NULL; free(x);
○ }
○ //if deleted element having left child only
○ else if((x->left != NULL) &&(x->right == NULL))
○ { if(x == (x->parent->left))
○ { y = x->parent; x->left->parent = y; y->left = x->left; free(x); }
○ else { y = x->parent; x->left->parent = y; y->right = x->left; free(x); }
○ }

```

# Örnek Program C++

```

○ //if deleted element having right child only
○ else if((x->left == NULL) && (x->right != NULL))
○ { if(x == (x->parent->left)) { y = x->parent; x->right->parent = y; y->left = x->right; free(x); }
○   else { y = x->parent; x->right->parent = y; y->right = x->right; free(x); }
○ }
○ //if the deleted element having two children
○ else if((x->left != NULL) && (x->right != NULL))
○ { if(x == (x->parent->left))
○   { s = successor(x);
○     if(s != x->right)
○       { y = s->parent;
○         if(s->right != NULL)
○           { s->right->parent = y; y->left = s->right; }
○         else y->left = NULL;
○         s->parent = x->parent;   x->right->parent = s;
○         x->left->parent = s;     s->right = x->right;
○         s->left = x->left;     x->parent->left = s;
○       }
○   }

```

# Örnek Program C++

```

○   else { y = s; s->parent = x->parent;
○       x->left->parent = s; s->left = x->left;   x->parent->left = s; }
○       free(x); }
○       else if(x == (x->parent->right))
○       { s = successor(x);
○         if(s != x->right)
○         { y = s->parent;
○           if(s->right != NULL) {s->right->parent = y; y->left = s->right; }
○           else y->left = NULL;
○           s->parent = x->parent; x->right->parent = s;
○           x->left->parent = s; s->right = x->right;
○           s->left = x->left; x->parent->right = s; }
○         else { y = s; s->parent = x->parent; x->left->parent = s;
○               s->left = x->left; x->parent->right = s; }
○         free(x);
○       } } splay(y,root);
○   } else { splay(x,root); }
○   }

```



# Örnek Program C++

- struct node \*successor(struct node \*x)
- { struct node \*temp,\*temp2; temp=temp2=x->right;
- while(temp != NULL) { temp2 = temp; temp = temp->left; }
- return temp2; }
- //p is a root element of the tree
- struct node \*lookup(struct node \*p,int value)
- { struct node \*temp1,\*temp2;
- if(p != NULL)
- { temp1 = p;
- while(temp1 != NULL)
- { temp2 = temp1;
- if(temp1->data > value) temp1 = temp1->left;
- else if(temp1->data < value) temp1 = temp1->right;
- else return temp1; }
- return temp2;
- }
- else { printf("NO element in the tree\n"); exit(0); }
- }

# Örnek Program C++

- struct node \*search(struct node \*p,int value)
- { struct node \*x,\*root; root = p; x = lookup(p,value);
- if(x->data == value) { printf("Inside search if\n"); splay(x,root); }
- else { printf("Inside search else\n"); splay(x,root); }
- }
- main()
- { struct node \*root;//the root element
- struct node \*x;//x is which element will come to root.
- int i; root = NULL; int choice = 0; int ele;
- while(1)
- { printf("\n\n 1.Insert"); printf("\n\n 2.Delete"); printf("\n\n 3.Search"); printf("\n\n 4.Display\n");
- printf("\n\n Enter your choice:");scanf("%d",&choice);
- if(choice==5) exit(0);
- switch(choice)
- { case 1: printf("\n\n Enter the element to be inserted:");
- scanf("%d",&ele); x = insert(root,ele);
- if(root != NULL) { splay(x,root);}
- root = x; break;

# Örnek Program C++

- struct node \*search(struct node \*p,int value)
- { struct node \*x,\*root; root = p; x = lookup(p,value);
- if(x->data == value) { printf("Inside search if\n"); splay(x,root); }
- else { printf("Inside search else\n"); splay(x,root); }
- }
- main()
- { struct node \*root;//the root element
- struct node \*x;//x is which element will come to root.
- int i; root = NULL; int choice = 0; int ele;
- while(1)
- { printf("\n\n 1.Insert"); printf("\n\n 2.Delete"); printf("\n\n 3.Search"); printf("\n\n 4.Display\n");
- printf("\n\n Enter your choice:");scanf("%d",&choice);
- if(choice==5) exit(0);
- switch(choice)
- { case 1: printf("\n\n Enter the element to be inserted:");
- scanf("%d",&ele); x = insert(root,ele);
- if(root != NULL) { splay(x,root);}
- root = x; break;

# Örnek Program C++

- case 2: `if(root == NULL) { printf("\n Empty tree..."); continue; }`
- `printf("\n\n Enter the element to be delete:");`
- `scanf("%d",&ele); root = delete(root,ele); break;`
- case 3: `printf("Enter the element to be search\n");`
- `scanf("%d",&ele); x = lookup(root,ele); splay(x,root); root = x; break;`
- case 4: `printf("The elements are\n"); inorder(root); break;`
- default: `printf("Wrong choice\n"); break;`
- `}    }}`
- `int data_print(struct node *x)`
- `{ if ( x==NULL ) return 0;`
- `else return x->data; }`
- `/*some suggestion this code is not fully functional for example`
- `if you have inserted some elements then try to delete root then it may not work`
- `because we are calling right and left child of a null value(parent of root)`
- `which is not allowed and will give segmentation fault`
- `Also for inserting second element because of splaying twice(once in insert and one in main)`
- `will give error So I have made those changes but mainly in my cpp( c plus plus file) file,`
- `but I guess wiki will itself look into this and made these changes */`

# Max - Min Heap Tree

(Max ve Min Yığıt Ağaçları)

# Max - Min Heap

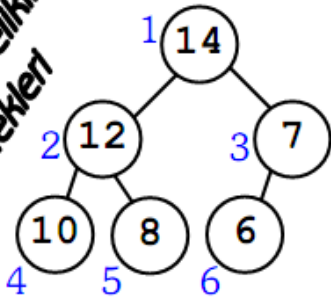
- Öncelikli kuyruk konusunu hatırlayın. Kuyruğa sonradan eklenmesine rağmen öncelik seviyesine göre önce çıkabiliyordu.
- Öncelik kuyruğu oluşturmada farklı veri yapıları benimsenebilir. Yığınlar bunlardan sadece biridir.
- Tam ikili ağaç, yığıt kurmak amacıyla kullanılabilir. Yığınlar ise bir dizide gerçekleştirilebilir.
- Yığını dizide tam ikili ağaç yapısını kullanarak gerçekleştirdiğimizde yığın, dizinin 1. elemanından başlar, 0. indis kullanılmaz. Dizi sıralı değildir, yalnız 1. indisteki elemanın en öncelikli (ilk alınacak) eleman olduğu garanti edilir.

# Max - Min Heap

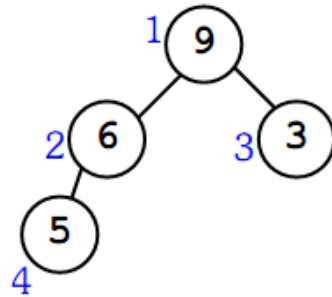
- Yiğın denince aklımıza complete binary tree gelecek, search tree değil. Hatırlayalım; tam ikili ağacın tüm düzeyleri dolu, son düzeyi ise soldan sağa doğru doludur. İkili arama ağacı ile yiğın arasında ise bir bağlantı yoktur.
- **Tanım:**
- Tam ikili ağaçtaki her düğümün değeri çocuklarından küçük değilse söz konusu ikili ağaç **maksimum yiğın (max heap)** olarak isimlendirilir.
- Tam ikili ağaçtaki her düğümün değeri, çocuklarından büyük değilse söz konusu ikili ağaç **minimum yiğın (min heap)** olarak isimlendirilir.

# Max - Min Heap

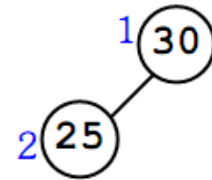
*maksimum öncelikli  
kuyruk örnekleri*



0	1	2	3	4	5	6
	14	12	7	10	8	6

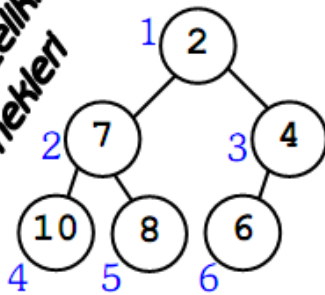


0	1	2	3	4
	9	6	3	5

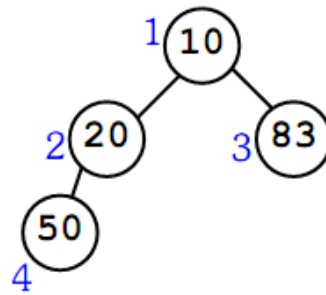


0	1	2
	30	25

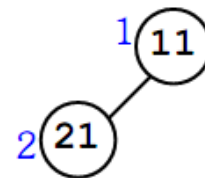
*minimum öncelikli  
kuyruk örnekleri*



0	1	2	3	4	5	6
	2	7	4	10	8	6



0	1	2	3	4
	10	20	83	50



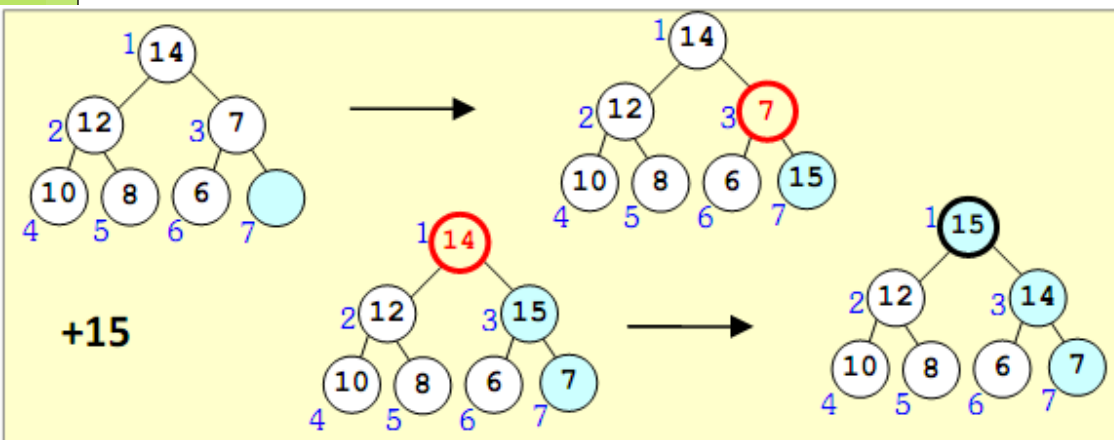
0	1	2
	11	21



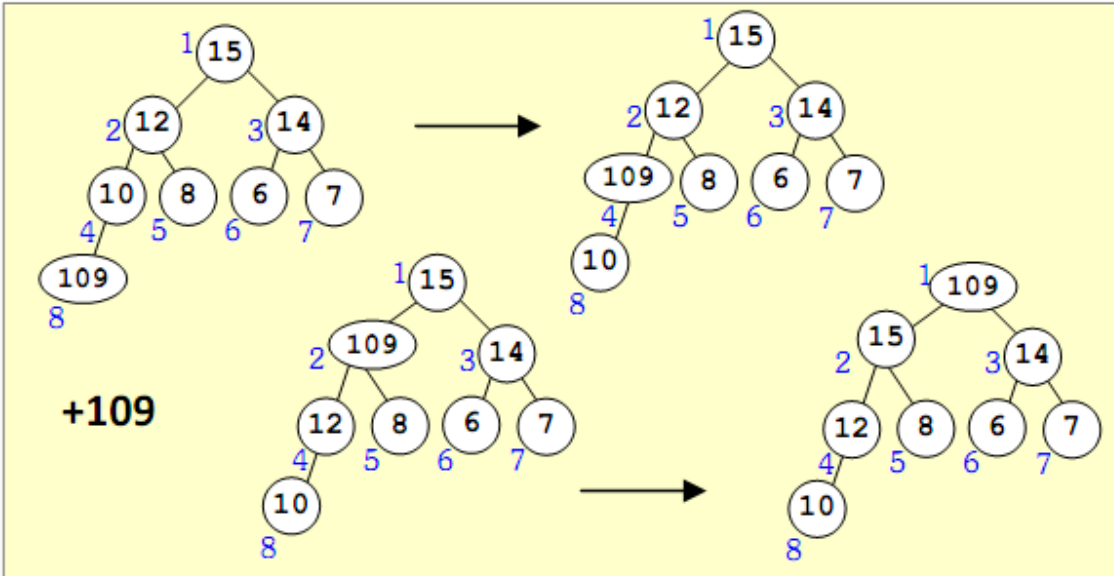
## Maksimum Öncelikli Kuyruğa Öğe Ekleme

- Sırasıyla 15, 109, 107, 3, 15 değerleri eklenecektir. En iyi durumda  $\Omega(1)$ 'de de ekleme yapılır (3'ün eklenmesi).
- Mevcut tüm elemanlardan daha büyük bir öğe eklendiğinde ise yeni öğenin köke kadar kaydırılması gerekeceği için  $O(\lg n)$ 'de ekleme yapıldığını görüyoruz (109'un eklenmesi). Yani karmaşıklığın üst sınırı  **$\lg n$** , alt sınırı ise **1** olur. Gerçekte karmaşıklık bu ikisi arasında değişebilir. Bu durumda zaman karmaşıklığı  **$O(\lg n)$**  'dir.

# Maksimum Öncelikli Kuyruğa Öğe Ekleme

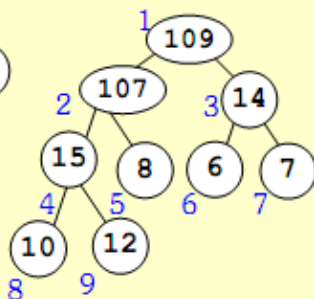
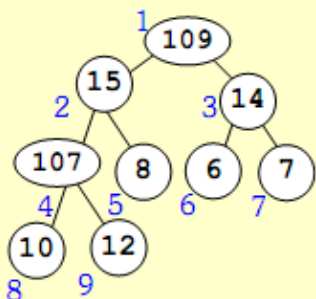
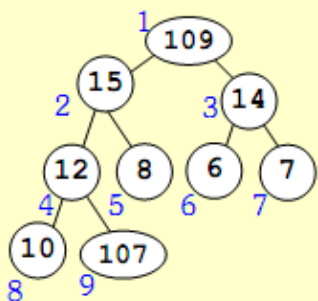


0	1	2	3	4	5	6	7
	14	12	7	10	8	6	
0	1	2	3	4	5	6	7
	14	12	7	10	8	6	15
0	1	2	3	4	5	6	7
	14	12	15	10	8	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
	15	12	14	10	8	6	7



0	1	2	3	4	5	6	7	8
	15	12	14	10	8	6	7	109
0	1	2	3	4	5	6	7	8
	15	12	14	109	8	6	7	10
0	1	2	3	4	5	6	7	8
	15	109	14	12	8	6	7	10
0	1	2	3	4	5	6	7	8
	109	15	14	12	8	6	7	10

# Maksimum Öncelikli Kuyruğa Öğe Ekleme

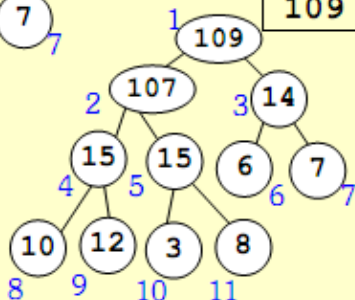
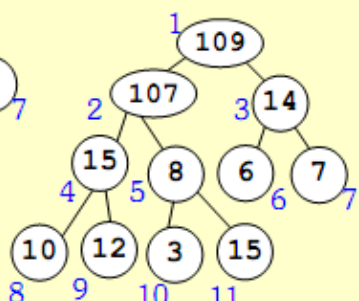
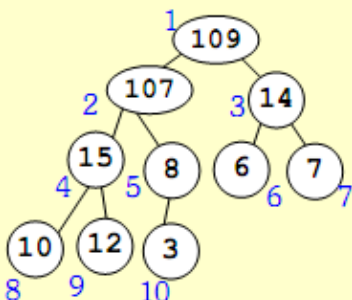


**+107**

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	109	15	14	12	8	6	7	10	107

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	109	15	14	107	8	6	7	10	12

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	109	107	14	15	8	6	7	10	12



**+3 +15**

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
	109	107	14	15	8	6	7	10	12	3

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
109	107	14	15	8	6	7	10	12	3	15

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
109	107	14	15	15	6	7	10	12	3	8

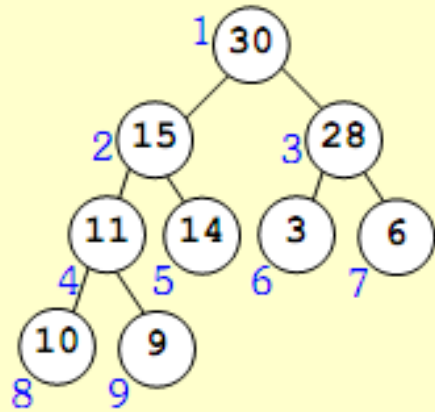
# Maksimum Öncelikli Kuyruğa Öğe Ekleme

```
1: #define eleman_sayisi 200 // maksimum eleman + 1
2: #define YIGIN_DOLUMU(n) ( n==eleman_sayisi - 1 )
3: #define YIGIN_BOSMU(n) ( !n )
4:
5: typedef struct {
6:     int x;
7:     // diğer alanlar
8: } eleman;
9: eleman yigin[eleman_sayisi - 1];
10: int n = 0;
11:
12: void maksimum_yigin_ekle( eleman item ){
13:     if( YIGIN_DOLUMU(n) ){
14:         Yigin_Dolu(); // Hata iletisi
15:         return;
16:     }
17:     int i = ++n;
18:     while( i != 1 ){ // i==1 ise kökteyiz
19:         // eklenecek değer atasından küçükse yerleşim yeri bulundu, döngüden çık
20:         if( item.x <= yigin[i/2].x ) break;
21:         yigin[i] = yigin[i/2]; // atayı i konumuna kaydır
22:         i /= 2; // bir üstteki ataya bakmaya hazırlan
23:     }
24:     yigin[i] = item;
25: }
```

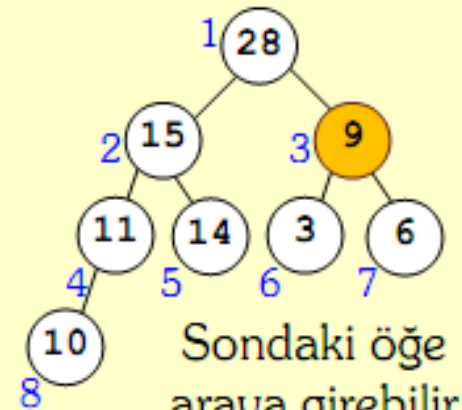
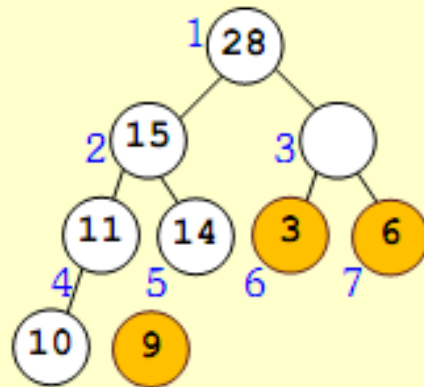
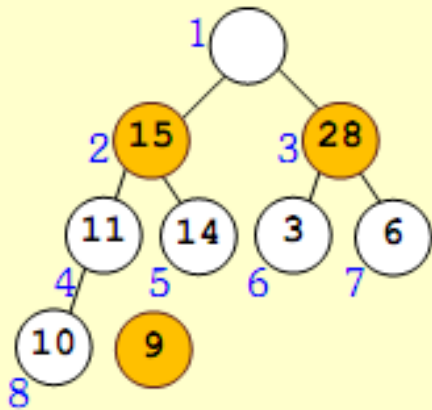
# Maksimum Öncelikli Kuyruktan Öge Alma/Silme

- Yığın dizisiyle gerçekleştirmiştik. Yığın tanımı gereği ilk alınacak eleman, dizideki ilk elemandır. Bunun yanında “tam ağaç” yapısını bozmamak için en sondaki elemanı da uygun bir konuma kaydırmalıyız.
- Bu kaydırmayı yaparken maksimum yığın yapısını korumaya dikkat etmeliyiz.
- Her adımda (iki çocuk ve sondaki eleman olmak üzere) dikkat edilecek 3 değer var. İki gösterge gibi;  $i$  ile, en sondaki elemanı kaydıracağım konumu ararken;  $j$  ile de üzerinde bulunduğum düğümün çocuklarını kontrol ediyorum. Bu üç değerden (iki çocuk ve sondaki eleman) en büyük olanı,  $i$ 'nin gösterdiği yere taşıyorum. Sonra da taşınan değer eski konumuna ilerleyip aynı kıyaslamaları yapıyorum. En sonunda, sondaki düğüm bir yere yerleşene kadar. En sondaki öge bazı durumlarda arada bir yere girebilir; en kötü durumda ise arada bir yere yerleşemez, en sona konması gerekir.  $O(\lg n)$ .

# Maksimum Öncelikli Kuyruktan Öğe Alma/Silme



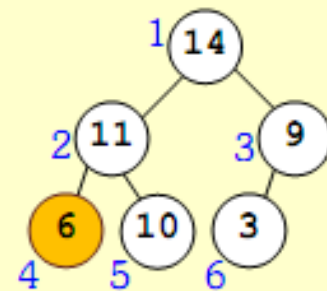
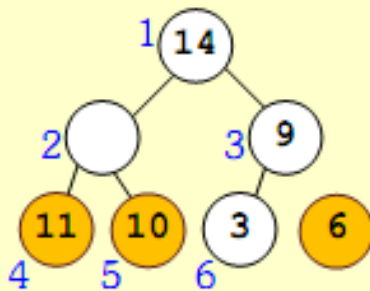
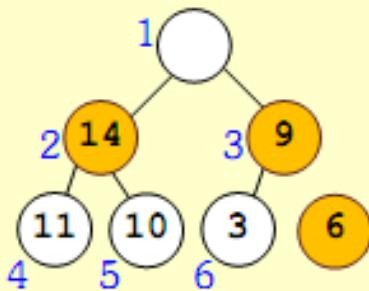
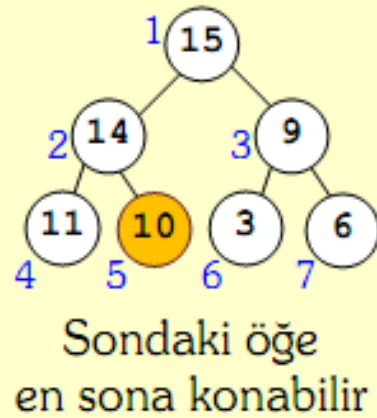
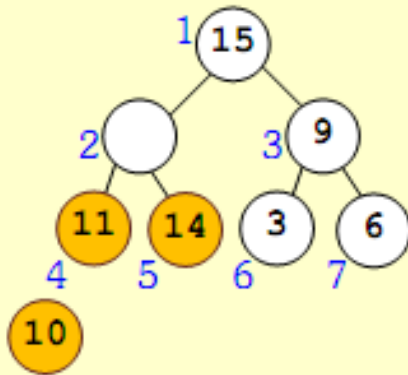
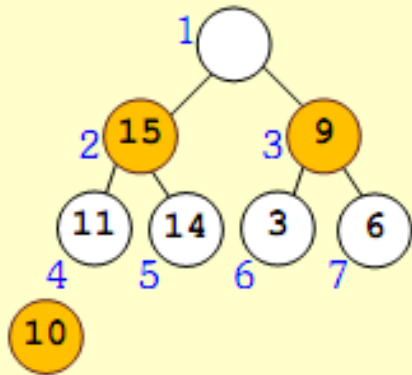
30, 15, 28, 11, 14, 3, 6, 10, 9  
verisi üzerinde silme işlemleri



Sondaki öge  
araya girebilir

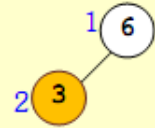
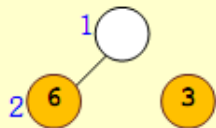
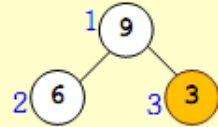
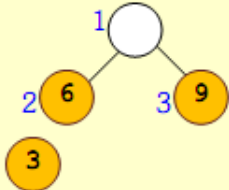
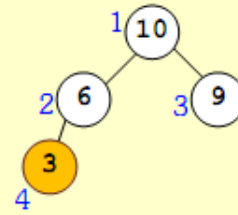
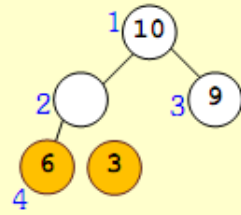
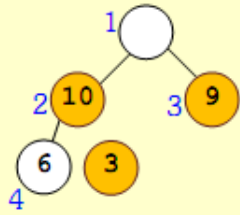
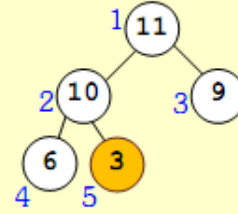
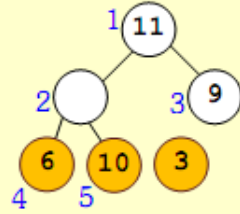
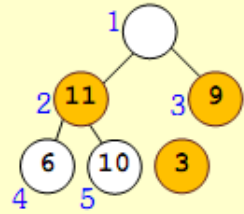
# Maksimum Öncelikli Kuyruktan Öğe Alma/Silme

30, 15, 28, 11, 14, 3, 6, 10, 9  
verisi üzerinde silme işlemleri



# Maksimum Öncelikli Kuyruktan Öğe Alma/Silme

30, 15, 28, 11, 14, 3, 6, 10, 9  
verisi üzerinde silme işlemleri



İş inada bindi! 😊





# Maksimum Öncelikli Kuyruktan Öğe Alma/Silme

```
1: eleman maksimum_yigin_al( void ){
2:     if( YIGIN_BOSMU(n) ){
3:         Yigin_Bos();      // Hata iletisi
4:         return 0; // Burada derleme hatası var. eleman tipinde bir değer dönmeliydi
5:     }
6:     int i, j;
7:     eleman x      = yigin[1]; // x, döndürülecek değerdir
8:     eleman deger = yigin[n--]; // deger için ağaçta uygun yer aranacak
9:     for( i=1, j=2 ; j<=n ;){
10:        if( j<n )           // sonraki satırda [j+1] indis taşmasına önlem
11:            if( yigin[j].x < yigin[j+1].x )
12:                j++;        // j'de büyük değerli çocuk var
13:            if( deger.x >= yigin[j].x ) // büyük çocuktan daha büyük mü
14:                break;      // kaydırma yapmadan çık
15:            yigin[i] = yigin[j]; // değer'le karşılaştırıldı, taşıma yapılabilir
16:            i = j;
17:            j *= 2;
18:        }
19:        yigin[i] = deger;
20:        return x;
21:    }
```

# Maksimum Öncelikli Kuyruk Java

- `public void heapify(int[]A,int i)`
- `{ int largest = 0; int le=left(i); int ri=right(i);`
- `if((le<=heapsize) && (A[le]>A[i])) largest = le;`
- `else largest = i;`
- `if((ri<=heapsize) && A[ri]>A[largest]) largest = ri;`
- `if (largest != i) {`
- `int tmp = A[i];`
- `A[i]= A[largest];`
- `A[largest] = tmp;`
- `heapify(A, largest);`
- `}`
- `}`
- `}`

# Maksimum Öncelikli Kuyruk Java

- `public static int left(int i) { return 2*(i+1)-1; }`
- `public static int right(int i){ return 2*(i+1); }`
- Dolayısıyla yukarıdaki yığınlama (heapify) fonksiyonu kullanarak bir yığın ağacı oluşturmak aşağıdaki şekilde mümkün olabilir:
- `public void BuildHeap(int[]A){`
- `heapsize=A.length-1;`
- `for(int i=0; i<Math.floor(A.length/2); i++)`
- `{ heapify(A,i); }`

# Maksimum Öncelikli Kuyruk Java

- Bu işlemi yapan bir yığın sıralaması (heap sort) kodu java dilinde aşağıdaki şekilde yazılabilir :
- `public void heapsort(int[]A){`
- `int tmp;`
- `BuildHeap(A);`
- `for(int i = A.length-1; i>=0; i--)`
- `{`
- `tmp=A[0];`
- `A[0]=A[i];`
- `A[i]=tmp;`
- `heapsize = heapsize -1 ;`
- `heapify(A,0);`
- `}`
- `}`

**Çok Yollu  
Ağaçlar  
(Multi-Way  
Trees)**

# Çok Yollu Ağaçlar (Multi-Way Trees)

○ **B** -Trees

○ **B\*** -Trees

○ **B+** -Trees

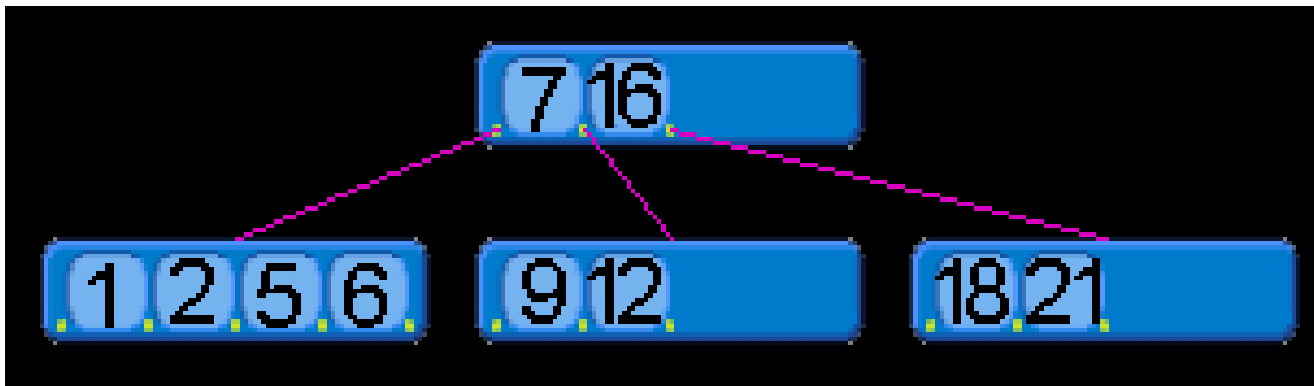
○ **B#** -Trees

# Çok Yollu Ağaçlar (Multi-Way Trees)

- Disk üzerindeki bilgilerin elde edilmesinde kullanılır.
- 3600 rpm ile dönen bir disk için bir tur 16.7ms'dir.
- Ortalama olarak 8 ms'de (gecikme zamanı) istediğimiz noktaya konumlanırsınız.
- Saniyede yaklaşık 125 kez diskte konumlanabiliriz.
- Bir saniyede 25 milyon komut gerçekleştirebiliriz.
- Bir disk erişimi yaklaşık 200.000 komut zamanı almaktadır.
- Multi-Way ağaçlar disk erişim sayısını azaltmayı amaçlamaktadır.

# Çok Yollu Ağaçlar (Multi-Way Trees)

- Bir multi-way ağaç sıralı bir ağaçtır ve aşağıdaki özelliklere sahiptir.
  - Bir m-way arama ağacındaki her node,  $m-1$  tane anahtar (key) ve  $m$  tane çocuğa sahiptir.
  - Bir node'taki anahtar, sol alt ağaçtaki tüm anahtarlardan büyüktür ve sağ alt ağaçtaki tüm anahtarlardan küçüktür.





# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Root (kök) node en az iki tane yaprak olmayan node'a sahiptir.
- Yaprak ve kök olmayan her node  $k-1$  tane anahtara ve  $k$  adet alt ağaç referansına sahiptir. ( $m/2 \leq k \leq m$ )
- Her yaprak node'u  $k -1$  anahtara sahiptir. ( $m/2 \leq k \leq m$ )
- Bütün yapraklar aynı seviyededir.
- Herhangi bir döndürmeye gerek kalmadan (AVL tree deki gibi) otomatik olarak balance edilirler.

# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

## ○ Bir anahtar ekleme;

1. Eğer boş alanı olan bir yaprağa yerleştirilecekse doğrudan yaprağın ilgili alanına yerleştirilir.
2. Eğer ilgili yaprak doluysa, yaprak ikiye bölünür ve anahtarların yarısı yeni bir yaprak oluşturur. Eski yapraktaki en son anahtar bir üst seviyedeki node' aktarılır ve yeni yaprağı referans olarak gösterir.
3. Eğer root ve tüm yapraklar doluysa, önce ilgili yaprak ikiye bölünür ve eski yapraktaki en son anahtar root'a aktarılır. Root node'da dolu olduğu için ikiye bölünür ve eski node'daki en son anahtar root yapılır.

# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

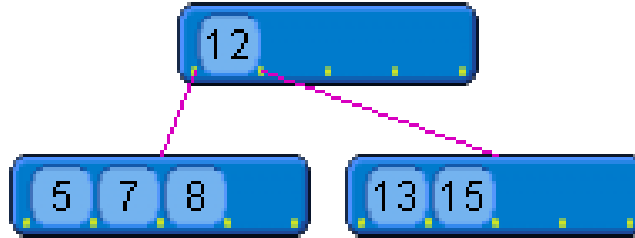
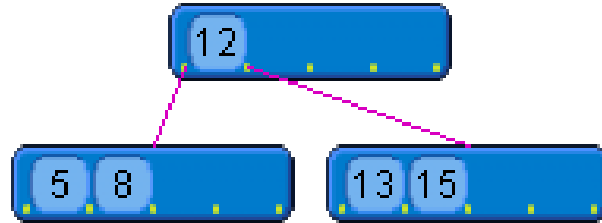
- B -Tree Oluşturulması
- class BTreeNodeC
- {
- public int m = 4;
- public bool yaprak = true;
- public int[] keys = new int[m-1];
- BTreeNodeC[] referanslar = new BTreeNodeC[m];
- public BTreeNodeC(int key)
- {
- this.keys[0] = key;
- for (int i=0; i<m; i++)
- referanslar[i] = null;
- }
- }

GENEL ÖRNEK:

<http://www.jbixbe.com/doc/tutorial/BTree.html>

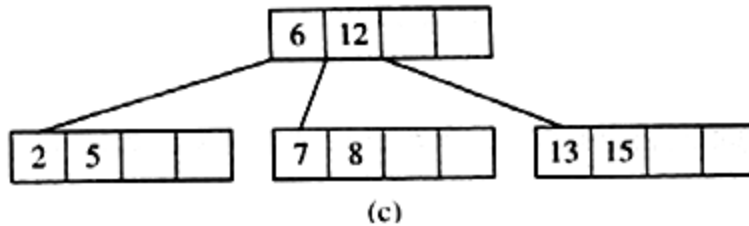
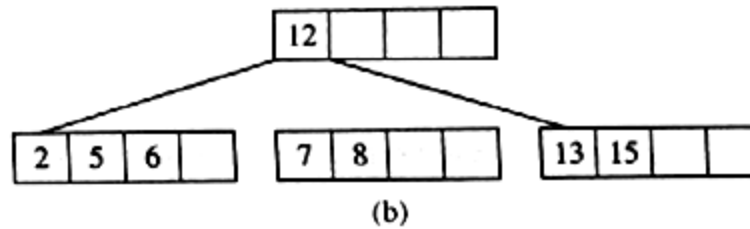
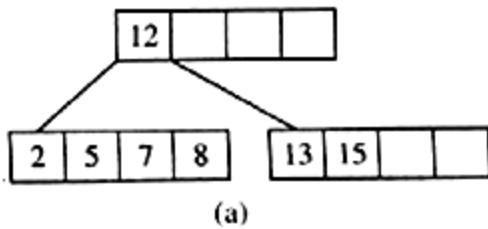
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- **1- Yerleştirilecek yaprak boş ise,**
- Örnek olarak 7'nin eklenmesi



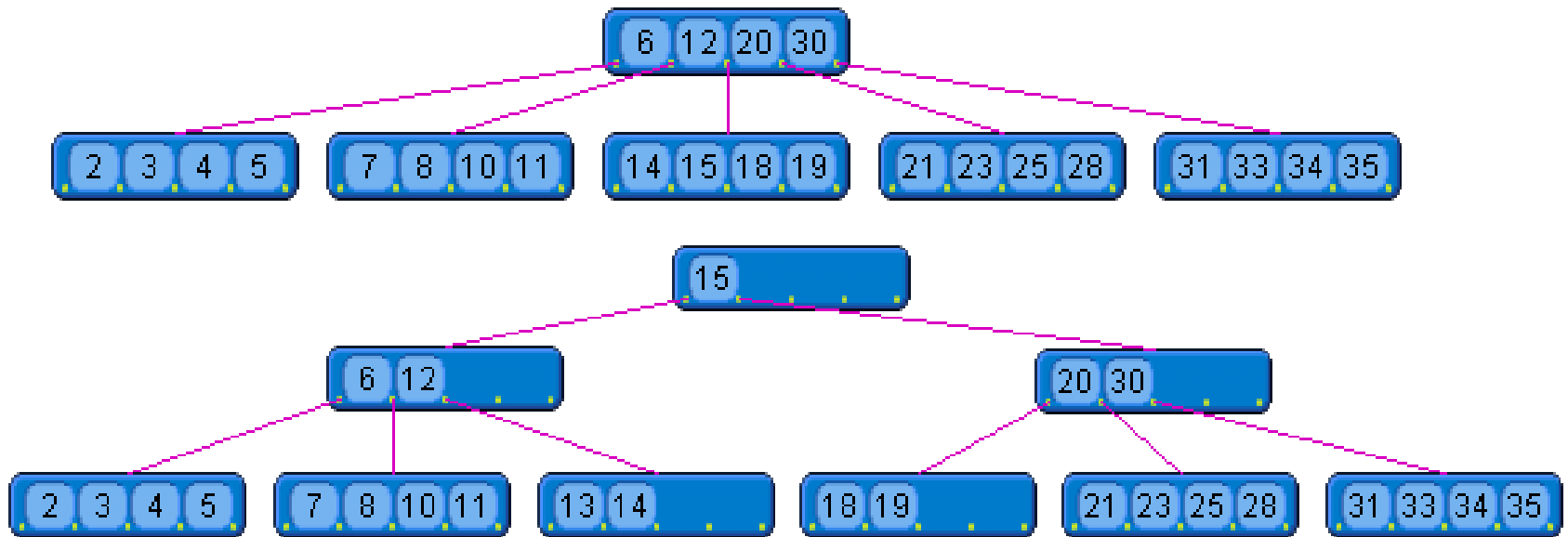
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- 2- Yerleştirilecek yaprak dolu ise,
- Örnek: Anahtar olarak 6 eklenmesi



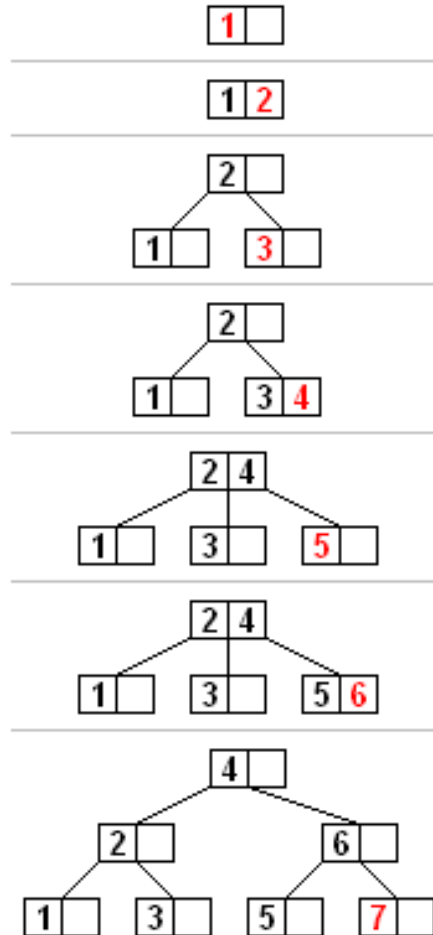
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- 3-Yerleştirilecek yaprak dolu ve root node'da dolu ise,
- Örnek: Anahtar olarak 13 eklenmesi



# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

## Örnek

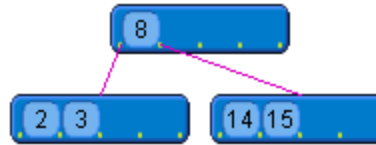


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

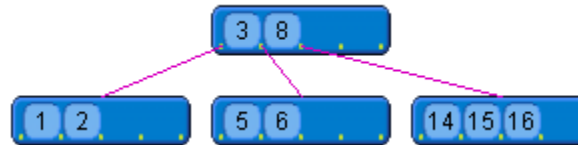
- Örnek:5.Derece bir M-Way ağaca anahtar ekleme
- Ekle: 2,8,14,15



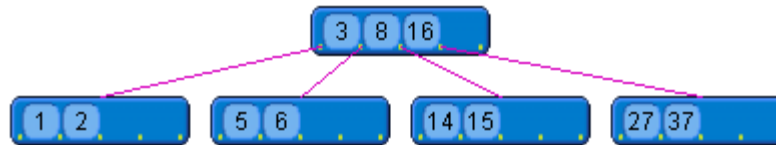
- Ekle:3



- Ekle:1,16,6,5



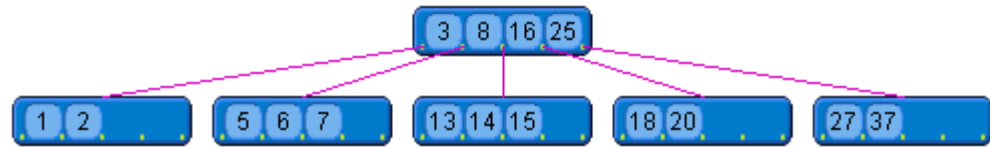
- Ekle:27,37



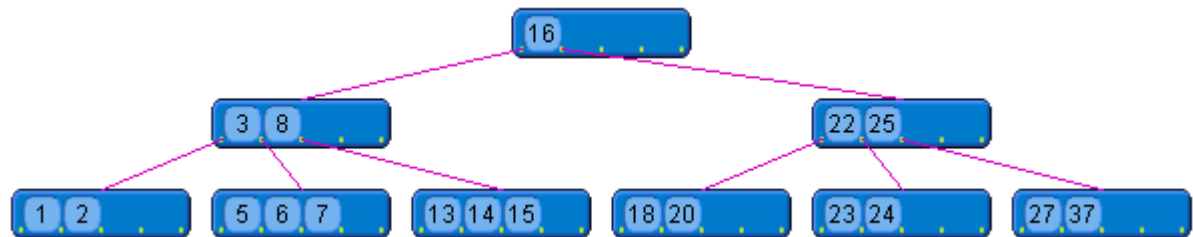


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek:5.Derece bir M-Way ağaca anahtar ekleme
- Ekle: 18,25,7,13,20



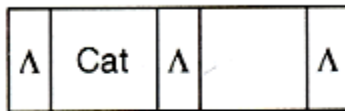
- Ekle: 22,23,24



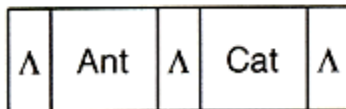
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek
- $d = 1$  (capacity order)
- *cat, ant, dog, cow, rat, pig, gnu*

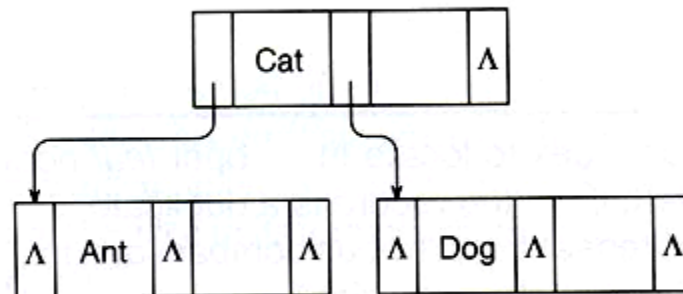
Cat insert edildi



Ant insert edildi



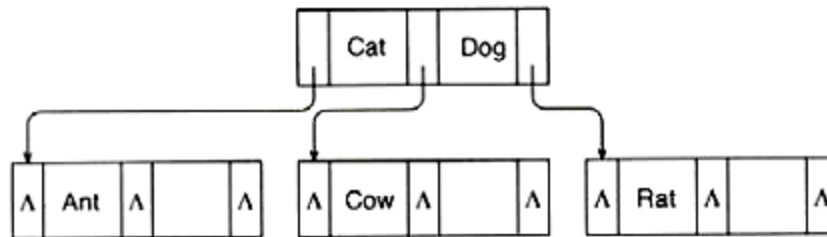
Dog insert edildi



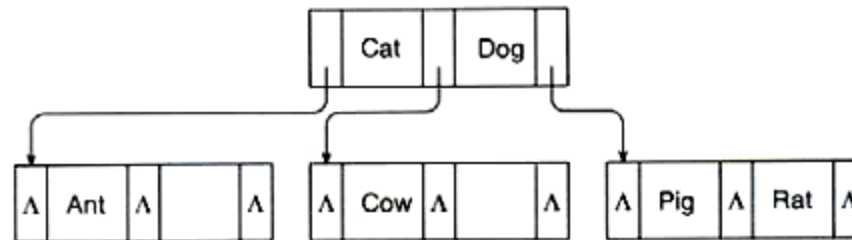
# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees

- Örnek
- $d = 1$  (capacity order)
- *cat, ant, dog, cow, rat, pig, gnu*

Cow ve Rat insert edildi

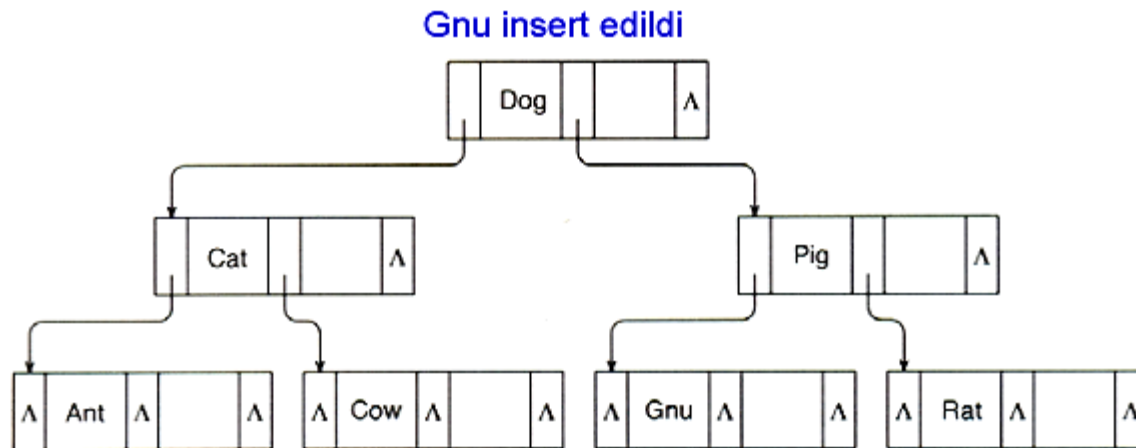


Pig insert edildi



# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek
- $d = 1$  (capacity order)
- *cat, ant, dog, cow, rat, pig, gnu*

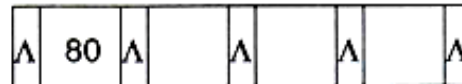


- Doldurma faktörü = depolanan kayıt sayısı / kullanılan yer sayısı
- $= 7 / 14 = 50 \%$

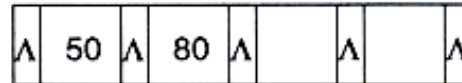
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- $80, 50, 100, 90, 60, 65, 70, 75, 55, 64, 51, 76, 77, 78, 200, 300, 150$

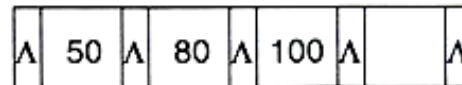
1. Insert 80.



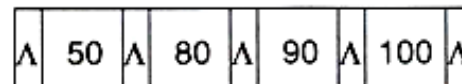
2. Insert 50.



3. Insert 100.

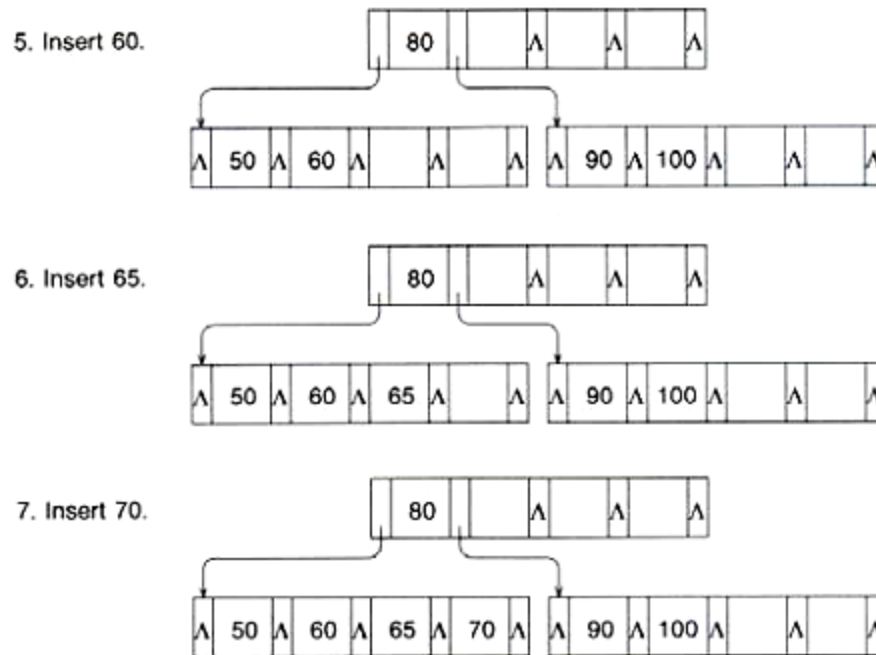


4. Insert 90



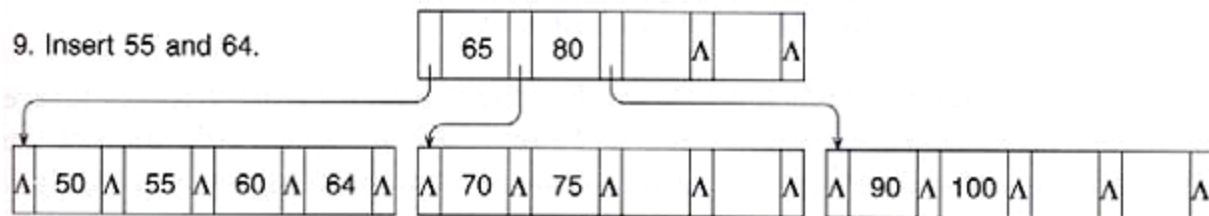
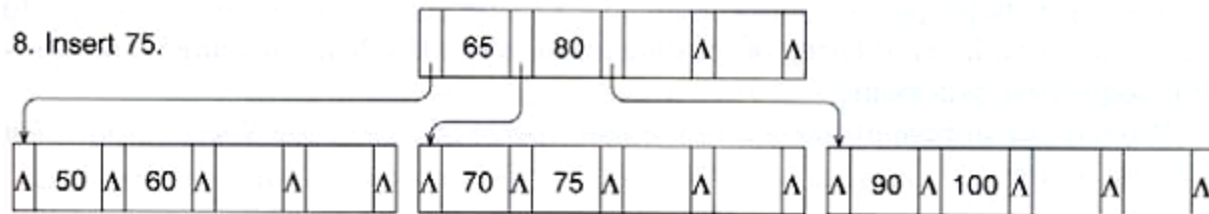
# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees

- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- $80, 50, 100, 90, 60, 65, 70, 75, 55, 64, 51, 76, 77, 78, 200, 300, 150$



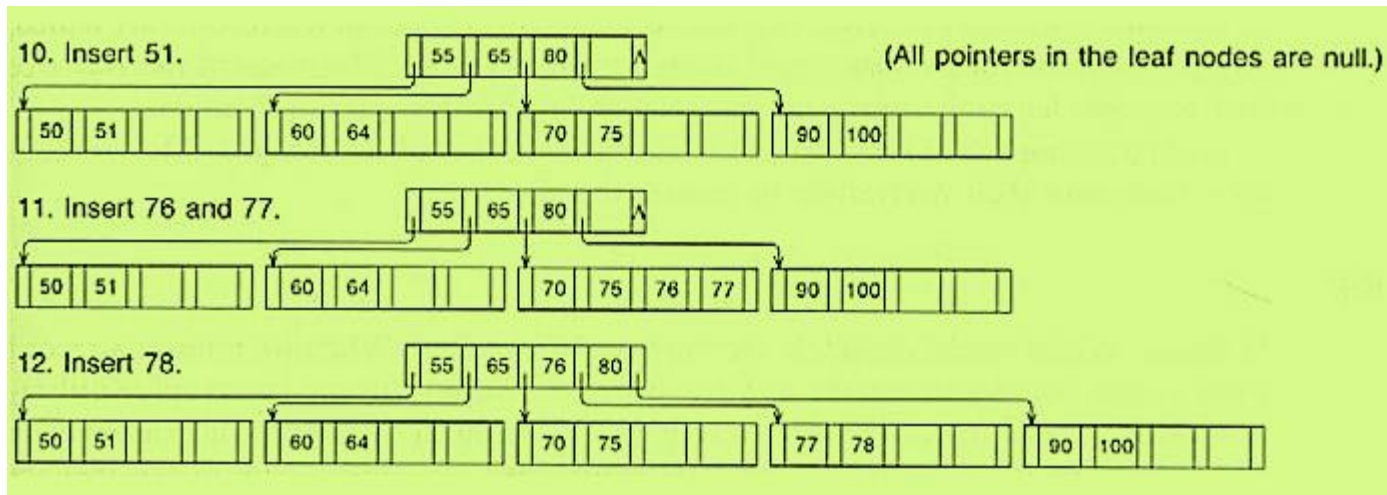
# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees

- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- $80, 50, 100, 90, 60, 65, 70, 75, 55, 64, 51, 76, 77, 78, 200, 300, 150$



# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees

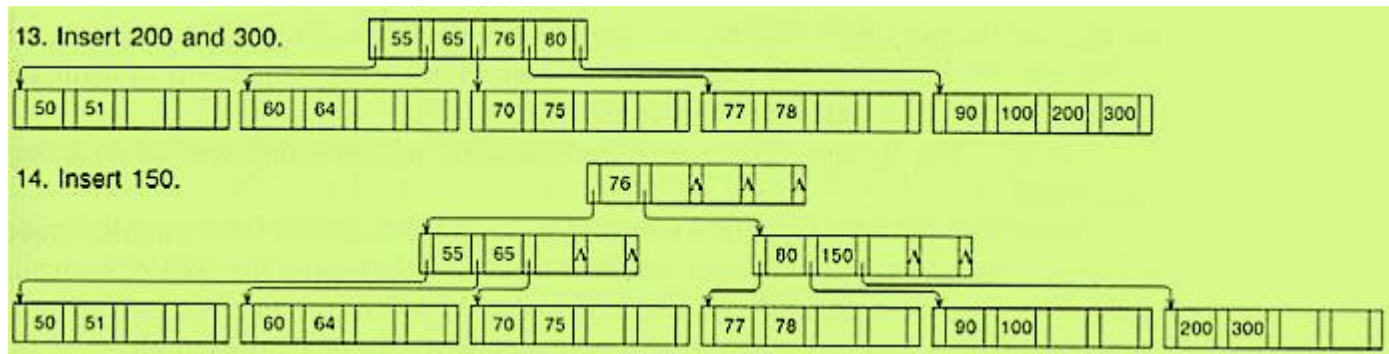
- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- 80,50,100,90,60,65,70,75,55,64,51,76,77,78,200,300,150





# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- 80,50,100,90,60,65,70,75,55,64,51,76,77,78,200,300,150

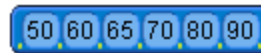


- $Packing\ factor = \frac{\text{depolanan kayıt sayısı}}{\text{kullanılan yer sayısı}}$
- $= 17 / 36 = 47\ %$

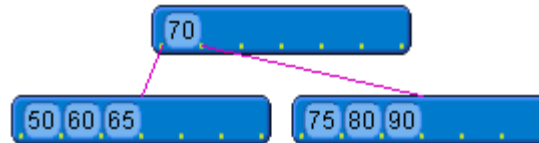
# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees

- Örnek
- $d = 3$  (capacity order)
- 80,50,90,60,65,70,75,55,64,51,76,77,78,10,13,15,1,3,5,6,20,32

- 80,50,90,60,65,70



- 75



- 55,64,51,76,77,78

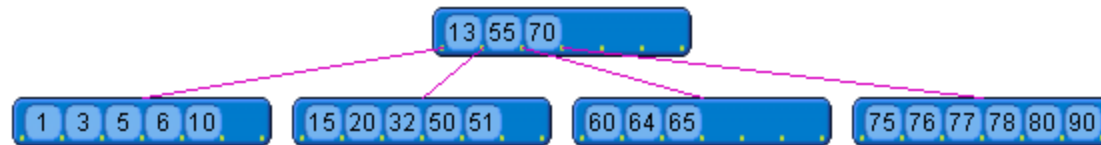
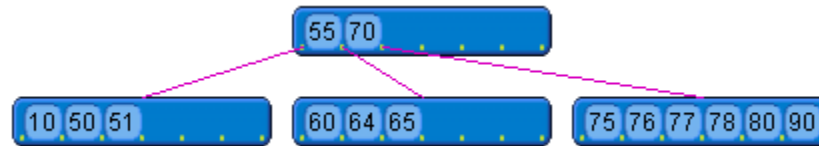


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

○ 10



○ 13,15,1,3,5,6,20,32



- *Packing factor = depolanan kayıt sayısı / kullanılan yer sayısı*
- $= 22 / 30 = 73 \%$

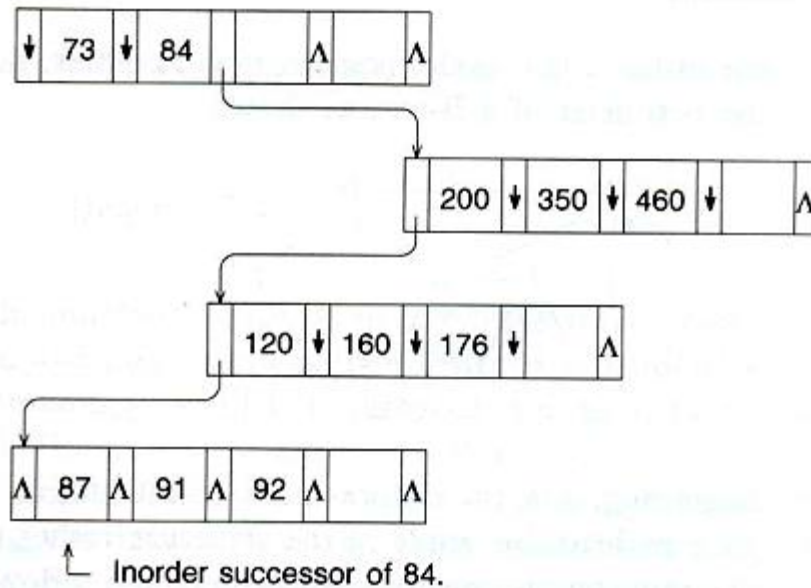


# **B-Trees**

## **Silme**

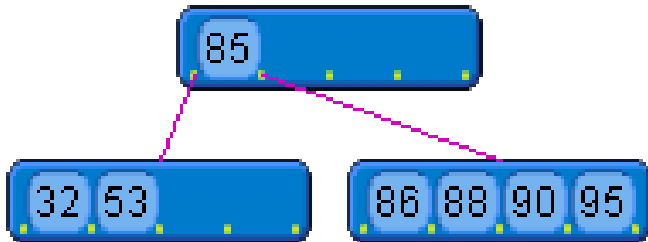
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- **Kural 1:** Minimum kapasitenin üzerindeki yapraklardan kayıt rahatlıkla silinebilir.
- **Kural 2:** Bir yaprak olmayan node üzerinden kayıt silindiğinde inorder takipçisi yerine yazılır. (Not: Eklerken soldaki en büyük düğüm, silerken sağdaki en küçük düğüm alınıyor)

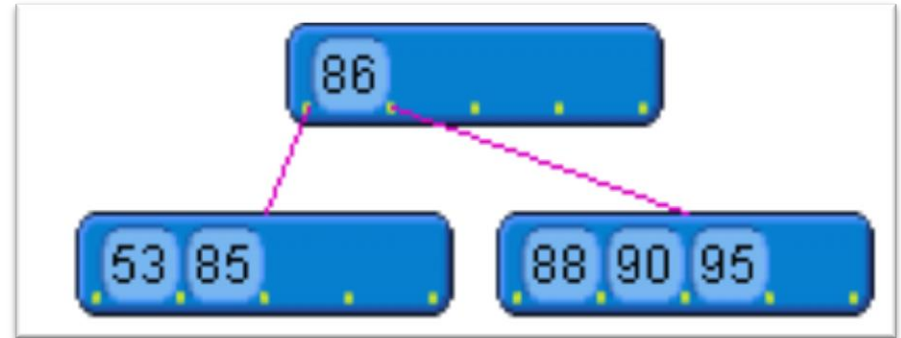


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- **Kural 3:** Bir node'daki kayıt sayısı minimum kapasite'den aşağı düşerse ve kardeş node'u fazla kayda sahipse, parent ve kardeş node ile yeniden düzenleme yapılır. Bir anlamda sola döndürme yapılır.



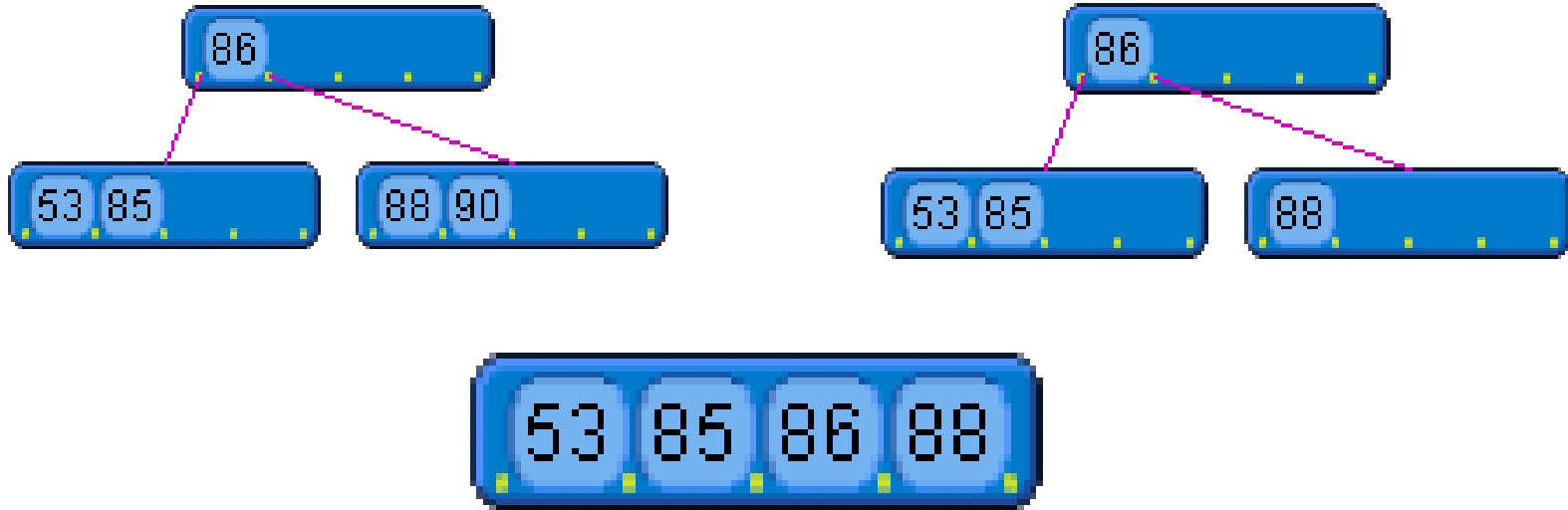
32 silindi.



# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- **Kural 4:** İki kardeş node minimum kapasitenin altına düşerse ikisi ve parent node'daki kayıt birleştirilir.

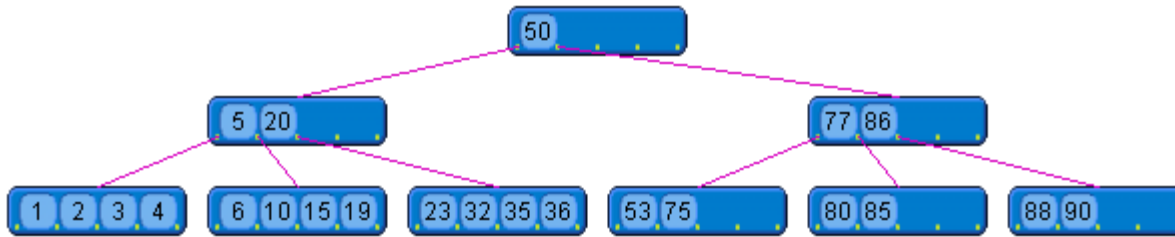
*90 silindi*



- *85 sağa döndürülürse soldaki minimum kapasitenin altına düşer*

# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek :1. Kural> Minimum kapasitenin üstündeki yapraktan kayıt silinmesi



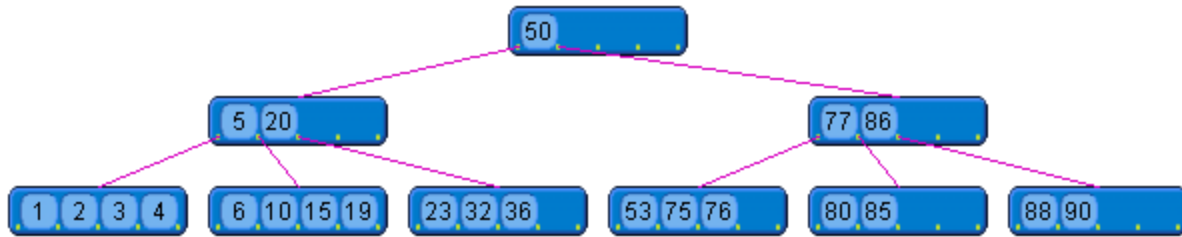
- 35 silindi.





# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek : 2. Kural> Bir nonleaf node'da kayıt silinmesi ve minimum kapasitenin üzerindeki bir node'dan kayıt aktarılması.

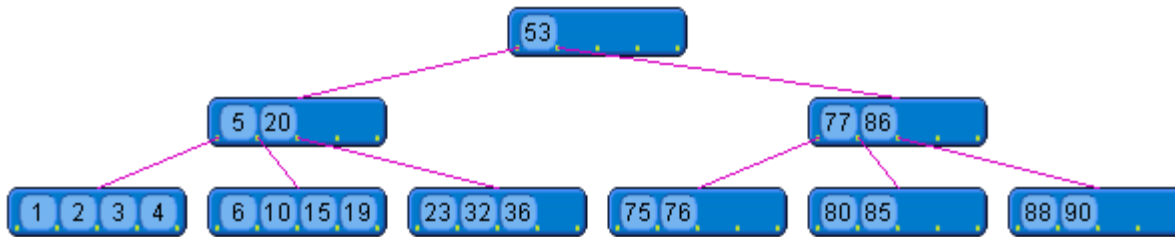


- 50 silindi



# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek :3.Kural> Bir leaf node'da kayıt silinmesi ve minimum kapasitenin altına düşülmesi.

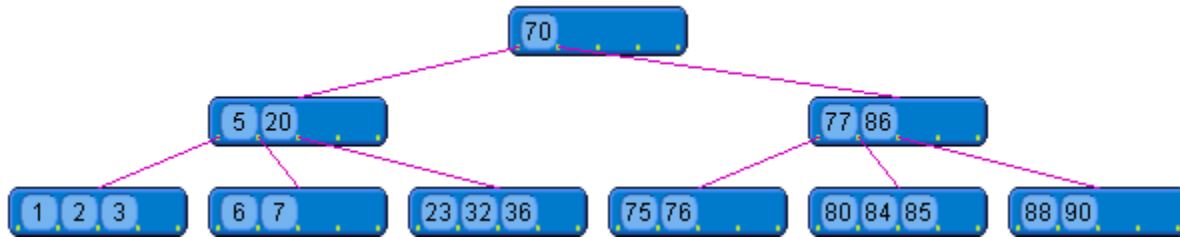


- 10,15,19 silinmesi (en fazla çocuğa sahip düğümden al )
- Sağa döndürme

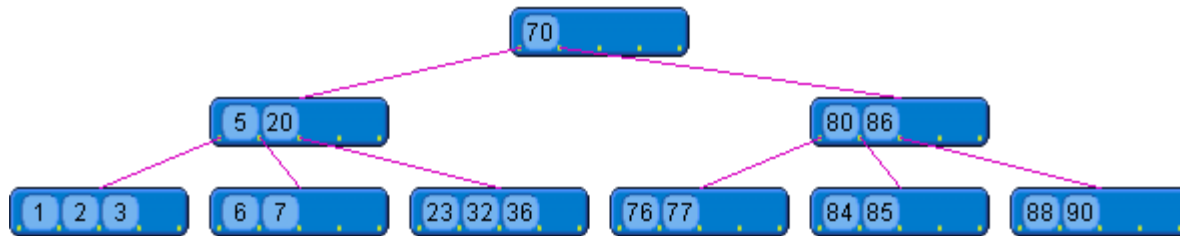


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek :3.Kural> Bir leaf node'da kayıt silinmesi ve minimum kapasitenin altına düşülmesi.

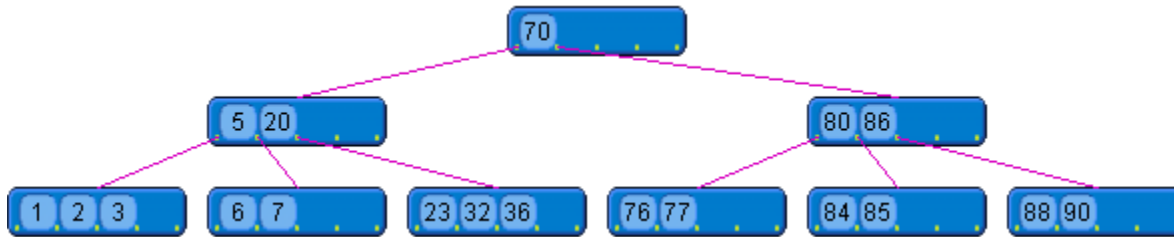


- 75 silindi. (silinen değer 77 solunda -Sola döndürme)

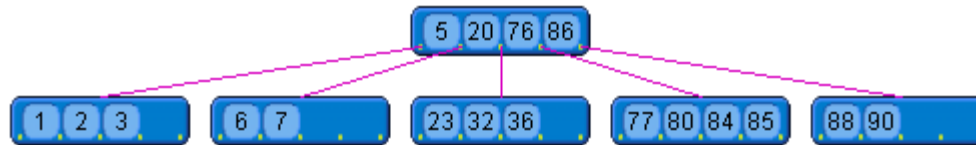


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek:4.Kural > Bir leaf node'da kayıt silinmesi ve minimum kapasitenin altına düşülmesi ve node'ların birleştirilmesi. (Kök dahil sağ taraftaki hangi düğüm silinirse silinsin minumum kapasitenin altına düşülecektir. Birleştirme işlemi gerekir.)

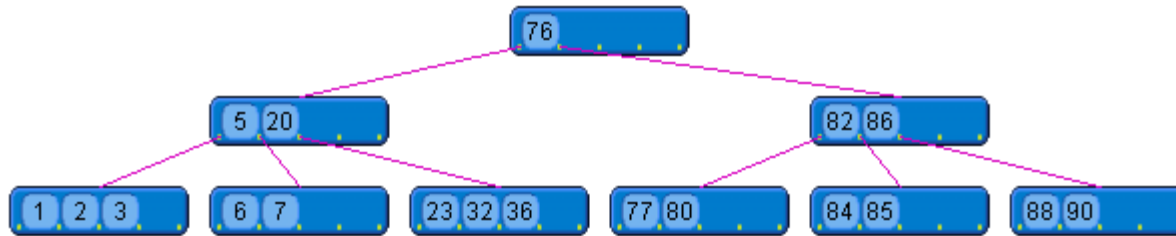


- 70 silindi

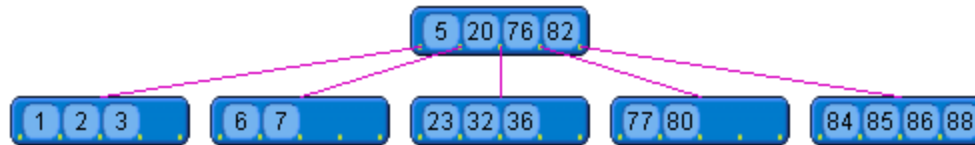


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek:4.Kural > Bir leaf node'da kayıt silinmesi ve minimum kapasitenin altına düşülmesi ve node'ların birleştirilmesi. (Kök dahil sağ taraftaki hangi düğüm silinirse silinsin minumum kapasitenin altına düşülecektir. Birleştirme işlemi gerekir.)

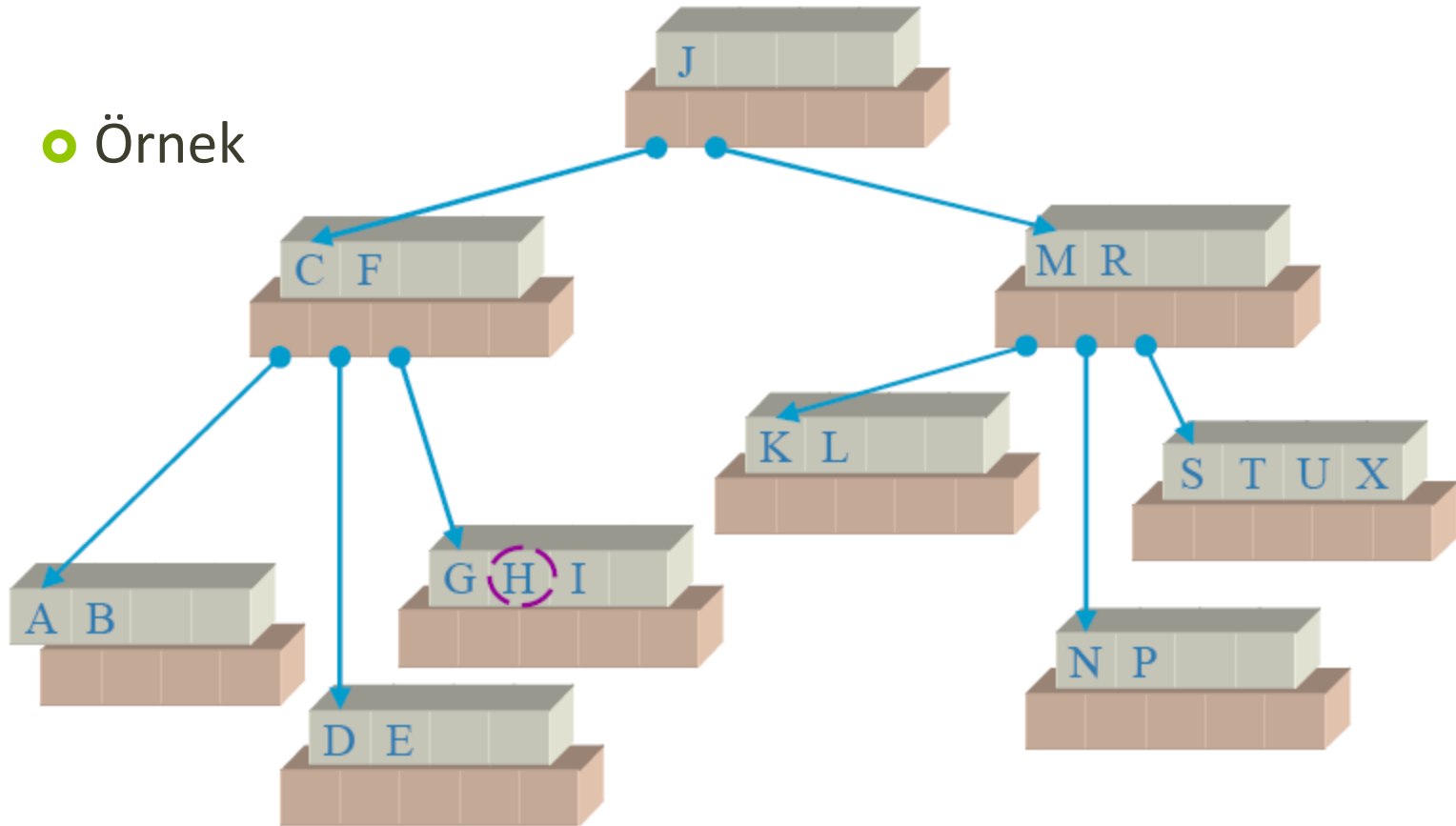


- 90 silindi

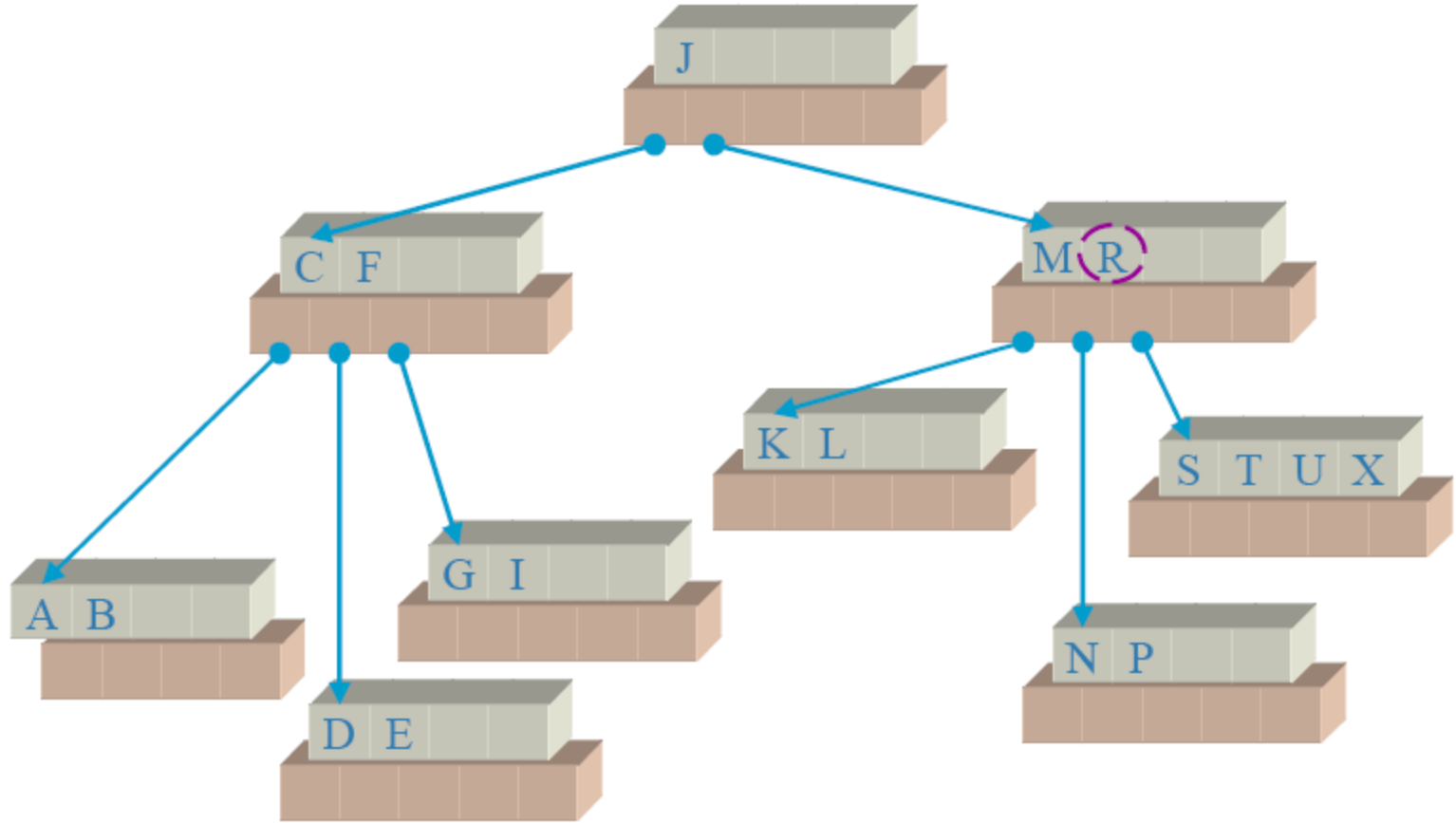


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

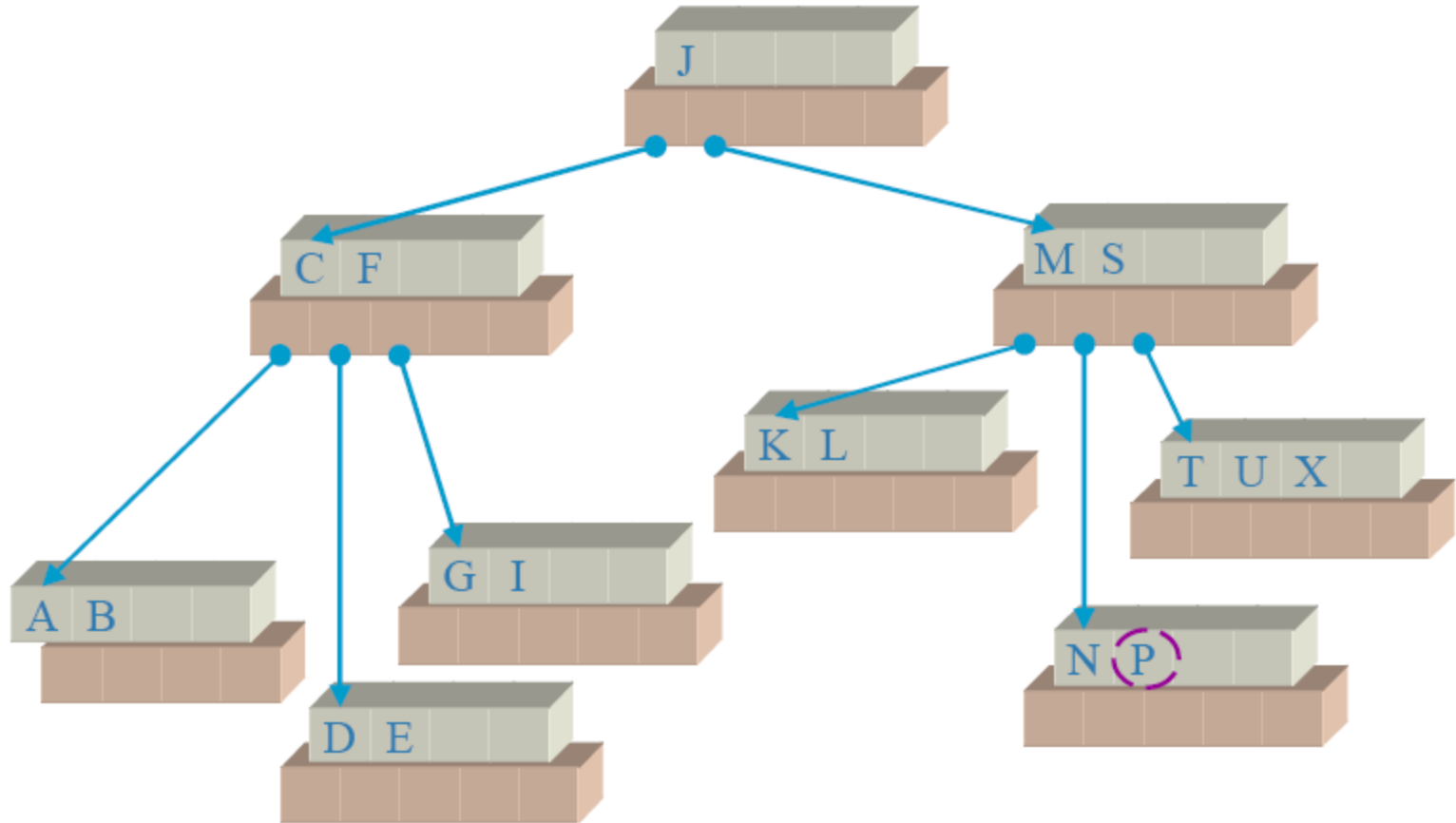
- Örnek



# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees

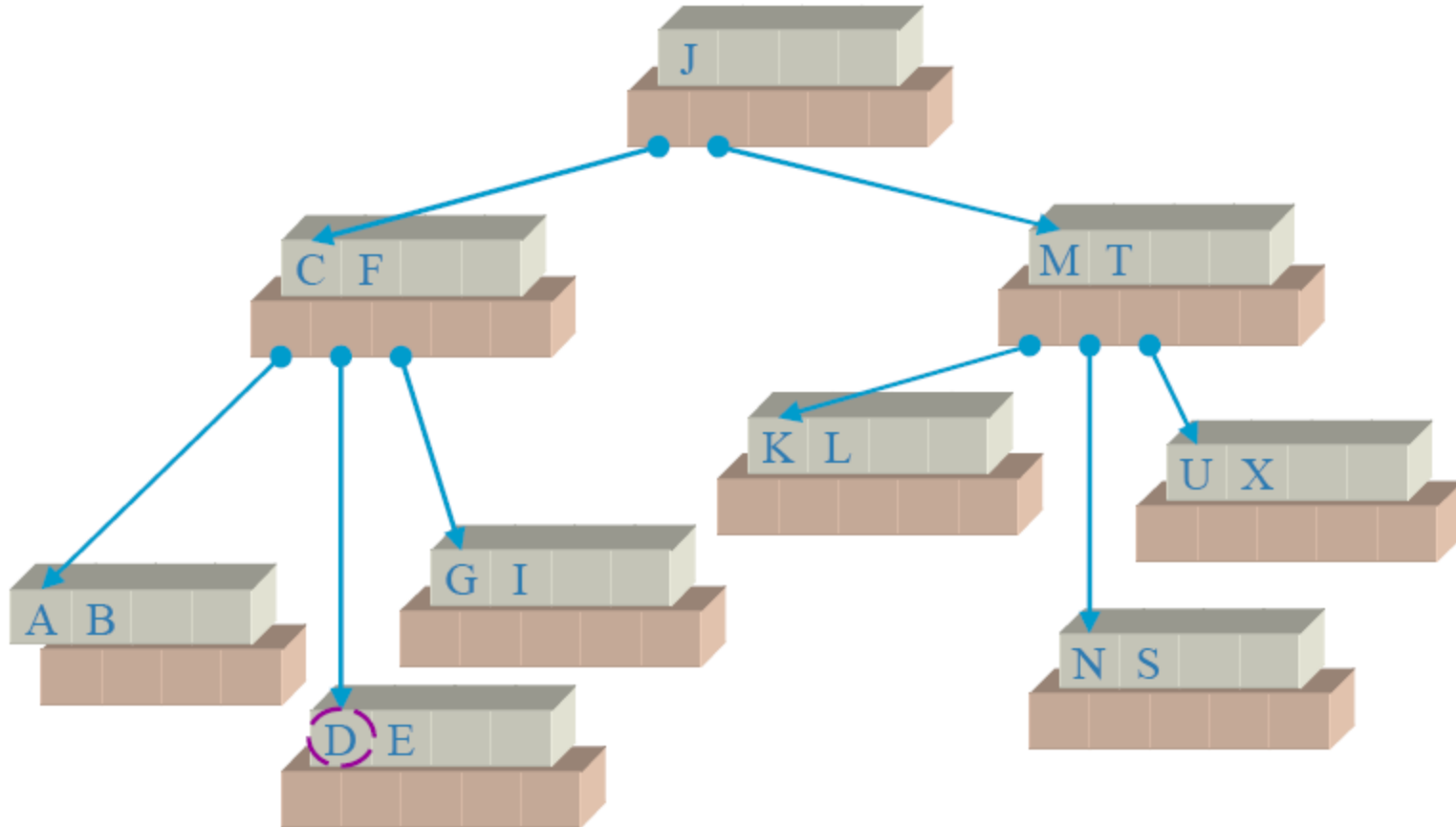


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

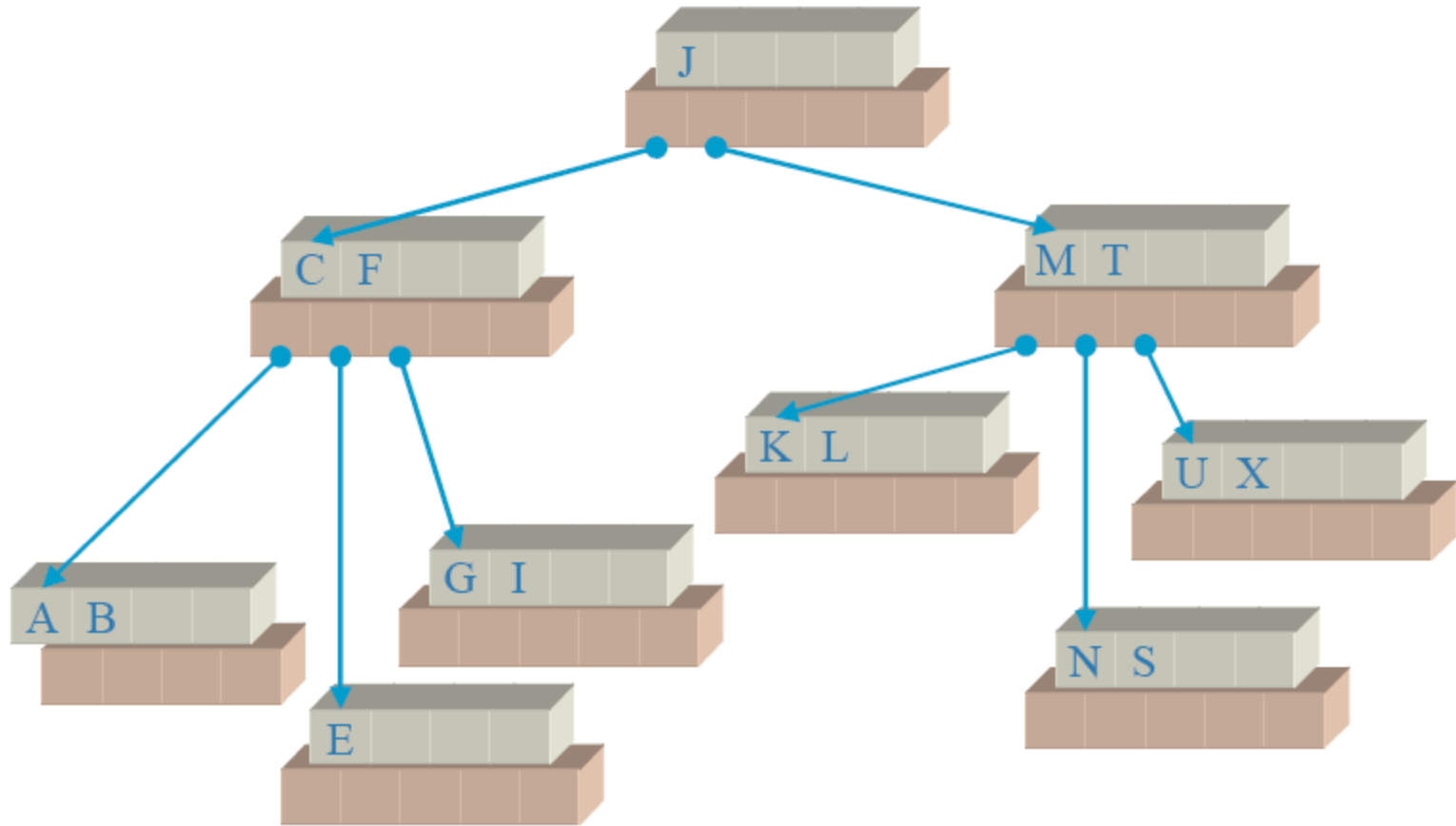




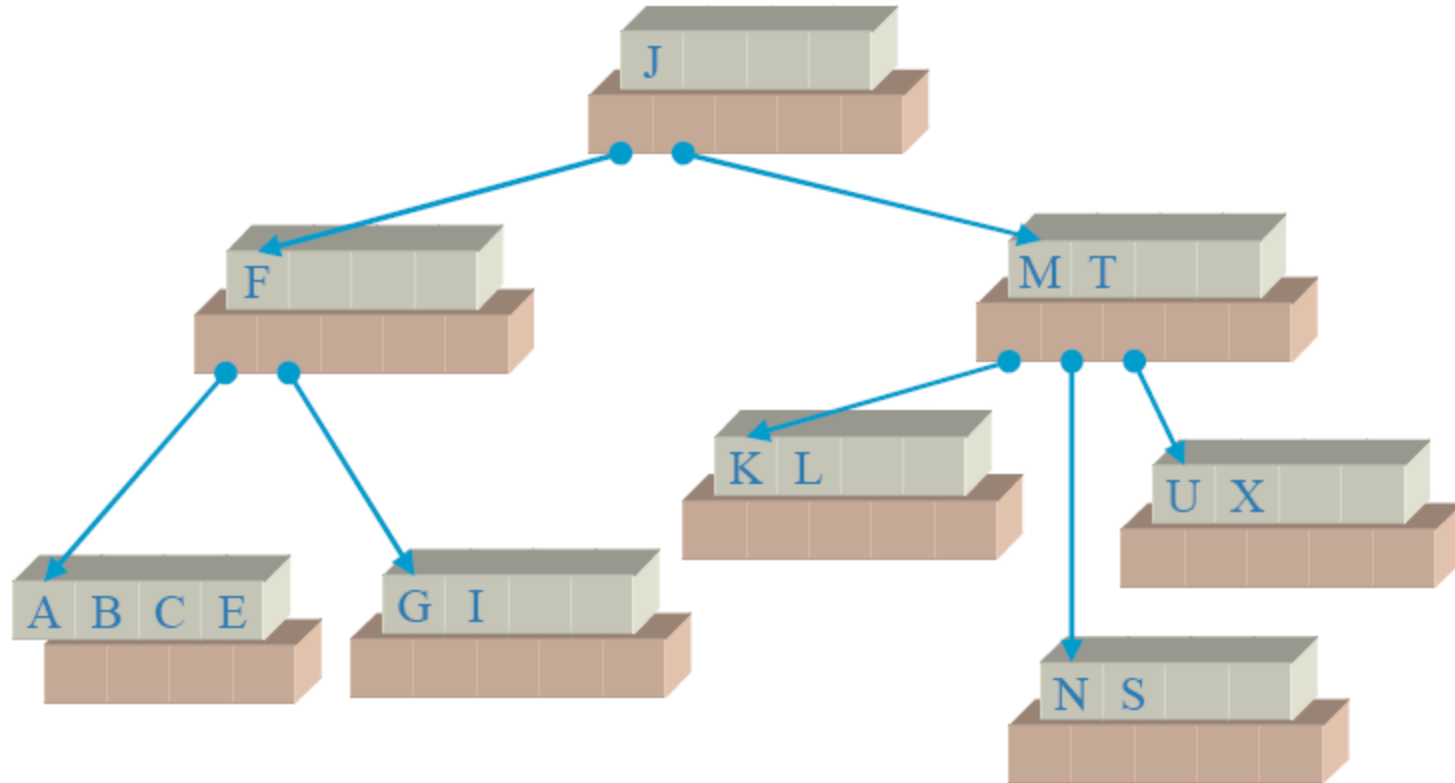
# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees



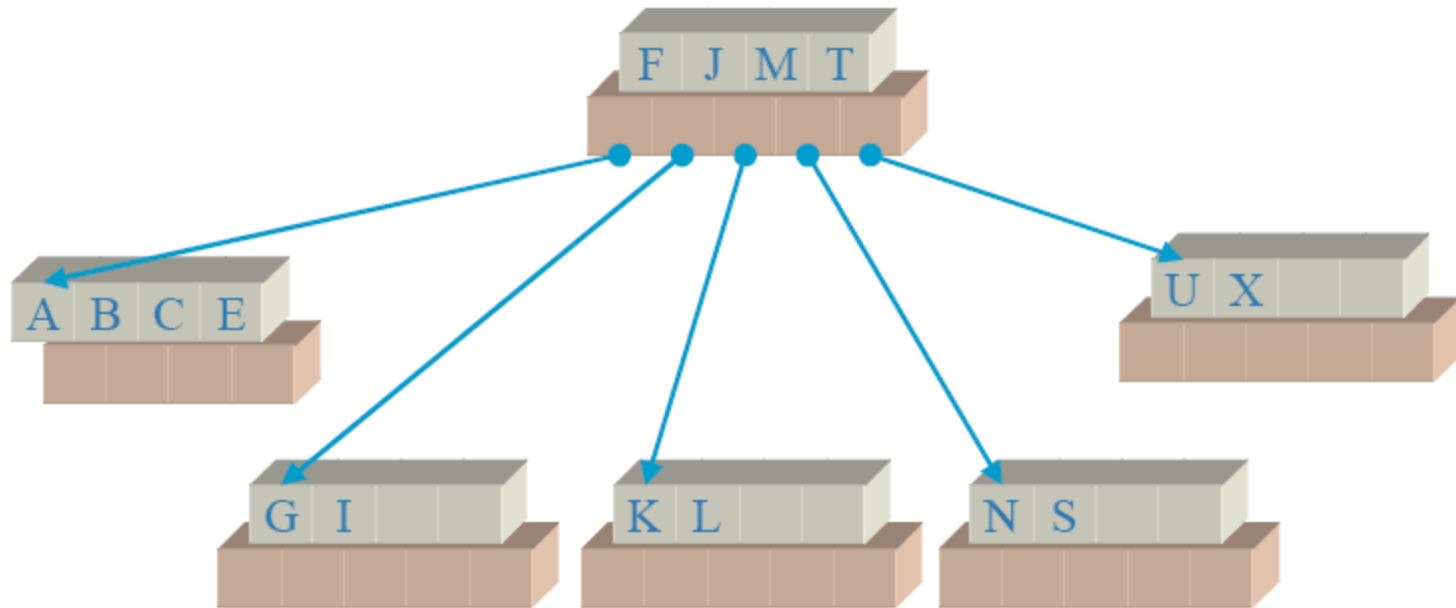
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees



# Cok Yollu Ağaçlar -B-Trees

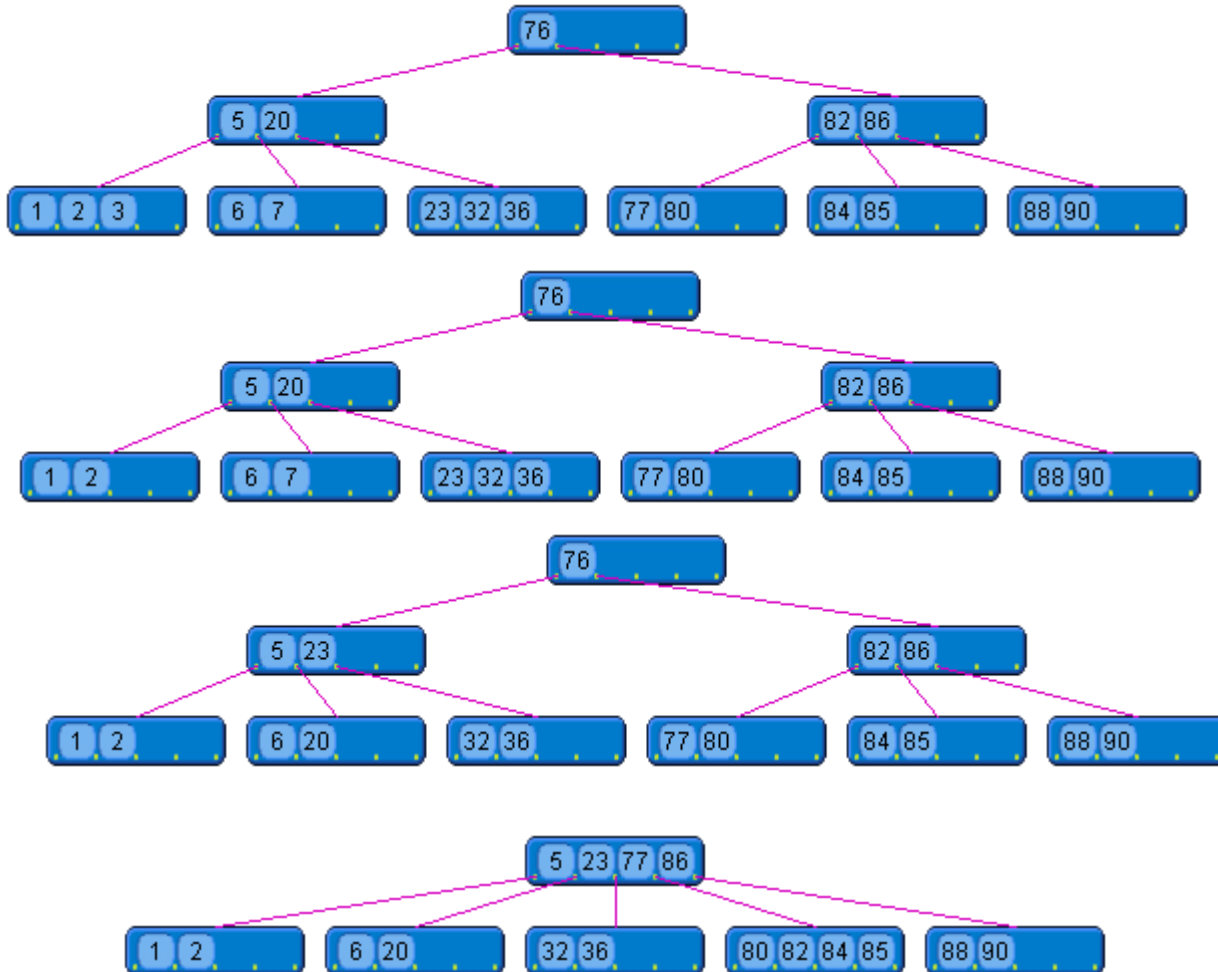


# Çok Yollu Ağaçlar - B-Trees



# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Örnek: Verilen ağaçtan sırasıyla 3,7,76 değerlerini siliniz

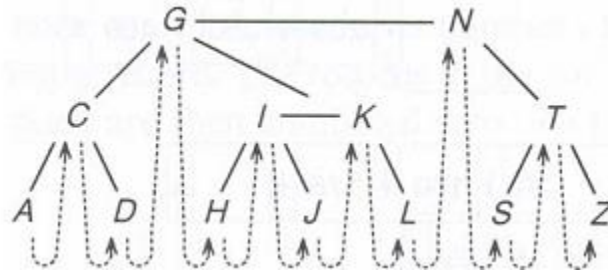


# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Değerlendirme
- B-Tree'lerde erişim araştırması kayda ulaşma değil node'a ulaşmadır
- Ağacın yüksekliği aşağıdaki gibi ifade edilir

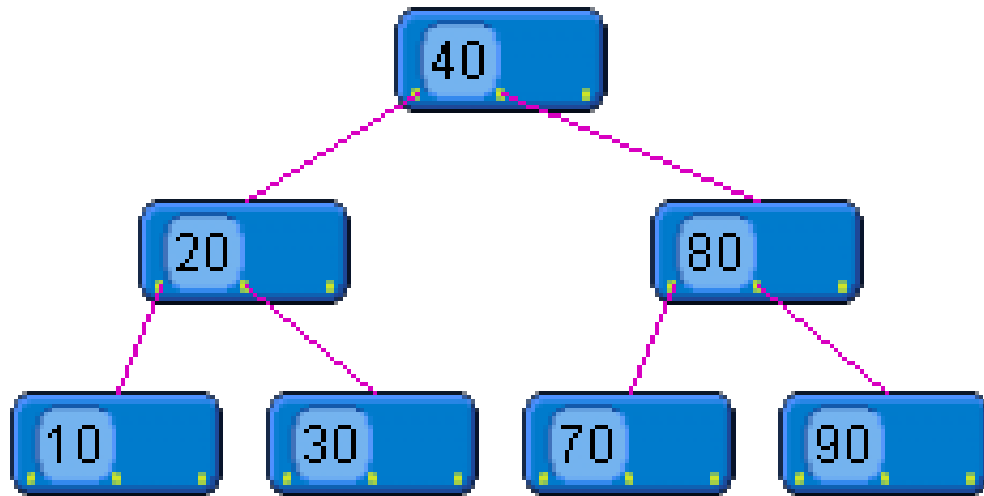
$$\text{Height} \leq \log_{d+1} \frac{n+1}{2} + 1$$

- Worst case erişim performansı  $O(\log_d n)$  'dir.  $n$ , B-tree'deki kayıt sayısıdır
- Kapasite sırası 50 olan ve 1 milyon kayıt bulunduran B-tree'de bir kayda ulaşmak için en fazla 4 erişim araştırması gerekir.
- B-tree'deki kayıtlara sıralı ulaşmak için inorder dolaşma yapılır.



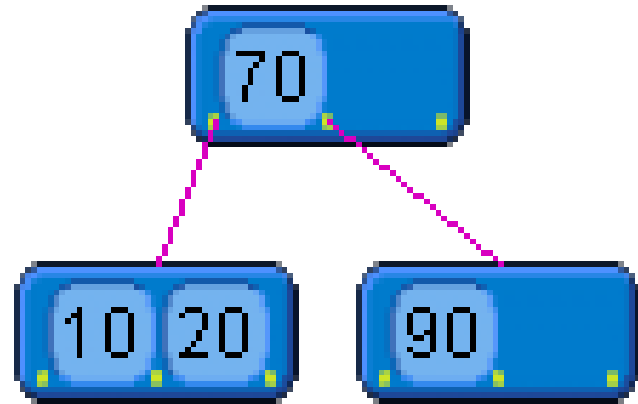
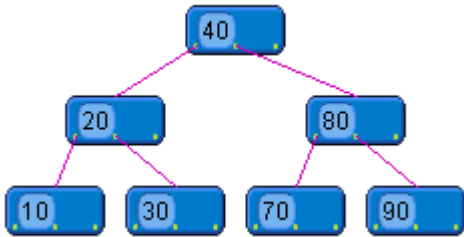
# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Uygulama 1:  $d=1$  olan ağaç için aşağıdaki değerleri girip B-tree ağacını oluşturunuz
- 20,10,90,40,30,80,70



# Çok Yollu Ağaçlar -B-Trees

- Uygulama 2: Ağaçtan sırasıyla 30,80,40 düğümlerini siliniz



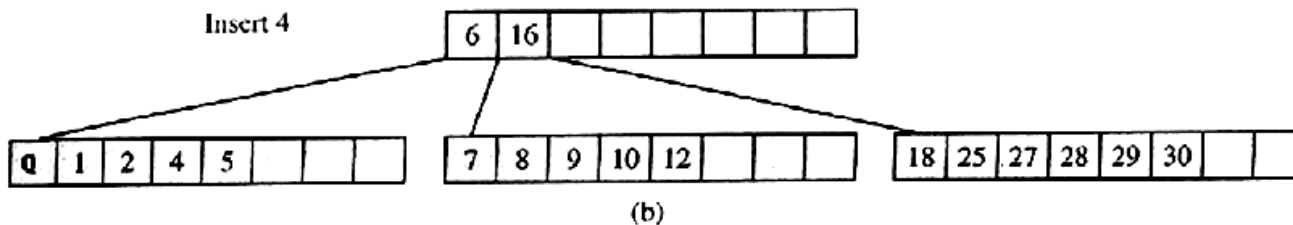
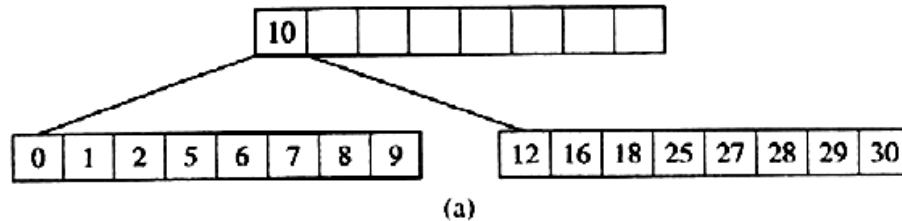


# Çok Yollu Ağaçlar: B\*-Trees

- **B\*-Trees**
- B-tree'lerde bir node dolunca bölme işlemi yapılmaktadır
- Bölme sonucunda oluşan iki node'da yarı yarıya doludur
- B\*-tree'lerde bölme işlemi geciktirilerek node'ların doluluk oranı artırılır.
- Ortalama Insert süresi uzar ve ağacın yüksekliği daha azdır.
- Tüm ağacın dolum faktör değeri B-tree'lere göre daha yüksektir.
- B\* - tree'lerde erişim performansı daha yüksektir. Literatürde B#-tree şeklinde variantları vardır

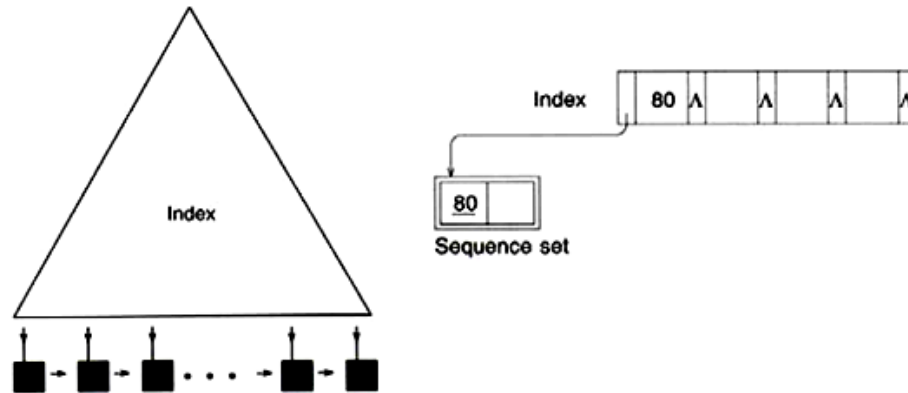
# Çok Yollu Ağaçlar : B\*-Trees

- m.dereceden bir B\*-tree'de, kök olmayan her node'daki anahtar sayısı ( $k$ )  $(2m-1)/3 \leq k \leq m-1$  olarak bulunur. Bunun anlamı B-tree deki herhangi bir düğümün doluluk oranını  $2/3$  oranında tutar.
- Node bölme işlemi B-Tree'dekine göre daha yavaştır. Tüm anahtarlar yeniden dağıtılır. ( $16/24 = 2/3$  oranı var  $16/3 =$  yaklaşık 5 değer gelecek) Örneğin: 8 düğüm var yeni düğüm geldi  $8 * 2/3 = 5$  düğüm olacak şekilde yeniden düzenle.
- 0,1,2,4,5,6,7,8,9,10,12,16,18,25,27,28,29,30



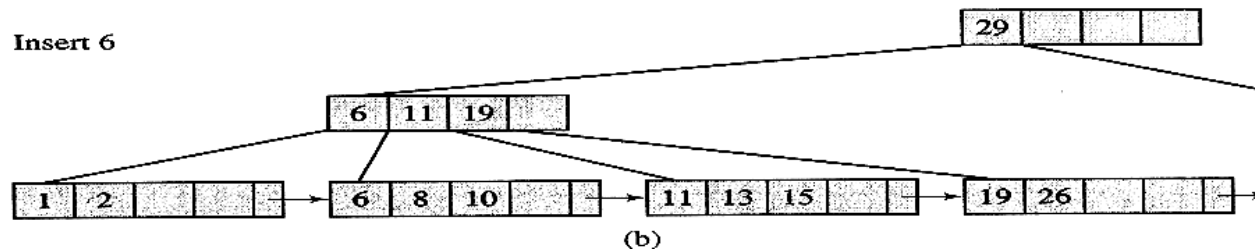
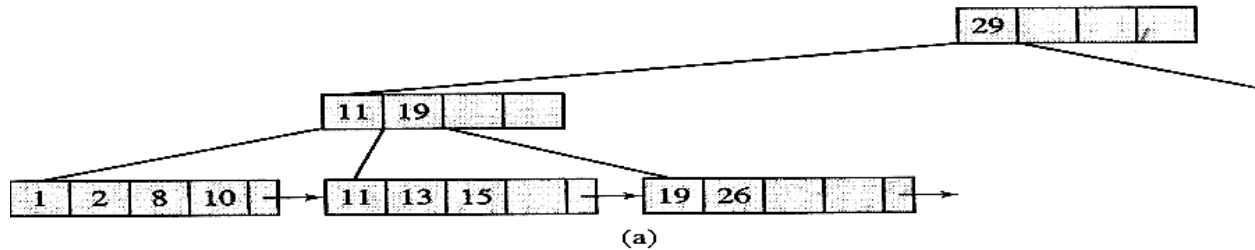
# Çok Yollu Ağaçlar : B+-Trees

- **B+-Trees**
- B+ -tree'lerde sıralı okuma için parent'a ulaşmaya gerek yoktur. Bilgiler yapraklarda bulunur.
- Nonleaf node'lar sadece indeks için kullanılır Tüm yapraklar tek bağlı listeye bağlanır B+ - tree'lerde indeks kısmı B-tree ile aynıdır.
- İndeks kısmındaki tüm kısıtlamalar ve işlemler B-tree ile aynıdır
- Internal node'lar index-set olarak, yapraklar ise sequence set olarak adlandırılmaktadır.



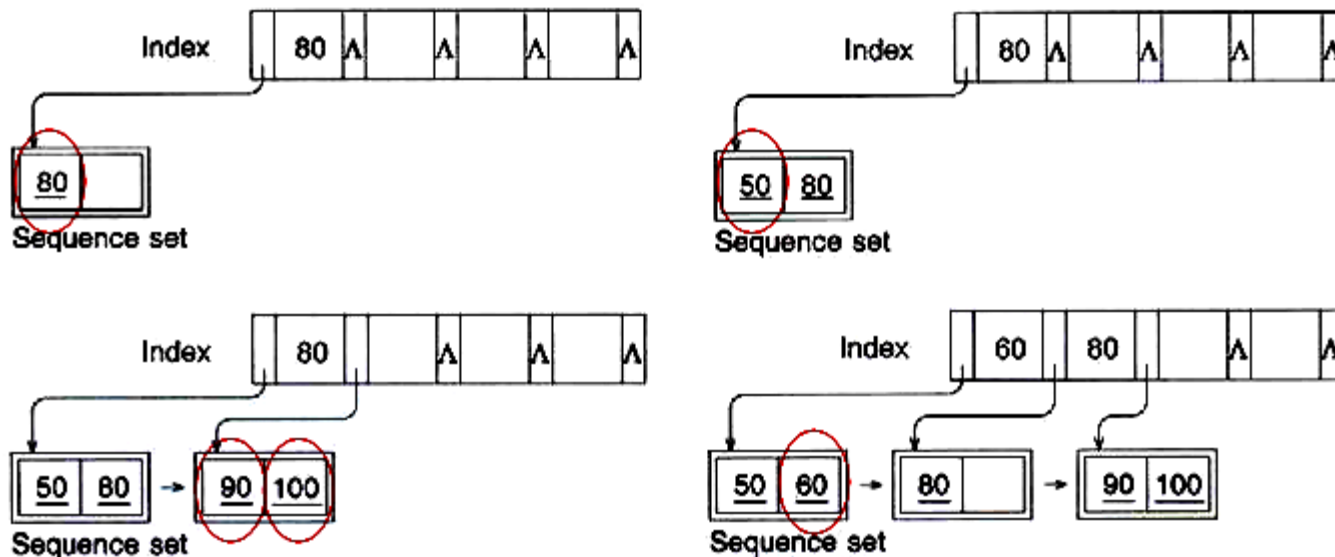
# Çok Yollu Ağaçlar : B+-Trees

- **B+-Trees**
- Diğer bir ifadeyle;
- B-Tree'de referans herhangi bir node ile yapılabilir.
- B+-Tree'de ise referans sadece yaprak node'ları ile yapılabilir.



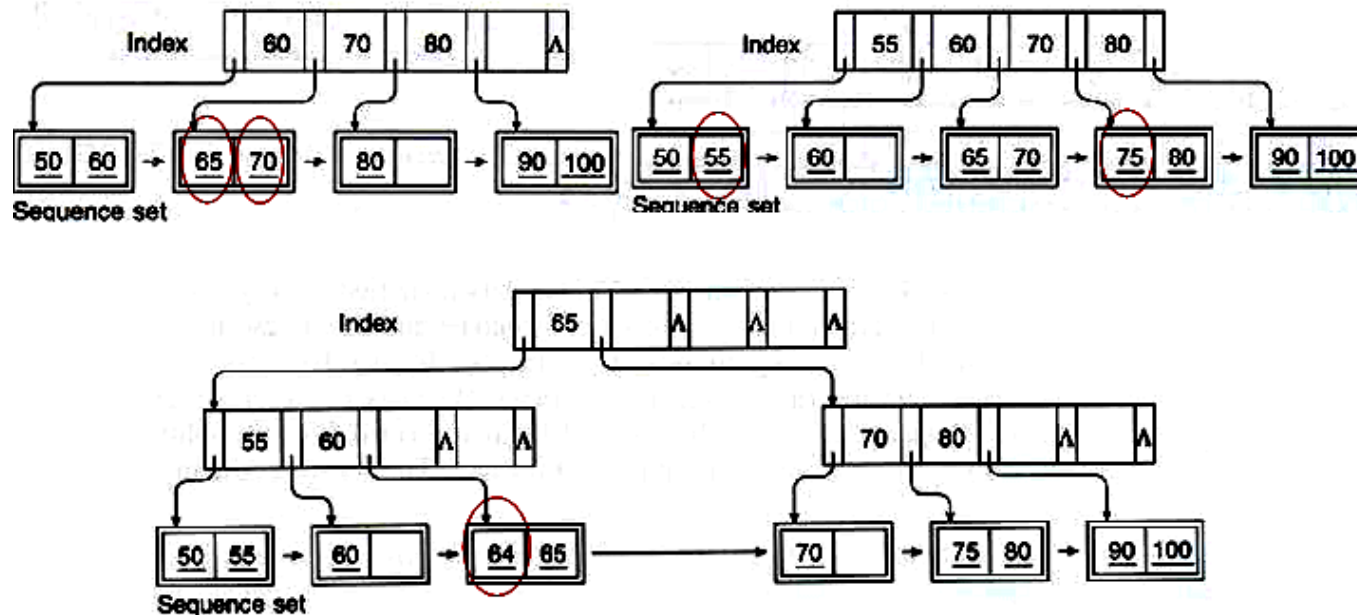
# Çok Yollu Ağaçlar: B+-Trees

- **B+-Trees**
- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- $s = 1$  (sequence set order)
- $80, 50, 100, 90, 60, 65, 70, 75, 55, 64, 51, 76, 77, 78, 200, 300, 150$



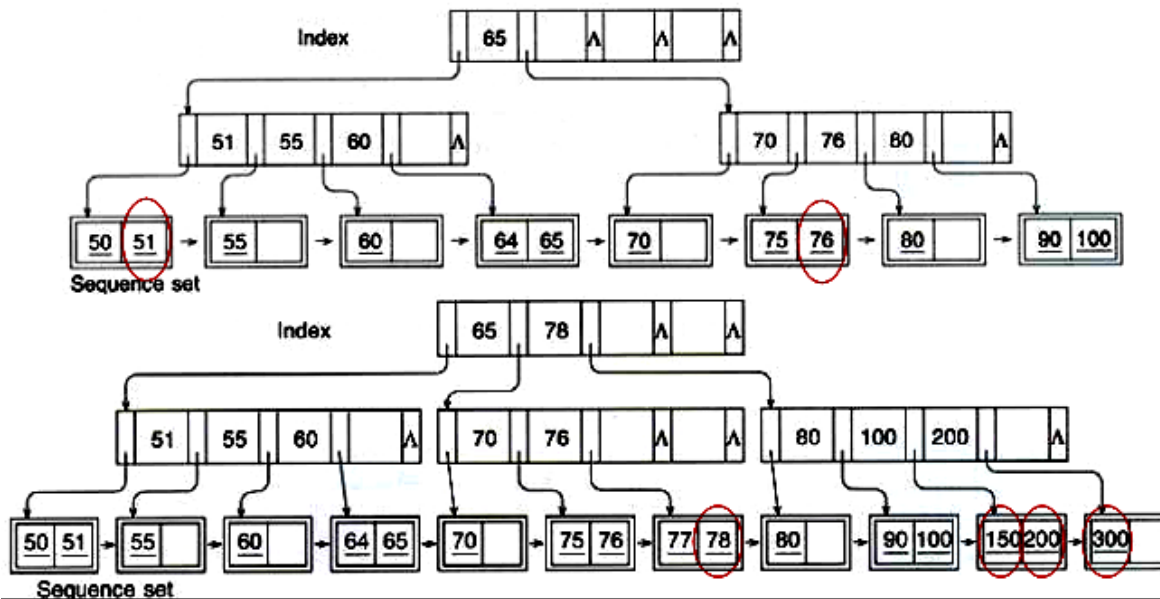
# Çok Yollu Ağaçlar – B+-Trees

- **B+-Trees**
- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- $s = 1$  (sequence set order)
- $80, 50, 100, 90, 60, 65, 70, 75, 55, 64, 51, 76, 77, 78, 200, 300, 150$



# Çok Yollu Ağaçlar –B+-Trees

- **B+-Trees**
- Örnek
- $d = 2$  (capacity order)
- $s = 1$  (sequence set order)
- $80, 50, 100, 90, 60, 65, 70, 75, 55, 64, 51, 76, 77, 78, 200, 300, 150$



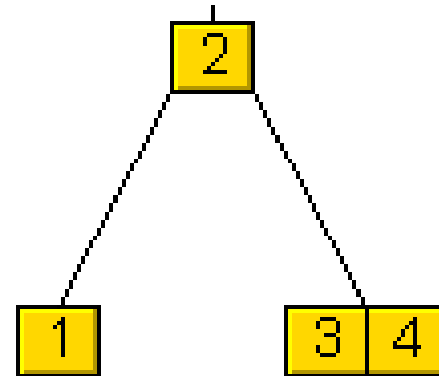
# Çok Yollu Ağaçlar –B+-Trees

- **Haftalık Ödev**
- B,B\*,B+ ağaçlarının kullanıldığı yerler hakkında araştırma yapınız. Literatür taraması yaparak elde ettiğiniz makaleleri inceleyiniz. Kullanıldığı yerlerde ne amaçla kullanıldığına yönelik bilgileri içeren bir rapor hazırlayınız .
- B#- tree hakkında bilgi toplayarak ekleme işlemi nasıl gerçekleştirilir araştırınız ve bir rapor hazırlayınız .
- B+ ve B\* ve B# - tree'lerde silme işleminin nasıl yapıldığını araştırınız ve bir rapor hazırlayınız .
- Bunlara ait program örneğini ve algoritmasını gerçekleştiriniz



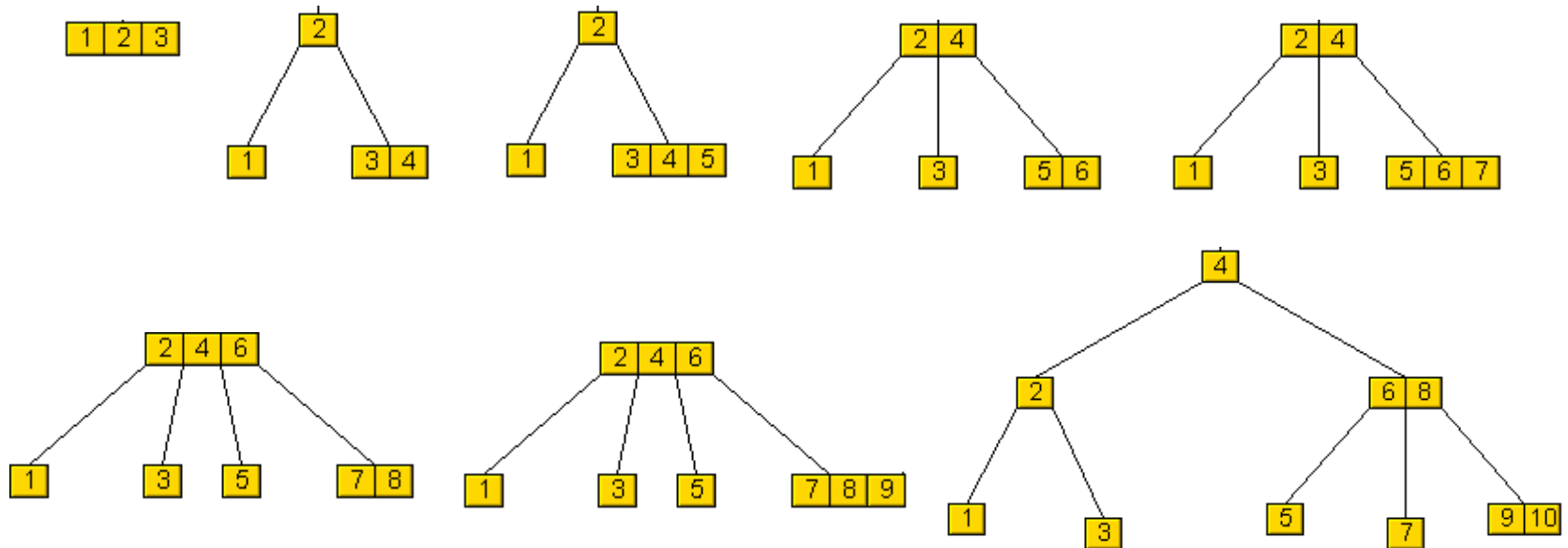
## 2-3- veya 2-3-4 tree

- B-tree yapısının basit bir halidir. Daha önce verilen kurallar bu ağaç içinde aynıdır.
- 2-3-4 tree anlamı 2 düğüm var ise 3 çocuğu olur. 3 düğüm var ise 4 çocuğu bulunur.
- Ekleme işleminde eğer maksimum kapasite aşılsa eklenmeden önceki ortada bulunan düğüm kök alınır ekleme işlemi sonra yapılır.
- 1,2,3,4



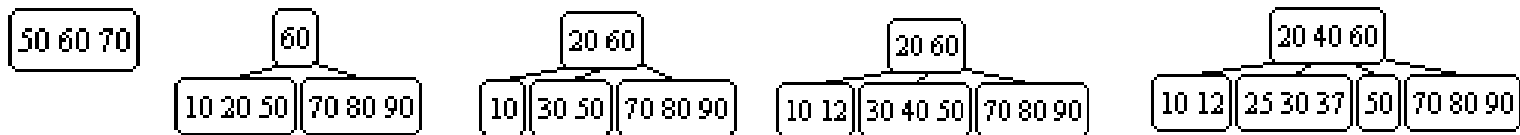
# 2-3- veya 2-3-4 tree

Örnek: 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10

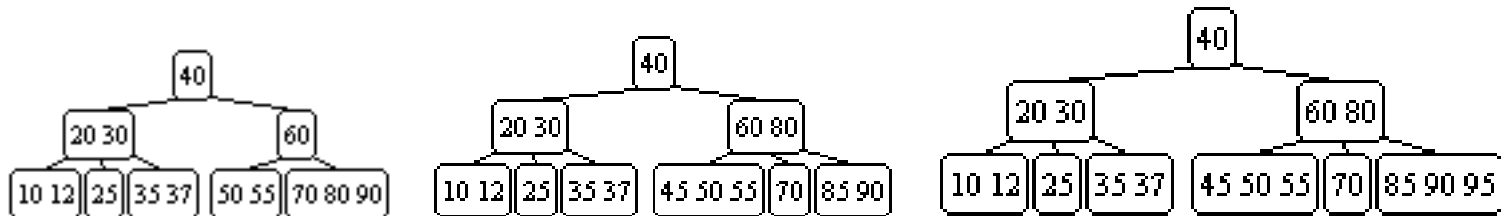


# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek; 3 düğüm: Ekle: 50,70,60,90,20,10,80,30,40,12,25,37

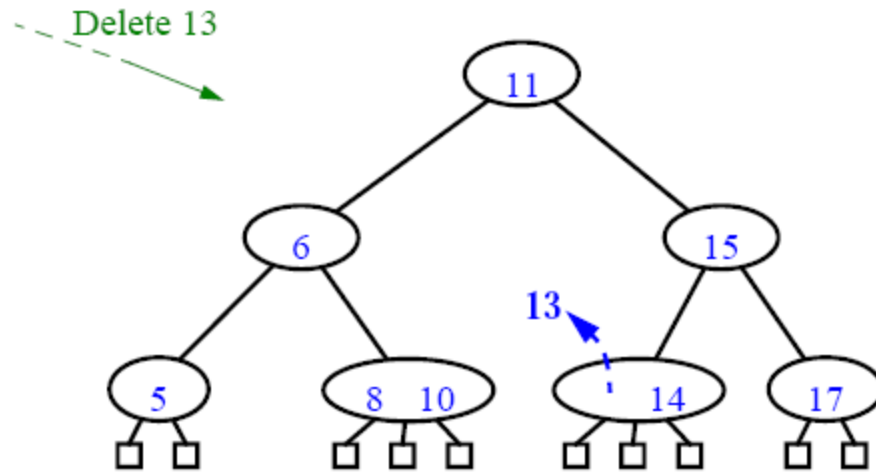


- Ekle: 55, 35, 45, 85, 95

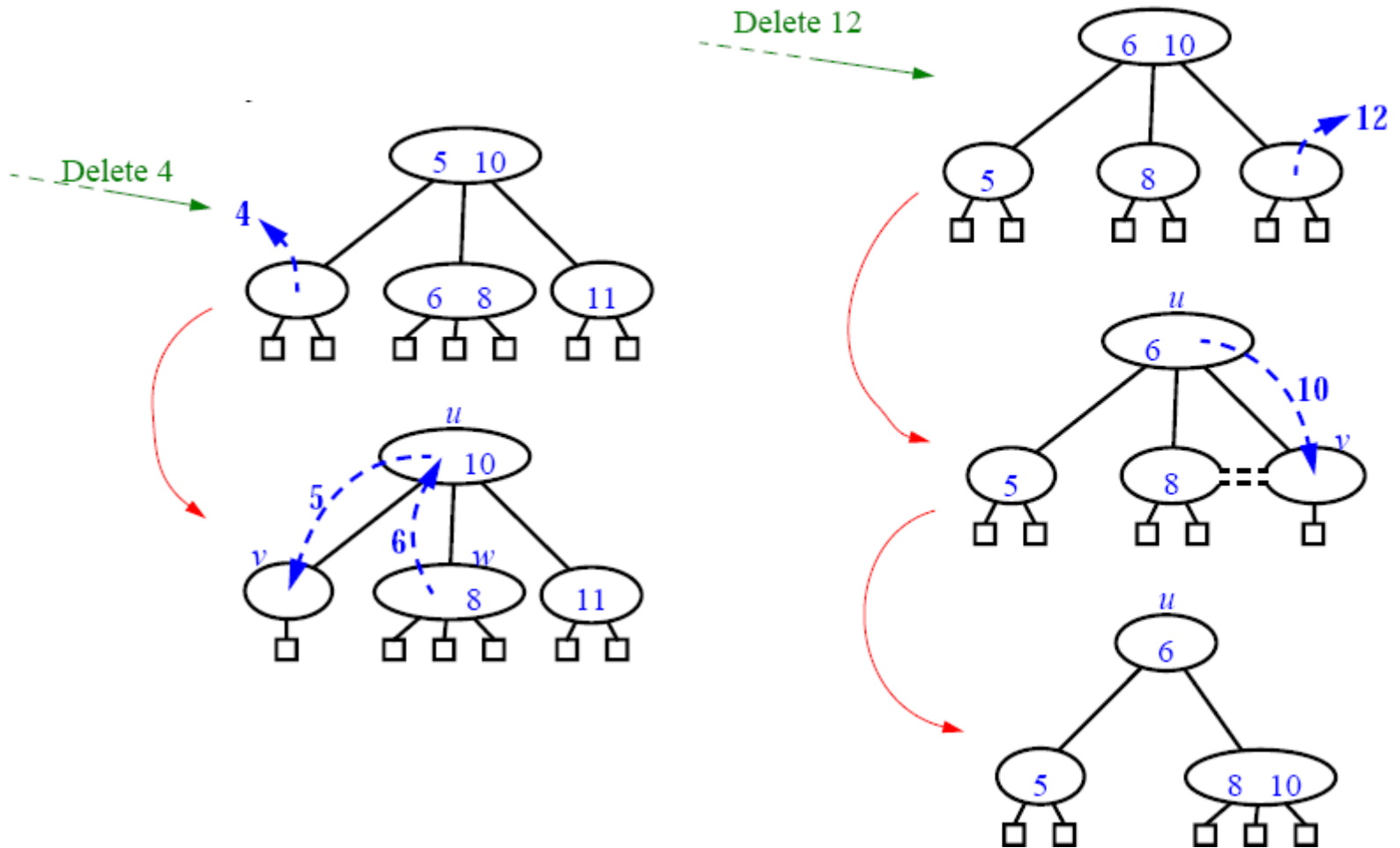


# 2-3- veya 2-3-4 tree

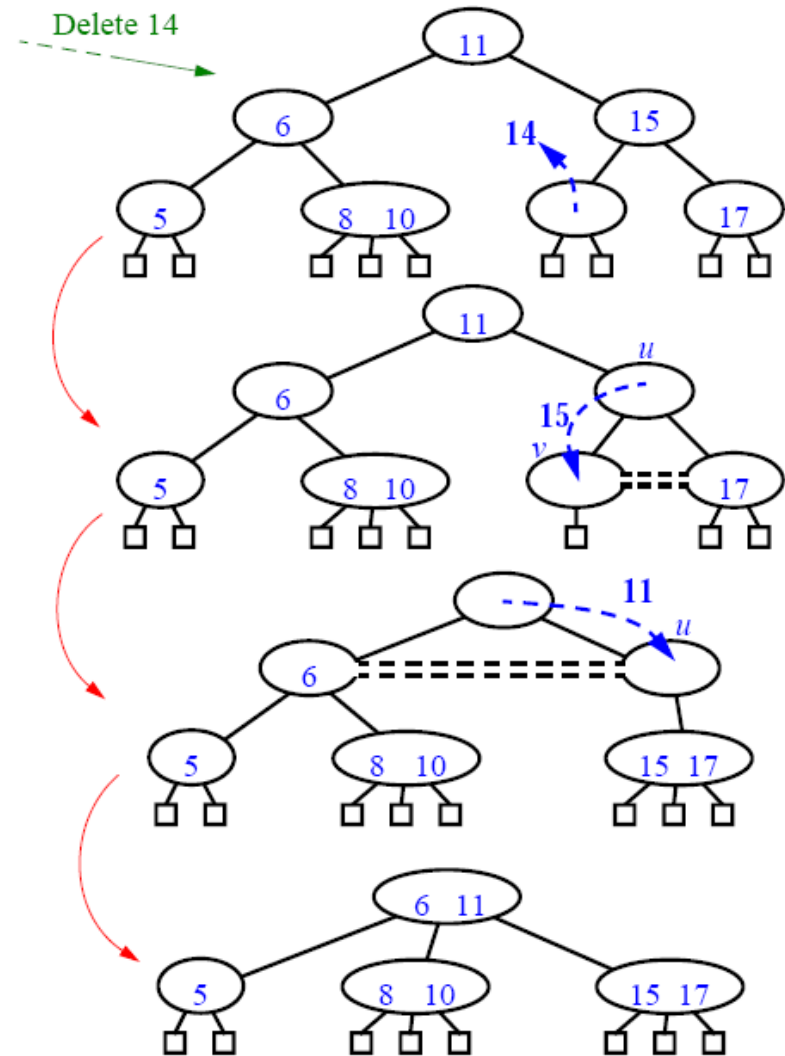
- Silinen yaprak ise sorun yok



# 2-3- veya 2-3-4 tree



# 2-3- veya 2-3-4 tree

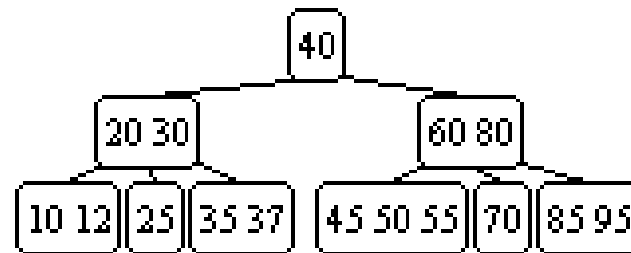
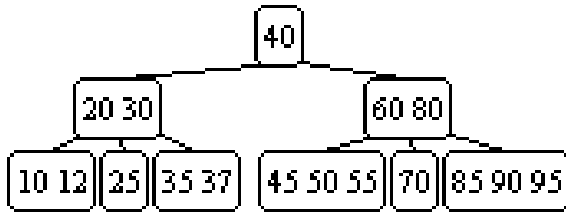


## 2-3-4 tree Silme

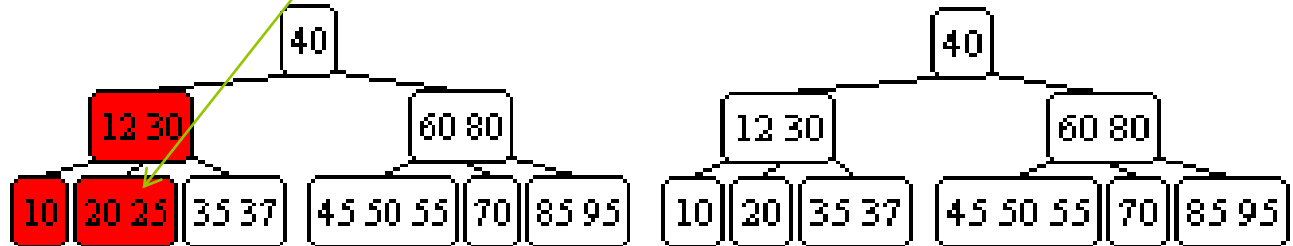
- Silme işlemlerinde düğümlere ait çocuk sayılarında denge bozulmuyorsa sadece kurala göre döner.(Soldaki en büyük veya sağdaki en küçük düğüm alınarak.)
- Sol veya sağa göre işlem yapıldığında öncelik çocuk sayısı fazla olmalıdır.
- Silme işleminde denge bozuluyorsa silinen düğümün kardeşi ve ebeveyni düzenlemeye girer.
- Çocukları olan silinecek düğüm tek ise ya birleştirme yada döndürme yapılarak yanına başka bir değer getirilip daha sonra silinir.
- Silinecek çocuğun atası tek ise atasının ebeveyni ve kardeşleri düzenlemeye girer.

# 2-3- veya 2-3-4 tree

- **Kural 1-** Silinen düğüm yaprak ve minimum kapasitenin altına düşmüyorsa silinebilir.
- Örnek: 90 silindi



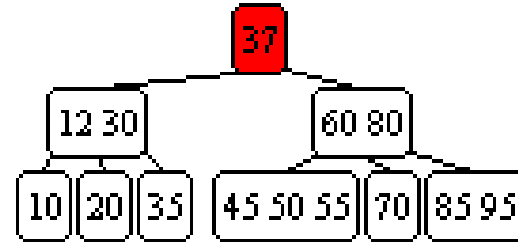
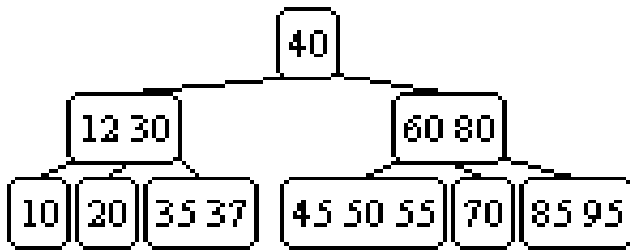
- **Kural 2-** Silinen düğüm yaprak ve minimum kapasitenin altına düşüyor ise (öncelik sol) ebeveyn ile çocuklar yeniden düzenlenir (Soldaki en büyük veya sağdaki en küçük düğüm alınır).
- 25 silindi



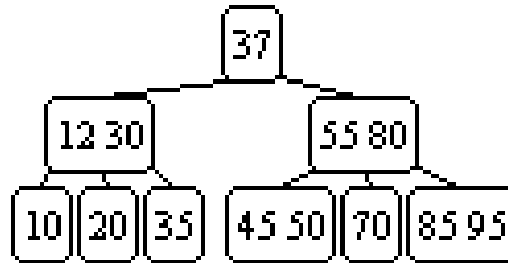


## 2-3- veya 2-3-4 tree

- **Kural 3-** Silinen değer kök ise, soldaki en büyük veya sağdaki en küçük düğüm kök olur. (soldaki değer alındı)
- Örnek: 40 silindi

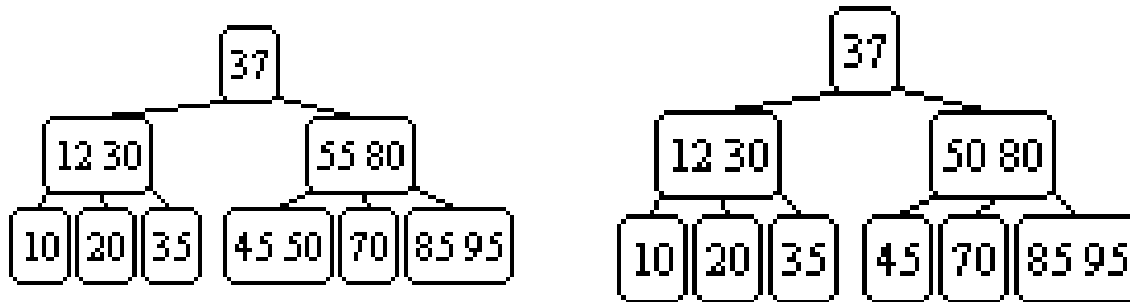


- **Kural 4-** Silinen düğüm çocukları olan bir düğüm ise çocukları fazla olandan değer alınır.
- 60 silindi

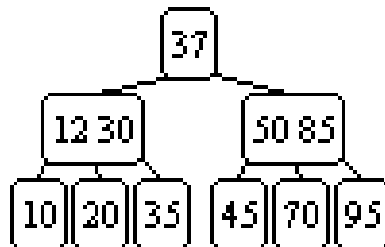


## 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 55 silindi (Kural-4)

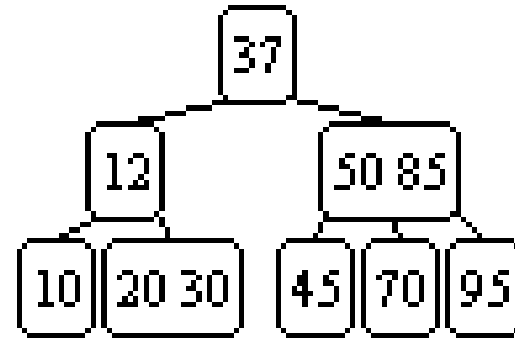
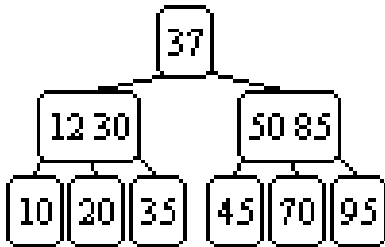


- 80 silindi (Kural-4)

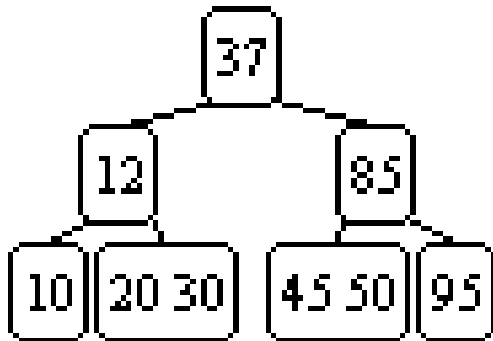


## 2-3- veya 2-3-4 tree

- **Kural-5:** Minimum kapasitenin altına düşülürse ebeveyn ve çocuklar birleştirilir.
- Örnek: 35 silindi

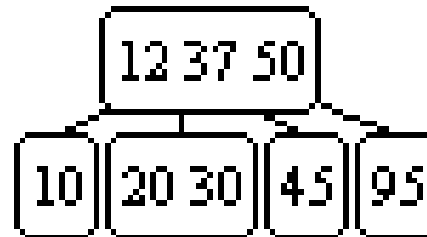
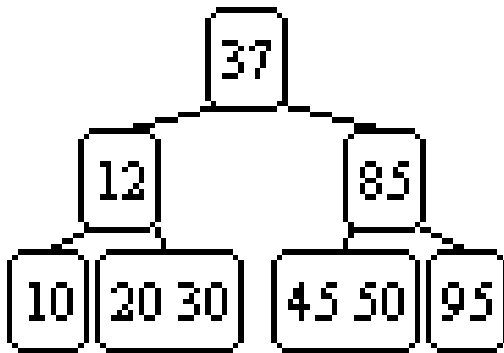


- Örnek: 70 silindi



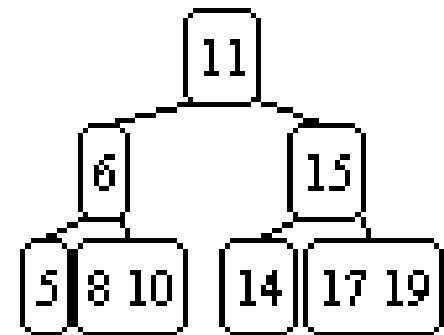
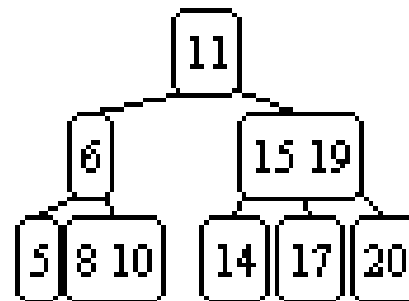
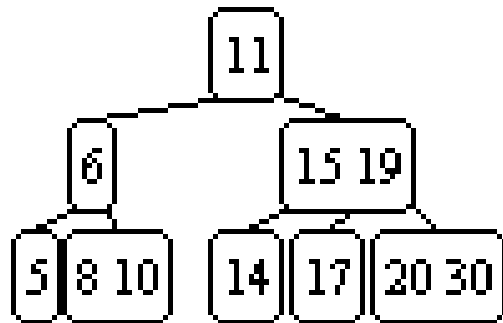
## 2-3- veya 2-3-4 tree

- **Kural-6:** (B-tree den farkı) Çocukları olan bir düğüm silinmek istenirse; eğer silinen düğüm ve kardeşi tek değere sahip ise ebeveyn, kardeş ve çocuk düğümler birleştirilir (Döndürme).
- Örnek: 85 silindi, (Kural 4,5,6) Ebeveyn ve çocuklar birleştirildi.

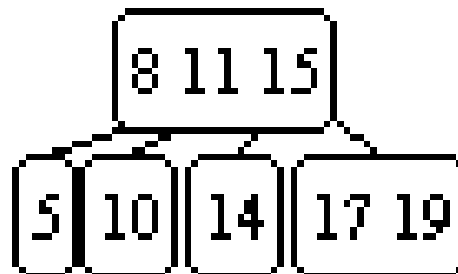


## 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 30,20 silindi



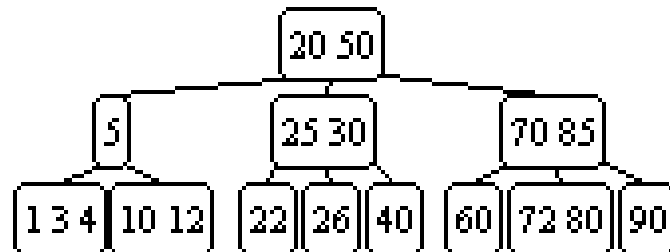
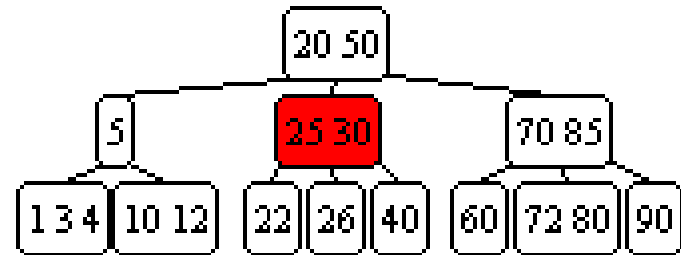
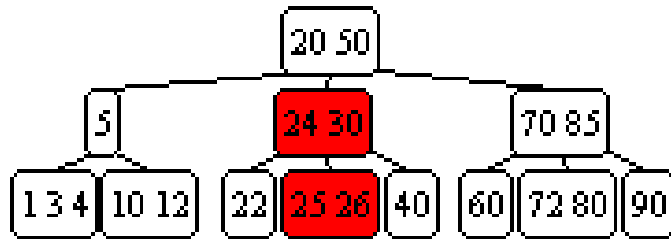
- 6 silindi



# 2-3- veya 2-3-4 tree

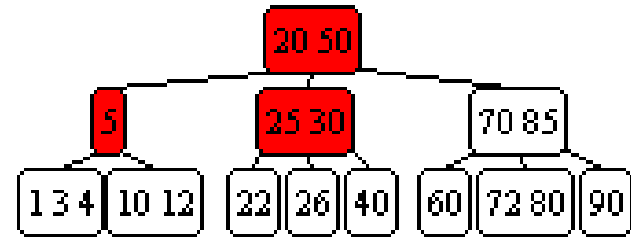
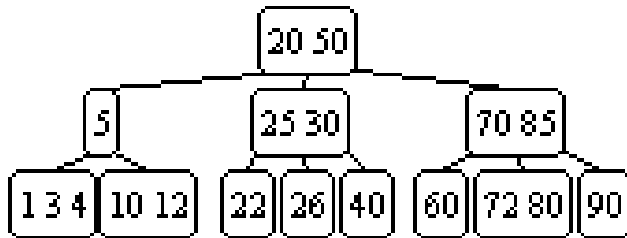
Soldaki en büyük düğüme göre

- Örnek: 24 nolu düğüm sil (Öncelik fazla olan çocuktur)



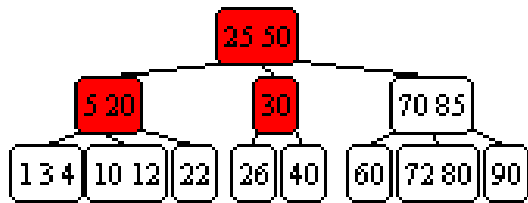
## 2-3- veya 2-3-4 tree

- **Kural-7:** (B-tree den farkı), Çocukları olan bir düğüm silinmek istenirse; Silinen düğüm tek sahip ama kardeşi tek değer değil ise ebeveyn, kardeş düğümler döndürülür ve çocuk düğüm ile birleştirilir.(Döndür ve birleştir.)
- Örnek: 5 nolu düğüm sil.
- 1-Ebeveyn ve kardeş düğümler seçildi

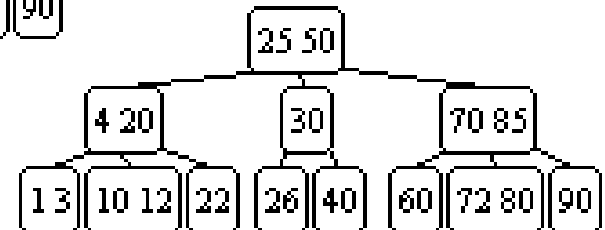
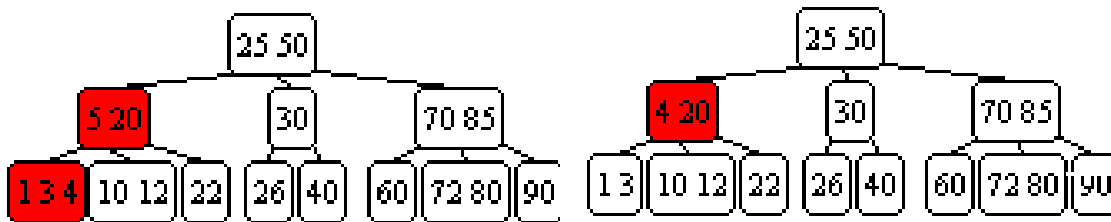


## 2-3- veya 2-3-4 tree

- 2-Döndürme işlemi gerçekleştirilerek silinecek düğüme değer getirildi.



- 3- Çocuklardan düğüm getirildi ve 5 silindi.

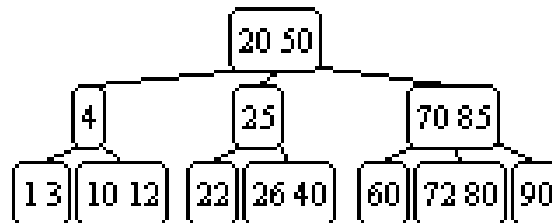
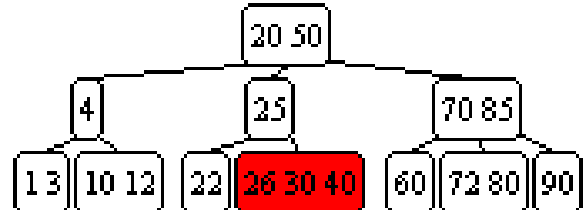
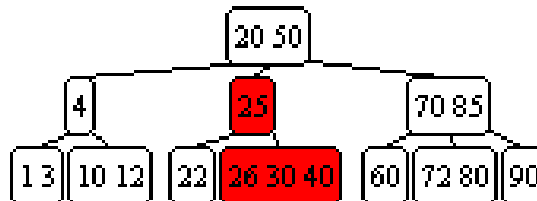
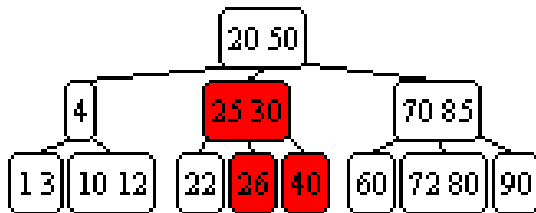
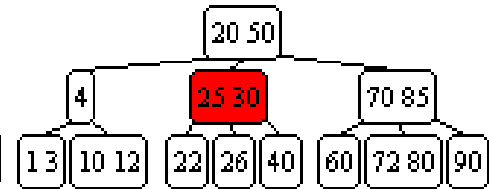
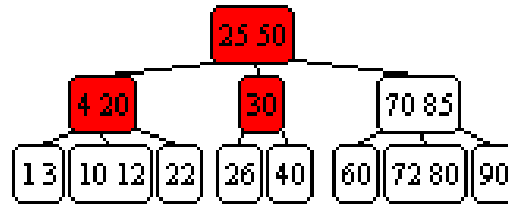
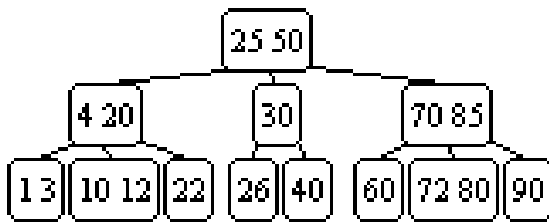




# 2-3- veya 2-3-4 tree

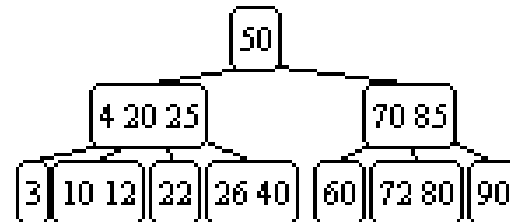
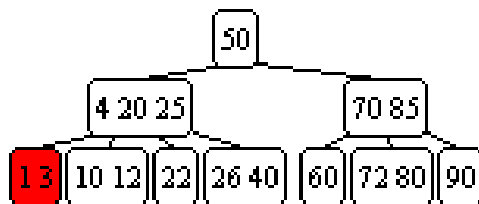
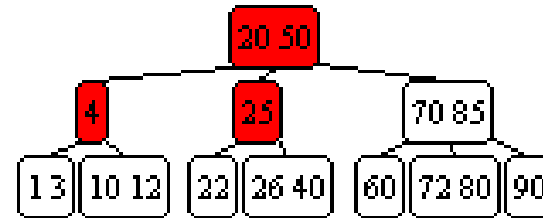
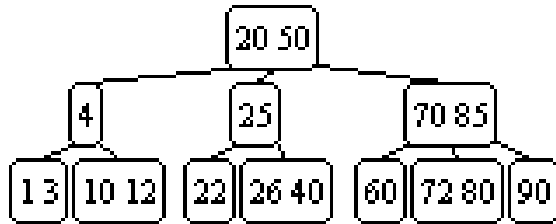
Soldaki en büyük düğüme göre

- Örnek: 30 nolu düğüm sil



## 2-3- veya 2-3-4 tree

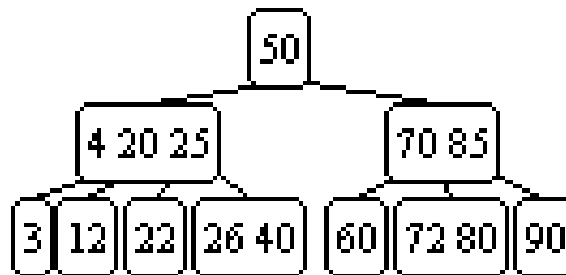
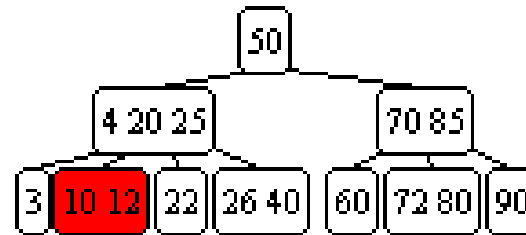
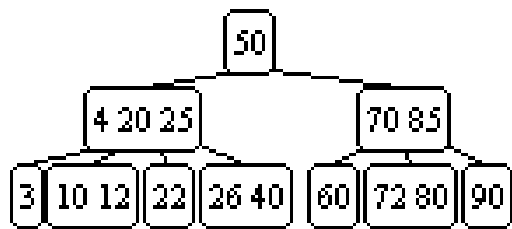
- **Kural-8:** B-tree den farkı, Silinen yaprak düğümün atası ve onun kardeşi tek değere sahip ise ebeveyn, kardeş ve çocuk düğümler birleştirilir.(Döndür ve birleştir.)(Kural-6 ya benzer)
- Örnek: 1 nolu düğüm sil (Kural 5,6,7)



# 2-3- veya 2-3-4 tree

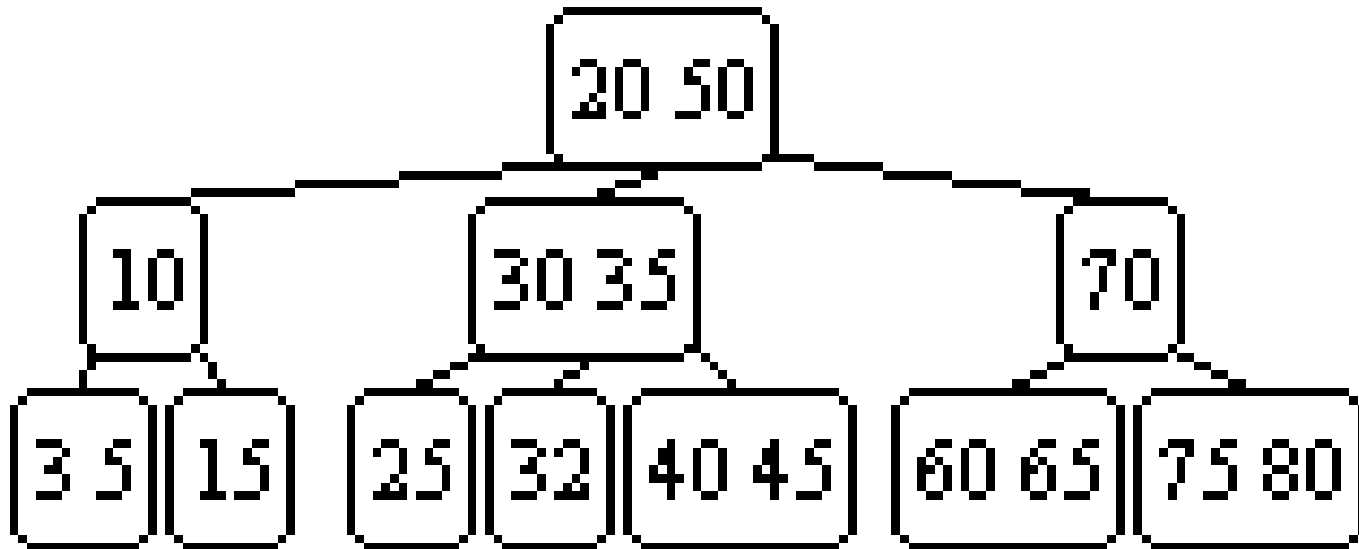
Soldaki en büyük düğüme göre

- Örnek: 10 nolu düğüm sil



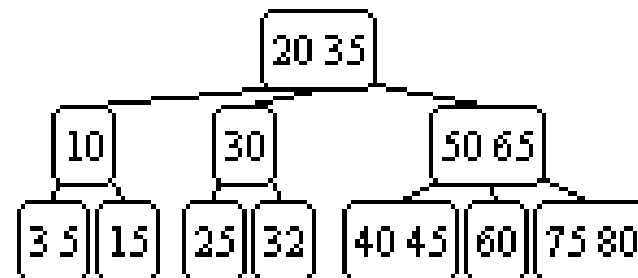
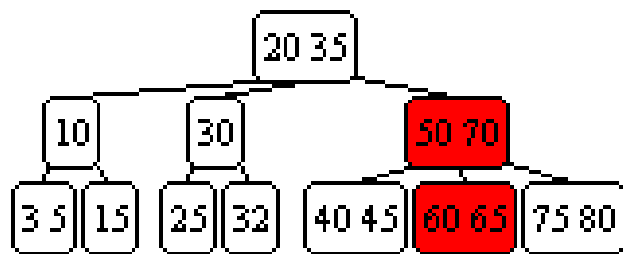
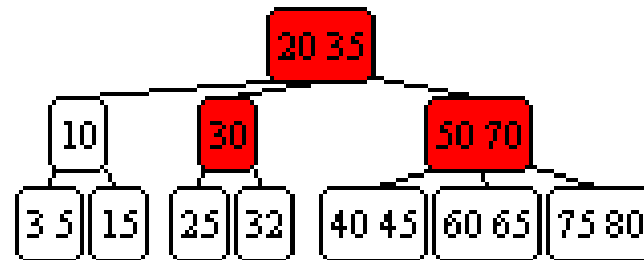
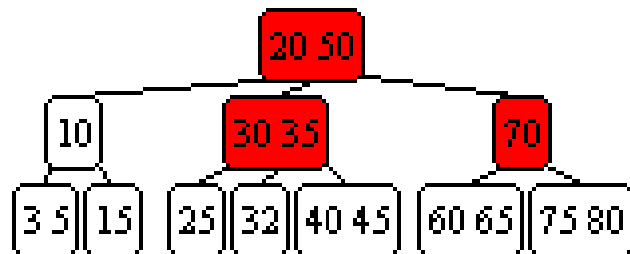
## 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 70,30,50,20,40,65,75,35 nolu düğümleri siliniz



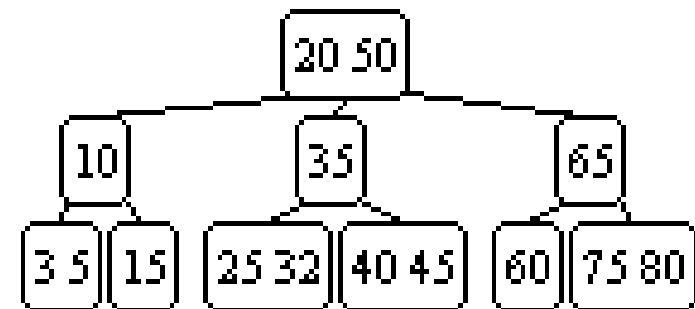
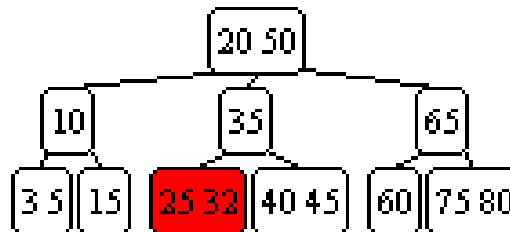
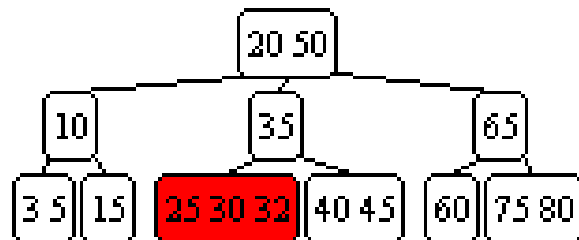
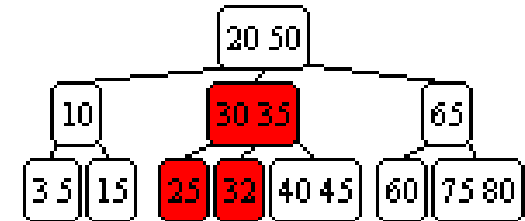
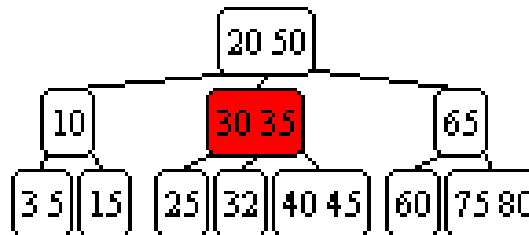
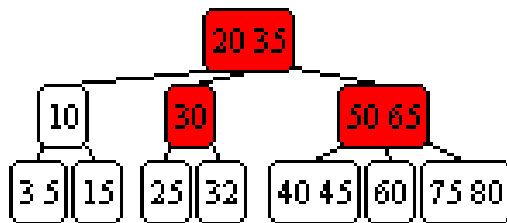
# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 70



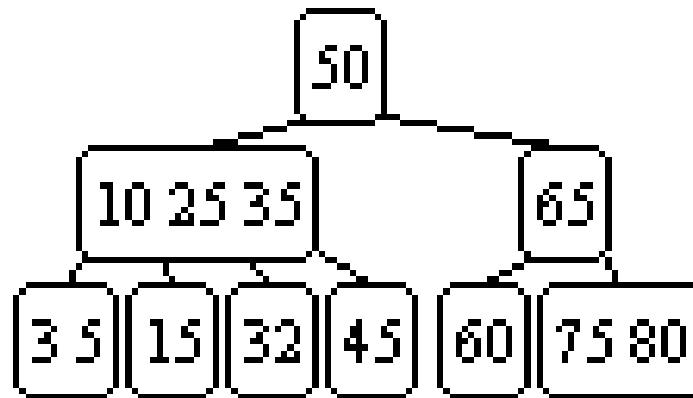
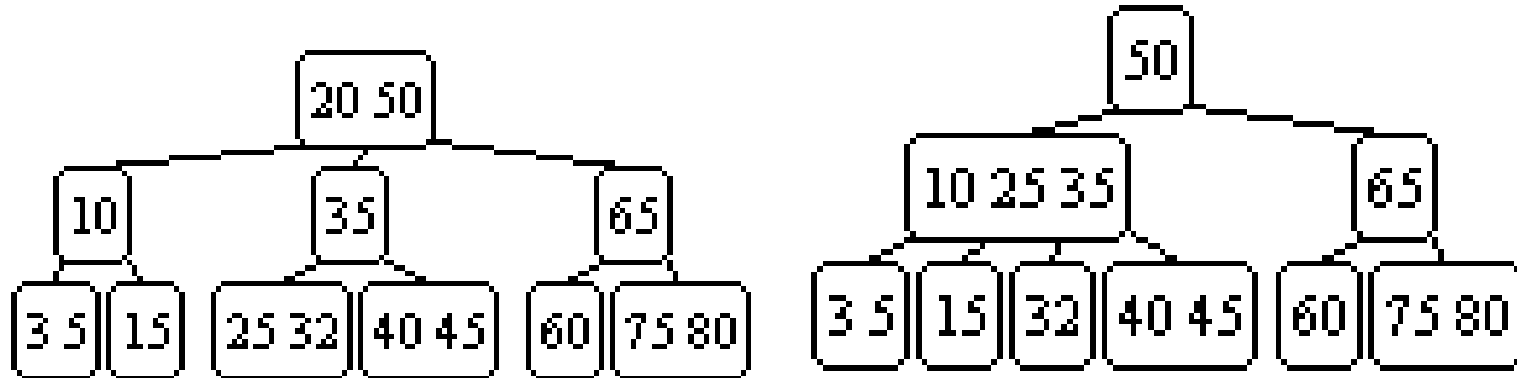
# 2-3- veya 2-3-4 tree

● Örnek: 30



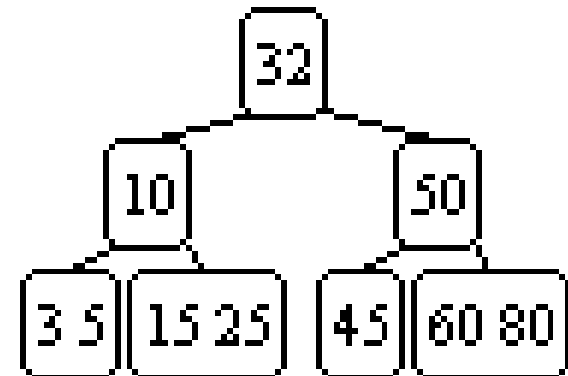
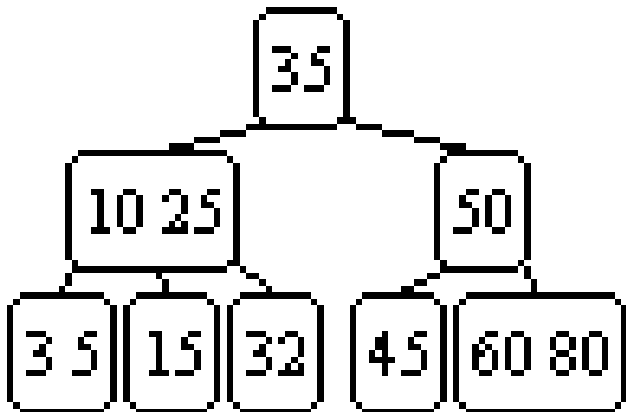
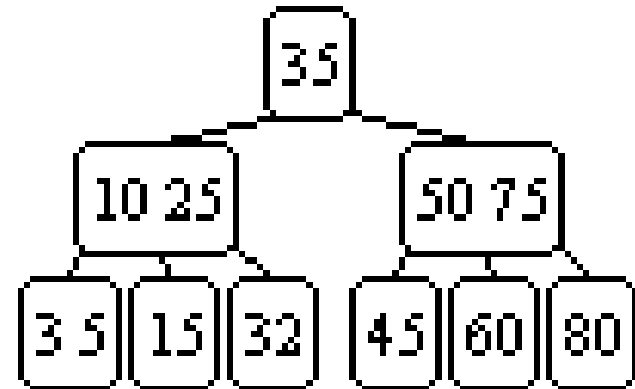
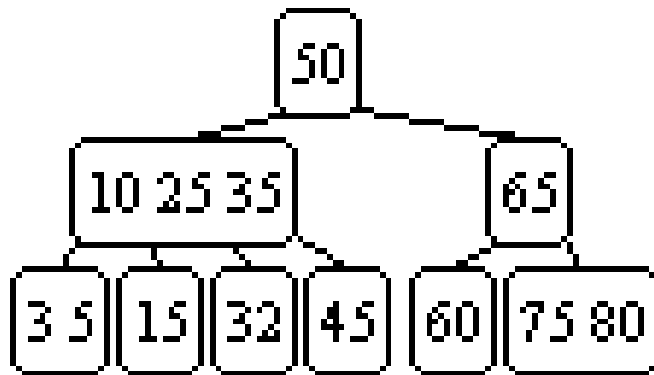
# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 20, 40



# 2-3- veya 2-3-4 tree

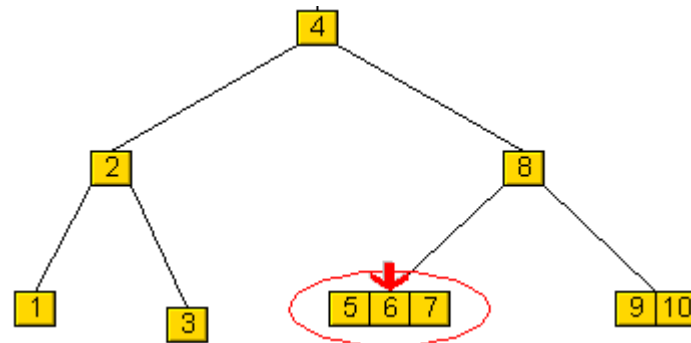
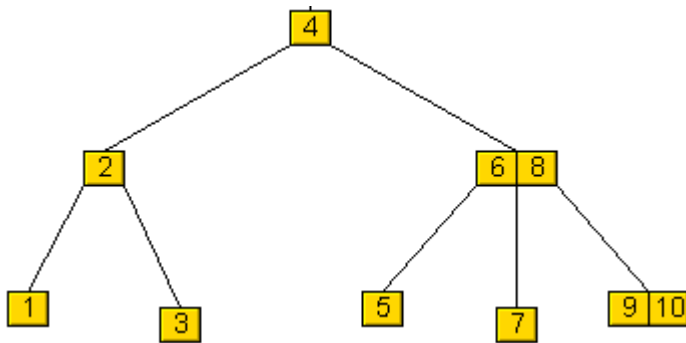
- Örnek: 65,75,35



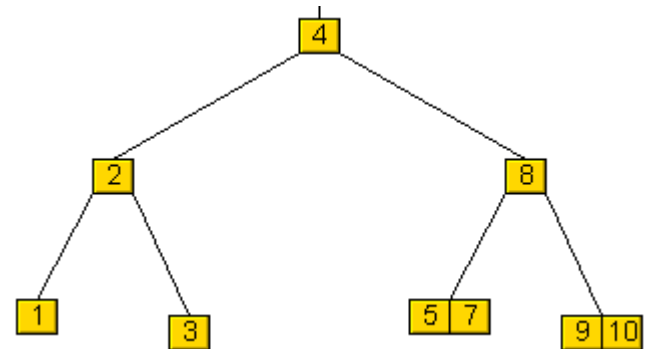


# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: Silme, 6 silindi

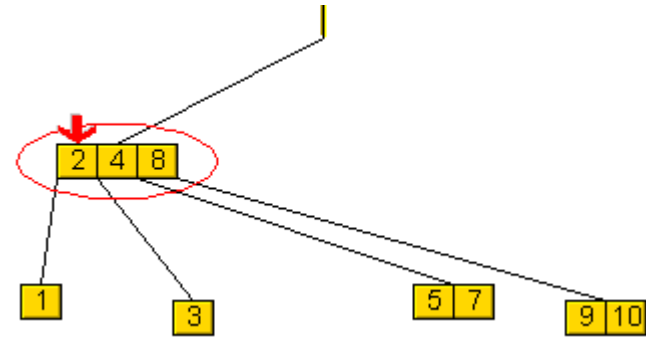
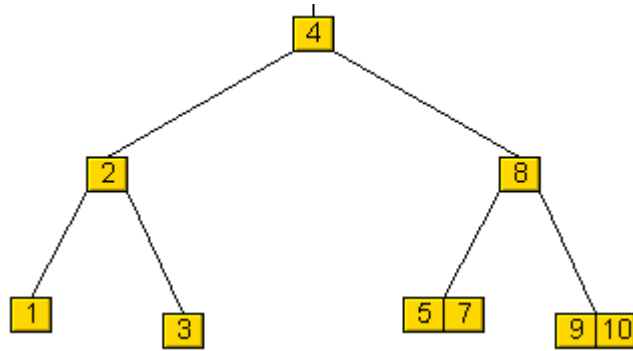


- Silme işlemi gerçekleşmeden 6 değeri sol çocuklar ile birleştiriliyor. Daha sonra siliniyor.

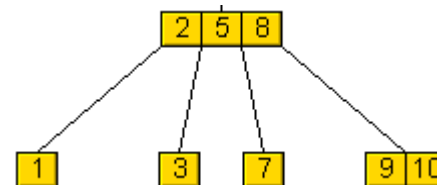
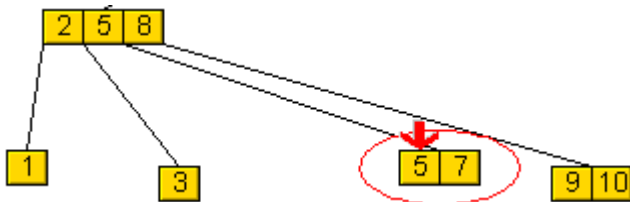


# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 4 silindi



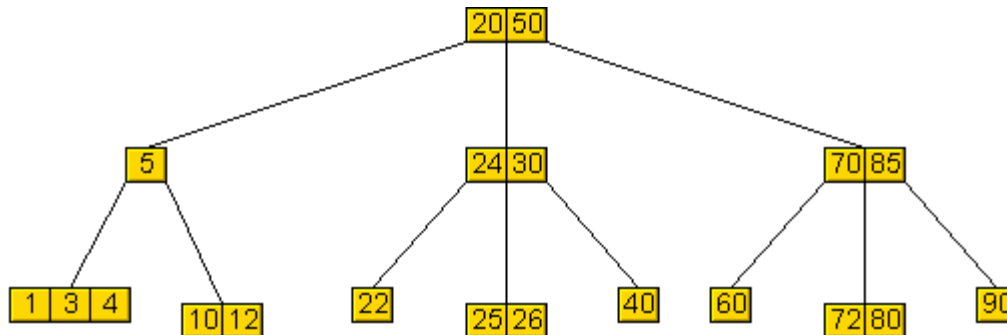
- 4 çocuk olabilmesi için çocuktan da değer alındı.



## 2-3- veya 2-3-4 tree

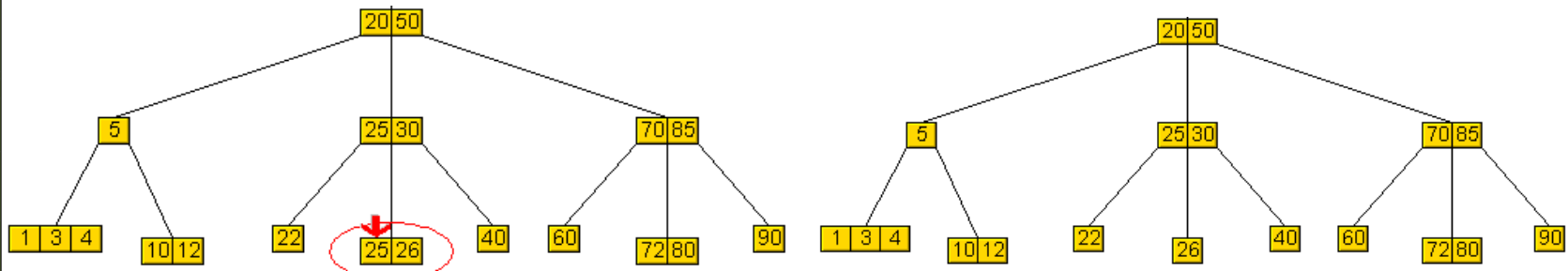
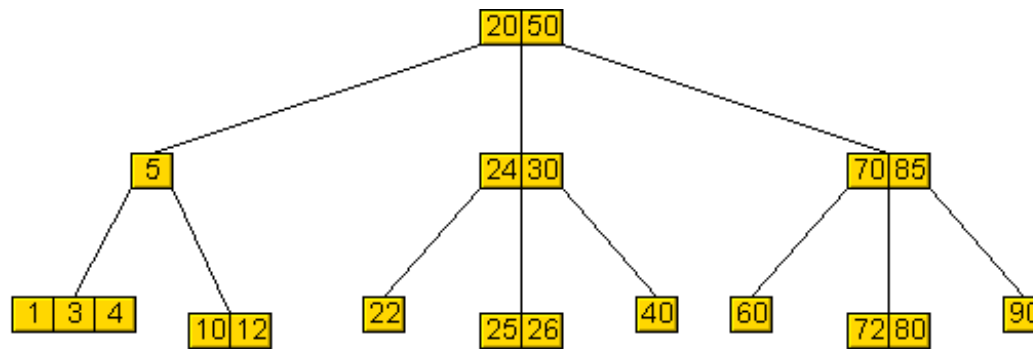
- Örnek:

50,60,20,30,10,5,90,25,40,70,80,22,85,72,3,1,4,12  
,24,26 ağacı oluşturunuz.



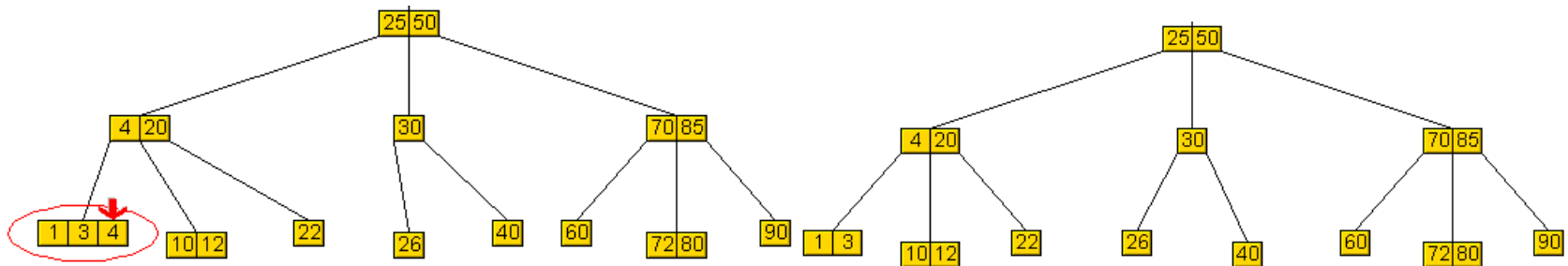
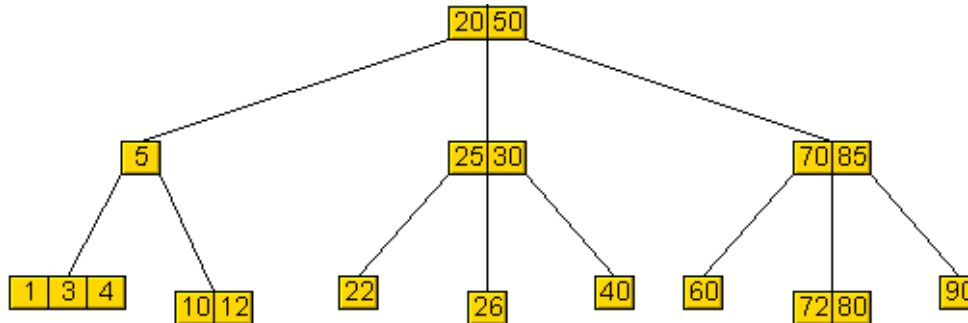
# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 24 nolu düğüm sil



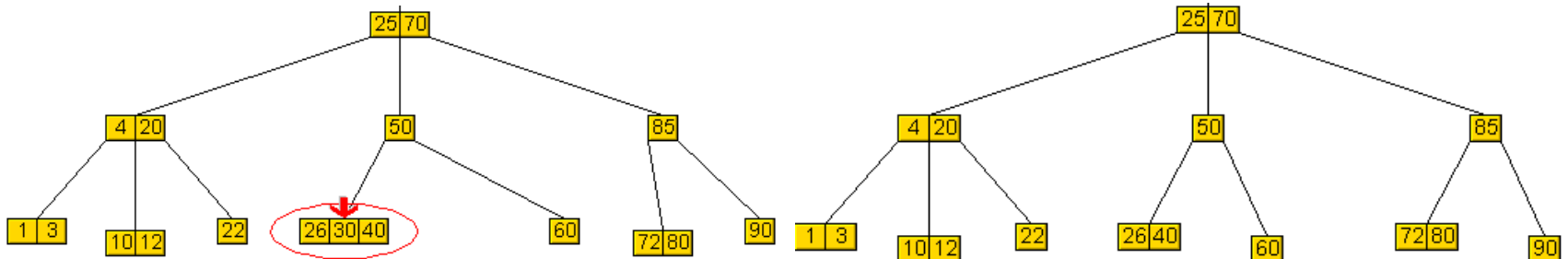
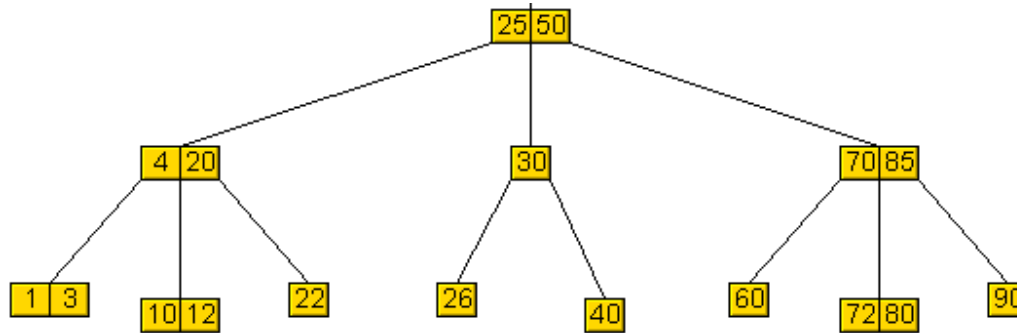
# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 5 nolu düğüm sil



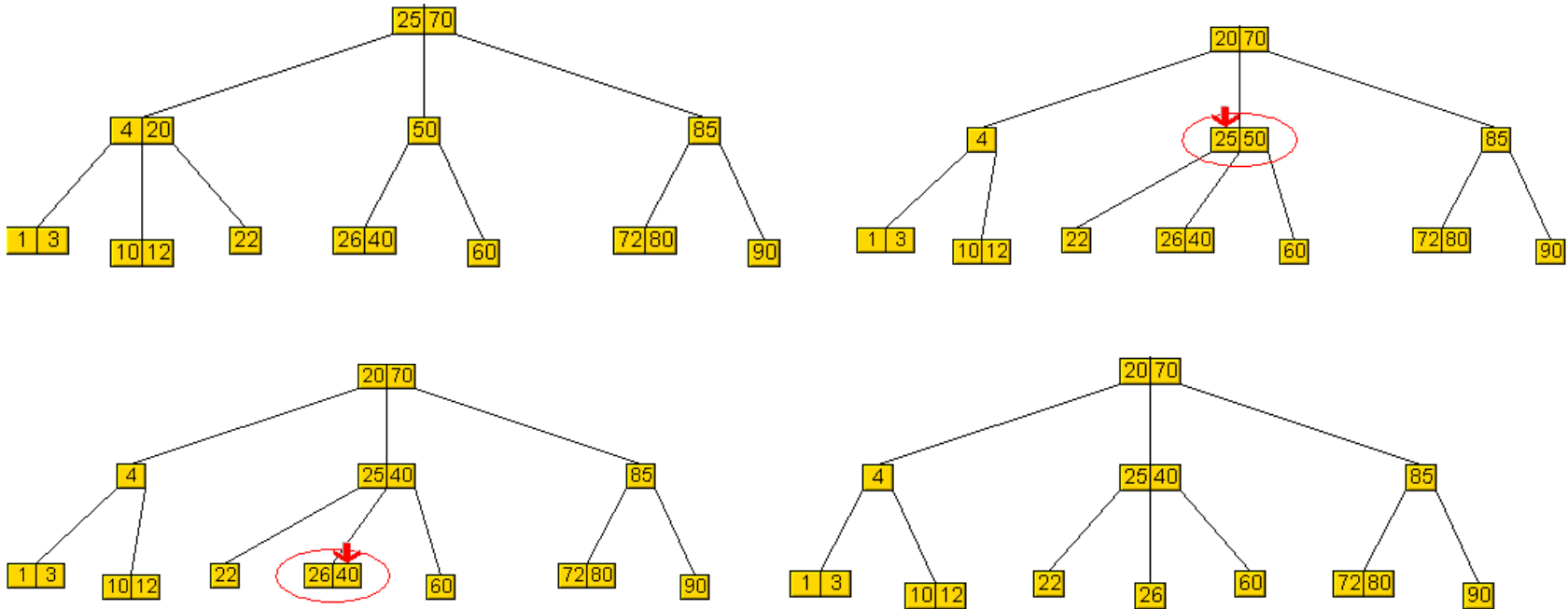
# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 30 nolu düğüm sil



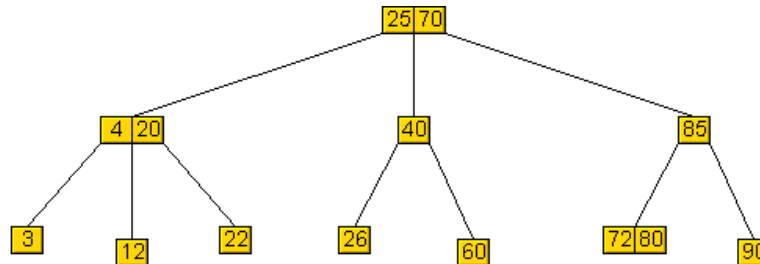
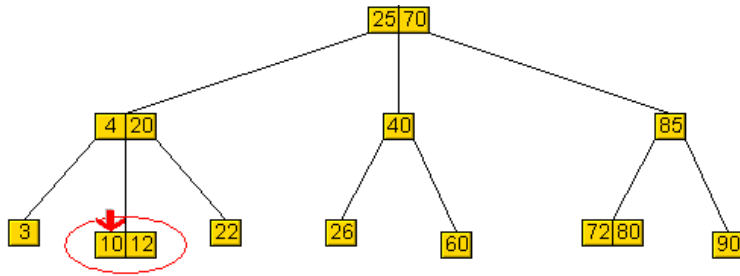
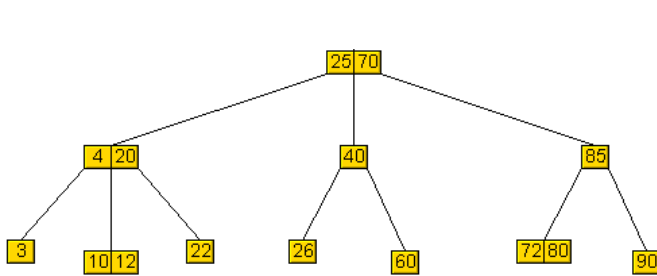
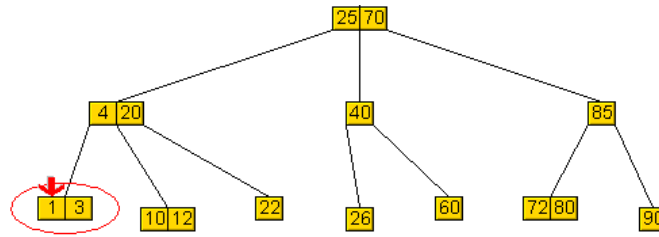
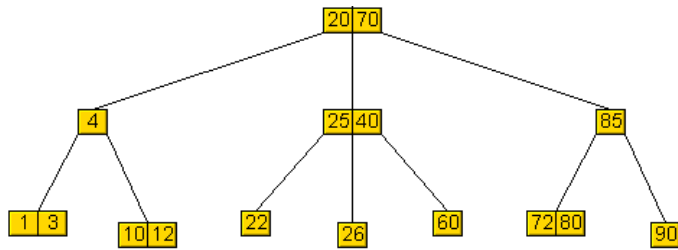
# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 50 nolu düğüm sil



# 2-3- veya 2-3-4 tree

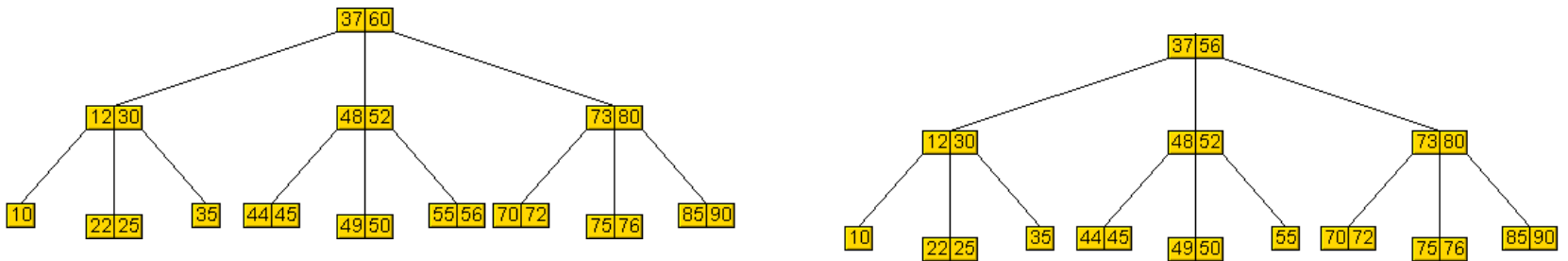
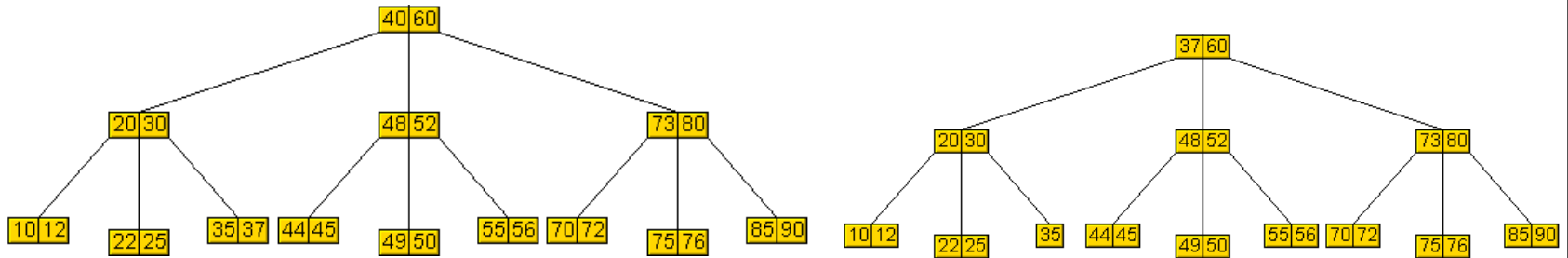
- Örnek: 1,10 nolu düğüm sil





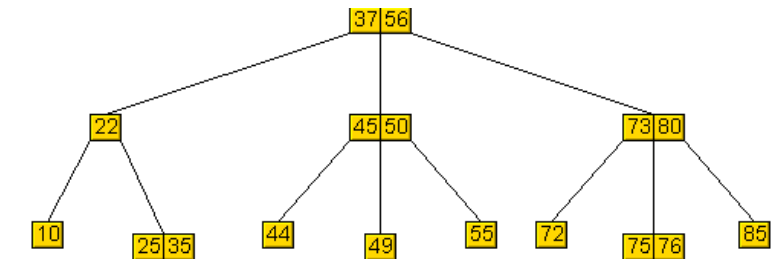
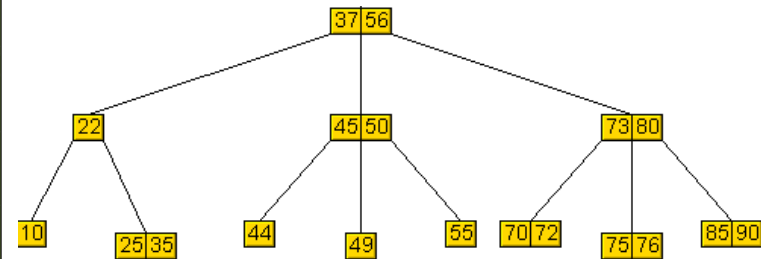
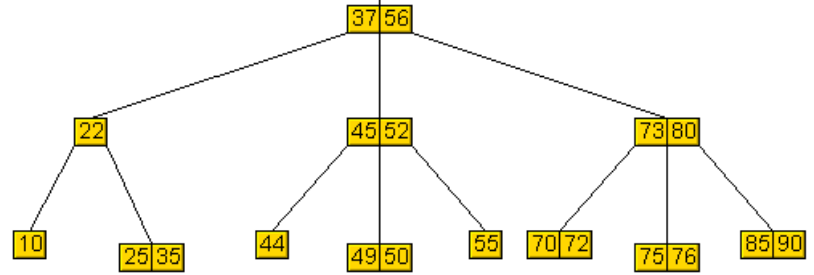
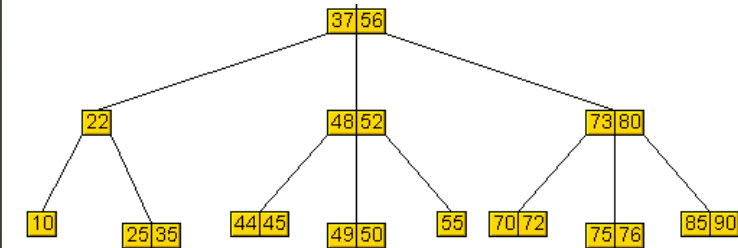
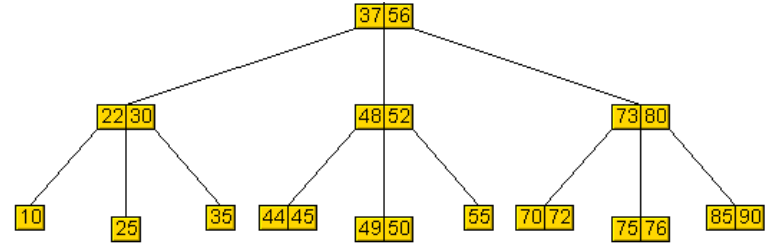
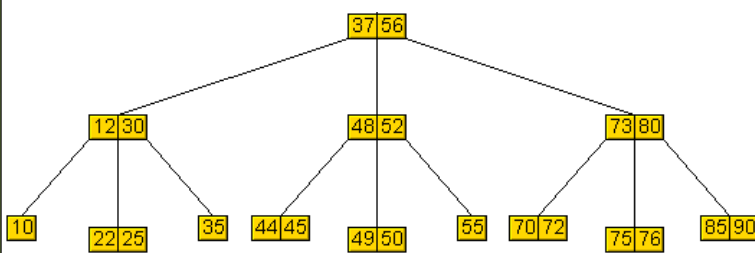
# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 40, 20,60 nolu düğüm sil



# 2-3- veya 2-3-4 tree

- Örnek: 12,30,48,52,70,90 nolu düğüm sil



# SIRALAMA ALGORİTMALARI

# SIRALAMA ALGORİTMALARI

- Sıralama ve arama tekniklerinden pek çok programda yararlanılmaktadır. Günlük yaşamımızda elemanların sıralı tutulduğu listeler yaygın olarak kullanılmaktadır.
- Sıralama, sıralanacak elemanlar bellekte ise internal (içsel), kayıtların bazıları ikincil bellek ortamındaysa external (dışsal) sıralama olarak adlandırılır.

# KABARCIK SIRALAMA (BUBBLE SORT) ALGORİTMASI

- Dizinin elemanları üzerinden ilk elemandan başlayarak ve her geçişte sadece yan yana bulunan iki eleman arasında sıralama yapılır.
- Dizinin başından sonuna kadar tüm elemanlar bir kez işleme tabi tutulduğunda dizinin son elemanı (küçükten büyüğe sıralandığında) en büyük eleman haline gelecektir.

## BUBBLE SORT

- Bir sonraki tarama ise bu en sağdaki eleman dışarıda bırakılarak gerçekleştirilmektedir. Bu dışarıda bırakma işlemi de dış döngüdeki sayaç değişkeninin değerinin her işletimde bir azaltılmasıyla sağlanmaktadır. Sayaç değişkeninin değeri 1 değerine ulaştığında ise dizinin solunda kalan son iki eleman da sıralanmakta ve sıralama işlemi tamamlanmaktadır.
- Bubble sort, sıralama teknikleri içinde anlaşılması ve programlanması kolay olmasına rağmen etkinliği en az olan algoritmalardandır ( $n$  elemanlı  $x$  dizisi için).

## BUBBLE SORT

- **Örnek:**
- 9, 5, 8, 3, 1. rakamlarının azalan şekilde sıralanmasını kabarcık algoritmasıyla gerçekleştirelim.

## BUBBLE SORT

- 1.Tur:



- 1. tur tamamlandığında en büyük eleman olan 9 en sona yerleşmiş olur ve bir daha karşılaştırmaya gerek yoktur.



# SIRALAMA ALGORİTMALARI-BUBBLE SORT

○ 2.Tur:

○



# SIRALAMA ALGORİTMALARI-BUBBLE SORT

- **3.Tur:**

5 3 1 8 9  
↙ ↘  
3 5 1 8 9

3 5 1 8 9  
↙ ↘  
3 1 5 8 9

- **4.Tur:**

- 3 1 5 8 9  
↙ ↘  
1 3 5 8 9

## BUBBLE SORT

```
○ public static void bubblesort(int [] x)
○ {   int n = x.Length;   int tut, j, gec;
○   for (gec=0; gec<n-1; gec++)
○     { for(j=0; j<n-gec-1; j++)
○       { if (x[j] > x[j+1])
○         {
○           tut = x[j];
○           x[j] = x[j+1];
○           x[j+1] = tut;
○         }
○       }
○     }
○ }
```

- en fazla (n-1) iterasyon gerektirir.

## BUBBLE SORT

- **Veriler** : 25 57 48 37 12 92 86 33
- **Tekrar 1** : 25 48 37 12 57 86 33 92
- **Tekrar 2** : 25 37 12 48 57 33 86 92
- **Tekrar 3** : 25 12 37 48 33 57 86 92
- **Tekrar 4** : 12 25 37 33 48 57 86 92
- **Tekrar 5** : 12 25 33 37 48 57 86 92
- **Tekrar 6** : 12 25 33 37 48 57 86 92
- **Tekrar 7** : 12 25 33 37 48 57 86 92

## BUBBLE SORT

- Analizi kolaydır (İyileştirme yapılmamış algoritmada) :
- $(n-1)$  iterasyon ve her iterasyonda  $(n-1)$  karşılaştırma.
- Toplam karşılaştırma sayısı :  $(n-1)*(n-1) = n^2 - 2n + 1 = O(n^2)$
- (Yukarıdaki gibi iyileştirme yapılmış algoritmada etkinlik) :
- iterasyon  $i$ 'de,  $(n-i)$  karşılaştırma yapılacaktır.
  
- Toplam karşılaştırma sayısı =  $(n-1) + (n-2) + (n-3) + \dots + (n-k)$   
=  $kn - k*(k+1)/2$   
=  $(2kn - k^2 - k)/2$
- ortalama iterasyon sayısı,  $k$ ,  $O(k.n)$  olduğundan =  $O(n^2)$

## BUBBLE SORT

- Performans:
- Kabarcık sıralama algoritması ortalama  $N^2/2$  karşılaştırma ve  $N^2/2$  yer değiştirme işlemi gerçekleştirir ve bu işlem sayısı en kötü durumda da aynıdır.

## HIZLI SIRALAMA (QUICKSORT)

- **n** elemanlı bir dizi sıralanmak istendiğinde dizinin herhangi bir yerinden  $x$  elemanı seçilir (örnek olarak ortasındaki eleman).  $x$  elemanı  $j$ . yere yerleştiğinde  $0$ . ile  $(j-1)$ . yerler arasındaki elemanlar  $x$ 'den küçük,  $j+1$ 'den  $(n-1)$ 'e kadar olan elemanlar  $x$ 'den büyük olacaktır. Bu koşullar gerçekleştirildiğinde  $x$ , dizide en küçük  $j$ . elemandır. Aynı işlemler,  $x[0]-x[j-1]$  ve  $x[j+1]-x[n-1]$  alt dizileri (parçaları) için tekrarlanır. Sonuçta veri grubu sıralanır.





## QUICKSORT

	0	4	8	12	16	20	24	28
○	23	398	34	100	57	67	55	320
○	23	398	34	100	57	67	55	320
○	23	55	34	100	57	67	398	320
○	23	55	34	100	57	67	398	320
○	23	55	34	100	57	67	398	320
○	23	55	34	67	57	100	398	320

# QUICKSORT

○	0	4	8	12	16	20	24	28
○	23	55	34	67	57	100	398	320
○	23	34	55	67	57	100	320	398
○	23	34	55	67	57	100	320	398
○	23	34	55	57	67	100	320	398

## QUICKSORT

- Eğer şanslı isek, seçilen her eleman ortanca değere yakınsa  $\log_2 n$  iterasyon olacaktır =  **$O(n \log_2 n)$** . Ortalama durumu işletim zamanı da hesaplandığında  $O(n \log_2 n)$ 'dir, yani genelde böyle sonuç verir. En kötü durumda ise parçalama dengesiz olacak ve  $n$  iterasyonla sonuçlanacağında  **$O(n^2)$**  olacaktır (en kötü durum işletim zamanı).

## QUICKSORT – C code

- Pivot orta elaman seçildi
- #include <stdio.h>
- void **qsort2** (double \*left, double \*right){
- double \*p = left, \*q = right, w, x=(left+(right-left>>1));
- /\* ilk aders ile son adres değerinin farkını alıp 2 ye böldükten sonra çıkan değeri tekrar ilk adresle topluyor.adres değerlerini görmek için
- printf("%f ",\*(left+(right-left>>1)));
- printf("r %d\n",right); printf("l %d\n",left);\*/
- do {
- while(\*p<x) p++;
- while(\*q>x) q--;
- if(p>q) break;
- w = \*p; \*p = \*q; \*q = w;
- } while(++p <= --q);
- if(left<q) qsort2(left,q);
- if(p<right) qsort2(p,right); }
- void main(){
- double dizi[8] = { 23, 398, 34, 100, 57, 67, 55, 320 };
- **qsort2** ( &dizi[0], &dizi[7] );
- for(int i=0;i<8;i++) printf("%f ",dizi[i]);}

## QUICKSORT – C# Code

- Başlangıçta Pivot en son elaman seçildi
- `public static void QuickSort(int[] input, int left, int right)`
- `{ if (left < right)`
- `{ int q = Partition(input, left, right);`
- `QuickSort(input, left, q - 1); QuickSort(input, q + 1, right); }`
- `}`
- `private static int Partition(int[] input, int left, int right)`
- `{ int pivot = input[right];`
- `int temp; int i = left;`
- `for (int j = left; j < right; j++)`
- `{ if (input[j] <= pivot)`
- `{ temp = input[j]; input[j] = input[i]; input[i] = temp; i++; }`
- `}`
- `input[right] = input[i]; input[i] = pivot;`
- `return i;`
- `}`

## QUICKSORT – C# Code

```
○ static void Main(string[] args)
○     {
○         int [] dizi = { 23, 398, 34, 100, 57, 67, 55, 320 };
○
○         QuickSort(dizi, 0, dizi.Length - 1);
○
○         for(int i=0;i<8;i++) Console.Write(" "+dizi[i]);
○     }
```

## QUICKSORT – Java Code

- Pivot ilk elaman seçildi
- import TerminalIO.\*;
- class QuickSort{
- public static void main(String []args){
- KeyboardReader input=new KeyboardReader();
- int n=input.readInt("enter list size : ");
- int[] Arr=new int[n];
- for(int i=0;i<n;i++)
- Arr[i]=input.readInt("enter elements :");
- int pivot1;
- pivot1=partition(Arr,0, n-1);
- System.out.println("Pivot Value is "+pivot1);
- 
- 
- quicksort(Arr, 0, n-1);
- for(int j=0; j<Arr.length ; j++)
- System.out.println(Arr[j]);
- }
-

## QUICKSORT – Java Code

```

○ public static void quicksort(int array[], int left,int right)
○ { int pivot =partition(array, left, right);
○   if (left<pivot)
○     quicksort(array, left, pivot-1);
○   if (right>pivot)
○     quicksort(array, pivot+1, right);
○ }
○ public static int partition(int numbers[],int left,int right)
○ { int l_hold,r_hold,i;   int pivot; l_hold=left;           r_hold=right;
○   pivot=numbers[left];
○   while(left<right){
○     while((numbers[right]>=pivot)&&(left<right)) right--;
○     if(left!=right) {      numbers[left]=numbers[right]; left++;      }
○     while((numbers[left]<=pivot)&&(left<right)) left++;
○     if(left!=right){ numbers[right]=numbers[left]; right--; }
○   }
○   numbers[left]=pivot;           pivot=left;           left=l_hold;
○   right=r_hold;                 return pivot;
○ } }

```



## SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)

- Dizideki en küçük elemanı bul, bu elemanı dizinin son (yer olarak) elemanı ile yer değiştir.
- Daha sonra ikinci en küçük elemanı bul ve bu elemanı dizinin ikinci elemanı ile yer değiştir. Bu işlemi dizinin tüm elemanları sıralanıncaya kadar sonraki elemanlarla tekrar et.
- Elemanların seçilerek uygun yerlerine konulması ile gerçekleştirilen bir sıralamadır :

## SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)

- Örnek: 9, 5, 8, 3, 1. rakamlarının azalan şekilde sıralanmasını seçmeli sıralama algoritmasıyla gerçekleştirelim. (Küçük olanı bul)
- 1. Tur:
- 9 5 8 3 1   9 5 8 3 1   9 5 8 **3** 1   9 5 8 **3** 1
- 9 5 8 3 1   9 5 8 3 1   9 5 8 **3** 1   9 5 8 3 **1**
- 9 5 8 3 **1**
- **1** 5 8 3 9

## SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)

- 2. Tur:
- 1 5 8 3 9    1 5 8 3 9    1 5 8 3 9
- 1 5 8 3 9    1 5 8 3 9    1 3 8 5 9
- 3. Tur:
- 1 3 8 5 9    1 3 8 5 9
- 1 3 8 5 9    1 3 5 8 9
- 4. Tur:
- Sıralama tamam

# SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)-java

```
○ public static int [] selectionsort(int [] A,int n)
○ {
○     int tmp;    int min;
○
○     for(int i=0; i < n-1; i++)
○     {
○         min=i;
○
○         for(int j=i; j < n-1; j++)
○         {
○             if (A[j] < A[min]) {    min=j;    }
○         }
○         tmp=A[i];    A[i]=A[min];    A[min]=tmp;
○     }
○     return A;
○ }
```

# SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT) -C

```
○ #include <stdio.h>
○ void selectsort(int x[], int n) {
○   int i, indx, j, large;
○   for(i=0; i<n; i++) {
○     large = x[i];  indx = i;
○     for(j=i+1; j<n; j++)
○       if (x[j] < large) {  large = x[j];  indx = j;  printf("a=%d \n ",x[j]);  }
○
○     x[indx] = x[i];
○     x[i] = large;  }
○ }
○ void main() {
○   int dizi[8] = {25, 57, 48, 37, 12, 92, 86, 33};
○   selectsort( &dizi[0], 8);
○   for(int i=0;i<8;i++) printf("%d\n ",dizi[i]);
○ }
```

## SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)

- En küçüğe göre sıralama
- Veriler : **25** 57 48 37 **12** 92 86 33
- Tekrar 1 : **12** 57 48 37 **25** 92 86 33
- Tekrar 2 : 12 **25** 48 37 **57** 92 86 33
- Tekrar 3 : 12 25 **33** 37 57 92 86 **48**
- Tekrar 4 : 12 25 33 **37** 57 92 86 48
- Tekrar 5 : 12 25 33 37 **48** 92 86 **57**
- Tekrar 6 : 12 25 33 37 48 **57** 86 **92**
- Tekrar 7 : 12 25 33 37 48 57 **86** 92

Tekrar 8: 12 25 33 37 48 57 86 **92**

- Selection Sort'un analizi doğrudandır.
- turda (n-1),
- turda (n-2),
- ...
- (n-1). Turda 1, karşılaştırma yapılmaktadır.
- Toplam karşılaştırma sayısı  $= (n-1)+(n-2)+\dots+1 = n*(n-1)/2$
- $= (1/2)n^2-(1/2)n = O(n^2)$

# SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)

- //Enbüyük elemanı bulup sona atarak selection sıralama
- 
- #include <stdio.h>
- void selectsort(int x[], int n) {
- int i, indx, j, large;
- for(i=0; i<n; i++) {
- large = x[n-i-1]; indx=n-i-1;
- for(j=0; j<n-i; j++)
- if(x[j]>large) { large = x[j]; indx = j; }
- x[indx] = x[n-i-1];
- x[n-i-1] = large;
- }
- }
- void main() {
- int dizi[8] = {25, 57, 48, 37, 12, 92, 86, 33};
- selectsort( &dizi[0], 8);
- for(int i=0;i<8;i++) printf("%d\n ",dizi[i]);
- }
-

## SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)

- En büyüğüne göre sıralama (en sondakini en büyük al)
- Veriler : 25 57 48 37 12 92 86 33
- Tekrar 1 : 25 57 48 37 12 33 86 92
- Tekrar 2 : 25 57 48 37 12 33 86 92
- Tekrar 3 : 25 33 48 37 12 57 86 92
- Tekrar 4 : 25 33 12 37 48 57 86 92
- Tekrar 5 : 25 33 12 37 48 57 86 92
- Tekrar 6 : 25 12 33 37 48 57 86 92
- Tekrar 7 : 12 25 33 37 48 57 86 92



## SEÇMELİ SIRALAMA (SELECTION SORT)

- **Performans :**  
N elemanlı bir dizi için, seçerek sıralama algoritması yaklaşık  $N^2/2$  karşılaştırma ve N yer değiştirme işlemi gerçekleştirmektedir. Bu özelliği seçerek sıralama işlevinin gerçekleştirminden çıkarmak mümkündür.
- Dış döngünün her işletiminde bir tek yer değiştirme işlemi gerçekleştirildiğinden, bu döngü N adet işletildiğinde (N=dizi boyutu) N tane yer değiştirme işlemi gerçekleştirilecektir.
- Bu döngünün her işletiminde ayrıca N-i adet karşılaştırma gerçekleştirildiğini göz önüne alırsak toplam karşılaştırma sayısı  $(N-1)+(N-2)+\dots+2+1 \rightarrow N^2/2$  olacaktır.

## EKLEMELİ SIRALAMA (INSERTION SORT)

- Yerleştirerek sıralama işlevi belirli bir anda dizinin belirli bir kısmını sıralı tutarak ve bu kısmı her adımda biraz daha genişleterek çalışmaktadır. Sıralı kısım işlev son bulunca dizinin tamamına ulaşmaktadır.
- Elemanların sırasına uygun olarak listeye tek tek eklenmesi ile gerçekleştirilen sıralamadır :

# INSERTION SORT

<b>Veriler</b>	25	57	48	37	12	92	86	33
<b>Tekrar 1</b>	25	57	48	37	12	92	86	33
<b>Tekrar 2</b>	25	48	57	37	12	92	86	33
<b>Tekrar 3</b>	25	37	48	57	12	92	86	33
<b>Tekrar 4</b>	12	25	37	48	57	92	86	33
<b>Tekrar 5</b>	12	25	37	48	57	92	86	33
<b>Tekrar 6</b>	12	25	37	48	57	86	92	33
<b>Tekrar 7</b>	12	25	33	37	48	57	86	92

# INSERTION SORT

```
○ void insertsort(int x[], int n)
○ {
○   int i,k,y;
○   for(k=1; k<n; k++)
○   {
○     y=x[k];
○     for(i=k-1; i>=0 && y<x[i]; i--)
○       x[i+1]=x[i];
○     x[i+1]=y;
○   };
○ }
```

# INSERTION SORT

- **Performans :**
- Eğer veriler sıralı ise her turda 1 karşılaştırma yapılacaktır ve  $O(n)$  olacaktır.
- Veriler ters sıralı ise toplam karşılaştırma sayısı:
- $(n-1)+(n-2)+\dots+3+2+1 = n*(n+1)/2 = O(n^2)$  olacaktır.
- Simple Insertion Sort'un ortalama karşılaştırma sayısı ise  $O(n^2)$ 'dir.
- Selection Sort ve Simple Insertion Sort, Bubble Sort'a göre daha etkindir. Selection Sort, Insertion Sort'tan daha az atama işlemi yaparken daha fazla karşılaştırma işlemi yapar.

# INSERTION SORT

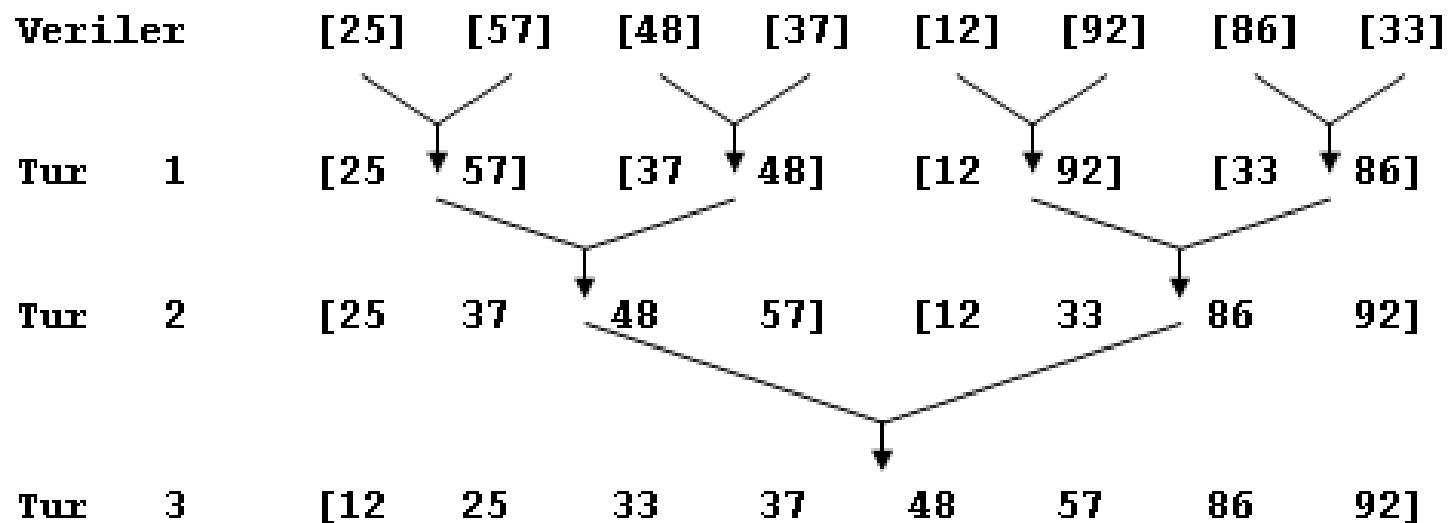
- Bu nedenle Selection Sort, az elemanlı veri grupları için (atamaların süresi çok fazla olmaz) ve karşılaştırmaların daha az yük getireceği basit anahtarlı durumlarda uygundur.
- Tam tersi için, insertion sort uygundur. Elemanlar bağlı listedelerse araya eleman eklemelerde veri kaydırma olmayacağından insertion sort mantığı uygundur.
- $n$ 'in büyük değerleri için quicksort, insertion ve selection sort'tan daha etkindir. Quicksort'u kullanmaya başlama noktası yaklaşık 30 elemanlı durumlardır; daha az elemanın sıralanması gerektiğinde insertion sort kullanılabilir.

## Birleştirmeli Sıralama (MERGE SORT)

- Verinin hafızada sıralı tutulması için geliştirilen sıralama algoritmalarından (sorting algorithms) bir tanesidir.
- Basitçe sıralanacak olan diziyi ikişer elemanı kalan parçalara inene kadar sürekli olarak ikiye böler. Sonra bu parçaları kendi içlerinde sıralayarak birleştirir.
- Sonuçta elde edilen dizi sıralı dizinin kendisidir. Bu açıdan bir parçala fethet (divide and conquer) yaklaşımıdır.

## Birleştirmeli Sıralama (MERGE SORT)

- Sıralı iki veri grubunu birleştirerek üçüncü bir sıralı veri grubu elde etmeye dayanır.





## Birleştirmeli Sıralama (MERGE SORT)

- Sıralanmak istenen verimiz:
- 5,7,2,9,6,1,3,7 olsun.
- Bu verilerin bir oluşumun(composition) belirleyici alanları olduğunu dűřünebiliriz. Yani őrneđin vatandaşlık numarası veya őrrenci numarası gibi. Dolayısıyla őrneđin őrrencilerin numaralarına gře sıralanması durumunda kullanılabilir.
- Birleştirme sıralamasının çalışması yukarıdaki bu örnek dizi izerinde adım adım gsterilmiştir. Öncelikle parçalama adımları gelir. Bu adımlar aşağıdadır.
- 1. adım diziyi ikiye böl:
- 5,7,2,9 ve 6,1,3,7
- 2. adım çıkan bu dizileri de ikiye böl:
- 5,7 ; 2,9 ; 6,1 ; 3,7

## Birleştirmeli Sıralama (MERGE SORT)

- 3. adım elde edilen parçalar 2 veya daha küçük eleman sayısına ulaştığı için dur (aksi durumda bölme işlemi devam edecekti)
- 4. adım her parçayı kendi içinde sırala
- 5,7 ; 2,9 ; 1,6 ; 3,7
- 5. Her bölünmüş parçayı birleştir ve birleştirirken sıraya dikkat ederek birleştir (1. ve 2. parçalar ile 3. ve 4. parçalar aynı gruptan bölünmüştü)
- 2,5,7,9 ve 1,3,6,7
- 6. adım, tek bir bütün parça olmadığı için birleştirmeye devam et
- 1,2,3,5,6,7,7,9
- 7. adım sonuçta bir bütün birleşmiş parça olduğu için dur. İşte bu sonuç dizisi ilk dizinin sıralanmış halidir.

## MERGE SORT- Java

- Öncelikle birleştirme sıralamasının ana fonksiyonu:
- `public class MergeSort {`
- `private int[] list;`
- `// sıralanacak listeyi alan inşa fonksiyonu`
- `public MergeSort(int[] listToSort) {list = listToSort; }`
- `// listeyi döndüren kapsülleme fonksiyonu`
- `public int[] getList() { return list; }`
- `// dışarıdan çağırılan sıralama fonksiyonu`
- `public void sort() { list = sort(list); }`
- `// Özyineli olarak çalışan ve her parça için kullanılan sıralama fonksiyonu`
- `private int[] sort(int[] whole) {`
- `if (whole.length == 1) { return whole; }`
- `else {`
- `// diziyi ikiye bölüyoruz ve solu oluşturuyoruz`
- `int[] left = new int[whole.length/2];`
- `System.arraycopy(whole, 0, left, 0, left.length);`

## MERGE SORT- Java

- //dizinin sağıını oluşturuyoruz ancak tek sayı ihtimali var
- `int[] right = new int[whole.length-left.length];`
- `System.arraycopy(whole, left.length, right, 0, right.length);`
- // her iki tarafı ayrı ayrı sıralıyoruz
- `left = sort(left);`
- `right = sort(right);`
- // Sıralanmış dizileri birleştiriyoruz
- `merge(left, right, whole);`
- `return whole;`
- `}`
- `}`

## MERGE SORT- Java

- // birleştirme fonksiyonu
- private void merge(int[] left, int[] right, int[] result) {
- int x = 0;   int y = 0;   int k = 0;
- // iki dizide de eleman varken
- while (x < left.length && y < right.length)
- {   if (left[x] < right[y]) { result[k] = left[x];    x++;   }
- else {   result[k] = right[y];    y++;   }
- k++;
- }
- int[] rest;   int restIndex;
- if (x >= left.length) {   rest = right;   restIndex = y;   }
- else {   rest = left;   restIndex = x;   }
- for (int i=restIndex; i<rest.length; i++) {   result[k] = rest[i];   k++;   }
- }

## MERGE SORT- Java

```
○ public static void main(String[] args) {  
○     int[] arrayToSort = {15, 19, 4, 3, 18, 6, 2, 12, 7, 9, 11, 16};  
○     System.out.println("Unsorted:");  
○     for(int i = 0;i< arrayToSort.length ; i++){  
○         System.out.println(arrayToSort[i] + " ");  
○     }  
○     MergeSort sortObj = new MergeSort(arrayToSort);  
○     sortObj.sort();  
○     System.out.println("Sorted:");  
○     int [] sirali = sortObj.getList();  
○     for(int i = 0;i< sirali.length ; i++){  
○         System.out.println(sirali[i] + " ");  
○     }  
○ }  
○ }
```

## MERGE SORT- C

```

○ #include <conio.h>
○ #define Boyut 8
○ void mergesort(int x[], int n) {
○   int aux[Boyut], i,j,k,L1,L2,size,u1,u2,tur=0; size = 1;
○   while(size<n) {
○     L1 = 0; tur++; k = 0; printf("Tur Sayısı:%d\n",tur); getch();
○     while(L1+size<n) {
○       L2 = L1+size; u1 = L2-1; u2 = (L2+size-1<n) ? L2+size-1 : n-1;
○       for(i=L1,j=L2; i<=u1 && j<=u2; k++){
○         if(x[i]<=x[j]) aux[k]=x[i++]; else aux[k]=x[j++];          printf("aux[]={%d\n",aux[k]);
○       }
○       for(;i<=u1;k++) { aux[k] = x[i++]; printf("aux[]={%d\n",aux[k]);}
○       for(;j<=u2;k++) {aux[k] = x[j++]; printf("aux[]={%d\n",aux[k]);}
○       L1 = u2+1;
○     }
○     for(i=L1;k<n;i++){ aux[k++] = x[i]; printf("aux[]={%d\n",aux[k]);}
○     for(i=0;i<n;i++) x[i]=aux[i];
○     size*=2;
○   }
○ }
○ void main() {
○   int dizi[8] = { 25,57, 48, 37, 12, 33, 86,92 }; mergesort( &dizi[0], 8);
○   for(int i=0;i<8;i++) printf("%d\n ",dizi[i]);
○ }

```

## MERGE SORT

- Analiz :  $\log_2 n$  tur ve her turda  $n$  veya daha az karşılaştırma =  $O(n \log_2 n)$  karşılaştırma.
- Quicksort'ta en kötü durumda  $O(n^2)$  karşılaştırma gerektiği düşünülürse daha avantajlı. Fakat mergesort'ta atama işlemleri fazla ve dizi için daha fazla yer gerekiyor.



## Yığın Sıralaması (HEAP SORT)

- Her düğümün çocuk düğümlerinin kendisinden küçük veya eşit olma kuralını esas alır.
- Sıralama yapısı; dizinin ilk elemanı her zaman en büyük olacaktır.
- Dizi üzerinde  $i$ . elemanla, çocukları  $2i$ . ve  $(2i+1)$  karşılaştırılıp büyük olan elemanlar yer değiştirilecektir.

## HEAP SORT

- Dizinin son elamanları dizinin ortasındaki elamanların **çocuk düğümü** olacağından bu işlem dizinin yarısına kadar yapılır.
- Elde edilen diziyi sıralamak için ise dizinin ilk elmanı en büyük olduğu bilindiğinden dizinin son elmanı ile ilk elemanı yer değiştirilerek büyük elaman sona atılır.
- Bozulan diziyeye yukarıdaki işlemler tekrar uygulanır. Dizi boyutu 1 oluncaya kadar işleme devam edilir.

## HEAP SORT

- Bu algoritmanın çalışma zamanı,  $O(n \log n)$ 'dir.
- En kötü durumda en iyi performansı garanti eder.
- Fakat karşılaştırma döngülerinden dolayı yavaş çalışacaktır.

## HEAP SORT

- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `#include <conio.h>`
- `void downheap( int dizi[], int k, int N) {`
- `int T=dizi[k-1];`
- `while ( k<=N/2) {`
- `int j=k+k;`
- `if( (j<N) && ( dizi[j-1]<dizi[j] ) ) j++;`
- `if ( T>=dizi[j-1]) break;`
- `else { dizi[k-1]=dizi[j-1]; k= j;}`
- `}`
- `dizi[k-1]=T;`
- `}`

## HEAP SORT

- `void heapsort () {`
- `int dizi[5] = {9,5, 8, 3, 1 };`
- `int N=5; int x;`
- `//en büyük elamanı bul en başa al`
- `for (int k=N/2;k>0;k--) downheap(&dizi[0],k,N);`
- `// küçükten büyüğe sıralama için`
- `do {`
- `x=dizi[0]; dizi[0]=dizi[N-1]; dizi[N-1]=x; --N;`
- `downheap(&dizi[0], 1,N); //en büyük elaman sona atılıyor`
- `} while (N>1);`
- `for(int i=0;i<5;i++) printf("%d\n ",dizi[i]);`
- `}`
- `void main() {`
- `heapsort();`
- `}`

## SIRALAMA ALGORİTMALARI-SHELL SORT

- Shell algoritması etkin çalışması ve kısa bir program olmasından dolayı günümüzde en çok tercih edilen algoritmalarından olmuştur. h adım miktarını kullanarak her defasında dizi elemanlarını karşılaştırarak sıralar.
- **Insertion sort** sıralamanın geliştirilmesiyle elde edilmiştir.
- **Azalan artış sıralaması olarak da adlandırılır** .Insertion sort'un aksine ters sıralı dizi dağılımından etkilenmemektedir. Algoritmanın analizi zor olduğundan çalışma zamanları net olarak çıkarılamamaktadır. Aşağıda verilen h dizisi için  $n^{1,5}$  karşılaştırmadan fazla karşılaştırma yapmayacağından dolayı  $\theta(n^{1,25})$ ,  $O(n^{1,5})$  olarak belirlenmiştir.

## Kabuk sıralaması(SHELL SORT)

```
○ void shellsort ( ) {
○ int dizi[5] = {9, 5, 8, 3, 1 }; int n=5; int h=1;
○ while ((h*3+1<n)) h=3*h+1;
○ while (h>0)
○ {
○     for(int i=h-1;i<n;i++)
○     {
○         int b=dizi[i];          int j=i;
○         for(j=i;(j>=h)&&(dizi[j-h]>b);j-=h) dizi[j]=dizi[j-h];
○         dizi[j]=b;
○     }
○     h/=3;
○ }
○ for(int i=0;i<5;i++) printf("%d\n ",dizi[i]);
○ }
○ void main() { shellsort(); }
```

## SIRALAMA ALGORİTMALARI-SHELL SORT

- 1.Tur,  $h=4$ ,  $i=3$ ,  $i=4$
- 
- 9 5 8 3 1      9 5 8 3 1
- 9 5 8 3 1      1 5 8 3 9
  
- 2.Tur  $h=1$ ,  $i=0$ ,  $i=1$ ,  $i=2$ ,  $i=3$ ,  $i=4$
  
- 1 5 8 3 9 1 5 3 8 9 1 3 5 8 9
- 1 5 3 8 9 1 3 5 8 9 1 3 5 8 9



## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- Sayıları basamaklarının üzerinde işlem yaparak sıralayan bir sıralama algoritmasıdır.
- Sayma sayıları adlar ya da tarihler gibi karakter dizilerini göstermek için kullanılabildiği için *basamağa göre sıralama* algoritması yalnızca sayma sayılarını sıralamak için kullanılan bir algoritma değildir.
- Çoğu bilgisayar veri saklamak için ikilik tabandaki sayıların elektronikteki gösterim biçimlerini kullandığı için sayma sayılarının basamaklarını ikilik tabandaki sayılardan oluşan öbekler biçiminde göstermek daha kolaydır.

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- Basamağa göre sıralama algoritması *en anlamlı basamağa göre sıralama* ve *en anlamsız basamağa göre sıralama* olarak ikiye ayrılır.
- *En anlamsız basamağa* (Least significant digit) *göre sıralama* algoritması sayıları en anlamsız (en küçük, en sağdaki) basamaktan başlayıp en anlamlı basamağa doğru yürüyerek sıralarken *en anlamlı basamağa göre sıralama* bunun tam tersini uygular.
- Sıralama algoritmaları tarafından işlenen ve kendi sayı değerlerini gösterebildiği gibi başka tür verilerle de eşleştirilebilen sayma sayılarına çoğu zaman "anahtar" denir.

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- En anlamsız basamağa göre sıralamada kısa anahtarlar uzunlardan önce gelirken aynı uzunluktaki anahtarlar sözlükteki sıralarına göre sıralanırlar. Bu sıralama biçimi sayma sayılarının kendi değerlerine göre sıralandıklarında oluşan sırayla aynı sırayı oluşturur.
- Örneğin 1'den 10'a kadar olan sayılar sıralandığında ortaya 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10 dizisi çıkacaktır.

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- En anlamlı basamağa göre sıralama sözcükler ya da aynı uzunluktaki sayılar gibi dizgileri sıralamak için uygun olan sözlükteki sıraya göre sıralar.
- Örneğin "b, c, d, e, f, g, h, i, j, ba" dizisi sözlük sırasına göre "b, ba, c, d, e, f, g, h, i, j" olarak sıralanacaktır. Eđđer sözlük sırası değişken uzunluktaki sayılarda uygulanırsa sayılar değerlerinin gerektirdiği konumlara konulmazlar.

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

A	00001	R	10010	T	10100	X	11000	P	10000	A	00001
S	10011	T	10100	X	11000	P	10000	A	00001	A	00001
O	01111	N	01110	P	10000	A	00001	A	00001	E	00101
R	10010	X	11000	L	01100	I	01001	R	10010	E	00101
T	10100	P	10000	A	00001	A	00001	S	10011	G	00111
I	01001	L	01100	I	01001	R	10010	T	10100	I	01001
N	01110	A	00001	E	00101	S	10011	E	00101	L	01100
G	00111	S	10011	A	00001	T	10100	E	00101	M	01101
E	00101	O	01111	M	01101	L	01100	G	00111	N	01110
X	11000	I	01001	E	00101	E	00101	X	11000	O	01111
A	00001	G	00111	R	10010	M	01101	I	01001	P	10000
M	01101	E	00101	N	01110	E	00101	L	01100	R	10010
P	10000	A	00001	S	10011	N	01110	M	01101	S	10011
L	01100	M	01101	O	01111	O	01111	N	01110	T	10100
E	00101	E	00101	G	00111	G	00111	O	01111	X	11000

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

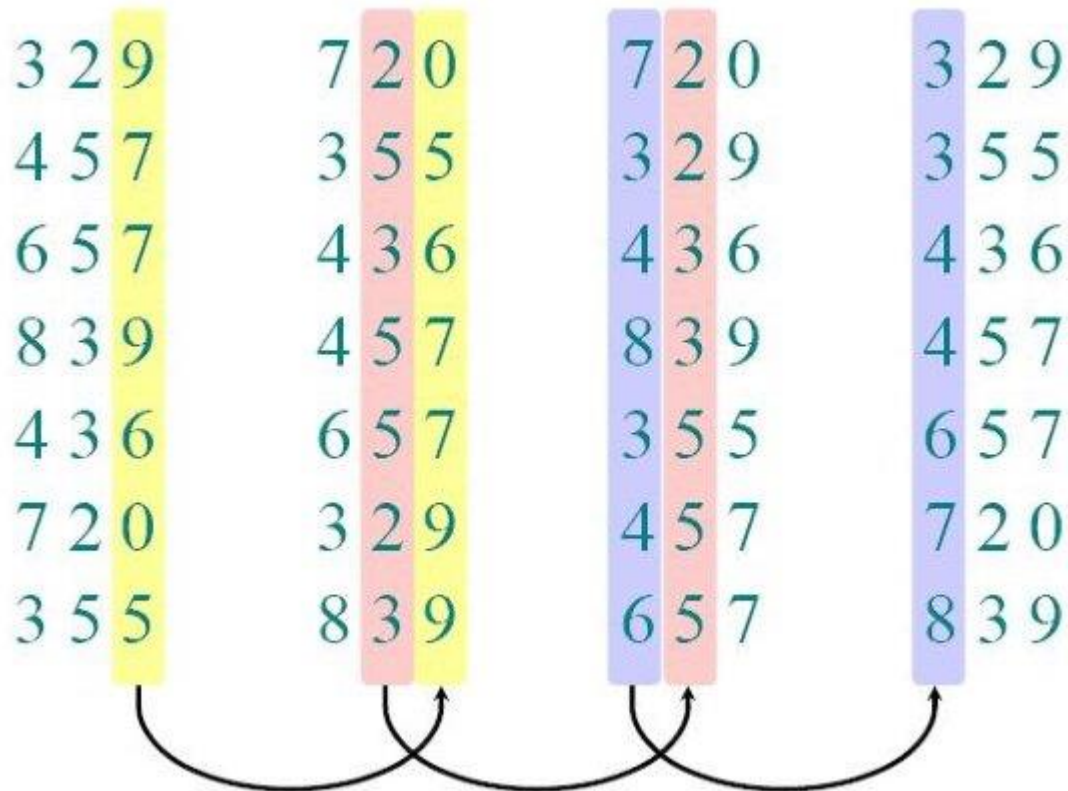
- Örneğin 1'den 10'a kadar olan sayılar sıralandığında, algoritma kısa olan sayıların sonuna boş karakter koyarak bütün anahtarları en uzun anahtarla aynı boyuta getireceğinden sonuç 1, 10, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 olacaktır.
- Taban sıralama algoritmasının en basit hali (iyileştirilmiş (optimized)) aşağıdaki örnekte gösterilmektedir:
- Sıralanmamış sayılarımız:170, 45, 75, 90, 2, 24, 802, 66
- İlk haneye göre (1'ler hanesi) sıralanmış hali:170, 90, 2, 802, 24, 45, 75, 66. Yukarıdaki sıralama ile ilgili önemli bir nokta aynı 1'ler değerine sahip olan sayıların ilk listedeki sıralarına göre kalmış olmalarıdır. Yani 1. adımdaki listede 802, 2'den önce geliyor olsaydı 2. adımda da bu sıralama korunacaktı. (insert sort gibi sıralama yapıyor düşünün)

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- Sıradaki hane olan 10'lar hanesine göre sıralanmış hali:2, 802, 24, 45, 66, 170, 75, 90
- Son haneye (100'ler hanesine göre) sıralanmış hali :2, 24, 45, 66, 75, 90, 170, 802
- Yukarıdaki bu sıralama işleminde her aşamada bütün sayı kümesi üzerinden bir kere geçilmesi gerekmektedir. (yani n sayılık bir küme için her adım n adım gerektirir). Bu işlemin ilave bir hafıza kullanılması ile daha da hızlı çalışması mümkündür.

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- Örnek:





## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- Örneğin 10'luk sayı tabanında her sayıdan birer tane bulunması halinde her hane için 10 ihtimal bulunur. Bu her ihtimalin ayrı bir hafıza bölümünde (örneğin bir dizi veya bağlı liste) tutulması durumunda sıralama **işlemi en büyük hane sayısı \* n** olmaktadır.
- Örneğin 3 haneli sayılar için  $O(3n) \sim O(n)$  olmaktadır. Bu değer zaman verimliliği (time efficiency) arttırırken hafıza verimliliğini (memory efficiency) azaltmaktadır.

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- #define NUMELTS 100
- # include<stdio.h>
- #include<conio.h>
- #include<math.h>
- void radixsort(int a[],int);
- void main() { int n,a[20],i;
- printf("enter the number :"); scanf("%d",&n);
- printf("ENTER THE DATA -");
- for(i=0;i<n;i++) { printf("%d. ",i+1); scanf("%d",&a[i]); }
- radixsort(a,n); getch(); }

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- `void radixsort(int a[],int n) {`
- `int rear[10],front[10],first,p,q,k,i,y,j,exp1; double exp;`
- `struct { int info; int next; } node[NUMELTS];`
- `for(i=0;i<n-1;i++)`
- `{ node[i].info=a[i]; node[i].next=i+1; }`
- `node[n-1].info=a[n-1];`
- `node[n-1].next=-1;`
- `first=0;`

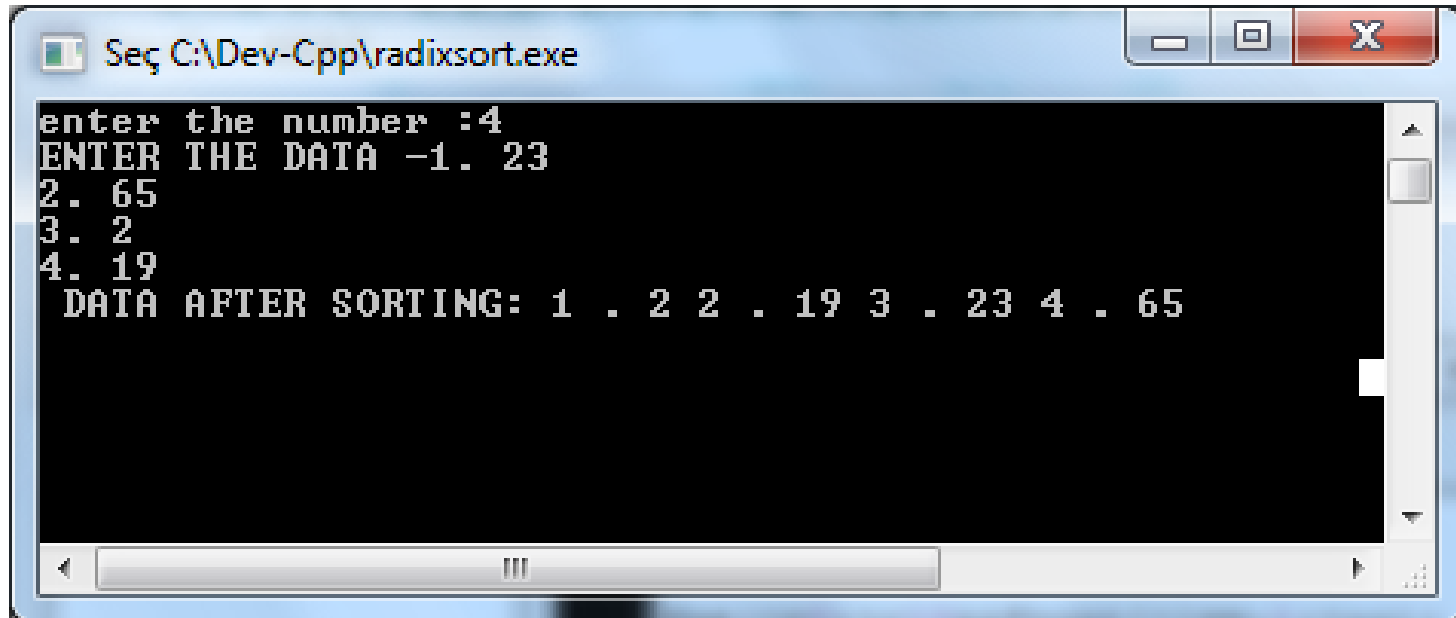
## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- `for(k=1;k<=2;k++) //consider only 2 digit number`
- `{ for(i=0;i<10;i++)`
- `{ front[i]=-1; rear[i]=-1; }`
- `while(first!=-1) {`
- `p=first;           first=node[first].next;`
- `y=node[p].info; exp=pow(10,k-1);`
- `exp1=(int)exp; j=(y/exp1)%10;`
- `q=rear[j];`
- `if(q==-1) front[j]=p;`
- `else`
- `node[q].next=p;`
- `rear[j]=p; }`

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

- `for(j=0;j<10&&front[j]==-1;j++);`
- `first=front[j];`
- `while(j<=9) {`
- `for(i=j+1;i<10&&front[i]==-1;i++);`
- `if(i<=9) { p=i; node[rear[j]].next=front[i]; }`
- `j=i; }`
- `node[rear[p]].next=-1; }`
- `//copy into original array`
- `for(i=0;i<n;i++) {a[i]=node[first].info; first=node[first].next;}`
- `printf(" DATA AFTER SORTING:");`
- `for(i=0;i<n;i++) printf(" %d . %d",i+1,a[i]); }`

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort)



```
Seç C:\Dev-Cpp\radixsort.exe
enter the number :4
ENTER THE DATA -1. 23
2. 65
3. 2
4. 19
DATA AFTER SORTING: 1 . 2 2 . 19 3 . 23 4 . 65
```

# Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

## C++

- `public void RadixSort()`
  - `{ // our helper array`
    - `int[] t = new int[Dizi.Length];`
  - `// number of bits our group will be long`
    - `int r = 4; // try to set this also to 2, 8 or 16 to see if it is quicker or not`
  - `// number of bits of a C# int`
    - `int b = 32;`
  - `// counting and prefix arrays`
    - `// (note dimensions 2^r which is the number of all possible values of a r-bit number)`
      - `int[] count = new int[1 << r];`
      - `int[] pref = new int[1 << r];`
  - `// number of groups`
    - `int groups = (int)Math.Ceiling((double)b / (double)r);`
  - `// the mask to identify groups`
    - `int mask = (1 << r) - 1;`
  -

# Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

## C++

- // the algorithm:
 

```

for (int c = 0, shift = 0; c < groups; c++, shift += r)
{
    // reset count array
    for (int j = 0; j < count.Length; j++)
        count[j] = 0;

```
- // counting elements of the c-th group
 

```

for (int i = 0; i < Dizi.Length; i++)
    count[(Dizi[i] >> shift) & mask]++;

```
- // calculating prefixes
 

```

pref[0] = 0;
for (int i = 1; i < count.Length; i++)
    pref[i] = pref[i - 1] + count[i - 1];

```
- // from Dizi[] to t[] elements ordered by c-th group
 

```

for (int i = 0; i < Dizi.Length; i++)
    t[pref[(Dizi[i] >> shift) & mask]++] = Dizi[i];

```
- // Dizi[]=t[] and start again until the last group
 

```

t.CopyTo(Dizi, 0);
} // a is sorted

```



# Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

## JAVA

- RadixSort.java
  - `/* Copyright (c) 2012 the authors listed at the following URL, and/or`
  - `the authors of referenced articles or incorporated external code:`
  - `http://en.literateprograms.org/Radix\_sort\_\(Java\)?action=history&offset=20080201073641`
  - `Permission is hereby granted, free of charge, to any person obtaining`
  - `a copy of this software and associated documentation files (the`
  - `"Software"), to deal in the Software without restriction, including`
  - `without limitation the rights to use, copy, modify, merge, publish,`
  - `distribute, sublicense, and/or sell copies of the Software, and to`
  - `permit persons to whom the Software is furnished to do so, subject to`
  - `the following conditions:`
  - `The above copyright notice and this permission notice shall be`
  - `included in all copies or substantial portions of the Software.`
  - 
  - `THE SOFTWARE IS PROVIDED "AS IS", WITHOUT WARRANTY OF ANY KIND,`
  - `EXPRESS OR IMPLIED, INCLUDING BUT NOT LIMITED TO THE WARRANTIES OF`
  - `MERCHANTABILITY, FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE AND NONINFRINGEMENT.`
  - `IN NO EVENT SHALL THE AUTHORS OR COPYRIGHT HOLDERS BE LIABLE FOR ANY`
  - `CLAIM, DAMAGES OR OTHER LIABILITY, WHETHER IN AN ACTION OF CONTRACT,`
  - `TORT OR OTHERWISE, ARISING FROM, OUT OF OR IN CONNECTION WITH THE`
  - `SOFTWARE OR THE USE OR OTHER DEALINGS IN THE SOFTWARE.`
  - `Retrieved from: http://en.literateprograms.org/Radix\_sort\_\(Java\)?oldid=12461`
  - `*/`

## Basamağa göre sıralama (Radix Sort) JAVA

```

○ import java.util.Arrays;
○ class RadixSort
○ { public static void radix_sort_uint(int[] a, int bits)
○ { int[] b = new int[a.length]; int[] b_orig = b; int rshift = 0;
○ for (int mask = ~(1 << bits); mask != 0; mask <<= bits, rshift += bits) {
○ int[] cntarray = new int[1 << bits];
○ for (int p = 0; p < a.length; ++p)
○ { int key = (a[p] & mask) >> rshift; ++cntarray[key]; }
○
○ for (int i = 1; i < cntarray.length; ++i) cntarray[i] += cntarray[i-1];
○ for (int p = a.length-1; p >= 0; --p)
○ { int key = (a[p] & mask) >> rshift; --cntarray[key]; b[cntarray[key]] = a[p]; }
○ int[] temp = b; b = a; a = temp;
○ }
○ if (a == b_orig) System.arraycopy(a, 0, b, 0, a.length);
○ }

```

# Basamağa göre sıralama (Radix Sort)

## JAVA

```
○ public static void main(String[] args)
○ {
○     int[] a = {
○         123,432,654,3123,654,2123,543,131,653,123,
○         533,1141,532,213,2241,824,1124,42,134,411,
○         491,341,1234,527,388,245,1992,654,243,987};
○
○     System.out.println("Before radix sort:");
○     System.out.println(Arrays.toString(a));
○
○     radix_sort_uint(a, 4);
○
○     System.out.println("After radix sort:");
○     System.out.println(Arrays.toString(a));
○ }
○ }
```

# SIRALAMA ALGORİTMALARI

Çalışma Süresi	Sorting Algoritması
$O(N^2)$	BubbleSort SelectionSort InsertionSort ShellSort
$O(N \log N)$	HeapSort MergeSort QuickSort
$O(N)$	RadixSort BucketSort

# Ödev

- 1-Verilen sıralama algoritmalarının C# veya Java programlarını yazınız. Algoritmaları tur olarak programda karşılaştırınız.
- 2- Kullanılan diğer sıralama algoritmaları hakkında bilgi toplayıp program kodları ile birlikte slayt hazırlayınız.

# ÇİZGİ KÜMELERİ (GRAPHS)

# GRAFLAR

## ○ Tanım

- Yönlendirilmiş ve yönlendirilmemiş graflar
- Ağırlıklı graflar

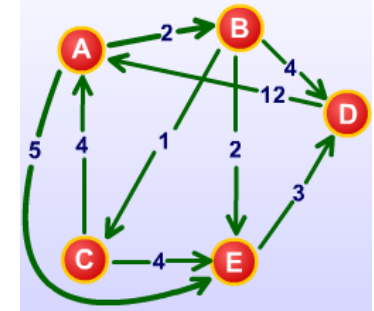
## ○ Gösterim

- Komşuluk Matrisi
- Komşuluk Listesi

## ○ Dolaşma Algoritmaları

- BFS (Breath First Search)
- DFS (Depth-First Search)

# GRAFLAR



- Graf, matematiksel anlamda, **düğüm**lerden ve bu düğümler arasındaki ilişkiyi gösteren **kenarlardan** oluşan bir kümedir. Mantıksal ilişki, düğüm ile düğüm veya düğüm ile kenar arasında kurulur.
- **Bağlantılı listeler ve ağaçlar** grafların özel örneklerindedir.
- Fizik, Kimya gibi temel bilimlerde ve mühendislik uygulamalarında ve tıp biliminde pek çok problemin çözümü ve modellenmesi graflara dayandırılarak yapılmaktadır.



## GRAFLAR-Uygulama alanları

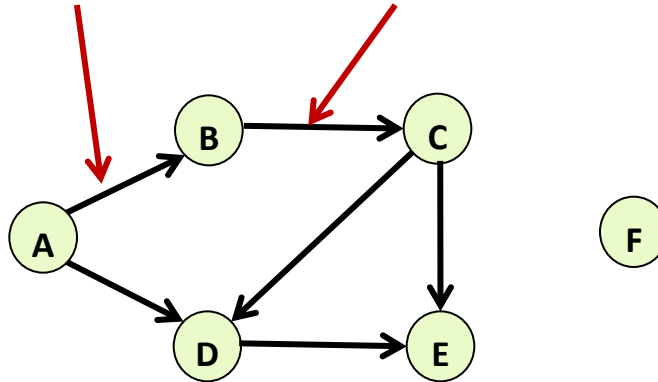
- **Elektronik devreler**
  - Baskı devre kartları (PCB), Entegre devreler
- **Ulaşım ağları**
  - Otoyol ağı, Havayolu ağı
- **Bilgisayar ağları**
  - Lokal alan ağları ,İnternet
- **Veritabanları**
  - Varlık-ilişki (Entity-relationship) diyagramı

# GRAFLAR

- Bir G grafi D ile gösterilen **düğüm**lerden (node veya vertex) ve K ile gösterilen **kenarlardan** (Edge) oluşur.
- Her kenar iki düğümü birleştirirerek iki bilgi (Düğüm) arasındaki ilişkiyi gösterir ve (u,v) şeklinde ifade edilir. (u,v) iki düğümü göstermektedir.
- Bir graf üzerinde n tane düğüm ve m tane kenar varsa, matematiksel gösterilimi, düğümler ve kenarlar kümesinden elamanların ilişkilendirilmesiyle yapılır:
  - $D = \{d_0, d_1, d_2 \dots d_{n-1}, d_n\}$  Düğümler kümesi
  - $K = \{k_0, k_1, k_2 \dots k_{m-1}, k_m\}$  Kenarlar kümesi
  - $G = (D, K)$  Graf

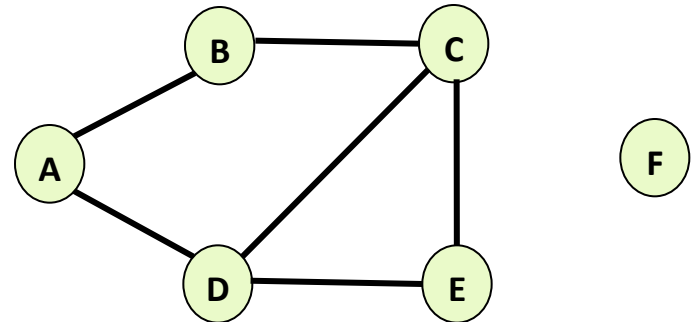
# Graflar

- $G = (D, K)$  grafi aşağıda verilmiştir.
- $D = \{A, B, C, D, E, F\}$
- $K = \{(A, B), (A, D), (B, C), (C, D), (C, E), (D, E)\}$



# Graflar – Tanımlar

- **Komşu(Adjacent):** Bir G grafi üzerindeki  $d_i$  ve  $d_j$  adlı iki düğüm, kenarlar kümesinde bulunan bir kenarla ilişkilendiriliyorsa bu iki düğüm birbirine komşu (adjacent, neighbor) düğümlerdir;  $k=\{d_i, d_j\}$  şeklinde gösterilir ve k kenarı hem  $d_i$  hem de  $d_j$  düğümleriyle bitişiktir (incident) denilir.
- Diğer bir deyişle k kenarı  $d_i$  ve  $d_j$  düğümlerini birbirine bağlar veya  $d_i$  ve  $d_j$  düğümleri k kenarının uç noktalarıdır denilir.
  - (A, B) komşudur.
  - (B, D), (C, F) komşu değildir.

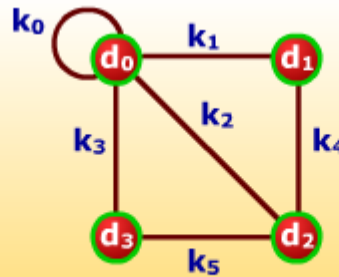


# Graflar – Tanımlar

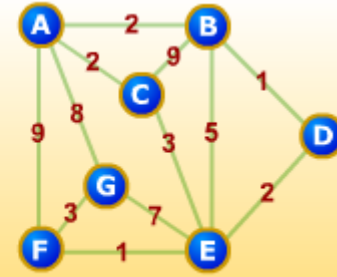
- Komşuluk ve Bitişiklik:** Bir  $G$  grafi komşuluk ilişkisiyle gösteriliyorsa  $G_{dd}=\{(d_i, d_j )...\}$ , bitişiklik ilişkisiyle gösteriliyorsa  $G_{dk}=\{(d_i, k_j )...\}$  şeklinde yazılır. ( $G_{dd}$ :  $G_{dügümdügüm}$ ,  $G_{dk}$ :  $G_{dügümkenar}$ )
- Örneğin, şekil a) 2-düğümlü basit graf  $G_{dd}=\{(d_0, d_1)\}$  veya  $G_{dk}=\{(d_0, k_0), (d_1, k_0)\}$  şeklinde yazılabilir;
- b) verilen 4-düğümlü basit grafta  $G_{dd}=\{(d_0, d_0), (d_0, d_1), (d_0, d_2), (d_0, d_3), (d_1, d_2), (d_2, d_3)\}$  veya  $G_{dk}=\{(d_0, k_0), (d_0, k_1), (d_0, k_2), (d_0, k_3), (d_1, k_1), (d_1, k_4), (d_2, k_2), (d_2, k_4), (d_2, k_5), (d_3, k_3), (d_3, k_5)\}$  şeklinde yazılır.



a) İki düğümlü basit bir Graf



b) 4- düğümlü bir Graf



c) 7- düğümlü bir Graf

# Graflar – Tanımlar

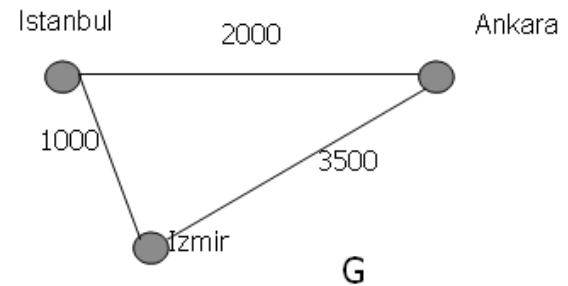
- **Yönlendirilmiş Graf (Directed Graphs):** Bir  $G$  grafi üzerindeki kenarlar bağlantının nereden başlayıp nerede sonlandığını belirten yön bilgisine sahip ise yönlü-graf veya yönlendirilmiş graf (directed graf) olarak adlandırılır.
- Yönlü graflar, matematiksel olarak gösterilirken her bir ilişki oval parantezle değil de  $\langle \rangle$  karakter çiftiyle gösterilir.
- **Yönlendirilmemiş Graf (Undirected Graphs)**
  - Hiçbir kenarı yönlendirilmemiş graftır.

# Graflar – Tanımlar

- **Yönlendirilmiş Kenar (Directed Edge)**
  - Sıralı kenar çiftleri ile ifade edilir.
    - $(u, v)$  ile  $(v, u)$  aynı değildir.
  - İlk kenar orijin ikinci kenar ise hedef olarak adlandırılır.
- **Yönlendirilmemiş Kenar (Undirected Edge)**
  - Sırasız kenar çiftleri ile ifade edilir.
    - $(u, v)$  ile  $(v, u)$  aynı şeyi ifade ederler.

# Graflar – Tanımlar

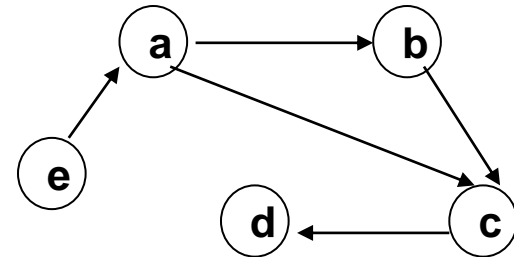
- **Ağırlıklı Graf(Weighted Graphs) :**
- Graf kenarları üzerinde ağırlıkları olabilir. Eğer kenarlar üzerinde ağırlıklar varsa bu tür graflara **ağırlıklı/maliyetli graf** denir. Eğer tüm kenarların maliyeti 1 veya birbirine eşitse maliyetli graf olarak adlandırılmaz; yön bilgisi de yoksa basit graf olarak adlandırılır.
- Ağırlık uygulamadan uygulamaya değişir.
  - **Şehirler arasındaki uzaklık.**
  - **Routerler arası bant genişliği**
    - Router: Yönlendirici





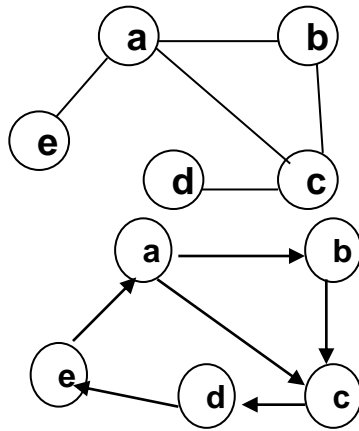
## Graflar – Tanımlar

- **Yol (path)** : Bir çizgi kümesinde yol, düğümlerin sırasıdır. Kenar uzunluğu, yolun uzunluğunu verir.
  - $V_1, V_2, V_3, \dots, V_N$  ise yol  $N - 1$  dir.
  - Eğer yol kenar içermiyorsa o yolun uzunluğu sıfır'dır.
  - izmir'den Ankara'ya doğrudan veya İstanbul'dan geçerek gidilebilir (izmir- İstanbul- Ankara).
- **Basit Yol (Simple Path)** : Bir yolda ilk ve son düğümler dışında tekrarlanan düğüm yoksa basit yol diye adlandırılır.
  - **eabcd** basit yol'dur fakat **abcabcd** veya **abcabca** basit yol değildir.

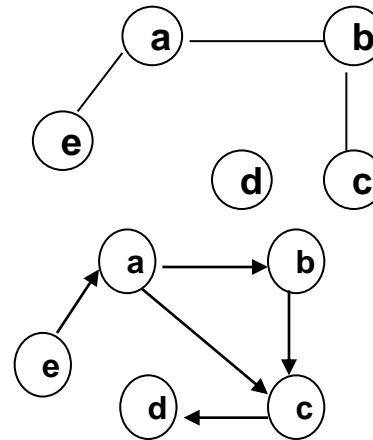


## Graflar – Tanımlar

- **Uzunluk :** Bir yol üzerindeki kenarların uzunlukları toplamı o yolun uzunluğudur.
- **Bağlı veya Bağlı olmayan Çizge(Connected Graph):**
- Eğer bir graftaki tüm düğümler arasında en azından bir yol varsa bağlı graftır. Eğer bir grafta herhangi iki düğüm arasında yol bulunmuyorsa bağlı olmayan graftır.
- A) Bağlı Graf

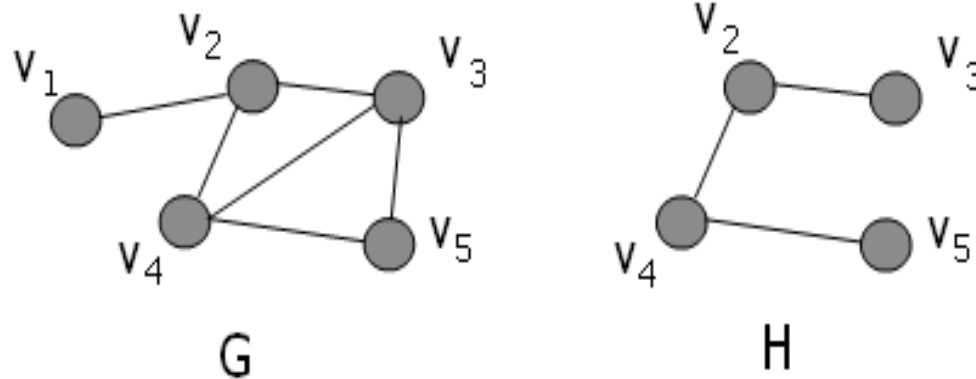


- B) Bağlı olmayan Graf



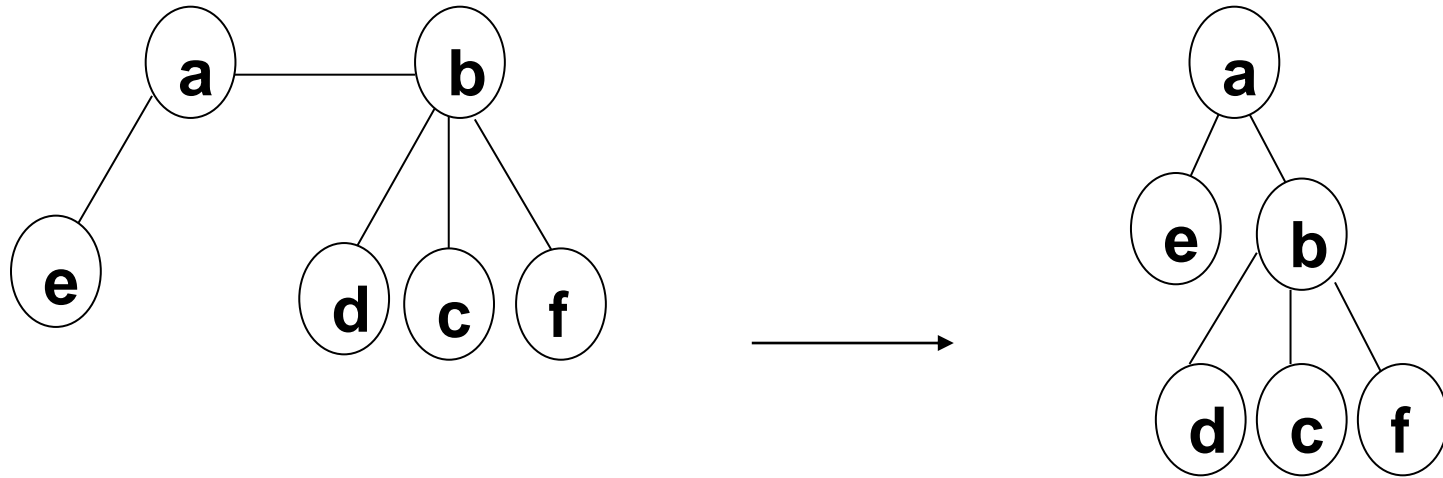
## Graflar – Tanımlar

- **Alt Graf (Subgraph)** : H çizgesinin köşe ve kenarları G çizgesinin köşe ve kenarlarının alt kümesi ise; H çizgesi G çizgesinin alt çizgesidir (subgraph).
- $G (V, E)$  şeklinde gösterilen bir grafın, alt grafı  $H(U, F)$  ise U alt küme V ve F alt küme E olur.



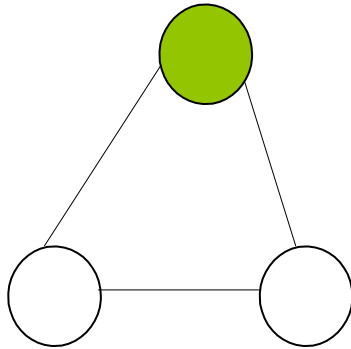
## Graflar – Tanımlar

- **Ağaçlar(Trees)** : Ağaçlar özel bir çizgi kümesidir. Eğer direk olmayan bir çizgi kümesi devirli (cycle) değilse ve de bağlıysa (connected) ağaç olarak adlandırılır.

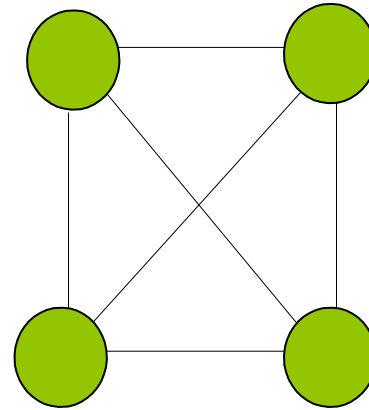


## Graflar – Tanımlar

- **Komple Çizge(Complete Graph)** : Eğer bir graftaki her iki node arasında bir kenar varsa komple graftır.



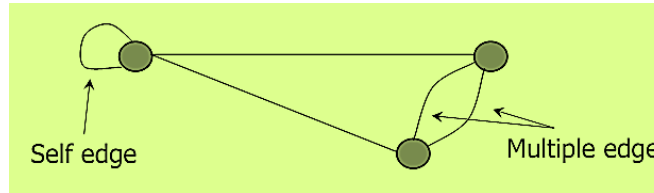
- 3 node ile komple graf



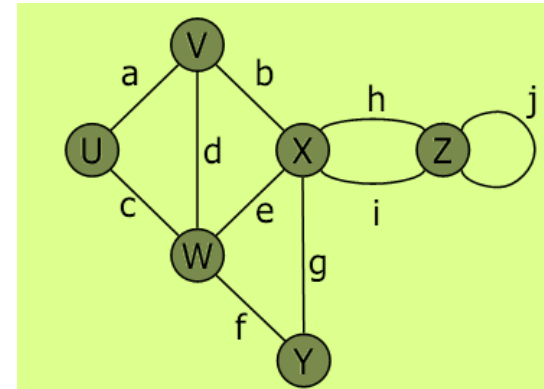
- 4 node ile komple graf

## Graflar – Tanımlar

- **Multigraf:** Multigraf iki node arasında birden fazla kenara sahip olan veya bir node'un kendi kendisini gösteren kenara sahip olan graftır.



- Örnek
- a, b ve d kenarları V node'unun kenar bağlantılarıdır.
- X node'unun derecesi 5' tir.
- h ve i çoklu (multiple) kenarlardır.
- j kendi kendisine döngüdür (self loop)



# Graflar – Tanımlar

- **Düğüm Derecesi (Node Degree):**
- Düğüme bağlı toplam uç sayısıdır; çevrimli kenarlar aynı düğüme hem çıkış hem de giriş yaptığı için dereceyi iki arttırır.
- Yönlü graflarda, düğüm derecesi **giriş derecesi** (input degree) ve **çıkış derecesi** (output degree) olarak ayrı ayrı belirtilir.

# Graflar – Tanımlar

- **Komşuluk Matrisi (Adjacency Matrice):**

Düğümlerden düğümlere olan bağlantıyı gösteren bir kare matrisdir; komşuluk matrisinin elemanları ki değerlerinden oluşur. Komşuluk matrisi  $G_{dd}$ 'nin matrisel şekilde gösterilmesinden oluşur. Eğer komşuluk matrisi  $G_{dd}=[a_{ij}]$  ise,

- yönlü-maliyetsiz graflar için;  $a_{ij} = \begin{cases} 1, \text{ Eğer } (d_i, d_j) \in K \text{ ise} \\ 0, \text{ Diğer durumlarda} \end{cases}$
- olur.

- basit (yönsüz-maliyetsiz) graflar için ise,

- olur.

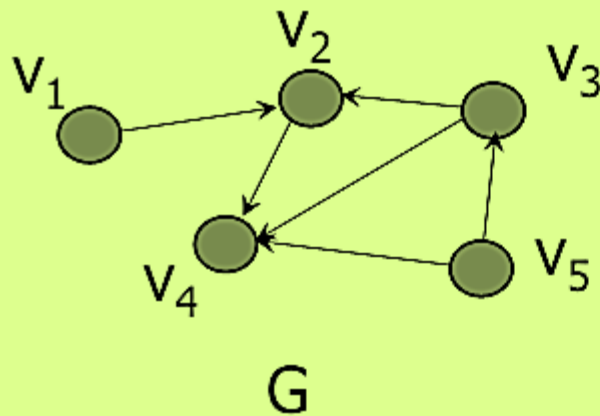
$$a_{ij} = \begin{cases} 1, \text{ Eğer } (d_i, d_j) \in K \text{ ise veya } (d_j, d_i) \\ 0, \text{ Diğer durumlarda} \end{cases}$$



# Komşuluk Matrisi

- Yönlendirilmiş graf için komşu matrisi

$\text{Matris}[i][j] = 1$  if  $(v_i, v_j) \in E$   
 $0$  if  $(v_i, v_j) \notin E$



		1	2	3	4	5
		$v_1$	$v_2$	$v_3$	$v_4$	$v_5$
1	$v_1$	0	1	0	0	0
2	$v_2$	0	0	0	1	0
3	$v_3$	0	1	0	1	0
4	$v_4$	0	0	0	0	0
5	$v_5$	0	0	1	1	0

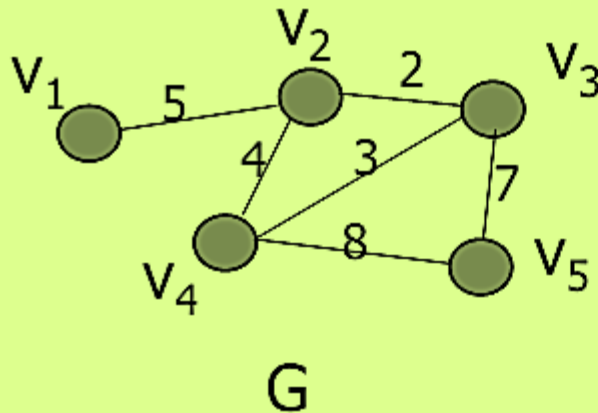
## Komşuluk Matrisi

- Ağırlıklandırılmış ancak yönlendirilmemiş graf için komşu matrisi

$$\text{Matris}[i][j] = w(v_i, v_j)$$

$$\infty$$

if  $(v_i, v_j) \in E$  or  $(v_j, v_i) \in E$   
otherwise



		1	2	3	4	5
		$v_1$	$v_2$	$v_3$	$v_4$	$v_5$
1	$v_1$	$\infty$	5	$\infty$	$\infty$	$\infty$
2	$v_2$	5	$\infty$	2	4	$\infty$
3	$v_3$	$\infty$	2	$\infty$	3	7
4	$v_4$	$\infty$	4	3	$\infty$	8
5	$v_5$	$\infty$	$\infty$	7	8	$\infty$

# Graflar – Tanımlar

- **Bitişiklik Matrisi (Incidence Matrice):**
- Dügümlerle kenarlar arasındaki bağlantı/bitişiklik ilişkisini gösteren bir matrisdir; matrisin satır sayısı düğüm, sütun sayısı kenar sayısına kadar olur. Bitişiklik matrisi  $G_{dk}$ 'nin matrisel şekilde gösterilmesinden oluşur. Eğer bitişiklik matrisi  $G_{dk}=[m_{ij}]$  ise, maliyetsiz graflar için,

$$m_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{Eğer } (d_i, d_j) \text{ bağlantı var ise} \\ 0, & \text{Diğer durumlarda} \end{cases}$$

- olur.

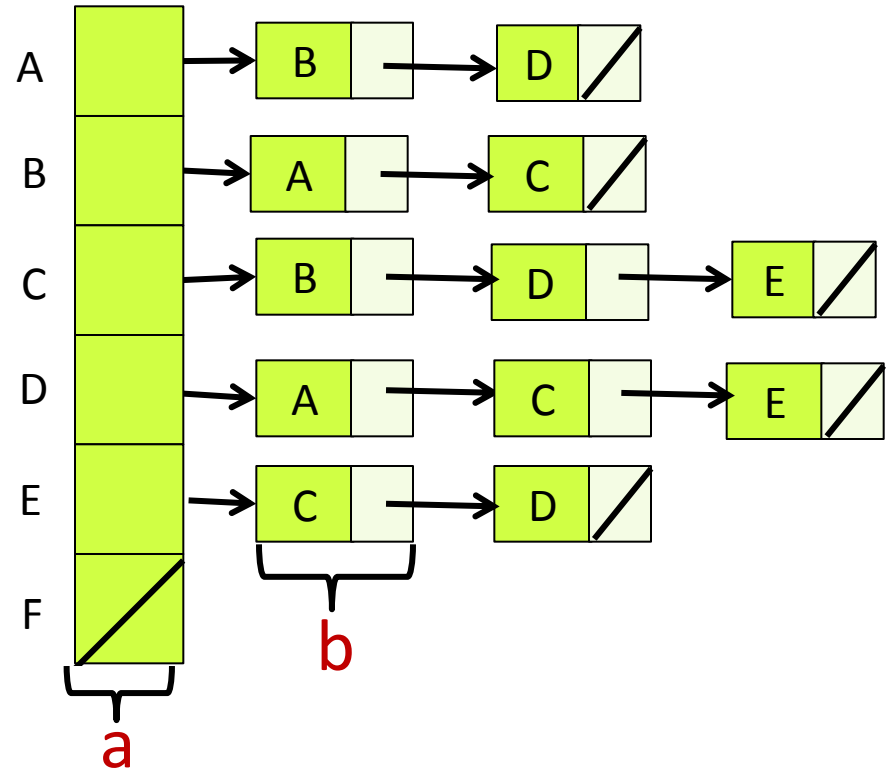
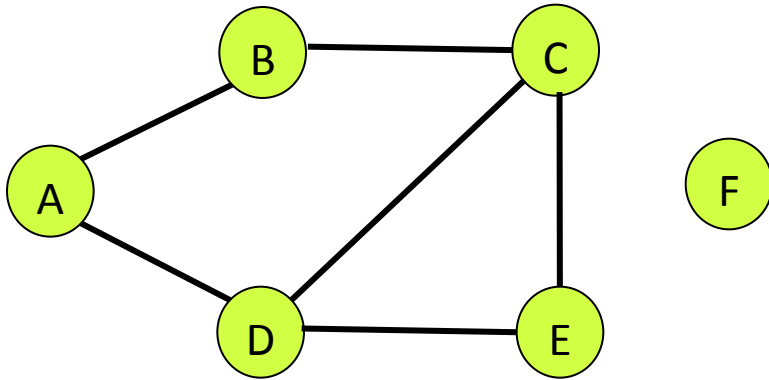
# Graflar – Tanımlar

- **Örnek:** Basit grafın komşuluk ve bitişiklik matrisi çıkarılması
- Aşağıda a)'da verilen grafın komşuluk ve bitişiklik matrislerini ayrı ayrı çıkarınız; hangisi simetriktir? Neden?



- Komşuluk matrisi simetriktir. Yönsüz graflarda, her iki yönde bağlantı sağlanmaktadır.

## Komşuluk Listesi (Dizi Bağlantılı Liste) Gösterimi

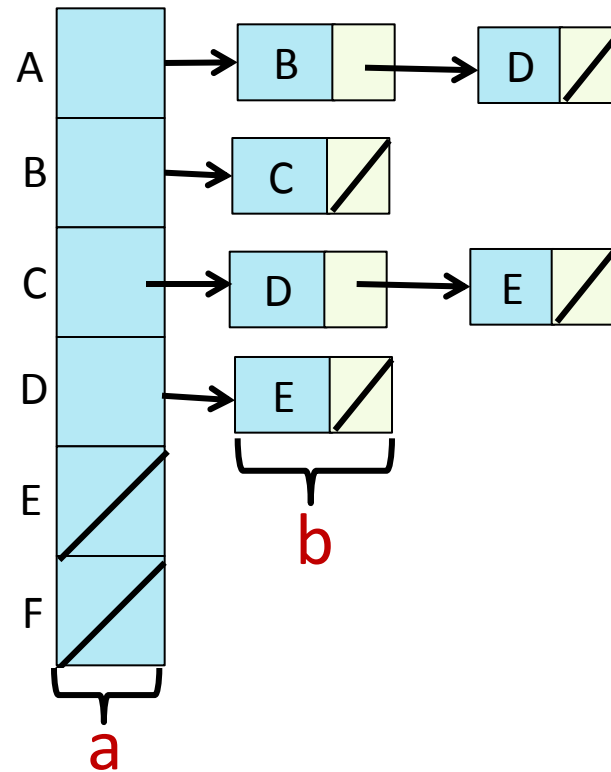
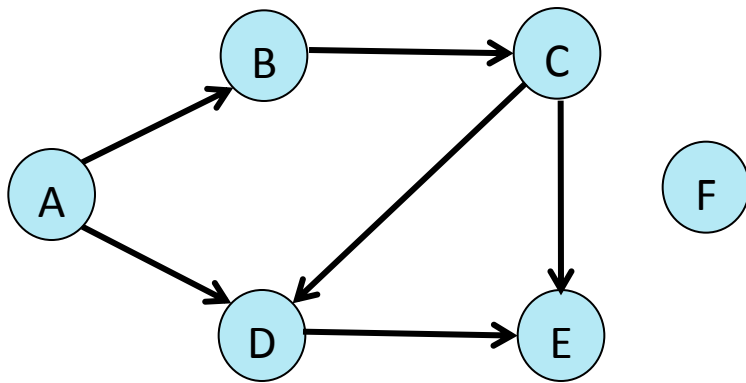


Yer?

$$n * a + 2 * k * b = O(n + 2k)$$

## Komşuluk Listesi Gösterimi

- Komşuluk Listesi (Yönlendirilmiş Graflar)

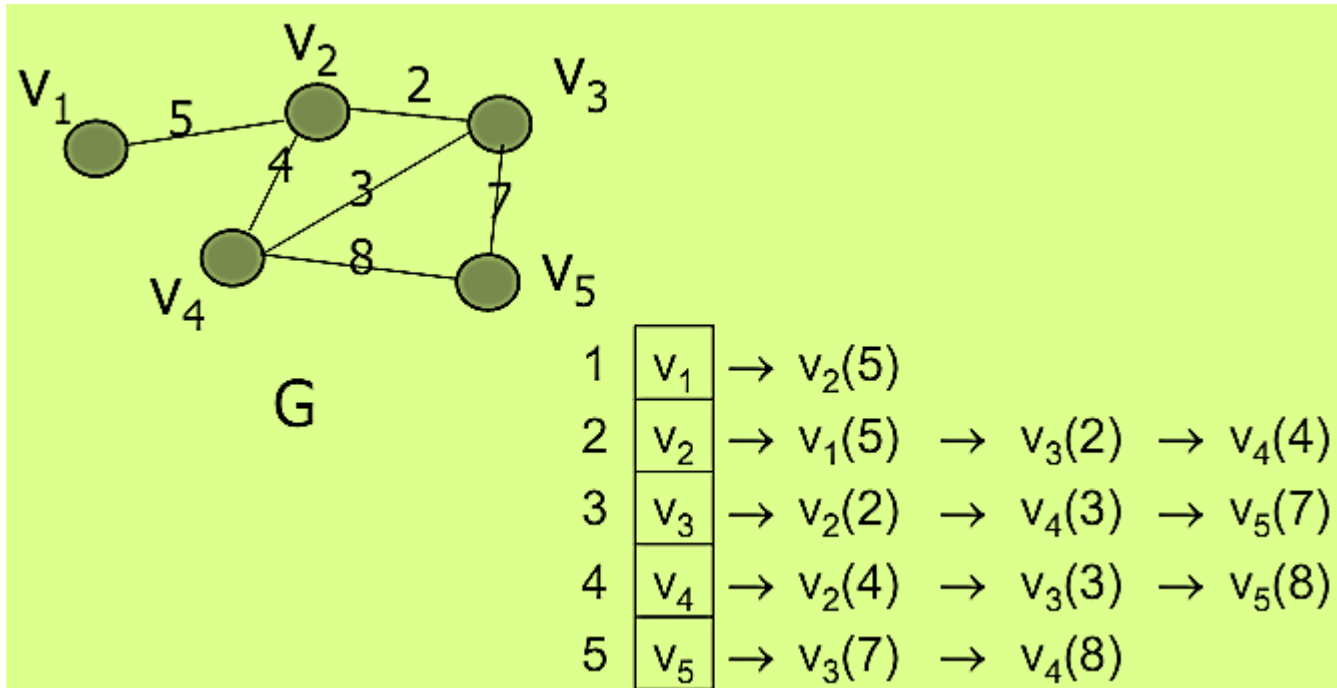


Yer?

$$n \cdot a + k \cdot b = O(n+k)$$

## Komşuluk Listesi Gösterimi

- Yönlendirilmiş ve ağırlıklandırılmış graf için komşu listesi



# Komşu Matrisi-Komşu Listesi

- **Avantajları-dezavantajları;**
- **Komşu matrisi**
  - Çok fazla alana ihtiyaç duyar. Daha az hafızaya ihtiyaç duyulması için sparse (seyrek matris) matris tekniklerinin kullanılması gerekir.
  - Herhangi iki node'un komşu olup olmadığına çok kısa sürede karar verilebilir.
- **Komşu listesi**
  - Bir node'un tüm komşularına hızlı bir şekilde ulaşılır.
  - Daha az alana ihtiyaç duyar.
  - Oluşturulması matrise göre daha zor olabilir.

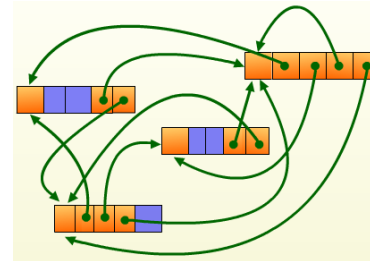
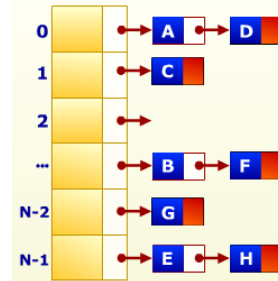
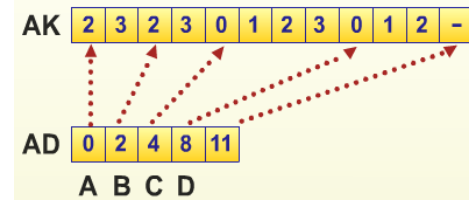
Not: Sparse matris;  $m \times n$  boyutlu matriste değer bulunan hücreleri  $x$  boyutlu matriste saklayarak hafızadan yer kazanmak için kullanılan yöntemin adı.



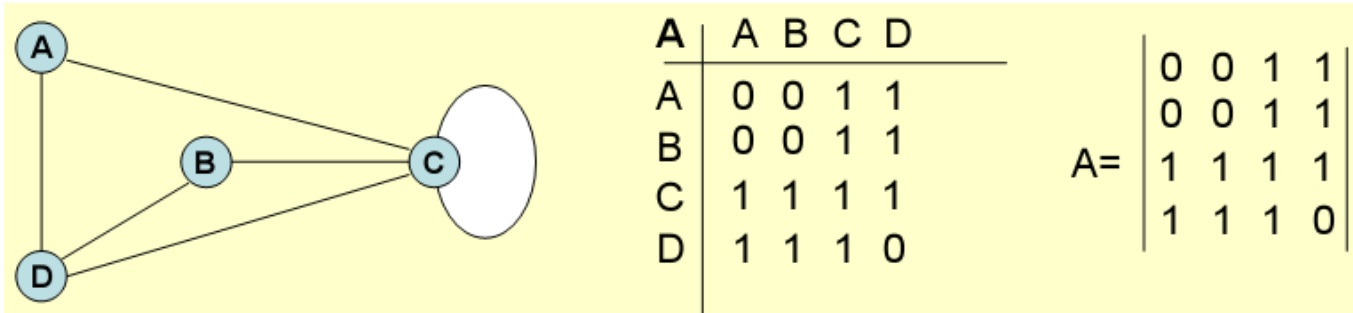
# Grafların Bellek Üzerinde Tutulması

- Matris üzerinde
- İki-Dizi Üzerinde
- Dizili Bağlantılı liste ile
- Bağlantılı Liste ile

	A	B	C	D
A	0	0	1	1
B	0	0	1	1
C	1	1	1	1
D	1	1	1	0



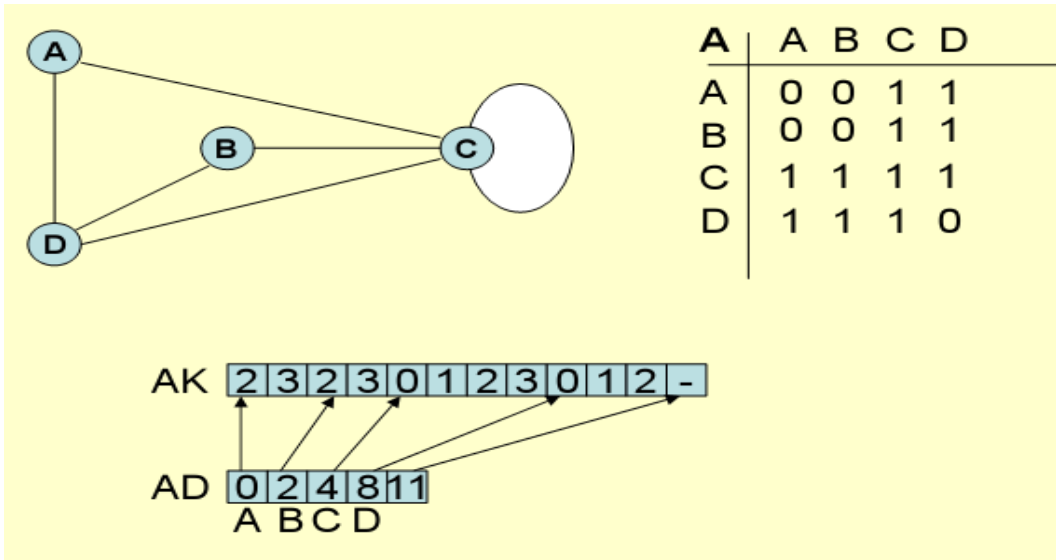
## Matris Üzerinde



- `int A[4][4]={{0,0,1,1}, {0,0,1,1}, {1,1,1,1}, {1,1,1,0}}`
- `int baglantivarmi (int durum1, int durum2)`
- `{`
- `if(A[durum1][durum2]!=0)`
- `return 0;`
- `else`
- `return 1;`
- `}`

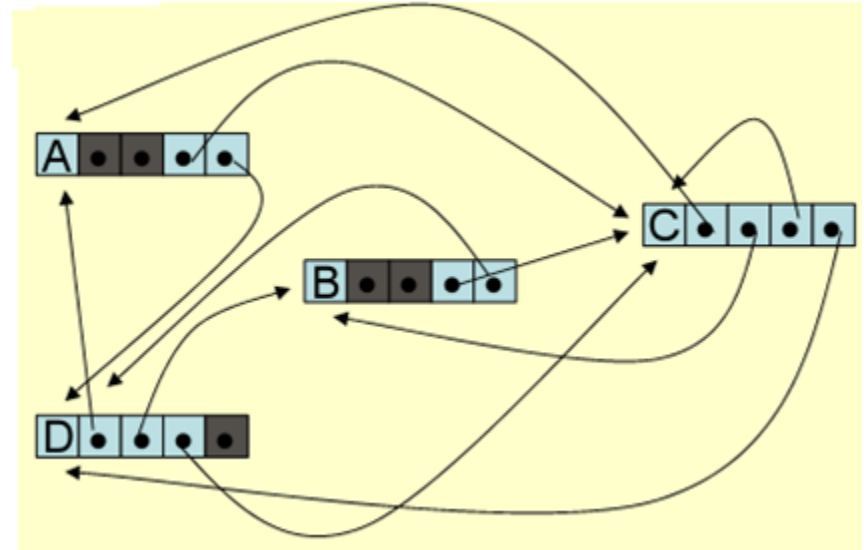
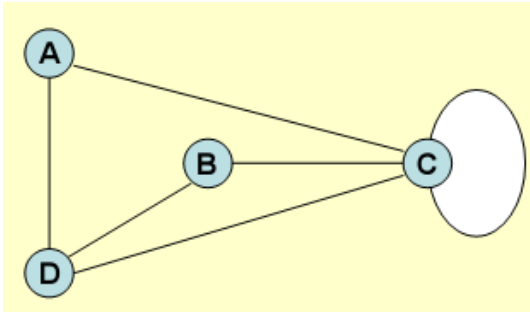
## İki-Dizi Üzerinde

- Komşular AK, İndisler AD yi oluşturuyor



- A=0, B=1, C=2, D=3 numaralanmış
- A, 2 ve 3 komşu başlangıç indisi 0 da 2, indis 1 de 3
- B, 2 ve 3 komşu başlangıç indisi 2 de 2 indis 3 te 3
- C, 0, 1, 2 ve 3 komşu başlangıç indisi 4 de 0, 5 te 1, 6 da 2, 7 de 3
- D, 0, 1 ve 2 ye komşu başlangıç indisi 8 de 0 , 9 da 1, 10 da 2

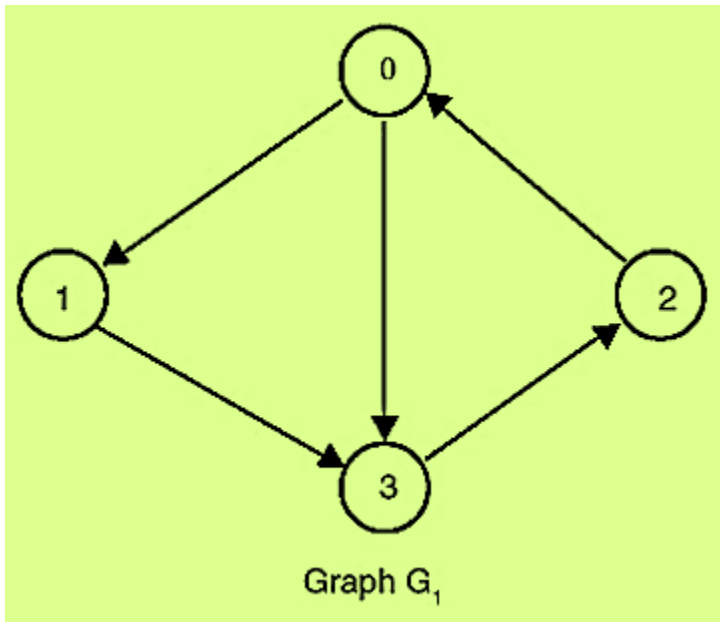
# Bağlantılı Liste Üzerinde



- struct grafDrum{
- verituru dugumadi;
- struct graftdrum \*bag[4];
- };

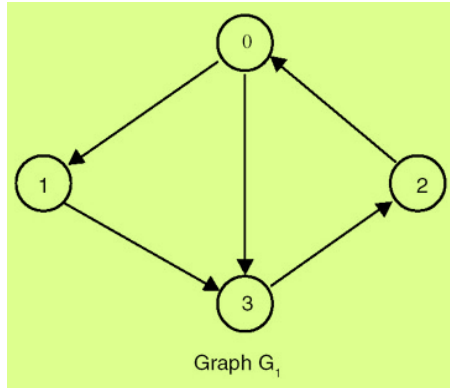
# Örnekler

- Indegree (girenler) ve outdegree (çıkanlar) matris üzerinde gösterimi



	0	1	2	3
0	0	1	0	1
1	0	0	0	1
2	1	0	0	0
3	0	0	1	0

## Örnekler



	0	1	2	3
0	0	1	0	1
1	0	0	0	1
2	1	0	0	0
3	0	0	1	0

- Indegree ve outdegree hesaplanması
- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `#define MAX 10`
- `/* Bitişiklik matrisine ait fonksiyonun tanımlanması*/`
- `void buildadjm(int adj[][MAX], int n) {`
- `int i,j;`
- `for(i=0;i<n;i++)`
- `for(j=0;j<n;j++) {`
- `printf("%d ile %d arasında kenar var ise 1 yoksa 0 giriniz\n",i,j);`
- `scanf("%d",&adj[i][j]); } }`

# Örnekler

- /\* Outdegree ye ait düğümlerin hesaplandığı fonksiyon\*/
- int outdegree(int adj[][MAX],int x,int n) {
- int i, count =0;
- for(i=0;i<n;i++)
- if( adj[x][i] ==1) count++;     return(count);
- }

## Örnekler

- `/* Indegree ye ait düğümlerin hesaplandığı fonksiyon */`
- `int indegree(int adj[][MAX],int x,int n)`
- `{`
- `int i, count =0;`
- `for(i=0;i<n;i++)`
- `if( adj[i][x] ==1) count++;`      `return(count);`
- `}`



# Örnekler

- void main() {
- int adj[MAX][MAX],node,n,i;
- printf("Graph için maksimum düğüm sayısını giriniz (Max= %d):",MAX);
  
- scanf("%d",&n);
- 
- buildadjm(adj,n);
- for(i=0;i<n;i++)
- {
- printf("\n%d Indegree düğüm sayısı %d dır ",i,indegree(adj,i,n));
- printf("\n%d Outdegree düğüm sayısı %d dır ",i,outdegree(adj,i,n)); }
- }

# Graf Üzerinde Dolaşma

- Graf üzerinde dolaşma grafın düğümleri ve kenarları üzerinde istenen bir işi yapacak veya bir problemi çözecek biçimde hareket etmektir.
- Graf üzerinde dolaşma yapan birçok yaklaşım yöntemi vardır; en önemli iki tanesi, kısaca, DFS (Depth First Search) ve BFS (Breadth First Search) olarak adlandırılmıştır ve graf üzerine geliştirilen algoritmaların birçoğu bu yaklaşım yöntemlerine dayanmaktadır denilebilir.

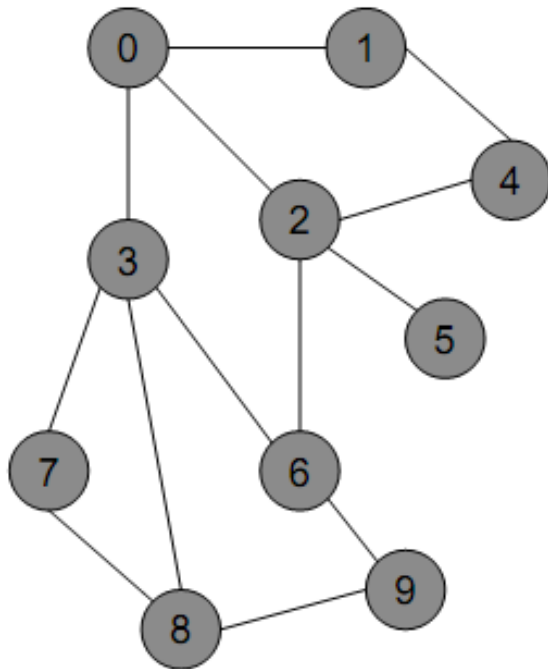
# Graf Üzerinde Dolaşma

- **DFS Yöntemi**
- DFS (Depth First Search), graf üzerinde dolaşma yöntemlerinden birisidir; **önce derinlik araması** olarak adlandırılabilir; başlangıç düğümünün bir kenarından başlayıp o kenar üzerinden gidilebilecek en uzak (derin) düğüme kadar sürdürülür.

# Graf Üzerinde Dolaşma

- **Depth First Arama İşlem Adımları**
  - Önce bir başlangıç node'u seçilir ve ziyaret edilir.
  - Seçilen node'un bir komşusu seçilir ve ziyaret edilir.
  - 2.adım ziyaret edecek komşu kalmayıncaya kadar tekrar edilir.
  - Komşu kalmadığında tekrar geri dönülür ve önceki ziyaret edilmiş node'lar için adım 2 ve 3 tekrar edilir.

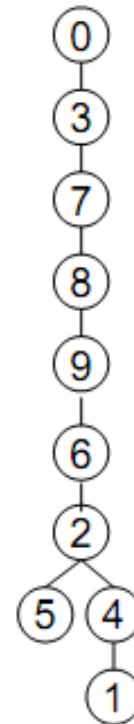
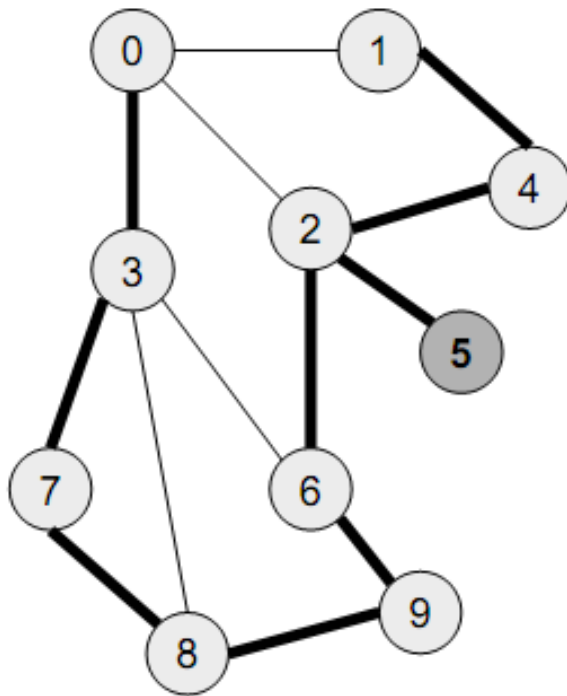
# Graf Üzerinde Dolaşma



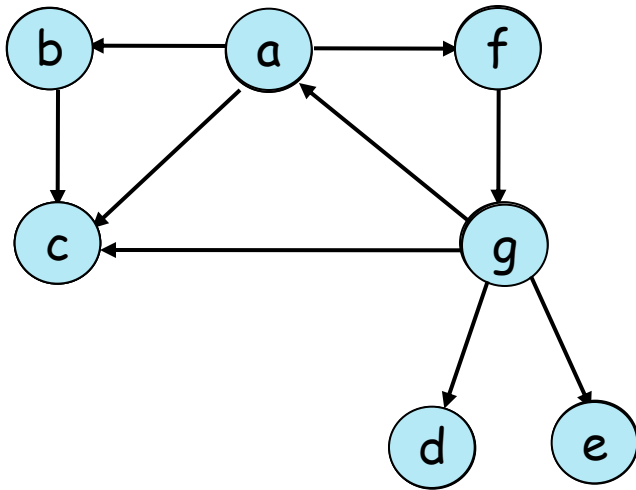
1. `s` node'unu seç
2. `visit s`  
`// örn. ekrana yaz`
3. `for each edge <s, U>`  
`// U komşu node`
4. `if U is not visit`
5. `DFS(G, U)`

# Graf Üzerinde Dolaşma

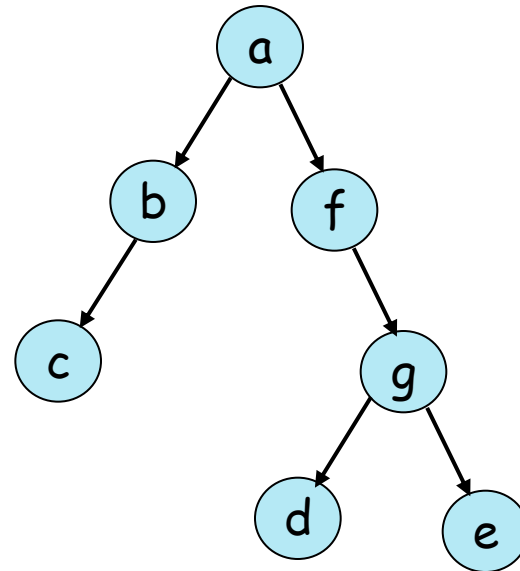
- Depth first arama



# DFS – Örnek



DFS(a) ağacı



# Graf Üzerinde Dolaşma

- **BFS Yöntemi :**
- BFS (Breadth First Search), önce genişlik araması olarak adlandırılabilir. Bu yöntemin DFS'den farkı, dolaşmaya, başlangıç düğümünün bir kenarı ayırıtı üzerinden en uzağa gidilmesiyle değil de, başlangıç düğümünden gidilebilecek tüm komşu düğümlere gidilmesiyle başlanır.
- BFS yöntemine göre graf üzerinde dolaşma, graf üzerinde dolaşarak işlem yapan diğer birçok algoritmaya esin kaynağı olmuştur denilebilir. Örneğin, kenar maliyetler yoksa veya eşitse, BFS yöntemi en kısa yol algoritması gibidir; bir düğümden herbir düğüme olan en kısa yolları bulur denilebilir.

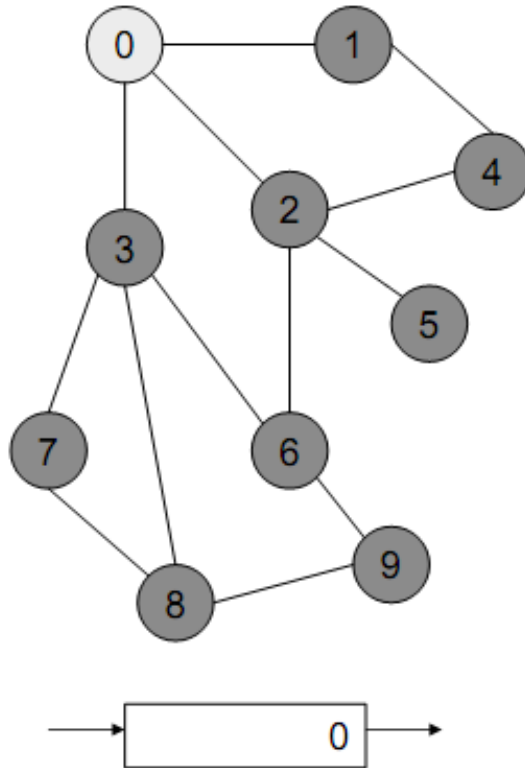


# Graf Üzerinde Dolaşma

- **Breadth First Arama İşlem Adımları**
  - Breadth first arama ağaçlardaki level order aramaya benzer.
  - Seçilen node'un tüm komşuları sırayla seçilir ve ziyaret edilir.
  - Her komşu queue içerisine atılır.
  - Komşu kalmadığında Queue içerisindeki ilk node alınır ve
  - 2.adıma gidilir.

# Graf Üzerinde Dolaşma

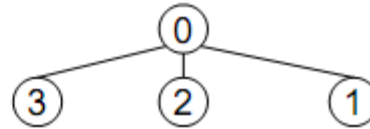
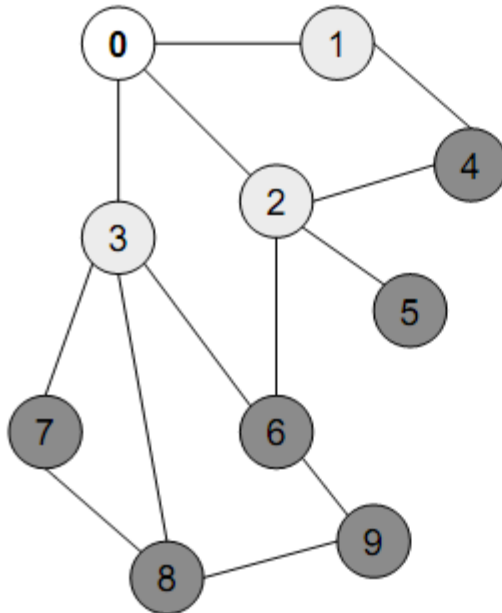
- Breadth first arama



①

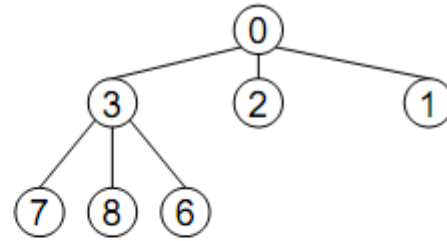
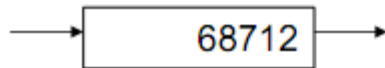
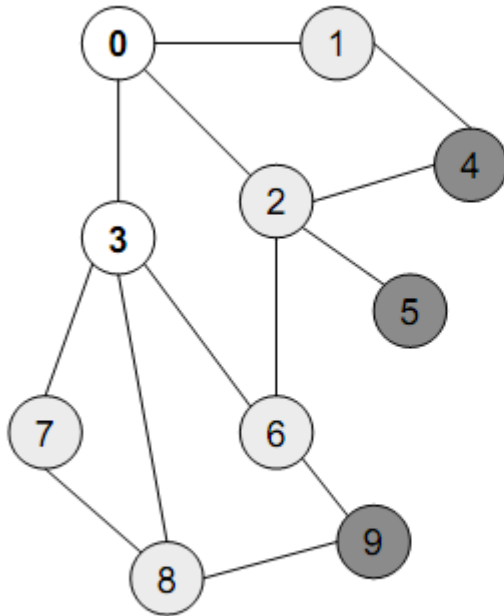
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama



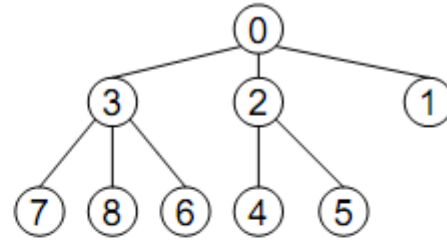
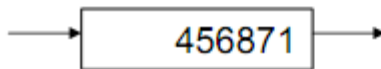
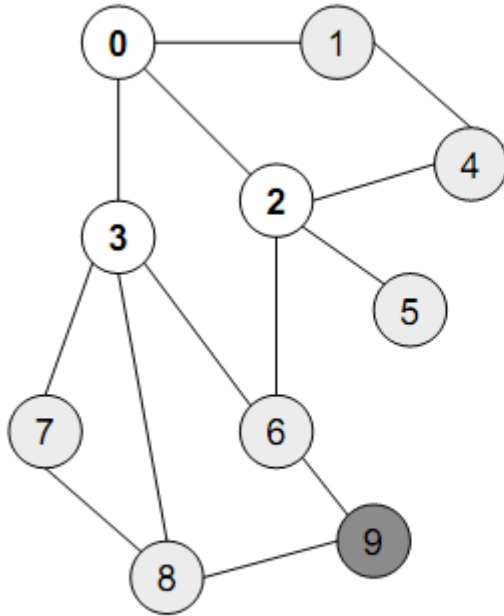
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama



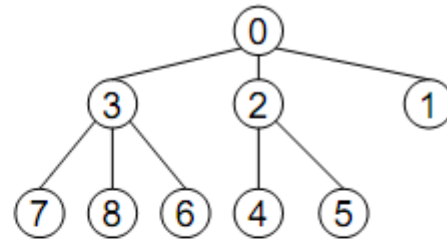
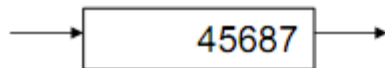
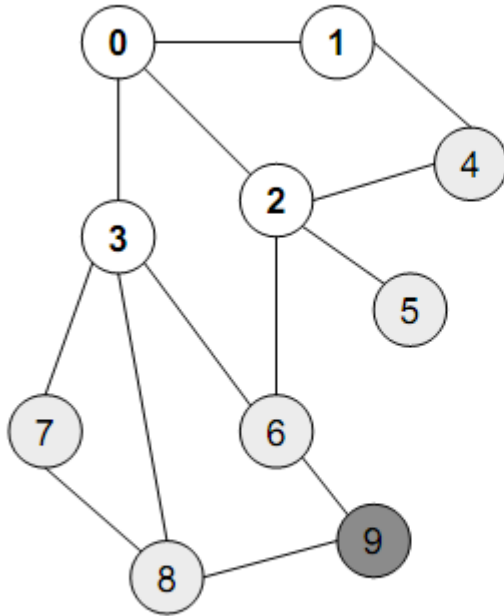
# Graf Üzerinde Dolaşma

## • Breadth first arama



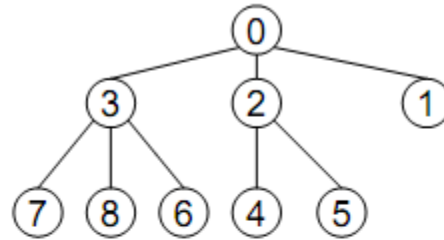
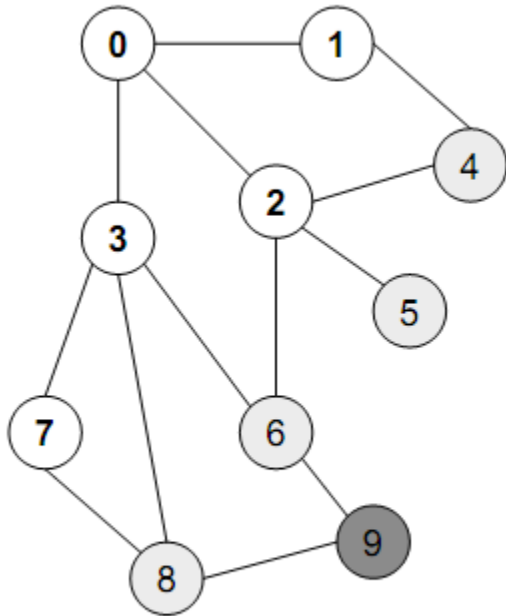
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama



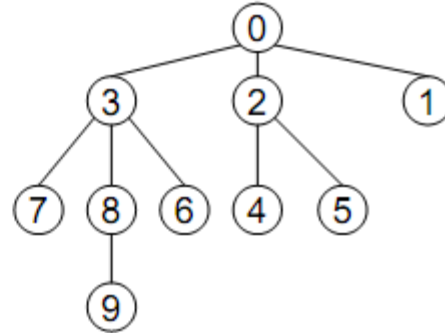
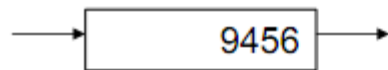
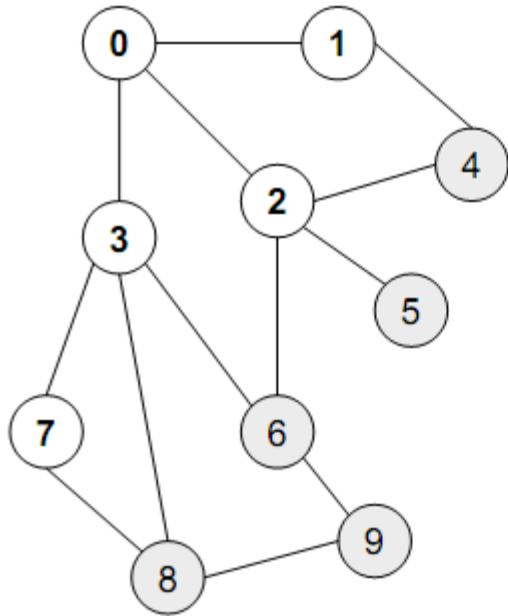
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama



# Graf Üzerinde Dolaşma

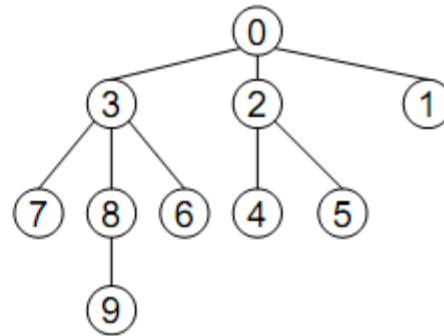
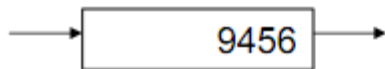
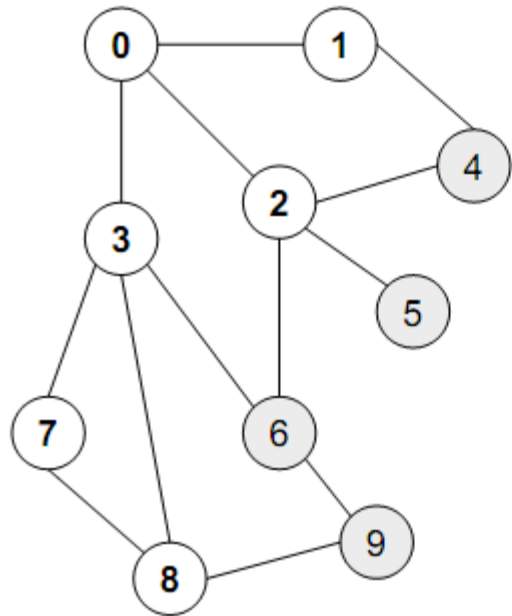
- Breadth first arama





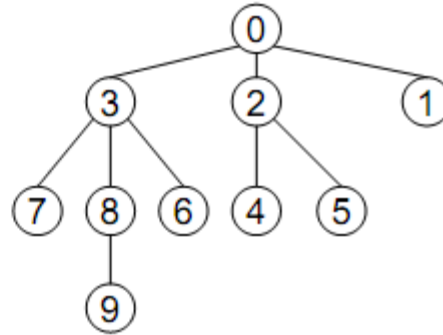
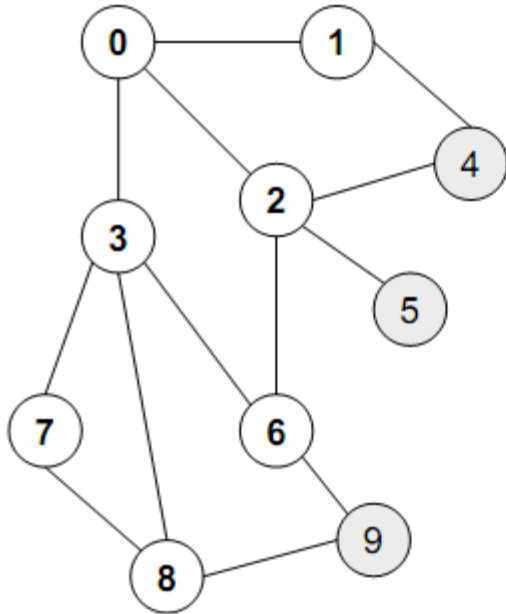
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama



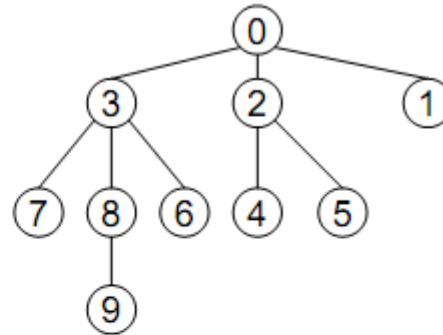
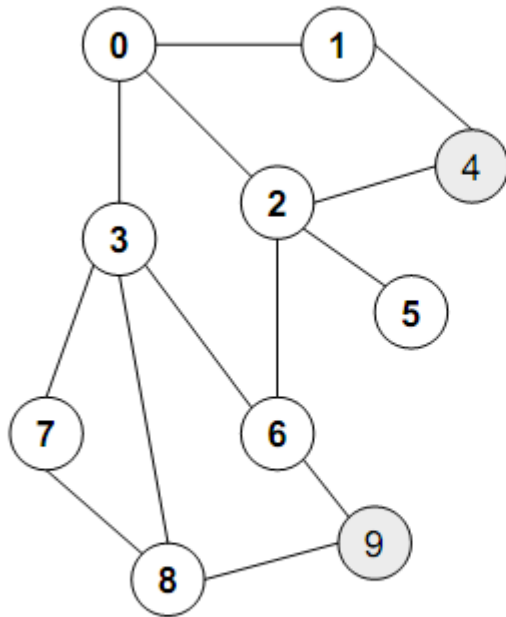
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama



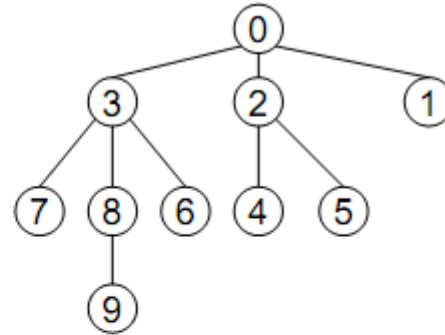
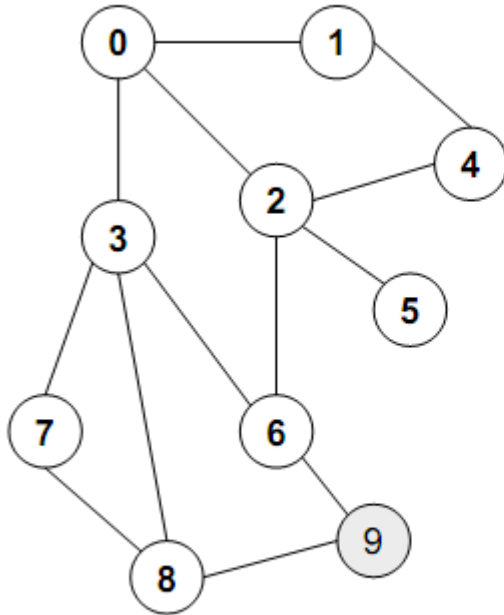
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama



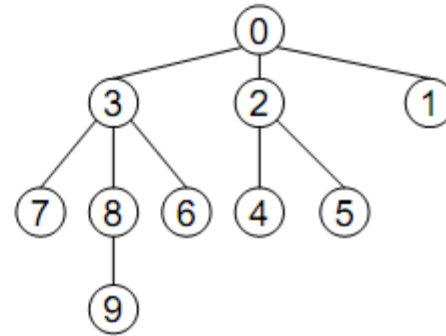
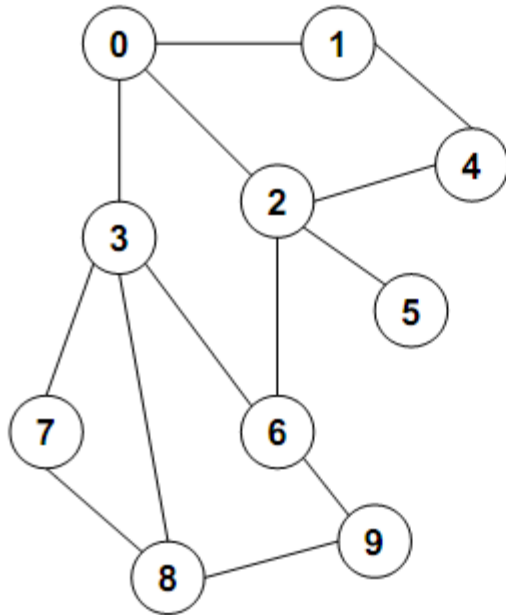
# Graf Üzerinde Dolaşma

- Breadth first arama

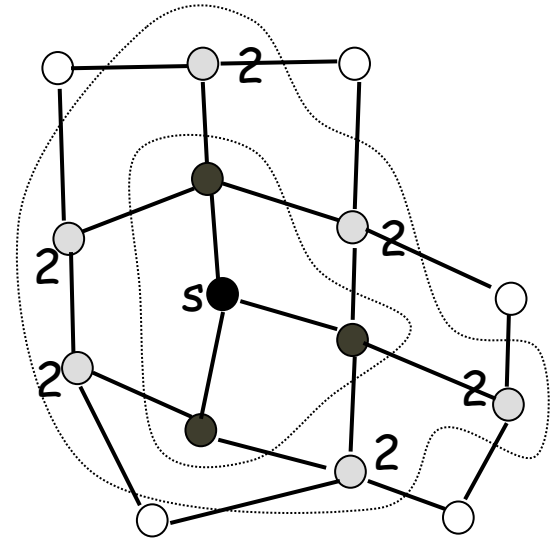
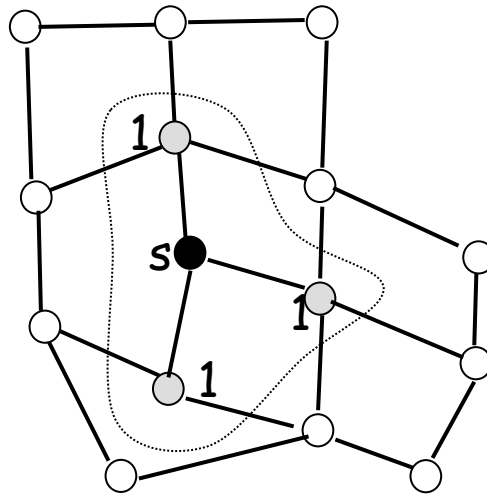
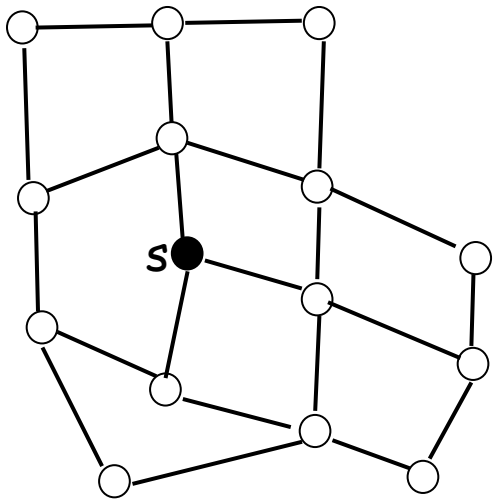


# Graf Üzerinde Dolaşma

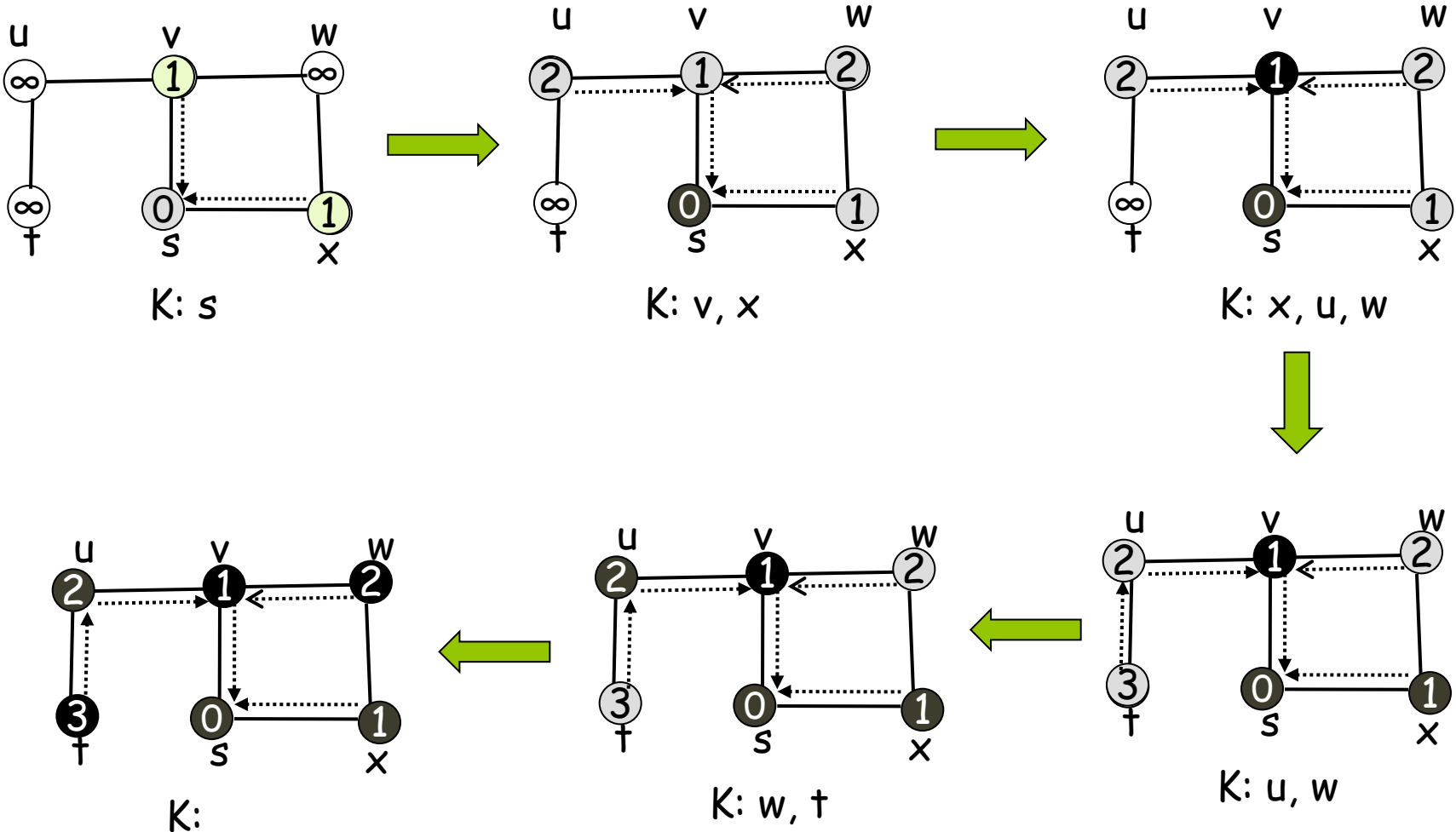
- Breadth first arama



# BFS-Örnek



# BFS – Örnek



# Graf Renklendirme

- Graf renklendirme, graf üzerinde birbirine komşu olan düğümlere farklı renk atama işlemidir; amaç, en az sayıda renk kullanılarak tüm düğümlere komşularından farklı birer renk vermektir. Renklendirmede kullanılan toplam renk sayısı kromatik (chromatik) sayı olarak adlandırılır.
- Uygulamada, graf renklendirmenin kullanılacağı alanların başında, ilk akla gelen, harita üzerindeki bölgelerin renklendirilmesi olmasına karşın, graf renklendirme bilgisayar biliminde ve günlük yaşamdaki birçok problemin çözümüne ciddi bir yaklaşımdır.



# Graf Renklendirme

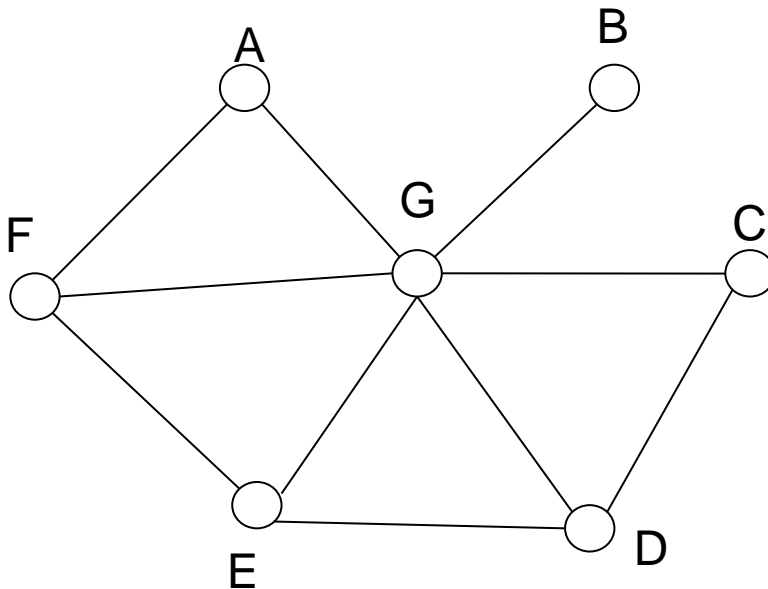
- Uygulama Alanları;
  - Harita renklendirme,
  - İşlemcilerin işlem sırasını belirleme,
  - Ders ve sınav programı ayarlama
  - Hava alanlarında iniş ve kalkış sırasını belirleme vs.

# Graf Renklendirme

- Graf renklendirmede kullanılan algoritmaların başında Welch ve Powel algoritmasıdır.
- **Welch ve Powel Algoritması:**
  - Düğümler derecelerine göre büyükten k c ğ e doğru sıralanır.
  - İlk renk birinci sıradaki düğüme atanır ve daha sonra aynı renk bitişik olamayacak şekilde diğer düğümlere verilir.
  - Bir sonraki renge geçilir ve aynı işlem düğümlerin tamamı renklendirilinceye kadar devam ettirilir.

# Graf Renklendirme

- Örnek: a) En az renk kullanılarak düğümleri renklendiriniz. Kromatik sayı kaç olur?



Düğüm

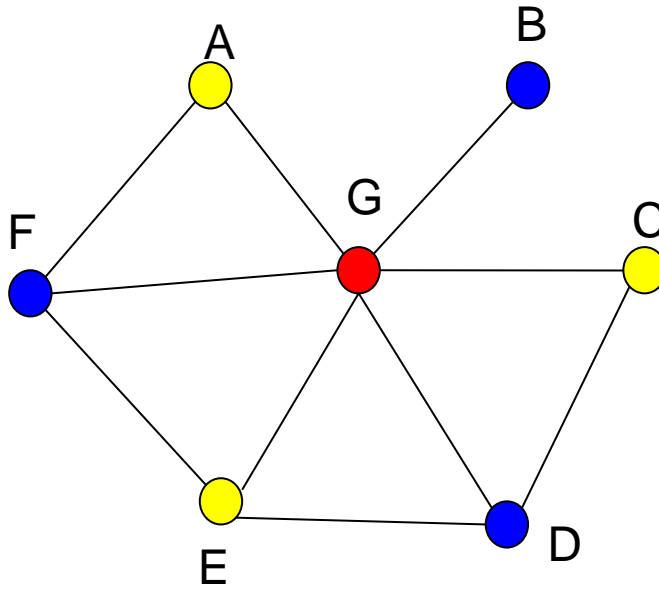
G  
D  
E  
F  
C  
A  
B

Derece

6  
3  
3  
3  
2  
2  
1

# Graf Renklendirme

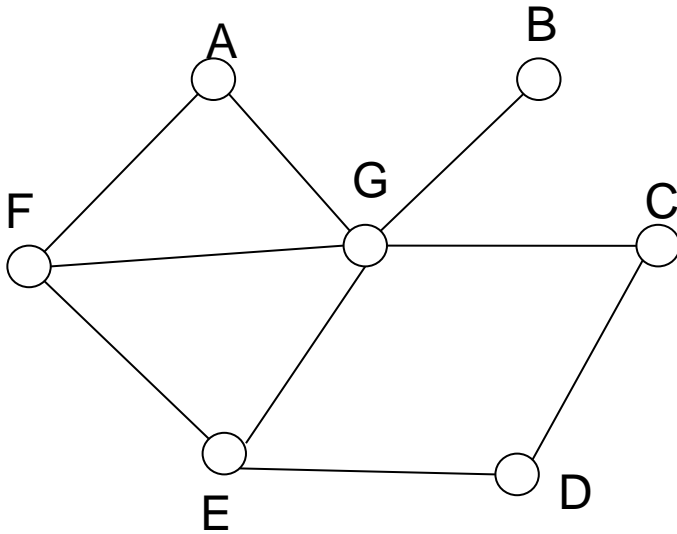
- Örnek: a) En az renk kullanılarak düğümleri renklendiriniz. Kromatik sayı kaç olur?



Düğüm	Derece
G	6
D	3
E	3
F	3
C	2
A	2
B	1
Kırmızı: G	
Mavi: D,F,B	
Sarı: E,A, C	
Kromatik Sayı:3	

# Graf Renklendirme

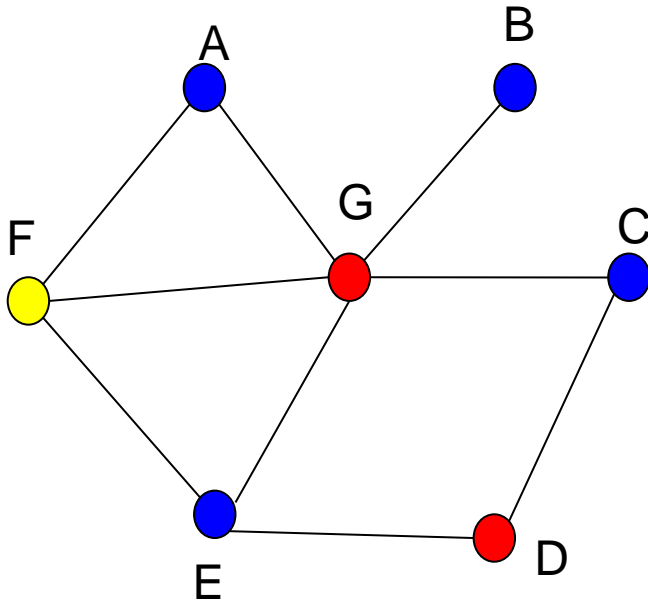
- b) G ile D arasındaki bağlantı kalkarsa yeni durum ne olur.



Düğüm	Derece
G	5
E	3
F	3
D	2
C	2
A	2
B	1

# Graf Renklendirme

- o b) G ile D arasındaki bağlantı kalkarsa yeni durum ne olur.



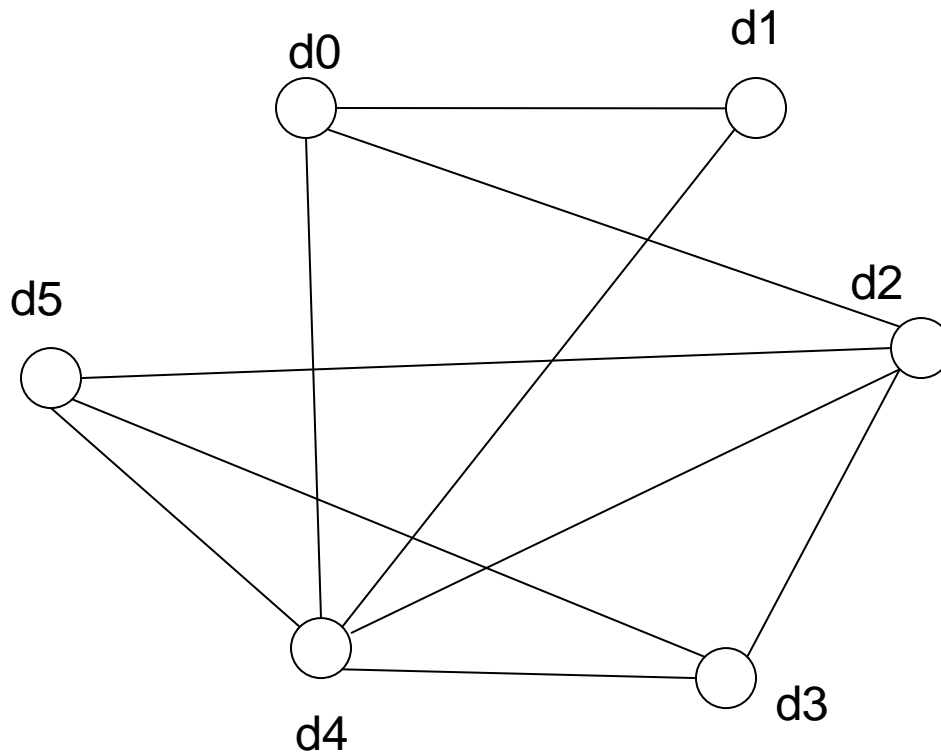
Düğüm	Derece
G	5
E	3
F	3
D	2
C	2
A	2
B	1

Kırmızı: G,D  
 Mavi: E,C,B,A  
 Sarı: F

## Graf Renklendirme

- Örnek: Farklı sınıflardaki öğrencilerin sınavlarını hazırlarken öğrencilerin gireceği sınavların çakışmasını engellemek için en az kaç farklı oturum yapılmalıdır
  - Öğrenci1: d0,d1,d4
  - Öğrenci2: d0,d2,d4
  - Öğrenci3: d2,d3,d5
  - Öğrenci4: d3,d4,d5

# Graf Renklendirme



Düğüm

d4

d2

d0

d3

d5

d1

Derece

5

4

3

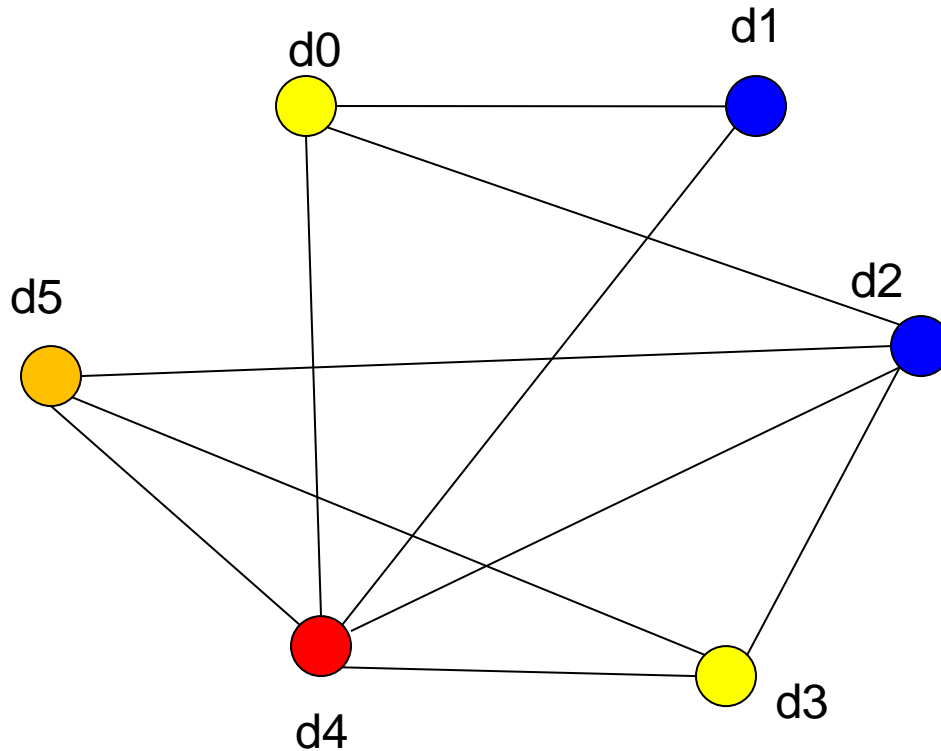
3

3

2



## Graf Renklendirme



Düğüm	Derece
d4	5
d2	4
d0	3
d3	3
d5	3
d1	2

Kırmızı: d4  
 Mavi: d1,d2  
 Sarı: d0,d3  
 Turuncu: d5

# En Küçük Yol Ağacı (Minimum Spanning Tree)

# En Kısa Yol Problemi

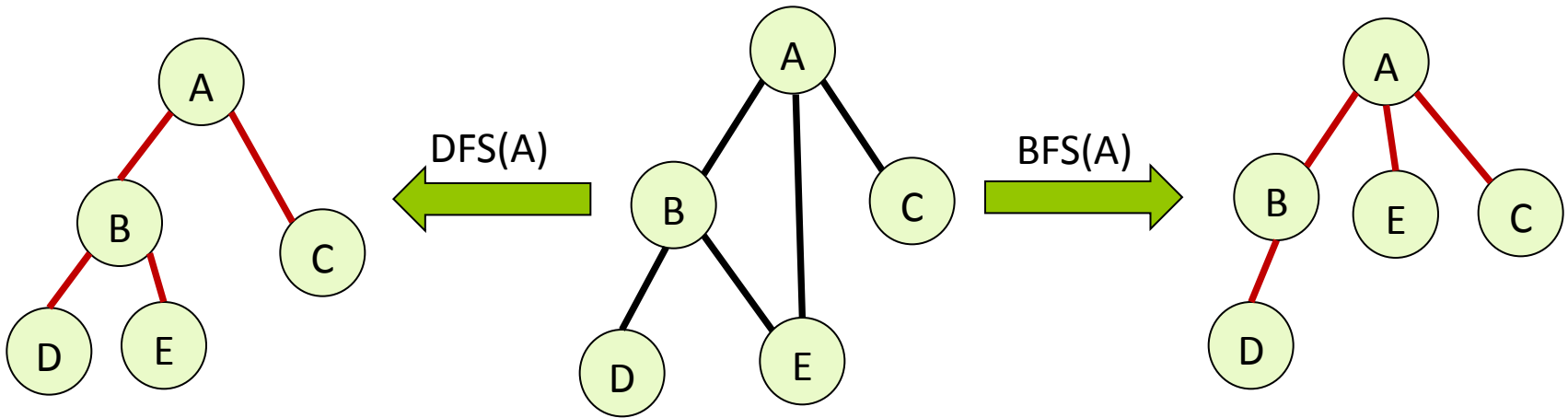
- $G = (D, K)$  grafi verilsin ve  $s$  başlangıç düğümünden  $V$  düğümüne giden en az maliyetli yol bulma.
- Farklı varyasyonlar mevcut
  - Ağırlıklı ve ağırlıksız graflar
  - Sadece pozitif ağırlık veya negatif ağırlığın da olması.

# En Küçük Yol Ağacı (Minimum Spanning Tree)

- Yol ağacı, bir graf üzerinde tüm düğümleri kapsayan ağaç şeklinde bir yoldur.
- Ağaç özelliği olduğu için kapalı çevrim(çember) içermez.
- Bir graf üzerinde birden çok yol ağacı olabilir. **En az maliyetli olan en küçük yol ağacı (minimum spanning tree)** olarak adlandırılır.

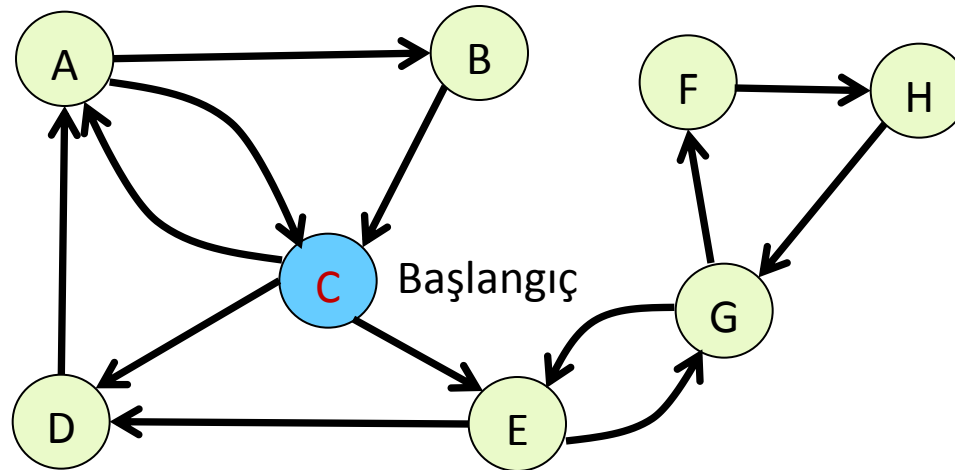
# MST Hesaplama – Ağırlıksız Graf

- Graf ağırlıksızsa veya tüm kenarların ağırlıkları eşit ise MST nasıl bulunur?
  - BFS veya DSF çalıştırın oluşan ağaç MST'dir



# Ağırlıksız En Kısa Yol Problemi

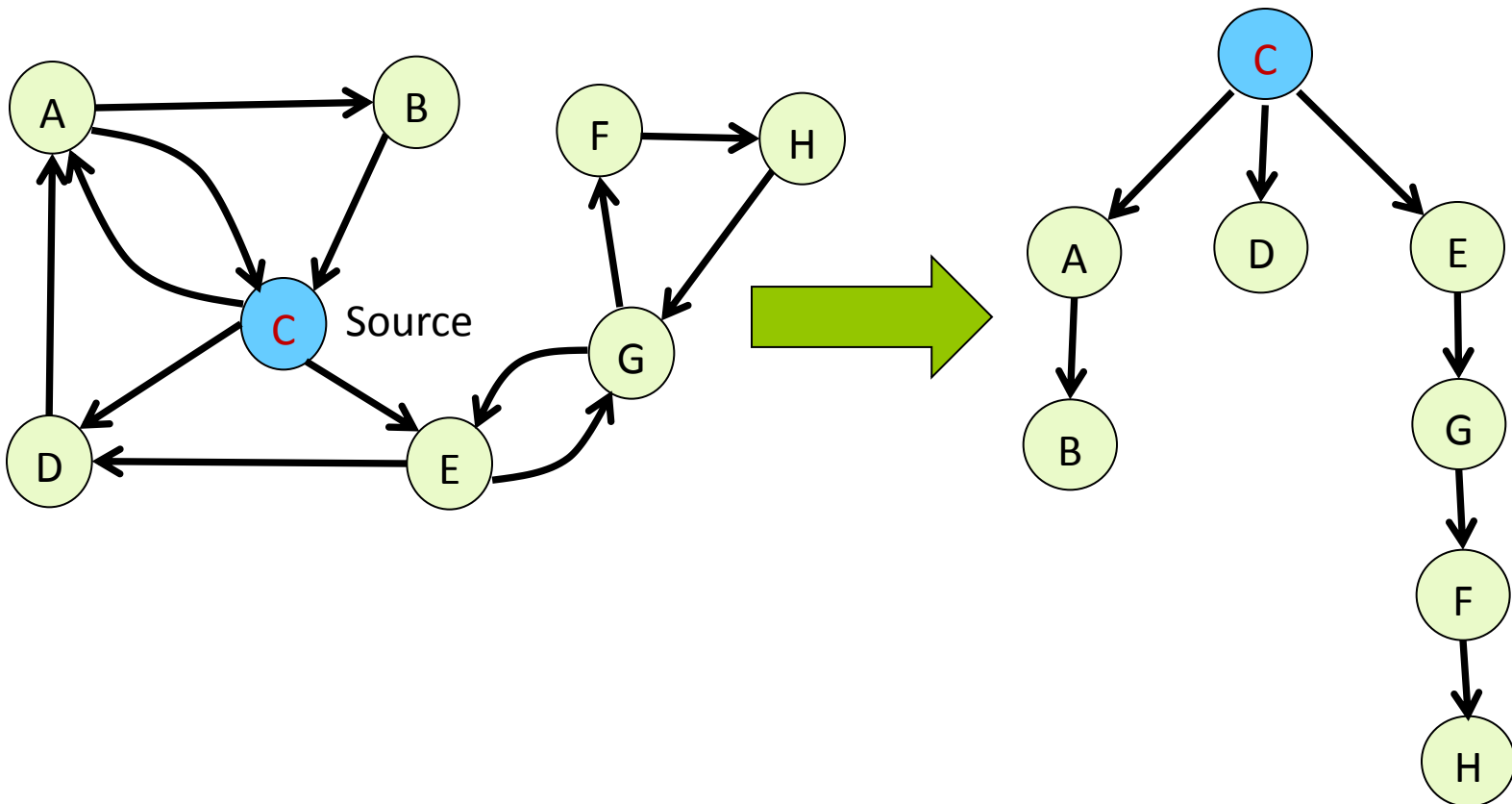
- Problem:  $G = (D, K)$  ağırlıksız grafında  $s$  başlangıç düğümü veriliyor ve  $s$ 'den diğer düğümlere giden en kısa yol nasıl bulunur.



- C'den diğer düğümlere giden en kısa yolu bulun?

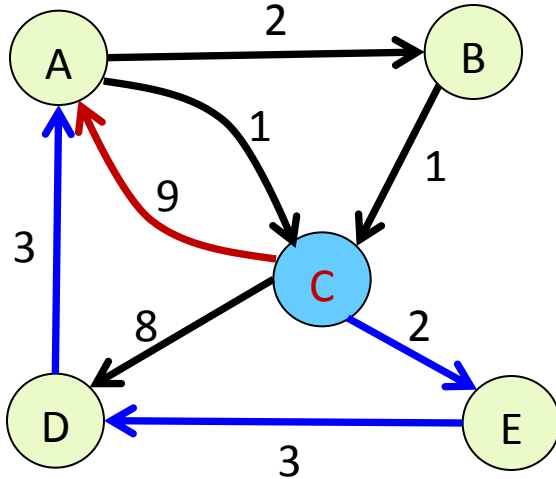
# BFS Tabanlı Çözüm

- S'den başla BFS algoritmasını uygula



# Ağırlıklı Graflarda En Kısa Yol Problemi

- BFS algoritması bu graf içinde çalışır mı?
- Hayır!



- C den A'ya en kısa yol:
  - C->A (uzunluk: 1, maliyet: 9)
  - BFS ile hesaplandı
- C den A'ya en az maliyetli yol:
  - C->E->D->A (uzunluk: 3, maliyet: 8)
  - Peki nasıl hesaplayacağız?



# Algoritmalar

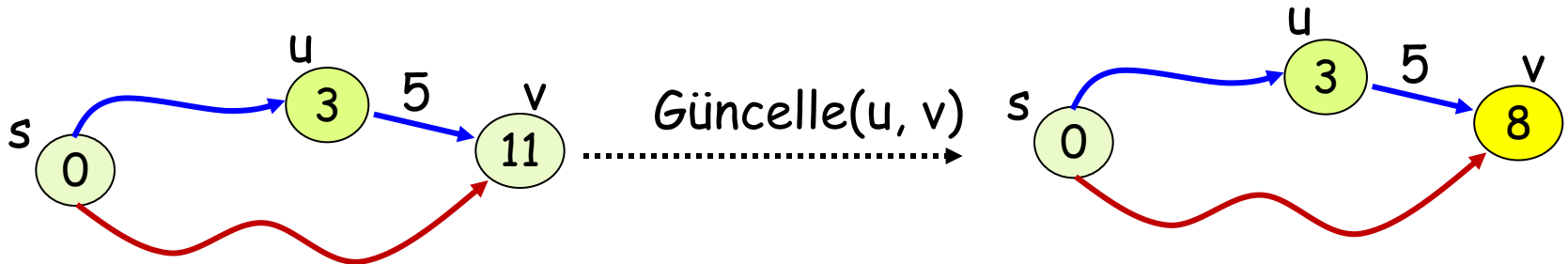
- En küçük yol ağacını belirlemek için birçok algoritma geliştirilmiştir.
  - **Kruskal'ın Algoritması:** Daha az maliyetli kenarları tek tek değerlendirerek yol ağacını bulmaya çalışır. Ara işlemler birden çok ağaç oluşturabilir.
  - **Prim'in Algoritması:** En az maliyetli kenardan başlayıp onun uçlarından en az maliyetle genişleyecek kenarın seçilmesine dayanır. Bir tane ağaç oluşur.
  - **Sollin'in Algoritması:** Doğrudan paralel programlamaya yatkındır. Aynı anda birden çok ağaçla başlanır ve ilerleyen adımlarda ağaçlar birleşerek tek bir yol ağacına dönüşür.
  - **Dijkstra Algoritması:**
    - Ağırlıklı ve yönlü graflar için geliştirilmiştir.
    - Graf üzerindeki kenarların ağırlıkları 0 veya sıfırdan büyük sayılar olmalıdır.
    - Negatif ağırlıklar için çalışmaz.
  - **Bellman ve Ford Algoritması:**
    - Negatif ağırlıklı graflar için geliştirilmiştir.
  - **Floyd Algoritması**

# Dijkstra Algoritması

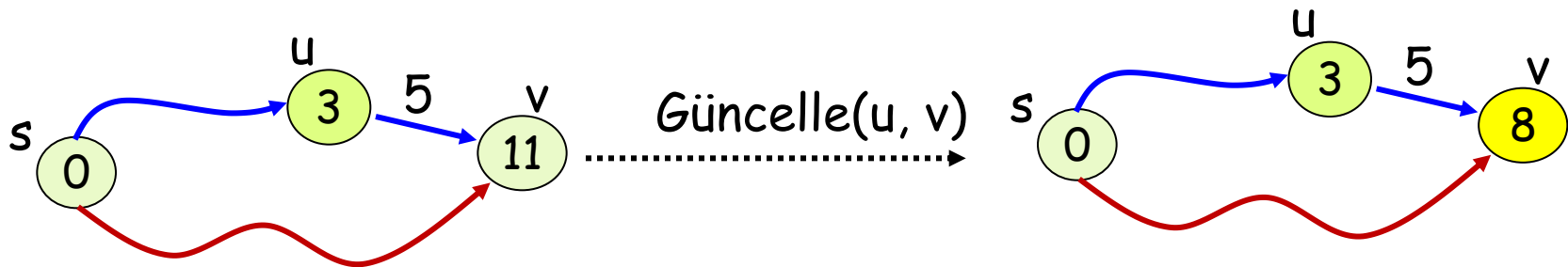
- Başlangıç olarak sadece başlangıç düğümünün en kısa yolu bilinir. (0 dır.)
- Tüm düğümlerin maliyeti bilinene kadar devam et.
  1. O anki bilinen düğümler içerisinde en iyi düğümü seç. (en az maliyetli düğümü seç, daha sonra bu düğümü bilinen düğümler kümesine ekle)
  2. Seçilen düğümün komşularının maliyetlerini güncelle.

# Güncelleme

- Adım-1 de seçilen düğüm **u** olsun.
- u düğümünün komşularının maliyetini güncelleme işlemi aşağıdaki şekilde yapılır.
  - s'den v'ye gitmek için iki yol vardır.
  - Kırmızı yol izlenebilir. Maliyet 11.
  - veya mavi yol izlenebilir. Önce s'den u'ya 3 maliyeti ile gidilir. Daha sonra (u, v) kenarı üzerinden 8 maliyetle v'ye ulaşılır.



## Güncelleme - Kaba Kod

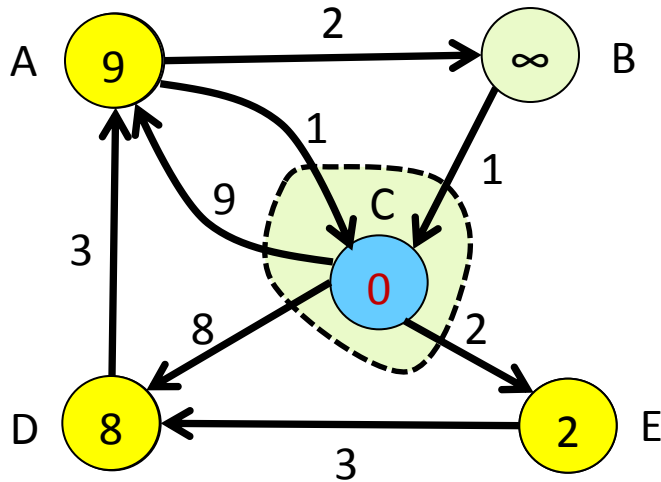


```
Guncelle(u, v){
```

```
  if (maliyet[u] + w(u, v) < maliyet[v]){           // U üzerinden yol daha kısa ise
    maliyet[v] = maliyet[u] + w(u, v);           // Evet! Güncelle
    pred[v] = u;                                 // u'dan geldiğimizi kaydet.
  }
```

```
}
```

# Dijkstra'nın Algoritması



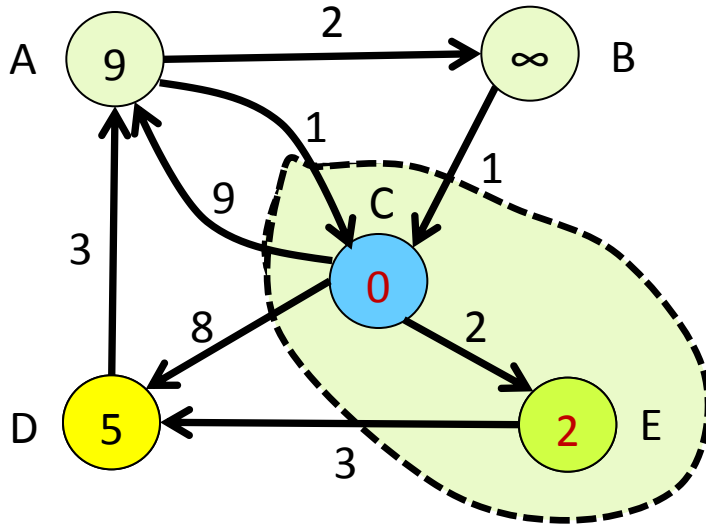
1. O anki en iyi düğümü seç – C
2. Bilinen düğümler kümesine ekle
3. Seçilen düğümün tüm komşularının maliyetini güncelle.

Komşu A:  $0 + 9 < \infty \rightarrow \text{maliyet}(A) = 9$

Komşu D:  $0 + 8 < \infty \rightarrow \text{maliyet}(D) = 8$

Komşu E:  $0 + 2 < \infty \rightarrow \text{maliyet}(E) = 2$

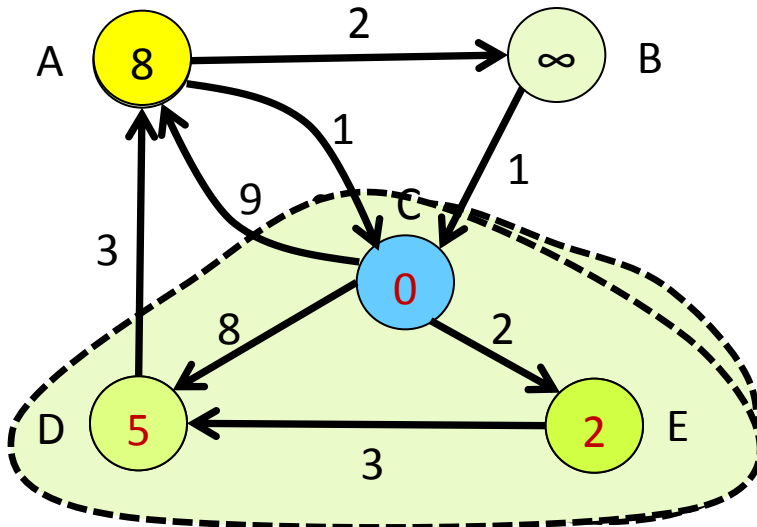
# Dijkstra'nın Algoritması



1. O anki en iyi düğümü seç – **E**
2. Bilinen düğümler kümesine ekle
3. Seçilen düğümün tüm komşularının maliyetini güncelle.

Komşu D:  $2 + 3 = 5 < 8 \rightarrow \text{maliyet}(D) = 5$

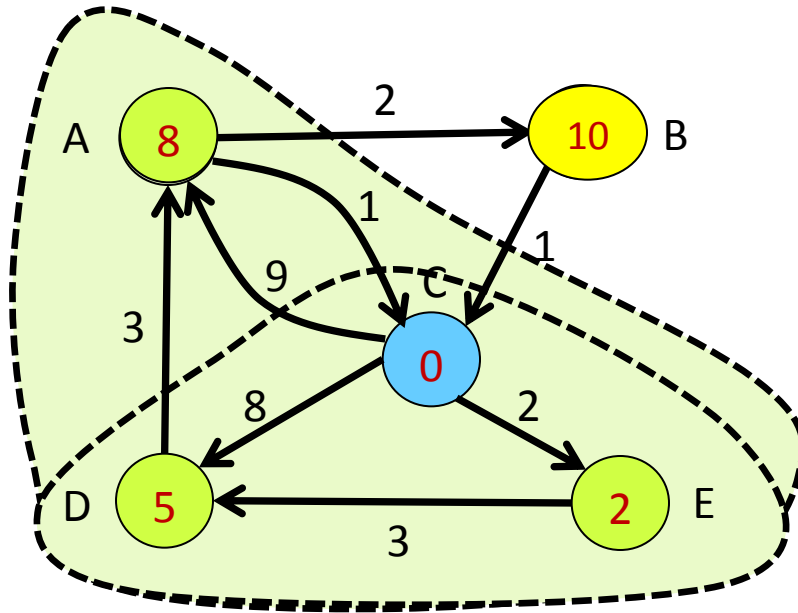
# Dijkstra'nın Algoritması



1. O anki en iyi düğümü seç – **D**
2. Bilinen düğümler kümesine ekle
3. Seçilen düğümün tüm komşularının maliyetini güncelle.

Komşu A:  $5 + 3 = 8 < 9 \rightarrow \text{maliyet}(A) = 8$

# Dijkstra'nın Algoritması

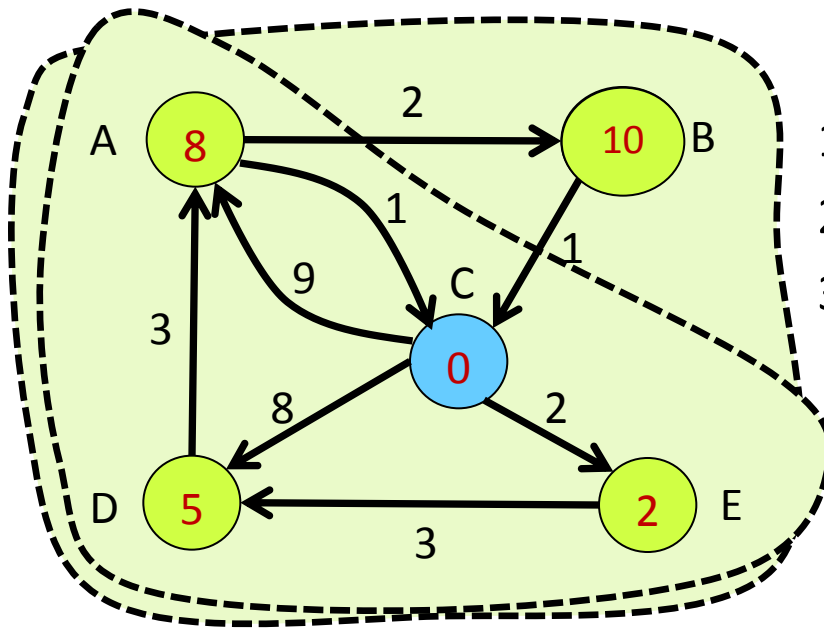


1. O anki en iyi düğümü seç – **A**
2. Bilinen düğümler kümesine ekle
3. Seçilen düğümün tüm komşularının maliyetini güncelle.

Komşu B:  $8 + 2 = 10 < \infty \rightarrow \text{maliyet}(B) = 10$



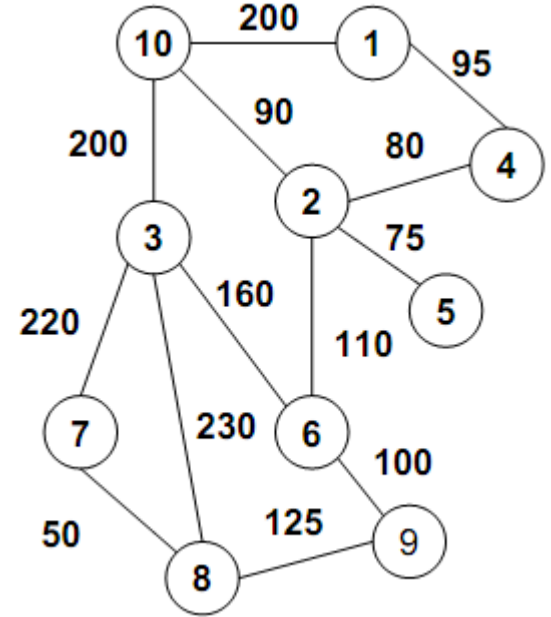
# Dijkstra'nın Algoritması



1. O anki en iyi düğümü seç – **B**
2. Bilinen düğümler kümesine ekle
3. Seçilen düğümün tüm komşularının maliyetini güncelle.

## ÖDEV

- Programları Java/C # programları ile gerçekleştiriniz.
- 1- 10 tane şehir için bir graf yapısı oluşturunuz. Her şehirden komşu şehirlere olan uzaklık kenar ağırlıkları olarak kullanılacaktır. Herhangi bir şehirden başlayarak tüm şehirleri dolaşmak için gerekli olan algoritmayı ve grafiksel çözümü BFS ve DFS ile yapınız.
- 2-Dijkstra algoritmasını kullanarak en kısa yolu bulmak için gerekli olan algoritmayı ve grafiksel çözümü yapınız.
- 3- Bölümünüze ait haftalık ders ve sınav programının çakışmadan yerleşebilmesi için gerekli programı yazınız.
- 4-Herhangi bir labirent için gerekli komşulukları belirleyip, istenilen konumdan çıkışa gitmesi için gerekli yolu bulan programı yazınız.
- 5- Bölümünüze ait sınav programını çakışmadan yerleştirmek için gerekli olan çizimi gerçekleştirip kromatik sayıyı bulunuz. Ayrıca gerekli program kodlarını yazınız.



# Örnekler

# Örnekler

- **Depth-First Search**
- class Node
- { int label; /\* vertex label\*/ Node next; /\* next node in list\*/
- Node( int b ) { label = b; } // constructor
- }
- class Graph
- { int size; Node adjList[]; int mark[];
- Graph(int n) // constructor
- { size = n; adjList = new Node[size];
- mark = new int[size]; // elements of mark are initialized to 0
- }
- public void createAdjList(int a[][] ) // create adjacent lists
- { Node p; int i, k;
- for( i = 0; i < size; i++ )
- { p = adjList[i] = new Node(i); //create first node of ith adj. list
- for( k = 0; k < size; k++ )
- { if( a[i][k] == 1 )
- { p.next = new Node(k); /\* create next node of ith adj. List\*/ p = p.next; }
- }
- }
- }

## Örnekler

- `public void dfs(int head) // recursive depth-first search`
- `{ Node w; int v; mark[head] = 1; System.out.print( head + " ");`
- `w = adjList[head];`
- `while( w != null)`
- `{ v = w.label;`
- `if( mark[v] == 0 ) dfs(v);`
- `w = w.next;`
- `}`
- `}`
- `}`
  
- `Dfs.java`
- `class Dfs`
- `{ public static void main(String[] args)`
- `{ Graph g = new Graph(5); // graph is created with 5 nodes`
- `int a[][] = { {0,1,0,1,1}, {1,0,1,1,0}, {0,1,0,1,1}, {1,1,1,0,0}, {1,0,1,0,0}};`
- `g.createAdjList(a);`
- `g.dfs(0); // starting node to dfs is 0 (i.e., A)`
- `}`
- `}`
- `}`
- **Output of this program is: 0 1 2 3 4**
- **Here, 0 is for A, 1 is for B, 2 is for C, 3 is for D, and 4 is for E**

# Örnekler

- **Breadth-First Search**
- class Node
- { int label; /\* vertex label\*/ Node next; /\* next node in list\*/
- Node( int b ) { label = b; } // constructor
- }
- class Graph
- { int size; Node adjList[]; int mark[];
- Graph(int n) // constructor
- { size = n; adjList = new Node[size]; mark = new int[size]; }
- public void createAdjList(int a[][] ) // create adjacent lists
- { Node p; int i, k;
- for( i = 0; i < size; i++ )
- { p = adjList[i] = new Node(i);
- for( k = 0; k < size; k++ )
- { if( a[i][k] == 1 ) { p.next = new Node(k); p = p.next; }
- } // end of inner for-loop
- } // end of outer for-loop
- } // end of createAdjList()

## Örnekler

- `public void bfs(int head)`
- `{ int v; Node adj; Queue q = new Queue(size);`
- `v = head; mark[v] = 1; System.out.print(v + " "); q.qinsert(v);`
- `while( !q.isEmpty() ) // while(queue not empty)`
- `{ v = q.qdelete(); adj = adjList[v];`
- `while( adj != null )`
- `{ v = adj.label;`
- `if( mark[v] == 0 ) { q.qinsert(v); mark[v] = 1; System.out.print(v + " "); }`
- `adj = adj.next; }`
- `} } } // end of Graph class`
  
- `class Queue`
- `{ private int maxSize; // max queue size`
- `private int[] que; // que is an array of integers`
- `private int front; private int rear; private int count; // count of items in queue`
- `public Queue(int s) // constructor`
- `{ maxSize = s; que = new int[maxSize]; front = rear = -1; }`

# Örnekler

- `public void qinsert(int item)`
- `{ if( rear == maxSize-1 ) System.out.println("Queue is Full");`
- `else { rear = rear + 1; que[rear] = item; if( front == -1 ) front = 0; }`
- `}`
- `public int qdelete()`
- `{ int item;`
- `if( isEmpty() ) { System.out.println("\n Queue is Empty"); return(-1); }`
- `item = que[front];`
- `if( front == rear ) front = rear = -1;`
- `else front = front+1; return(item); }`
- `public boolean isEmpty() { return( front == -1 ); } }`
- `class BfsDemo`
- `{ public static void main(String[] args)`
- `{ Graph g = new Graph(5);`
- `int a[][] = { {0,1,0,1,1}, {1,0,1,1,0}, {0,1,0,1,1}, {1,1,1,0,0}, {1,0,1,0,0}};`
- `g.createAdjList(a); g.bfs(0); }`
- `}`
- Output of this program is: 0 1 3 4 2



# Örnekler

## ○ **Depth First Arama**

- `#include <stdio.h>`
- `#define max 10`
- `void buildadjm(int adj[][max], int n)`
- `{`
- `int i,j;`
- `for(i=0;i<n;i++)`
- `for(j=0;j<n;j++)`        `{`
- `printf("%d ile %d komşu ise 1 değilse 0 gir \n", i,j);`  
`scanf("%d",&adj[i][j]);`        `}`
- `}`

# Örnekler

- `void dfs(int x,int visited[],int adj[][max],int n)`
- `{`
- `int j;`
- `visited[x] = 1;`
- `printf("Ziyaret edilen düğüm numarası %d\n",x);`
- `for(j=0;j<n;j++)`
- `if(adj[x][j] ==1 && visited[j] ==0)`  
`dfs(j,visited,adj,n);`
- `}`

# Örnekler

- `void main() {`
- `int adj[max][max],node,n,i, visited[max];`
- `printf("Düğüm sayısını girin (max = %d)\n",max);`
- `scanf("%d",&n);`
- `buildadjm(adj,n);`
- `for(i=0; i<n; i++)`
- `visited[i] =0;`
- `for(i=0; i<n; i++) if(visited[i] ==0)`  
`dfs(i,visited,adj,n); }`

# Örnekler

- **Breadth-first**
- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `#define MAX 10`
- `struct node`
- `{`
- `int data;`
- `struct node *link;`
- `};`

## Örnekler

- **Breadth-first**
- `void buildadjm(int adj[][MAX], int n)`
- `{`
- `int i,j;`
- `printf("enter adjacency matrix \n",i,j);`  
`for(i=0;i<n;i++)`
- `for(j=0;j<n;j++)`                    `scanf("%d",&adj[i][j]);`
- `}`

# Örnekler

- struct node \*addqueue(struct node \*p,int val)
- {
- struct node \*temp;
- if(p == NULL) {
- p = (struct node \*) malloc(sizeof(struct node));
- if(p == NULL) {
- printf("Cannot allocate\n");         exit(0);
- }
- p->data = val;
- p->link=NULL; }

# Örnekler

- else { temp= p;
- while(temp->link != NULL){
- temp = temp->link;}
- temp->link = (struct node\*)malloc(sizeof(struct node));
- temp = temp->link;
- if(temp == NULL) {
- printf("Cannot allocate\n"); exit(0); }
- temp->data = val; temp->link = NULL;}
- return(p);
- }





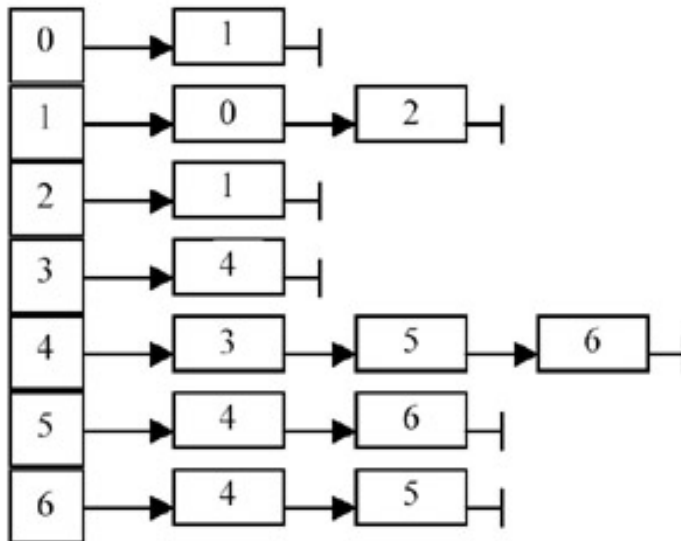
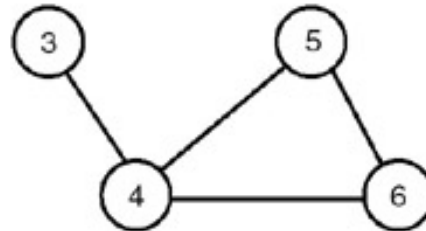
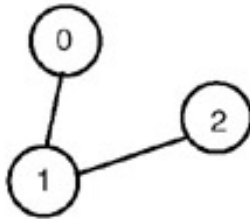
# Örnekler

- void bfs(int adj[][MAX], int x,int visited[], int n, struct node \*\*p)
- {
- int y,j,k; \*p = addqueue(\*p,x);
- do {
- \*p = deleteq(\*p,&y);
- if(visited[y] == 0) {
- printf("\nnode visited = %d\t",y);
- visited[y] = 1;
- for(j=0;j<n;j++)
- if((adj[y][j] ==1) && (visited[j] == 0))
- \*p = addqueue(\*p,j);
- }
- }while((\*p) != NULL);}

# Örnekler

- void main() {
- int adj[MAX][MAX];
- int n;
- struct node \*start=NULL;
- int i, visited[MAX];
- printf("enter the number of nodes in graph maximum = %d\n",MAX);
- scanf("%d",&n);
- buildadjm(adj,n);
- for(i=0; i<n; i++) visited[i] =0;
- for(i=0; i<n; i++) if(visited[i] ==0) bfs(adj,i,visited,n,&start);
- }

# Örnekler



# Örnekler

- `#include <stdio.h>`
- `#include <stdlib.h>`
- `#define MAXVERTICES 20`
- `#define MAXEDGES 20`
- `typedef enum {FALSE, TRUE, TRISTATE} bool;`
- `typedef struct node node;`
- `struct node {`
- `int dst;`
- `node *next;};`

# Örnekler

```
○ void printGraph( node *graph[], int nvert ) {  
○   /*   * graph çiz. */  
○   int i, j;  
○   for( i=0; i<nvert; ++i ) {  
○     node *ptr;  
○     for( ptr=graph[i]; ptr; ptr=ptr->next )  
○       printf( "[%d] ", ptr->dst );  
○     printf( "\n" );  
○   }  
○ }
```

# Örnekler

- `void insertEdge( node **ptr, int dst ) {`
- `/*`
- `* Başlamak için yeni düğüm ekle.`
- `*/`
- `node *newnode = (node *)malloc(sizeof(node));`
- `newnode->dst = dst;`
- `newnode->next = *ptr;`
- `*ptr = newnode;`
- `}`

# Örnekler

- `void buildGraph ( node *graph[], int edges[2][MAXEDGES], int nedges ) {`
- `/* Graph kenar dizilerinde bitişik olanların listesi ile doldur. */`
- `int i;`
- `for( i=0; i<nedges; ++i ) {`
- `insertEdge( graph+edges[0][i], edges[1][i] );`
- `insertEdge( graph+edges[1][i], edges[0][i] ); // yönsüz`
- `graph.`
- `}`
- `}`

# Örnekler

- void dfs( int v, int \*visited, node \*graph[] ) {
- /\*
- \* Tekrarlamalı olarak v kullanılarak ziyaret edilen graph
- \* TRISTATE olarak işaretlenmekte
- \*/
- node \*ptr;
- visited[v] = TRISTATE;
- //printf( "%d \n", v );
- for( ptr=graph[v]; ptr; ptr=ptr->next )
- if( visited[ ptr->dst ] == FALSE )
- dfs( ptr->dst, visited, graph );
- }



# Örnekler

```
○ void printSetTristate( int *visited, int nvert ) {  
○   /*  
○   * Tüm düğümler ziyaret edilmiş ise (TRISTATE) TRUE değerini ata.  
○   */  
○   int i;  
○   for( i=0; i<nvert; ++i )  
○     if( visited[i] == TRISTATE ) {  
○       printf( "%d ", i );  
○       visited[i] = TRUE;  
○     }  
○   printf( "\n\n" );  
○ }
```

# Örnekler

```
○ void compINC(node *graph[], int nvert) {  
○   /* Birbirine bağlı tüm bileşenlerin sunulduğu graph listesi. */  
○   int *visited;  
○   int i;  
○   visited = (int *)malloc( nvert*sizeof(int) );  
○   for( i=0; i<nvert; ++i )  
○     visited[i] = FALSE;  
○   for( i=0; i<nvert; ++i )  
○     if( visited[i] == FALSE ) {  
○       dfs( i, visited, graph );  
○       // print all vertices which are TRISTATE. and mark them to TRUE.  
○       printSetTristate( visited, nvert );  
○     }  
○   free( visited );  
○ }
```

# Örnekler

- `int main() {`
- `int edges[][MAXEDGES] = { {0,2,4,5,5,4},`
- `{1,1,3,4,6,6}`
- `};`
- `int nvert = 7; // hiç bir düğüm.`
- `int nedges = 6; // ve hiçbir kenarın olmadığı graph.`
- `node **graph = (node **)calloc( nvert, sizeof(node *) );`
- `buildGraph( graph, edges, nedges );`
- `printGraph( graph, nvert );`
- `complNC( graph, nvert );`
- `return 0;`
- `}`

# Örnekler

